

# Fahrerassistenzsysteme im Kraftfahrzeug

Prof. Dr.-Ing. Markus Lienkamp



## Vorlesungsübersicht

<b>01 Einführung</b> 28.04.2022 – Prof. Lienkamp	<b>01 Einführung</b> 28.04.2022 – Prof. Lienkamp	<b>01 Übung Einführung</b> 28.04.2022 – Hoffmann
<b>02 Sensorik / Wahrnehmung I</b> 05.05.2022 – Prof. Lienkamp	<b>02 Sensorik / Wahrnehmung I</b> 05.05.2022 – Prof. Lienkamp	<b>02 Sensorik / Wahrnehmung I</b> 05.05.2022 – Prof. Lienkamp
<b>03 Sensorik / Wahrnehmung II</b> 12.05.2022 – Dr.-Ing. Diermeyer	<b>03 Sensorik / Wahrnehmung II</b> 12.05.2022 – Dr.-Ing. Diermeyer	<b>03 Übung Sensorik / Wahrnehmung II</b> 12.05.2022 – Schimpe
<b>04 Sensorik / Wahrnehmung III</b> 19.05.2022 – Schimpe	<b>04 Sensorik / Wahrnehmung III</b> 19.05.2022 – Schimpe	<b>04 Übung Sensorik / Wahrnehmung III</b> 19.05.2022 – Schimpe
<b>05 Funktionslogik / Regelung</b> 02.06.2022 – Winkler	<b>05 Funktionslogik / Regelung</b> 02.06.2022 – Winkler	<b>05 Funktionslogik / Regelung</b> 02.06.2022 – Winkler
<b>06 Übung Funktionslogik / Regelung</b> 09.06.2022 – Winkler	<b>06 Funktionale Systemarchitektur</b> 09.06.2022 – Prof. Lienkamp	<b>06 Aktorik</b> 09.06.2022 – Prof. Lienkamp
<b>07 Deep Learning</b> 23.06.2022 – Majstorovic	<b>07 Deep Learning</b> 23.06.2022 – Majstorovic	<b>07 Übung Deep Learning</b> 23.06.2022 – Majstorovic
<b>08 MMI</b> 30.06.2022 – Prof. Bengler	<b>08 MMI</b> 30.06.2022 – Prof. Bengler	<b>08 MMI Übung</b> 30.06.2022 – Prof. Bengler
<b>09 Controllability</b> 07.07.2022 – Prof. Bengler	<b>09 Controllability</b> 07.07.2022 – Prof. Bengler	<b>09 Übung Controllability</b> 07.07.2022 – Winkle
<b>10 Entwicklungsprozess</b> 14.07.2022 – Dr.-Ing. Diermeyer	<b>10 Entwicklungsprozess</b> 14.07.2022 – Dr.-Ing. Diermeyer	<b>10 Übung Entwicklungsprozess</b> 14.07.2022 – Hoffmann
<b>11 Analyse und Bewertung FAS</b> 21.07.2022 – Feig	<b>11 Analyse und Bewertung FAS</b> 21.07.2022 – Feig	<b>11 Übung Analyse und Bewertung FAS</b> 21.07.2022 – Feig
<b>12 Aktuelle und künftige Systeme</b> 28.07.2022 – Prof. Lienkamp	<b>12 Aktuelle und künftige Systeme</b> 28.07.2022 – Prof. Lienkamp	<b>12 Aktuelle und künftige Systeme</b> 28.07.2022 – Prof. Lienkamp

# Übung Kantenerkennung in Bildern

Andreas Schimpe, M.Sc.

## Agenda

---

1. Grundlagen
  - 1.1 Kanten
  - 1.2 Faltung
2. Operatoren
  - 2.1 Sobel-Operator
  - 2.2 Laplace-Filter
3. Matlab-Übungsaufgaben



## Was soll hängen bleiben?

- Warum sind Kanten für FAS wichtig?
- Wie funktioniert die diskrete Faltung?
- Wie werden einfache Filtermasken für die Kantendetektion hergeleitet?
- Wie funktioniert die Anwendung?

