2023NewStarCTF writeup by Beckoning

WEEK1 Crypto

brainfuck



是brainfuck解密,使用工具解密即可

flag{Oiiaioooooiai#b7c0b1866fe58e12}

Caesar's Secert

kqfl{hf3x4w'x_h1umjw_n5_a4wd_3fed}

凯撒加密,在线解密就行,偏移量为5

flag{ca3s4r's_c1pher_i5_v4ry_3azy}

Fence

fa{ereigtepanet6680}lgrodrn_h_litx#8fc3

栅栏加密, 在线解密即可

flag{reordering_the_plaintext#686f8c03}

Vigenère

pqcq{qc_m1kt4_njn_5s1p0b_1kyacx_gcdy1ud4_g3nv5x0}

维吉尼亚加密,密钥是kfc,解出:

babyencoding

```
part 1 of flag: ZmxhZ3tkYXp6bGluZ19lbmNvZGluZyM0ZTBhZDQ=
part 2 of flag: MYYGGYJQHBSDCZJRMQYGMMJQMMYGGN3BMZSTIMRSMZSWCNY=
part 3 of flag: =8S4U,3DR8SDY,C`S-F5F-C(S,S<R-C`Q9F8S87T`</pre>
```

第一部分用base64解密,得到:

```
flag{dazzling_encoding#4e0ad4
```

第二部分用base32解密,得到:

```
f0ca08d1e1d0f10c0c7afe422fea7
```

第三部分用UUencode解密,得到:

```
c55192c992036ef623372601ff3a}
```

拼接起来是:

flag{dazzling_encoding#4e0ad4f0ca08d1e1d0f10c0c7afe422fea7c55192c992036ef62337260 1ff3a}

babyrsa

```
from Crypto.Util.number import *
from flag import flag

def gen_prime(n):
    res = 1

    for i in range(15):
        res *= getPrime(n)

    return res

if __name__ == '__main__':
    n = gen_prime(32)
    e = 65537
    m = bytes_to_long(flag)
    c = pow(m,e,n)
    print(n)
    print(c)
```

```
#
172900660705949795710096633812142013204595698513585023686512455142135382299699156
58064992558167323586895088933922835353804055772638980251328261
#
143220384337616554046783935681585378497835894814635210756948026546110488988786051
44663750410655734675423328256213114422929994037240752995363595
```

先分解n,发现分解为了

```
2217990919<10> · 2338725373<10> · 2370292207<10> · 2463878387<10> · 2706073949<10> · 2794985117<10> · 2804303069<10> · 2923072267<10> · 2970591037<10> · 3207148519<10> · 3654864131<10> · 3831680819<10> · 3939901243<10> · 4093178561<10> · 4278428893<10>
```

然后我们计算phi的值,反向计算m的值就可以了,flag的值为:

```
flag{us4_s1ge_t0_cal_phI}
```

解密代码:

```
from gmpy2 import *
phi=2217990918*2338725372*2370292206*2463878386*2706073948*2794985116*2804303068*
2923072266*2970591036*3207148518*3654864130*3831680818*3939901242*4093178560*4278
428892
e=65537
n=1729006607059497957100966338121420132045956985135850236865124551421353822996991
5658064992558167323586895088933922835353804055772638980251328261
c=1432203843376165540467839356815853784978358948146352107569480265461104889887860
5144663750410655734675423328256213114422929994037240752995363595

d=invert(e,phi)
m=pow(c,d,n)
print(m)#642921858775584588910849779736964353704741462609884093106557

from Crypto.Util.number import *
print(long_to_bytes(m))#flag{us4_slge_t0_cal_phi}
```

Small d

```
from secret import flag
from Crypto.Util.number import *

p = getPrime(1024)
q = getPrime(1024)

d = getPrime(32)
e = inverse(d, (p-1)*(q-1))
n = p*q
m = bytes_to_long(flag)

c = pow(m,e,n)
```

```
print(c)
print(e)
print(n)
# c =
876413563714106893091362609359872892519585959207824267920669052567858469890678202
867196855770127159141998237083958187277956189789670712881566872260928548497830321
194360018592361032932221959197764457350975548367905995142668617029601879877124313
653065159718198804066858624044909941230145431293706560496122435923503819014585210
847352041390901419860043467903752416552342240136420845063155738020799659798130916
8360160658308982745545442756884931141501387954248
# e =
861453108713180653607217612660850539648599891219309042009451079259510115824045398
505505365384855632501140992239471112455838361983029001795091235302727040056756862
281624582232442299307469018397109388264077980854647919560474323013711329375289796
833222098964071031199815010831529833381703063417948707542140361779082356088668886
780281600335385322098649200797018355104130387595875049689286795447751096670893535
853432286740486026718029453823173418417672780528974600499996992373652878343687672
8104351783351879340959568183101515294393048651825
\# n =
198736349834560875201105522774504975292484945819022993272372680307563980577525101
030123364525220301733293217267799358321060301576826722625480768953704434615588515
849516810937878210354889526910342501154404418075575952569847199959831585958434510
375469299187778836750205719455339223215141200754884904790094689432869900027351693
714049732840968698263576590276278158885583915202768661223705511152232826378558942
021704749552741292763566253646631657234312159811849965130233724338620536247921953
612711414518801230901586440952870458622049548299986147176771638413912727541226879
61264723993880239407106030370047794145123292991433
```

发现d很小,只有32位,我们使用wiener attack来进行攻击

```
#Sage
def factor_rsa_wiener(N, e):
    N = Integer(N)
    e = Integer(e)
    cf = (e / N).continued_fraction().convergents()
    for f in cf:
        k = f.numer()
        d = f.denom()
        if k == 0:
            continue
        phi_N = ((e * d) - 1) / k
        b = -(N - phi_N + 1)
        dis = b \wedge 2 - 4 * N
        if dis.sign() == 1:
            dis_sqrt = sqrt(dis)
            p = (-b + dis\_sqrt) / 2
            q = (-b - dis_sqrt) / 2
            if p.is_integer() and q.is_integer() and (p * q) % N == 0:
                p = p \% N
                q = q \% N
```

```
if p > q:
return (p, q)
else:
return (q, p)
```

e =

 $861453108713180653607217612660850539648599891219309042009451079259510115824045398\\ 505505365384855632501140992239471112455838361983029001795091235302727040056756862\\ 281624582232442299307469018397109388264077980854647919560474323013711329375289796\\ 833222098964071031199815010831529833381703063417948707542140361779082356088668886\\ 092813311753672497788868373247870862831485731370059652233950958191532345269513687\\ 780281600335385322098649200797018355104130387595875049689286795447751096670893535\\ 853432286740486026718029453823173418417672780528974600499996992373652878343687672\\ 8104351783351879340959568183101515294393048651825$

n =

 $198736349834560875201105522774504975292484945819022993272372680307563980577525101\\ 030123364525220301733293217267799358321060301576826722625480768953704434615588515\\ 849516810937878210354889526910342501154404418075575952569847199959831585958434510\\ 375469299187778836750205719455339223215141200754884904790094689432869900027351693\\ 714049732840968698263576590276278158885583915202768661223705511152232826378558942\\ 021704749552741292763566253646631657234312159811849965130233724338620536247921953\\ 612711414518801230901586440952870458622049548299986147176771638413912727541226879\\ 61264723993880239407106030370047794145123292991433$

factor_rsa_wiener(n,e)

输出结果:得到了p和q的值

(164887456707385597794671504018267709143220756168005943404439170291961240964917459897851995873318931111003334756829330833030113953921897690894547696970173765400394343219281907593789488243043201193175383927844938693390050315847202652056687832428191702170841515492613755081814436819172309486788028139552841308767,

120528482762181585784791121533263404463364363674762508523888416841598344462609634 410166712335775074695194129147081306232127435812293764101753434633378229572294818 621955201083222863101440688819614733415001310705111396264686322304770037360220730 171417541890902341308693475235102578207842995280367951899591120599)

验证一下,将两个数乘起来,发现是对的,然后用RSA解密就可以了

flag{learn_some_continued_fraction_technique#dc16885c}

解密代码如下:

```
from gmpy2 import *
985055053653848556325011409922394711124558383619830290017950912353027270400567568
968332220989640710311998150108315298333817030634179487075421403617790823560886688
860928133117536724977888683732478708628314857313700596522339509581915323452695136
877802816003353853220986492007970183551041303875958750496892867954477510966708935
358534322867404860267180294538231734184176727805289746004999969923736528783436876
728104351783351879340959568183101515294393048651825
p=1648874567073855977946715040182677091432207561680059434044391702919612409649174
598978519958733189311110033347568293308330301139539218976908945476969701737654003
28191702170841515492613755081814436819172309486788028139552841308767
\mathtt{q} \! = \! 1205284827621815857847911215332634044633643636747625085238884168415983444626096
344101667123357750746951941291470813062321274358122937641017534346333782295722948
186219552010832228631014406888196147334150013107051113962646863223047700373602207
30171417541890902341308693475235102578207842995280367951899591120599
n=p*q
phi=(p-1)*(q-1)
c =
675591669677818595230010882488034167372700524951785062842498249986574486415880896
876413563714106893091362609359872892519585959207824267920669052567858469890678202
867196855770127159141998237083958187277956189789670712881566872260928548497830321
686323699702119757633794020475733174970187280844324692777297750057685355953142193
194360018592361032932221959197764457350975548367905995142668617029601879877124313
653065159718198804066858624044909941230145431293706560496122435923503819014585210
847352041390901419860043467903752416552342240136420845063155738020799659798130916
8360160658308982745545442756884931141501387954248
d=2357048593
m=pow(c,d,n)
print(m)#443728359007583296447439619704781152671495389109387822405300060799422807
8599292941193760338139920099943034640819891552929432560509
print(long_to_bytes(m))#b'flag{learn_some_continued_fraction_technique#dc16885c}'
```

babyxor

```
from secret import *

ciphertext = []

for f in flag:
    ciphertext.append(f ^ key)

print(bytes(ciphertext).hex())
# e9e3eee8f4f7bffdd0bebad0fcf6e2e2bcfbfdf6d0eee1ebd0eabbf5f6aeaeaeaeae62
```

这题就是做了一个异或操作,直接恢复就可以了,需要暴力解出我们的key,只需要循环求解就可以了,注意一个字节是256种情况,是两位

```
flag{x0r_15_symm3try_and_e4zy!!!!!}
```

Affine

```
from flag import flag, key

modulus = 256

ciphertext = []

for f in flag:
    ciphertext.append((key[0]*f + key[1]) % modulus)

print(bytes(ciphertext).hex())

# dd4388ee428bdddd5865cc66aa5887ffcca966109c66edcca920667a88312064
```

这题的话是仿射变换,仿射那一步就用mod运算来解决就可以

```
from itertools import product
c = "dd4388ee428bdddd5865cc66aa5887ffcca966109c66edcca920667a88312064"
c = bytes.fromhex(c)
# 求模逆
def modinv(a, m):
    for i in range(1, m):
       if (a * i) % m == 1:
            return i
    return None
for k0, k1 in product(range(256), repeat=2):
    k0_{inv} = modinv(k0, 256)
    if k0_inv is None:
        continue
    decrypted = []
    for b in c:
        f = ((b - k1) * k0_inv) % 256
        decrypted.append(f)
    flag = str(bytes(decrypted))
    if "flag" in flag:
        print(flag)
```

输出: flag{4fflne_clpher_i5_very_3azy}

babyaes

```
from Crypto.Cipher import AES
import os
from flag import flag
```

```
def pad(data):
    return data + b"".join([b'\x00' for _ in range(0, 16 - len(data))])

def main():
    flag_ = pad(flag)
    key = os.urandom(16) * 2
    iv = os.urandom(16)
    print(bytes_to_long(key) ^ bytes_to_long(iv) ^ 1)
    aes = AES.new(key, AES.MODE_CBC, iv)
    enc_flag = aes.encrypt(flag_)
    print(enc_flag)

if __name__ == "__main__":
    main()
# 3657491768215750635844958060963805125333761387746954618540958489914964573229
# b'>]\xc1\xe5\x82/\x02\x7ft\xf1B\x8d\n\xc1\x95i'
```

得到答案: firsT_cry_Aes

WEEK2 Crypto

滴啤

```
from Crypto.Util.number import *
import gmpy2
from flag import flag
def gen_prime(number):
   p = getPrime(number//2)
   q = getPrime(number//2)
   return p,q
m = bytes_to_long(flag.encode())
p,q = gen\_prime(1024)
print(p*q)
e = 65537
d = gmpy2.invert(e, (p-1)*(q-1))
print(d%(p-1))
print(pow(m,e,p*q))
931727884929264383277105925645628542064387123903946361493856083218001349343613537
942066240313969881244558477688837855037955213891788147912130541243610078874963515
41379697714874313863354097646233575265223978310932841461535936931
307467153394842898333761625034462907680907310539113349710634557900919735848784017
007186630645110812431448648273172817619775466967145608769260573615221635
```

```
#
527777056923275013325284871683401754368321098662185977788222622684170751575678804
094830794529035288830407150971362937651888581871421030816391340559975525432135894
677510375244825780935722443139280303413563599895314517891668154624174848220099370
89058352982739611755717666799278271494933382716633553199739292089
```

可以看出,我们拥有的信息是d,e,dp,c,我们用dp泄露去解决问题

```
import gmpy2 as gp
e = 65537
931727884929264383277105925645628542064387123903946361493856083218001349343613537
942066240313969881244558477688837855037955213891788147912130541243610078874963515
41379697714874313863354097646233575265223978310932841461535936931
307467153394842898333761625034462907680907310539113349710634557900919735848784017
007186630645110812431448648273172817619775466967145608769260573615221635
527777056923275013325284871683401754368321098662185977788222622684170751575678804
89058352982739611755717666799278271494933382716633553199739292089
for x in range(1, e):
   if(e*dp%x==1):
      p=(e*dp-1)//x+1
      if(n%p!=0):
         continue
      q=n//p
      phin=(p-1)*(q-1)
      d=gp.invert(e, phin)
      m=gp.powmod(c, d, n)
      if(len(hex(m)[2:])\%2==1):
         continue
      print('----')
      print(m)
      print(hex(m)[2:])
      print(bytes.fromhex(hex(m)[2:]))
```