# Übung Kantenerkennung in Bildern

Andreas Schimpe, M.Sc.

## Agenda

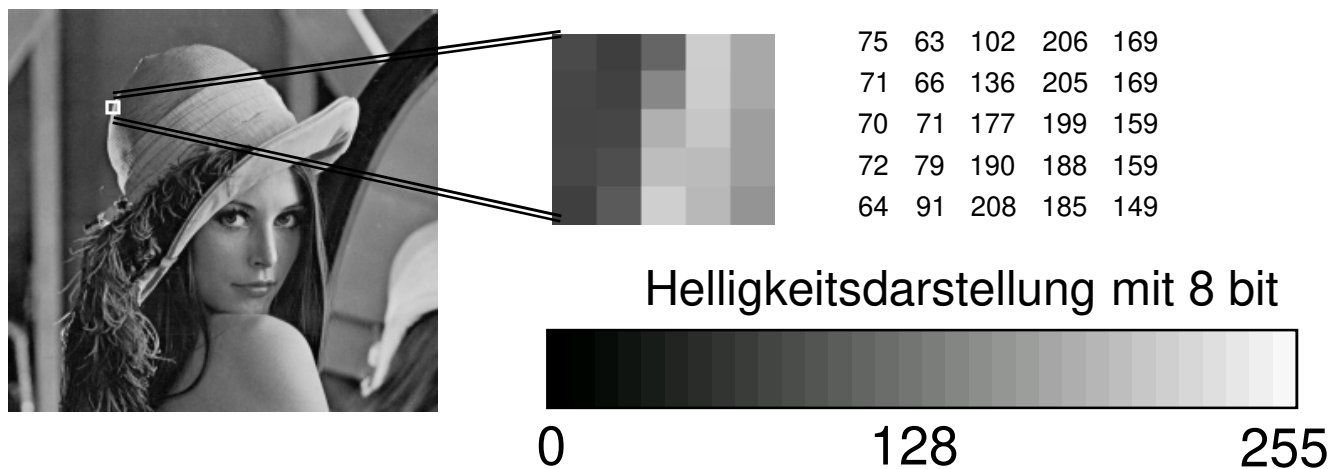
---

1. Grundlagen
  - 1.1 Kanten
  - 1.2 Faltung
2. Operatoren
  - 2.1 Sobel-Operator
  - 2.2 Laplace-Filter
3. Matlab-Übungsaufgaben



# Bildvorbereitung

- Annahme: eigentliches Bild ist stetige Funktion ( $\Rightarrow$  Herleitung)
  - $\rightarrow$  Kennen nur Werte auf diskretem Gitter
  - $\rightarrow$  Werte des Gitters  $\rightarrow$  Matrix
- Verwendung nur eines Kanals (z.B. Helligkeit)  
(Bild ist Funktion  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ )



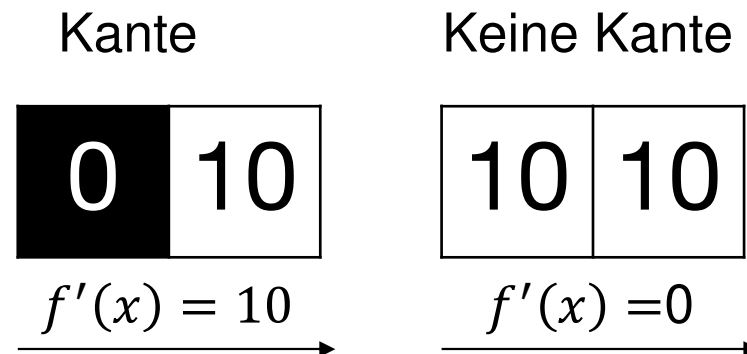
# Warum Kanten?