这样得到结果: flag{cd5ff82d-989c-4fbf-9543-3f98ab567546}

不止一个pi

```
from flag import flag
from Crypto.Util.number import *
import gmpy2
p = getPrime(1024)
q = getPrime(1024)
n = p**3*q**2
print("q = ",q)
```

```
print("p = ",p)
m = bytes_to_long(flag.encode())
c = pow(m, 65537, n)
print("c = ",c)
# q =
759391844282137149013845956612257534640259997979275610235395706473965973203544920
469416283181677660262509481282536465796731401967694683575843183509430017972506752
901270887444490905891490955975762524187534052478173966117471143713
171790960371317244087615913047696670778115765201883835525456016207966048658582417
842936925149582378305610304505530997833147251832289276125084339614808085356814202
236463900384335878760177630501950384919794386619363394169016560485152083893183420
911295712446925318391793822371390439655160077212739260871923935217
445918392832436976239767160531760015751271250369433076793849049622566998505000277
625347084119315695108766310786671442623022200239966630628764259107799089788317413
901307650935352308858334737335898084270768661115705042558459882515139987026808386
726991213963492939795751437682614587075211658318535157605177662720888237741343314
732332151285211435326635936428260348709891660830294469460022762878779187660090153
788811009370361241483667657156248700533029999690887358922807298264111484476198014
304792077011453592495976551836561470927229766623148165585724300407204909407852556
946029338147955814850634696606490616420936214731337196256704004708451651013505457
108061207733322819560810906547526083258019232185390613881113903665848568832016153
242160528770872766766303890537811523516377386750825820886736731410870185570900263
459232997691223995621249078826239610623019175468081379042543376342731523033045934
932041235418901068452510531861010293671520352922249164280738221502346893675558463
284934899666652898126924086761206838224382230041885659941822387552240898659692501
897556505769621842303645914439262516676152242472126897167601042709637961026664991
193913945198924619452555353369983111056814622034760362774540744976179213589811013
974349876754352129752580280925484251800219038150896435700121135399706141771078333
7
```

这题我们知道了 $n=p^3 imes q^2$,所以对应的phi也需要变化

$$phi(n) = p^2 \times (1-p) \times q \times (1-q)$$

```
from gmpy2 import *
q =
11547886787034752766068032927101285204384586840192836107610277993837027067089749
875939184428213714901384595661225753464025999797927561023539570647396597320354492
046941628318167766026250948128253646579673140196769468357584318350943001797250675\\
2901270887444490905891490955975762524187534052478173966117471143713
p =
17179096037131724408761591304769667077811576520188383552545601620796604865858241
784293692514958237830561030450553099783314725183228927612508433961480808535681420
223646390038433587876017763050195038491979438661936339416901656048515208389318342
c =
44591839283243697623976716053176001575127125036943307679384904962256699850500027
762534708411931569510876631078667144262302220023996663062876425910779908978831741
344048968004822347815315929390435518320497565719870101736670741682823555207119056
590130765093535230885833473733589808427076866111570504255845988251513998702680838
672699121396349293979575143768261458707521165831853515760517766272088823774134331
405774613145047623886175952820851022715107923055606089343535155522015536742879549
873233215128521143532663593642826034870989166083029446946002276287877918766009015
378881100937036124148366765715624870053302999969088735892280729826411148447619801
430479207701145359249597655183656147092722976662314816558572430040720490940785255
694602933814795581485063469660649061642093621473133719625670400470845165101350545
301312398540039964578716634568501964835202396759813910474523819986203868991018207
824216052877087276676630389053781152351637738675082582088673673141087018557090026
345923299769122399562124907882623961062301917546808137904254337634273152303304593
493204123541890106845251053186101029367152035292224916428073822150234689367555846
328493489966665289812692408676120683822438223004188565994182238755224089865969250
189755650576962184230364591443926251667615224247212689716760104270963796102666499
119391394519892461945255535336998311105681462203476036277454074497617921358981101
397434987675435212975258028092548425180021903815089643570012113539970614177107833
37
n=p**3*q**2
phi=p**2*(p-1)*q*(q-1)
e = 65537
d =gmpy2.invert(e, phi)
m=pow(c,d,n)
print(long_to_bytes(m))
```

解出flag: flag{bu_zhi_yige_p1dsaf}

halfcandecode

```
from Crypto.Util.number import *
import gmpy2
from flag import flag
import os
from hashlib import md5

def gen_prime(number):
    p = getPrime(number // 2)
    q = gmpy2.next_prime(p)
    return p * q
```

```
def md5_hash(m):
    return md5(m.encode()).hexdigest()
e = 65537
n = gen_prime(1024)
m1 = bytes_to_long(flag[:len(flag) // 2].encode() + os.urandom(8))
c1 = pow(m1, e, n)
m2 = flag[len(flag) // 2:]
with open("out.txt","w") as f:
    f.write(str(n) + '\n')
    f.write(str(c1) + '\n')
    for t in m2:
        f.write(str(md5_hash(t))+'\n')
```

Rotate Xor

```
from secret import flag
from os import urandom
from pwn import xor
from Cryptodome.Util.number import *
k1 = getPrime(64)
k2 = getPrime(64)
ROUND = 12
ciphertext = xor(flag, long_to_bytes(k1))
def round_rotate_left(num, step):
    return ((num) << step | num >> (64-step)) & 0xfffffffffffff
def encrypt_key(key):
    for _ in range(ROUND):
        key = round\_rotate\_left(key, 3) \land k2
    return key
print('ciphertext =', ciphertext)
print('enc_k1 =', encrypt_key(k1))
print('k2 =', k2)
# ciphertext =
b'\x8dsyy\xd2\xce\xe2\xd2\x98\x0fth\x9a\xc6\x8e\xbc\xde\z1\xc0\x85\xe0\xe4\xdfQ1c
\# enc_k1 = 7318833940520128665
\# k2 = 9982833494309156947
```

partial decrypt

```
from secret import flag
from Crypto.Util.number import *

m = bytes_to_long(flag)
```

```
e = 65537
p = getPrime(512)
q = getPrime(512)
n = p*q
c = pow(m, e, n)
dp = inverse(e, (p-1))
dq = inverse(e, (q-1))
m1 = pow(c, dp, p)
m2 = pow(c,dq, q)
q_inv = inverse(q, p)
h = (q_inv*(m1-m2)) \% p
print('m2 =', m2)
print('h =', h)
print('q =', q)
\# m2 =
481672510709662540833595491298673558464223060451701789089734890181574163266875137
8729851753037917164989698483856004115922538576470127778342121497852554884
# h = 4180720137090447835816240697100630525624574275
\# q =
732529439982906161428353915785338283162780457179217947784318709700350339890407410
8324900986946175657737035770512213530293277111992799331251231223710406931
```

broadcast

```
from secret import flag
from Cryptodome.Util.number import *
menu = '''
Welcome to RSA Broadcasting system
please select your option:
1. brocast the flag
2. exit
1.1.1
e = 17
def broadcast_the_flag():
   p = getPrime(256)
    q = getPrime(256)
   n=p*q
    m = bytes_to_long(flag)
   c = pow(m, e, n)
    print('n =', n)
    print('c =', c)
    print('e =', e)
while True:
    print(menu)
    opt = input('> ')
    try:
```

```
opt = int(opt)
if opt == 1:
    broadcast_the_flag()
elif opt == 2:
    break
else:
    print('invalid option')
except:
    print('oh no, something wrong!')
```

WEEK3 Crypto

Rabin's RSA

```
from Crypto.Util.number import *
from secret import flag
p = getPrime(64)
q = getPrime(64)
assert p % 4 == 3
assert q % 4 == 3

n = p * q

e = 2
m = bytes_to_long(flag)

c = pow(m,e,n)

print('n =', n)
print('c =', c)

# n = 201354090531918389422241515534761536573
# c = 20442989381348880630046435751193745753
```

小明的密码题

```
from Crypto.Util.number import *
from secret import *
flag_part = flag_content + '#' + secret_token
p = getPrime(512)
q = getPrime(512)

m = bytes_to_long(flag_part.encode())

e = 5
n = p*q

c = pow(m,e,n)
```

```
print('n =', n)
print('c =', c)
print('flag_part =', flag_part)
print()
print('--- hint begin ---')
print('flag = "flag{" + flag_part + "}"')
print('type of secret_token is', type(secret_token))
print('length of secret_token is', len(secret_token))
# n =
131889193322687215946601811511407251196213571687093913054335139712633125177496800
529685285401802802683116451016274353008428347997732857844896393358010946452397522
017632024075459908859131965234835870443110233375074265933004741459359128684375786
221535003839961829770182916778717973782408036072622166388614214899
# c =
690676603722143662750400556476218178038774954730687675714655218810107078736860363
364755541053144751936763886088128722189437284558416522087118023764530341418832361
42677345880594246879967378770573385522326039206400578260353074379
# flag_part = sm4ll_r00ts_is_brilliant# ■ ■ ■ ■ ■ ■ ■
# --- hint begin ---
# flag = "flag{" + flag_part + "}"
# type of secret_token is <class 'str'>
# length of secret_token is 8
```

babyrandom

```
#!/usr/bin/python3
from secret import flag
from Crypto.Util.number import *
from random import randrange
p = 64999433139797068147576269731948390094958654326970231465808792590598519729077
a = randrange(2, p)
b = randrange(2, p)
x = bytes_to_long(flag)
menu = '''
Random as a Service with LCG backend
Enter your option
1. Reset
2. Get
3. Exit
1.1.1
def GetRandom():
   global x
    nx = (a*x + b) \% p
   print(nx)
    x = nx
```

```
while True:
    print(menu)
    opt = input('> ')
    try:
        opt = int(opt)
        if opt == 1:
           x = bytes_to_long(flag)
        elif opt == 2:
            GetRandom()
        elif opt == 3:
            break
        else:
            print('invalid option')
    except Exception as e:
        print('oh no, something wrong!')
        print(e)
```

knapsack

```
import random
import gmpy2
from Crypto.Util.number import *
from secret import flag
import codecs
m = [int(i) for i in bin(int(codecs.encode(flag, 'hex'), 16))[2:]]
# from ASIS Cyber Security Contest Quals 2014
def makeKey(n):
    privKey = [random.randint(1, 4**n)]
    s = privKey[0]
    for i in range(1, n):
        privKey.append(random.randint(s + 1, 4**(n + i)))
        s += privKey[i]
    q = random.randint(privKey[n-1] + 1, 2*privKey[n-1])
    r = random.randint(1, q)
   while gmpy2.gcd(r, q) != 1:
        r = random.randint(1, q)
    pubKey = [ r*w % q for w in privKey ]
    return privKey, q, r, pubKey
priv, q, r, pub = makeKey(len(m))
ciphertext = sum([i*j for i, j in zip(pub, m)])
print(ciphertext)
print(pub)
```