- Stellen mit abrupter Helligkeitsänderung
- Optisch prägnante Bildmerkmale
- Ermöglichen Umrissse von Menschen, Objekten etc. wahrzunehmen
- Spielen wichtige Rolle beim menschlichen Sehen
- Gehören zu den wichtigsten Bildinformationen (Extremfall: selbst Strichzeichnungen genügen, um Personen, Objekte usw. zu erkennen)



# Eigenschaften von Kanten

- Lokal starke Intensitätsänderung entlang ausgeprägter Richtung
- Betrachtung der Ableitung der Bildfunktion
- Kanten  $\rightarrow$  lokale Maxima der Ableitung





# Anforderungen an Kantenfilter

Verschiebungsfreiheit:

→ Kantendetektion invariant unter Verschiebungen

Isotropie (Invarianz unter Bilddrehungen):

→ Intensität/Erkennungsgüte nicht von Kantenrichtung abhängig

→ Bilddrehung ändert Kantenintensitäten nicht

(Schwachpunkt fast aller klassischen Kantendetektionsverfahren)

# Übung Kantenerkennung in Bildern

Andreas Schimpe, M.Sc.

## Agenda

---

### 1. Grundlagen

1.1 Kanten

**1.2 Faltung**

2. Operatoren

2.1 Sobel-Operator

2.2 Laplace-Filter

3. Matlab-Übungsaufgaben



# Lineare Filter

## Prinzip:

- Lineare Verknüpfung von Pixeln in kleinen Nachbarschaften

## Vorgehen:

- Jedes Pixel sowie alle Pixel in einer gewissen Nachbarschaft werden mit einem Koeffizienten gewichtet und dann aufsummiert
- Dies ergibt den Wert des Elements an dieser Stelle

# Faltung

- Lineare Filter lassen sich als Matrizen darstellen
- Anwendung mittels *diskreter Faltung* mit der Bildmatrix

## Definition:

Sei  $\mathbf{I}(x, y)$  die Bildmatrix und  $\mathbf{H}(x, y)$  die Faltungsmatrix an der Stelle  $(x, y)$ . Dann ist die diskrete Faltung  $\mathbf{I} * \mathbf{H}$  definiert als

$$(\mathbf{I} * \mathbf{H})(x, y) := \sum_{i=-n}^n \sum_{j=-n}^n \mathbf{I}(x + i, y + j) \mathbf{H}(n + i, n + j)$$

wobei  $\mathbf{H} \in \mathbb{R}^{(2n+1) \times (2n+1)}$

## Beispiel: Faltung

Bildmatrix I:

3	0	1	2	7	4
1	5	8	9	3	1
2	7	2	5	1	3
0	1	3	1	7	8
4	2	1	6	2	8
2	4	5	2	3	9

Maske H:

1	2	3
4	5	6
7	8	9

\*

## Beispiel: Faltung

3	0	1	2	7	4
1	5	8	9	3	1
2	7	2	5	1	3
0	1	3	1	7	8
4	2	1	6	2	8
2	4	5	2	3	9

1	2	3
4	5	6
7	8	9

\*

=


## Beispiel: Faltung

$$3 * 1 + 0 * 2 + 1 * 3$$

$$+ 1 * 4 + 5 * 5 + 8 * 6$$

$$+ 2 * 7 + 7 * 8 + 2 * 9$$

$$= 171$$

## Beispiel: Faltung

3	0	1	2	7	4
1	5	8	9	3	1
2	7	2	5	1	3
0	1	3	1	7	8
4	2	1	6	2	8
2	4	5	2	3	9

\*

1	2	3
4	5	6
7	8	9

=




## Herleitung: Kante → Filtermaske

- Umwandlung der Ableitung in einfache Matrixoperation durch diskrete zentrale Differenzen:

$$\frac{\partial f}{\partial x} \approx \frac{-f(x-1, y) + f(x+1, y)}{2}$$

→ Abbildung der diskreten Differenz durch Faltung:

1	2	3
---	---	---

\*

-1	0	1
----	---	---

=

2
---

- Um Rauschen zu verringern, werden 3x3 Matrizen verwendet  
(hier: Prewitt-Operator in x-Richtung zur Detektion vertikaler Kanten):