292032237605703789031443546112168465662583427817451138186159085483944596334899153 983563673441672190426682450375063969461376062147027084612402086056661404230388212 669024682288498017434447903079894895044646783044615700960214968206461515747700863 707804674135323403322674848342947433907419384351538542352190054502

```
[16080659851365899555186368765480027491733981958059085614135945660816609680146678
998326080994023303066437143000751114933990310188753678952909788001822625836768539
818745244787955621640838767242255629106174347215593488113252284781008403497045028
25475625301310959989478861007648220652524232130866274135218984561,
242666734930292505275312909468160356458154744569442597214905878341097624411340938
260965268428567326892658591546512156867410540558324993230385327710602246516229977
605488064616466751591463885562165697669549267079399755480623055988779743013096758
4045823908435269522635470810929590225201734899469120862897857906,
342948304892085958822880066405614783520657585913980943772951398961290550696803024
773227740517058803694504610314818157173147551596801872835699914606401870581607999
3919710116270407307201813934309914325458374662174960190245957222,
564250109563712564482462432680377816326399227670899728577689320870738623728042609
410558470276395688926207490011524564126137762264136489961145118738543908574649400
612880495241188542092639217467934763864685433642946847062735766189175949837015309
06450790737740373654984594497994398342234224269852299909786917,
249014840596622149641660527176691794476057468142194777930864317679150897420922686
424973896180426775153192051960725303111955265677883261115848242565136022511201488
972206792994212941064778954284145191809599312103064514009794091402673741054202969
6262008354153670514285804682813068751684055223569331294281905118,
744335516743470311433495353720410462797590932472861071020740460215850064443048990
503206674029768738281613724459334902647142111609386032626419807763430772690331198
728393460206599560093644541916308699753208688342851978033928606776623217187488326
243128140520766001009008201386016425560302128789112878698236289,
381127504985400212467019726644290137041314638071485451804102546415184977553627005
726122293636670450471716854082148243252458182359306876611103686781023342418857051
791087595413765452221327715323929877526820241226527639196941210160813645003436229
7594484127681402703758637422994850056368647615489523794861880847,
473683666594082604117169413292398893184510141764737433281968386765815121690748313
176539282271894450737024228670133241393374209745116297456172536463153415105977394
243803878361884246737219582064725385275468166234998338676147995200763548448238246
7925975261261100119940525951529612029111682683502811860704744107,
218428823978489248069535114618152234310305547347205441589205501155707619749334861
070578091163906985214268121281397812432059074144407899361767655768671257285249570
912585535882641869844445600902993260674857401972042785742343896896913740614716743
5728319431977018686862316554361964818593535134605527966283094812.
588194102339696583350135841824327790124834713596509154434237624805397239340526856
351652054792548887203985807293311816082012326594259020613540184041154797618078327
807899564480684801466385397273974163223208276864942123556821984.
207790646630333103726697231997027921725804393037789780358885025107743748693683943
126225963682778049933878600090060773221160780033443743941132058890976141220890311
524731632133914406322221514821134136028484079157944927415098422729752585340712975
8195258114613336922940637602426813584054603519438429403287901807.
406069628745817813216696977561118385732171769590959630798352193439137490610546840
172466989344023613759775953102640189795426200915800386288971133810933914463474346
709624896106966530286356427974391461492900275591398714593815181876855915110868017
9120567043334062947260416139148527070005414031278334913676278825.
464805521218191319924160192264775255914831085906341391561749153102222748222136970
632958401987151680712533504989923819329917017894186535195252630326438254062366275
197069419667864314880470014031068602992833825811323924636923683981529942141243322
8129370572769064025027782499557120467483913439554278498904974692,
597176878045185163079857438985773795710566287596407799734356772474742131529190202
967137742454916982072691342662052310864747435205021028361215252674178315997198269
```

```
642026152409490766928746822529886810175008512823872740471937665,
291005485852738883040393236877962160436333982585173358818664253647092027945992714
764308395857208272446591257119946275172751178120644801659072489663142021556238309
313417605906883618500754788346736378864158621809725913253298804768044459648133610
2344068849705827845373152194082875334989539786061281633088702207,
369622568865954167451442914474788722854843855342134732217932147944170773608549047
992569506868285792582090660071681120666867436267025574844149186382615929756358628
385671189527496745311152505874195774138811773357724841622785729964172137664838510
2843604523548256761323973316013492759706736947255531758861421477,
126492553981771612901457649703516682139990449884329557447801676988185569544907210
496146817210613869915737309948177265723421184035684092893436747969775238332964162
4088906300664151102190244861916711255701268993286008770967460566,
457100740721817137642411061461988367334050672349715743003435635494630818879128650
093061801976878278580873865100938053166432293028607557373285753300226852748330332
512581533843771038327678209469746429655656163565019299737695825251912906716049354
5151596993469863677168612507678829366504521208469249583156145062,
160727575186238984893157942190855934270936859246257487627496576052612110051079414
478605295824991396002501804208710959074593144549371055397607701573288807561271682
221356902494431770969615722265835430538475443633858617086694323261139518680389585
0706105104633938739700570617756272254018986963765629888951737092,
323148288282152579929623207926897513262822683418881304283464443976221776505353338
532696826170009802621204336174701111272120743947117150951713271640862557444821264
888501361045440549682367592343266312932457501717736129841242485912047365316884599
8318565505904460291219279379949917240714510026168261144328754054,
352075694386911405524777150798352442860336050989214018521507210763216990816420957
297118903376628449719314257771421471993769063262080738345294137038922122157887700
502076118042069066770135708496289845281892342596525019493871338163683475721996414
4287681756320982371633697825501678773072609037834441639946225339,
564403960688872564494042565904665280137135985980812477996104058233360726954980651
556261866550808047905203807135975257955628888925792823632901368848326812395864809
366082008793001123947120817643292945421197846185465088798386204955957297160837369
871862119608719565286233632933483485107886825587988325566420769,
315959983412675584879150300480980412474498336983333058244546717323455930859057635
392845900347749179949704745226560004600224895066675818550275520877089383803806869
595787780164683206194624514937603600847800253240223046758244243173853100476864620
378942952204542538466227047478926569550153847751719869006440425.
135901866077871351918267136312406640839525112959223879270257006145830619906665465
632763276520637055962800604147754432667940929239962454914844605600242137177994711
151201705302499731178205329588788549949990087142517145910473362165723262288763364
3535171009046754834506810886208598640313323992402587826510775114.
314317905395036777816610754887562535708044260018087162876665642110135981152238684
973431217976942567025780774776336611188221830254442935668296097386341211393821261
799227910536872804628132127779342961251455688487549832147134218600593547483053543
2685394050401665427753950451870384061138957671000505331584279579.
342404105948183286474220984663283442867846446505378782605615385997201243710961984
544819349622217767502101954802830426205446507280476444053580708406097002389540321
053443920656063826570668719326105430279809123406954133716340556923904307621887602\\
4343962544888119971652503894076571165979094263390475575893193397.
339497255711501489658273052481158277516571900660833160153689558129997673384609421
390543733506033070404291195426716011702440370357696767697969240291175677259778711
528455539395616285866699282385555943653277973787327728023487134040779361286136994
9533029425471378372119261785736583555982259686027963800114519102,
767982683763338160290017550677214093769106704491468427905876141797664016593400484
148498742145536603311483520370631640194250658359513883372410529317557191238184311
706705838095244878422832069949895389250127322194863186729472408042980350123307774
```

```
174867627999479980065280115383136125967992634632411086694698642,
342254092496054461283458512372973361664555390017445963859513749978511083343850450
980063568503517098071137911111099834297355599877284599462793836890806694497444842
160647684284274470848940956811473819178014907118225192492415440831117366769012185
5018031507506246608870132949759899179937794826047342152620292095,
207662814256241143119326042590922017129670563398474302712372225182889920485093290
545409813961918438114808273563170574186895300851440777464260133103418033821149677
477479122205196839872451348323008125259896967190869650891509148077030170210467338