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

## Beispiel: Vertikale Kantenerkennung

10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0

\*

Prewitt-Operator  
(vertikal):

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

## Beispiel: Vertikale Kantenerkennung

10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0
10	10	10	0	0	0

\*

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

=

0	-30	-30	0
0	-30	-30	0
0	-30	-30	0
0	-30	-30	0

## Beispiel: Vertikale Kantenerkennung

0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
10	10	10	10	10	10
10	10	10	10	10	10
10	10	10	10	10	10

\*

Prewitt-Operator  
(vertikal):

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

## Beispiel: Vertikale Kantenerkennung

0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
10	10	10	10	10	10
10	10	10	10	10	10
10	10	10	10	10	10

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline -1 & 0 & 1 \\ \hline -1 & 0 & 1 \\ \hline -1 & 0 & 1 \\ \hline \end{array}$$

=

0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0

# Übung Kantenerkennung in Bildern

Andreas Schimpe, M.Sc.

## Agenda

---

1. Grundlagen
  - 1.1 Kanten
  - 1.2 Faltung
2. **Operatoren**
  - 2.1 **Sobel-Operator**
  - 2.2 Laplace-Filter
3. Matlab-Übungsaufgaben



# Sobel-Operator

- Entspricht der 1. Ableitung
- Errechnet vertikale und horizontale Kanten separat
- Stärkere Gewichtung der Zentralen Matrixspalte (vgl. Prewitt)



Bild: Sobel-Operator  
in y-Richtung  
→ Detektion  
horizontaler Kanten

## Herleitung: Sobel-Operator

- Umwandlung der Ableitung in einfache Matrixoperation durch diskrete zentrale Differenzen:

$$\frac{\partial f}{\partial x} \approx \frac{-f(x-1, y) + f(x+1, y)}{2}$$

1	2	3
---	---	---

\*

-1	0	1
----	---	---

=

2
---

- Jetzt: Verdopplung der mittleren Matrixspalte:

-1	0	1
-2	0	2
-1	0	1

- Vorteil gegenüber Prewitt-Operator:  
→ bessere Isotropie



# Sobel-Operator

Sobel-Operator  $S_x$  in x zur  
Detektion von vertikalen Kanten

-1	0	1
-2	0	2
-1	0	1

Sobel-Operator  $S_y$  in y zur  
Detektion von horizontalen Kanten

-1	-2	-1
0	0	0
1	2	1

Tausch der Vorzeichen beeinflusst Funktionsweise nicht

# Übung Kantenerkennung in Bildern

Andreas Schimpe, M.Sc.

## Agenda

---

1. Grundlagen
  - 1.1 Kanten
  - 1.2 Faltung
2. **Operatoren**
  - 2.1 Sobel-Operator
  - 2.2 **Laplace-Filter**
3. Matlab-Übungsaufgaben



# Laplace-Filter

- Entspricht der zweiten Ableitung
- Benötigt nur einen Rechenschritt → Weniger Rechenzeit
- Rauschempfindlich



## Herleitung über Laplace-Operator

- Laplace Operator:  $\Delta f = \text{div}(\text{grad } f)$  oder  $\nabla^2 f$

$$\begin{aligned} \rightarrow \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} &\approx \frac{\partial(f(x+1,y) - f(x,y))}{\partial x} \\ &\approx f(x+1,y) - 2f(x,y) + f(x-1,y) \end{aligned}$$

0	0	0
1	-2	1
0	0	0

+

0	1	0
0	-2	0
0	1	0

=

0	1	0
1	-4	1
0	1	0

→ Zur Detektion von vertikalen und horizontalen Kanten

## Herleitung 45°-Laplace-Filter

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -2 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -8 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

# Übung Kantenerkennung in Bildern

## Andreas Schimpe, M.Sc.

### Agenda

---

1. Grundlagen
  - 1.1 Kanten
  - 1.2 Faltung
2. Operatoren
  - 2.1 Sobel-Operator
  - 2.2 Laplace-Filter
3. **Matlab-Übungsaufgaben**