3638671583594522919770174845091152921903576965119090911034877494,
318900045489479085150864388300340475768699568972810034270429269905181945437061949
243558463204695279582801479272425256443740966986138666412842541974920511863985142
0004062127830101296310662295136957482763725859911828673870073010,
290715076875836788658671685649214614114998772080900062738611142164311009411898337
140776792990403337191606853628204431259804104737550239460575082692466862147649468
122906907475740789534346771127026514681374392492435046716696124686881954402233777
7611791807371441063474009314515450764620220073636926521653862968,
251438507282293898000492250773903962321319775000757950786328626074843564772644751
547842174285597340715059808323840834894094865978916618492332538010435802358396800
010198675292228101773633643811533474532580843740375660027098927424869877779429972
9025975621235093801536125828223010916623183270792167823391314339,
412910140842692571727055237993986996946233950508375054479773654125975751032015655
406947694936640072804179181424648897103316815603232353210814668344522363524666752
816329943062618984315011885756014637221530724578411894907272953075785706209186091
4386530146966295084237748993297755170788155139701609454887642189,
592435070792854036461902755632415150930646219825275494995704405210968841040629694
144327928092929922909898934019797113069018676965659448941534627918560192454634915
263194744672162906748245323359801539030421486363693479747492739167860076793115084
698431784280178395907832496292090848269244845568496776121048420,
286508178936930689315499103376473546768587170727737721818322337561777998179997385
685478671858190074124743059356353824229448142017054836861969381411698610243107474
610253057412938510867067482979388544582348836674621193979025531881947066186460243
5004540416394683778155091007365314457687943582106086383434350861,
251391258714263204956657192185231188943160321652135329260264002476438499179758785
954858306203909644226662633694242501403168759406433259397406932989254919691213227
015152420952191840925766708845560415152018030431214027920499204307959550731819022\\
116632063749364551316540057073676174948417613616029204682207498.
659384723012287778982874469102674194729642950765762947339029438294465624178903943
230781035007197453043407917087130440696900821572650425685604124960327195084069431
360651239951933498311555358398796549450526062345075410197217697206633409546614255
593820522021931451531912704546349794754510069083609031409248937.
242601510986096368526574651268793778909137792204947800653080518087985560406265153
885535190770905720855101068164206145999557001524255618512365355417522885863568421
901901528594597980166035177512169684747273475430155149259598683360603114410647173
9246647563319118176667308020497901939839988917087746181229065667.
252587703107867328736805537254134730862058760981940423836098794893721025400346739
035148902377589068531945815719926553096205118752466163414341558044542222211883913
391367098879198791355049225050156944678370152648601511005032071474019234630790835
9345974170083063227017143380075781142797561742757168591170431005.
732768928580119156094714905470431755951220001695692967254356266424803019171824186
106635920047016493731598322961621456136045426053182174281299298171457892943035628
932693593002972569811423472930877675923483250320285199134097063623242942245320335
617570876006316142286141477732903642514475998396604403875538126,
171307531816348254303560788869402873428269472354086677125748931294973172986745189
500241503143807210582128193140609064435572293436401251417169435920172363354379014
213709310749082653530301460509565984613710630855961558984033523283263672386821526
```

```
9579648052117257204264424008595205714896388849335458748497822543,
320603067112898411353083030917785663006115107727271050765439175886019700542601788
244678613335379929883113378559809949444040039032042258501821855433127445777795919
460195289353810496028676031245484092828169397698036952429979188003823451287026075
6182855709317464342473113313260630724970948400639684898437174131,
445877602282692935696209712317954470877142704864856891828249426135605594268024261
646147797545280327679388745908767233133100343152307397565685762453671712145805994
933944113578059370014148275504577151287440989172031015611066447856005365332241783
974336289375636169009439591968164684890905627670506826067644748,
429580645513668846028279283432839960406233876881492143892617668690842340396262854
756473958598908819398433162167643146921057544827042317676635005345537052818152818
765028712811384209277330638711770701566460876797464947528523211075754042029008528
5387277052398369374412839149430241121901070182878177779766827985,
231518323074746853990157241082371263419540560481362748658193898397050676908860510
864221360369275738939630176594698491815697911778990337388811870580435179576485291
259631293581676467334849901542674645636583404961168056050479856189989387311002735
9835176922898163290326344366278162799640783569200922149384205009,
212599943415417208392738006204259157980406524038630572568090387668300804141145905
911838754547231943630885369625681335708908003199277399950037027422523147106837033
3280353187355400873961632126707988907859983099391762494801772868,
190587780380927774603992340812855946026124625333299155813848209932241192220440425
665331978770400439229709638573481488864897955746735976823386575703589531627119593
925810232425866967933657667936369275536843328422691108768089618272866250450049958
3917681898428546988994402228245893257641269710985866908742058351,
277709330334067509158062553232338268212969186469628173620258145068828235814582730
597259716552243956701916970225249939710580822898281627417185861919657232525209071
616475442865347148412632247535217940491644869597233220390905095426792541004296088
6379996367981748227262826353064727267433899571018034865132704531,
400099068637092273133972962113072182359643459523164348592014836450122186206026122
394030834593959378383718768018630906909662176542621471783076517321930844229460041
330895088676945511227366577477141927693769853360094080373738130986776817183221244
382063909546208545753556333958009848802143241794378778683932535,
954802328610808871483589499379913730630926491814624487510200368196265790677605018
157795196462682303986031039507075252045260978437976748099780905782952011299667657
128622606320962158748172423173092841588640045381245146679816067096826603695531736
28534354955141758175565938353910452585266775291486924040287287.
420656439027418134708001424391207620277481856825519358921246883340230887351500526
190410740735076146815118041178551804589679388255529383135480857363204779047191430
240692763017470356152555626115313593635572367084321796820079341724957762075909548
6376226873702806966391622687408670670332024471946214244360570527.
769581546817283749107779159740174748523198927410082512915961922766733767813883465
793200394139576122978258778956759789880193669138236212424204795874435723563406044
571312451089777122691186730272985486340798548572537410198342282788909076007414314
743130146594427350337285968643087714868961225425427051443428871.
420558876001075357018301044757687156360825211437280271637529404962899858345568185
657207643519777095001731571221018492196106434001341363891321327578407205567080061
728019849841097636729211305936090424087279329232263923027288307438868819124148924
7501227134113953797523584042177459022347457719985960527177846367.
167398158076714193525384040406728338928598479896360480247353556244184113666398253
362129575254237043049788525369823590151638116231184511795214211732685659092954309
098077384918056739542962768273796722187501225744292217054333792183196091424928229
3152499404813222987199710342332861917285438024389290006917774294,
383909161102296124404708405686547544263621980523729667000508112952109468940409052
787442912248402166979623027544965535642155902329447322208510091676218607484329746
879331885117246751225023561694366535145121785189289230136389366656500861082418069
```

```
1077225750190142248598518041362314450625095641688369586817758181,
388741660413342938960644925449555945816722584543932089827489742431785279169629537
331350987087384562955786818147707237402623214231560970673982908417975612206821464
291502207809523428854081063335013922915879682145187723939941893490430567477651736
7438666855891631003570448701637640176452185800424196171496804818,
358492333565676008138804820465560251866006888339882470758115920308108101540837655
175739996382881415152755446178429914320270937738321390695745154623432872863053912
132168831555266403803315291750052720867125153396272471453072535893765701565177051
817002933323643618478950737883667136067774178095466493459619255,
655812335243508201841489724919037171123201658969633886949880732517267083890765645
593593434761785507515535515565657116283187784736178668333545133076273636138135833
987984809848133611532643367284325904339405911972668756220407073182564506316209055
015014469467889679610596073319819057883016116200501750860612158,
371614903191932162670354441778353977425319419729656079479000035598133553035757160
012744287957178584301174358754502243691942652257814237779950695795799957403009642
6711613548818233897612949883540018947887118158145895368659001913,
334653695135709279492285768607120559242732637707198541703157360033511724805274231
488723431251725345935549843012435852676583188484378104644952848870371877419076403
246336629631153076678037207392589584639208896595820967009315908144646632892325663
2162349085747377661326885434440442540542634700414979519156846378,
227193548744799761507282771562942509046701431632074856966177207139883578121181413
048735507003538452478332964456179549097545026991599663091673870259254683420651045
161643574946453710986400419781838785369857932012973306539666947459252620851295997
4455298956514608692308826341738026708214485942082640212151722824,
776466492143310072596268802159330789564963600828637627540853399297900489203518721
000908793370986461631222499074382757467232864517137871669997931139488027084842942
095437762256079350478191749823969820341524844810742948700598495048559883397493931
440849395912715652538689399792836947662852820103532717567990825,
241427464588251951908402391339635727240716783262652308815081199049255944202639706
073814035266300522312933718712596576401291478040211015822754093146901796412462291
052740689900751866771106723067158656591124147452195500118624160704112765565145893
8731994650169928913125748912643646524991538893335177389904412170,
158740121460979760233168244004147974351217652266962658623110819515520283891799841
525227968653369531409529755930859430872903068279813563944909464237815012749260124
435736617515152293363334552438636972279080478272884477076187713802542370652529720
3340243728319358418982837426599728607392540185563391682179754091.
127653804851701772479974181827957164767071443503881152878214797275664239125113433
121107887751343020574590911235687554362484693462590931924985742092537159692115977
363407540803181722952792524685686106948440572103988825831358559175099074982452248
5321295837665778185313292953880124411255737622409525193124459735.
153848519990489523175708848698525266872836237398193181796080171248011333514453315
186424755218170094998339725830891640465889177503516627695173646991359971279462717
253223426042888750206354224238820071513492203384861083395533751111566297524092568
1126009991412680235365215325155354418216805045691690371175736694.
320630463193004848288302670188429273538394239932427278215065659598613048817831233
840375305628207956130507112780055273406660368447631746833643912302547802251284822
291019023234823194147176320551338520794306818279957933499684436891408195476569768
5511608500913811387200371518850567627179307512637861874238561003.
406097413610946982839774983639044876724168297433127712615280346974490789885060025
873527422329411021184516614697052249371040020652982296861980535477033893537776162
606785093270712786546342475600839442871555516982774296690164202479369379631628764
6900078900367177173010131730253761853898589232594239369879107744,
318668590158051385650987246097963516556106195060690481413379862183639257849835829
866095776155750617761985502717818308724489117731750883182377587511681937971331958
484264783308735177721678509543516929102937234019444622191599469634058382522218963
```

```
1540468961340287055426423943291779572102944050203195317543086354,
313661133428479213336726165089022723293628866560839370314047696027394736399595009
880616530461515346266692185182836997334882051490094522076853071834051537505915271
9890262379622822092495480472265940696852626966083066449081013515,
133126988470813640511790539367369002944853686757499176475681011245613379693986616
710575240171065406479984181420857996073984094527455235616253992923820126309476862
843542942478026940561772836166429132692208647072805455784089659486198493233701917
8564604767425068305896370361563415307622875854960715955519891364,
262968684252855436837121264926620711810429776771472463771572485371006222488336001
865818408105183455292293810368062545776852102070448913828967323619236179721819729
179001189934154755016884719530719467578201672435546183812939169202922887336008049
9876909101598246901009730064927090298523336479377558017493242738,
142630045088575440133330855307163354919372820653790514845546437388915894662534917
070873989529766940311083546705850221037690663932998535645753828252156730775168959
639181638987602294346382061679749924206559398341355204227113665157821667647735851
7644481445202546424950276409332053665700078110891422676737000266,
111514358626945704638850886011873129640370274652565279451890140258095310852484655
783625187233046454731618554424297924262649207065568934837518822045634899065672377
535104067086433064992768211216239433538912119680158605721104550607613490245902197
7861676061786586552967325367078555699852757953879038529960478826,
236701032975904414174045911630233425873807935230902540186518063368196712971804938
176037426553392818576347012697023315339343336214931676242786933854219349061929526
158472118039064244311616212526006354315827709350351939666786875417098973490856364
9702639506310182324432964149001826312565165291959861876316107174,
236995657118268711338512497054894287672208602891600366860749255479956642650871551
471068458041219667512434830609430251773637719114656003341699822240741070027696803
241501862460314096971532156085508780158700287600091437406524554046016436906702805
5684387229685317408498952218117392120145026141932065722734086573,
385484135056172759324589109062533853708936357976782203401439808922960635589269934
724526396856484676714674178358449220709385044780590483137780698133500079675572065
024311805275820572595216788913578068566630279294681667775978707597503014326319845
4358444000314894537861184800223256200612550729345434612069392730,
340158640688687348550777632810114487882216792249387554454448175160028530500107383
748517674742643894216306171901215926297982538087084672286465927876762324901256313
005338047100763370377910102187657120836391391641726751066940057910641615451198448\\
0469979274724842386104366805464432583011344082510544510387434007.
178041120474275611333971948565471932351404967165575281845857171966978242921723212
809572946372917510151541788039614721505040157419795248566668352821587823216792753
626561544846147268826149286966974511708849214639181490322750831939282757796230517
6903913127589561464776045840282375141308226722660431066262879083.
623158759606146964243321604792792604328830973124825909315869354153270589280565795
450154648529086968171949619658615994842143616224671760829560230125417151577087316
903718191831791549792534697044357146454674539729006792403062341153282797354669567
567369833711554020746696510756773687293614969485135144052897743.
287496289887114199498811667825536006651392688026741778171109568230152015511191590
939788223083241531391221903341857505345281951680225987160612875133280289761981293
584979115328933856534647660194457027787908370017101750216469476928585894768364255
6357324745291066960174235314446585743355585531499937629504399370.
161587310838876902054817805508525530121670436782419768372689028209717276946332755
576019429130935387005082418734717203761176608582038309753585554583731811635335369
434318742422507888364574861260937176217026730717092621772993685984707573802334026
9879295777597249718746227403886887371940212669289587365700336993,
525108755827176036474671732056255094683730135486249812303654723006821993795522820
737030334467297449372017838930343899416337585019857607592395449704179963379244795
114955118499384308808794611614840974952064962588444759072806096028616305005381563
```

```
004924825123136405284139928572887251958119886649167419066264050,
918332960100982527049395507203189384302050684796505973689025480448942770394500284
1245422446101986433709724315778806492498145171670665622453286536087555518782076648
032146285166516777171524626837608390406381647370835132346441302989043383145289041
797236626680748996797113478650559151911278724265910924039127968,
296424857450634904821591174868185803071767343099307541763320894574420651608360829
608569515761163348975822235462761044181709980091538328332859697052876828094126974
956535801840223901442031240589433784913482491924955637098177126303046753526854697
0389952421040003308715935633420033941510804561875679537460227629,
856659556922174275700378123557515305689982285000136445841473569509334691725545306
767710193649543851214282448652584384042399424859762998035755172779581260241271092
389724826380343932489281139205627712870859705825790675235997028163535527404084387
87627223203755224709683116502844765225875073921733510288291776,
176394349460469299455862187298279846323581631071437569206454919191934199394713459
216246985831297266010959818395120778416062801900266043110082723649423801462352419
146921509583350816523507033634936226393903879004809652933360957442827579376413966
5746636535050632183112287601139230756105345025559451706550914156,
606923858621794264570541021686438631502912948498818123657023638062879145309126363
826563257365286610999645566318746804446154433882790270545340014348128615509076244
518224956290640409140029831062729616894547537789174303510214823420319429785589004
033636113697272393662370565741003642256902820956620210189652708,
403098072653989094288183714582206220679599474113764825413024853328499559984473416
836791800390277515326453391336697640253896042054890073838214864225766313505639185
540053181444764406079725494187339818775333110670514208939501092499957460680746983
186081866869392651531198208689960582635061807336911790444819536,
380275009586908688404047035333374594267474525247647239547751689072782650581073251
913437907858292691234394748319261965585419040288714864912225353078246046953750067
674273581695751811162701039998733285338851059935575567993055509902592348789295581
4165819472594095267490155035826057130152101370263098336224813297,
373099582353654866182217556373880810683884559335312107632436370400139682543038688
622630521332566676372177106263286196996448587328337130573008399704373159666940094
618248290559226684323161753040826182646682451182562574992978452468761063910615625
3118700858803226533934803947417145298167870161663704139905709112,
132234826960815101933314371977672047173356883989086000117745368180097435959739963
679535380881334512876772646431226234103308681874974361228154653775774608209772862
616483554403059881937225998528244013124573489572054322652530567532755770349110143
6954799540257857447106695510744876477791246952604642548517777265.
218753232436977219210936238350291035876171935713562066443246598119056425529691932
533266455839508427274614887560036740759615677394465250206956758946539999065931965
6553265198639882815810048243944900122296711574694315905052626459.
401731879467755897701386704341897220784092737271154173542143943179340647377800570
650186409872696340540268754203749432074312187041188192516684349899599235458931265
635813281414030014352997847787752130379964450593760150785706429925578111161362442
0300440014838932548127523361057829697679267122861876479242380658.
243012870546241265228747757526176357638905614459796783829789649411344940680839918
067291234022613810795627749552181751411974767900662535733952292145457514336479004\\
928309558064813691618813188620812224751858185463921514313223092295530940015210540
5850523032095667844018220940995274709416075786937888230550554710.
265217880236746530140607834034460243472566483693617426322469292408998701440611777
419244083261779353188589087954585769918815728264923893918186554031062369650972409
440725118736993129239997102104519271105666318247784727614224410406200471102745108
4851512861342190509264930849032253443927881931106222150870815318,
191925220844051097207085741701656474647893788676277143872559442517991620533946304
823009009074609877798821254395075654432416969716696154768935019588011733952421539
534175799025579751712037142898188099888985332837211217458038899251885313818933193
```

```
487793652899839688259286987811000672146528059867561745704800847,
470000132920344982389704679924916775517415734704003197833300568634982556244177958
898127335167633874682859030981073062820473378674932998730311146470956584913377100
446180304732337695418087421754575072682940206295402075572477258015706749026238987
1930395114135174882440632548764502387107809999275589586435224524,
151437079781917926500578065165367954742879825804168077770785316955080400181852022
960003889603402336692888611773965107143959304969642460472845642605470106674677300
977302074434685903379647123299719266102381113868799500148295078143591028807111632
4527254442299499376654176321402010813133977758030772107419464223,
936335736086892633277175907748665369085531602703804750768020208035742880660689802
1811442090271306258364247932396170245817091736920511373912120957,
359808876394289182839256245657848387104327929564712303136077638116531085886687380
430208866585011345819663596689736339115827907605773105484460470775031500954321843
661761121426656320264467317778066298303557774453328139785637042478960315127590783
4278405654506452612481274254757768234062937542998402369338197335,
433664268111753049686153577006475656458160298661478642554542871282659001263432409
462178125537544822388030001852035436775912695334162394017592043748117073453887296
331924114055030432019000542104990260413564741544715386359758200336735076963678155
2913786447153155649325496015064730328212167564980468880253316939,
124992028841984244737409680357122170975128519848885297761908941085358463217001903
673630560842329285427095764860334425915286162970080175423367481014871329149941836
366536822328943271981444439221711980528251673852931384495597298837022409386153386
3167801518348176341799761872160174837610764883485736043711632724,
250281021266845299345097522958790829248578449092460341249380828730015408047764220
663075637404359998790477370517702414029565507981078552307057768443897703623962597
985407016500928051323621558993263971598608775828885898242814990901629576936102387
6651161229613303515431680620182699876902436355960388343049971246,
509327365881341202554334460564363862623905614145687923359843521304967194478339398
841736676879708915132858678989303010555440020305253984016746718486491411146338564
698709535158788908783746741903927347786548419534208202700487771511679312057756839
06960312458556762340711915204052805007089359165376772710813471,
149405118889277747619563541627222206698023915657360203108411785812867144335385285
475737836488629404168333212151661853713797057153712000142588393090361821573379108
453314007434715169361228558481291918791956566369626656272807236817814377102701357
98525207598119059398343007722990931391043258111991736733334723922.
208341255200238074389746568051548416203358271667660407312499575786103202330944463
171624990936936294969091019196513146876129014438668796797177639252767163619815784
366884605994471331272034220358175158349495467220792274195855049212489017427442801
7030959274145755568959645798804350350413982477411362789270479110.
469591101949399832598500172041498693003522472034218641593106661533401986797839690
089597922679641845969613996438878452640053915166599955239326763291919224155163841
875790927401784882389933905856136392769402292677751871694608400713391102375351039
9584729574401871468518226862575569158077377466396134754781425894.
430938608178067121364799484643354488736142431122983216464589826003727848729614543
907405226561962334376055175915409121500132608225276258914897228640214195301084579
4108917743026160750593595096602422465714014934340877608151465498.
622333535580757327995328130451511986553212769924986569124777563922727273563047396
226264495279644966468533551847730691318170864357102249741011681107106622874071998
403497864718544452091381960015467549938736184401078977679009761141781138417167068
761688470494704816426901854997897911219839808081418187042945784,
414815213694235920355935093088568397001462269714578518477299958552564342935605185
734521797156186958785181084193548468374680170198987414565614193762436096865177446
673377961245164949251082859891695893313246039066339022497972928613938674504476356
```

```
9354851323490375944716778645246456712151651885391201528629661925,
204634073018314962647728482994111111882743789822362789356083609196776652810304259
593332398878055451443690688598359118396650176865467842272837120127520892338059151
243820069422284304326004009167241953993743077584655865855674811837953700234178137
7710806327318637998638137439217447688506125628564444459760516588,
306106675464515906022891690252560658152373931327946025144388808220506797757875592
010825849692571032125402861522012123265233135286030177017769959815755058602307899
004534825235372053645108325982659302019535306036645628427449101768942414698947051
1798167279969181165497479567323359228931388796424593978506358890,
674803894365680385312007444193097907282587789117547341892068379445521092584761314
714527634483125720205945077989738555805188885374164201891194432395797375995107058
9325678261058798345882293394582299940564992250093324565082178110,
267575127378403524537120546800628767596845785509286996153033012282174530693895886\\
821159542562784994867785687863144401924370400715162805786964783296515802358993249
996922116875823627607119466903409984874634122632796021033045741801724564661882358
9227965212233504593835044265577221453752527477898371799214591498,
632595019623444639690000731400841987902404297394530890990726589457294574937907054
415340270450185702986756005312136060634816850565126220068753380696137523157664052
369738021546881425256944407902802870681536449642192691547131039750693842203019568
519315993943594044127457974617881506283569851054248931967092465,
824344425852345481894909711606131824317929229981798858004565905149329321241845651
015016699644572952104864936622646018422602583300855626733758885977761879722356620
164110957452521577348649581998980922342225154588429250742824835012521982480452482
758905763388357534394852922915861392586726038139245583954747547,
464844145904840319305341141176699218097284652565320046561219062886891203229129466
486515497146159418271757185083612291450582990817510512975471411812761728635785512
197376376322863036885877542643164897196218693546857894175336948266288507286088354
1971622890128178150178273582498685553857842412514818801142299095,
459610986307564485974208011029953859383125572696068009619546124786880545366106842
804739399405678024224891761730406160740305478133229227783351186242134174454403153
445288668251732120206847914372390251755467101801803514193592834736446437631316965
0242555534688869928932845291408274161266787501340760520625282057,
463630853701521459863531359414083279788548699711866143708630585958264047911169022
360773190143485065261971209060024338504228898406234894181734571459295786113238476
088275824417275078053644007282110057818184474473233939846679253848664814845942418
946002168982888790445186135574483584768054273770091375054272175.
198922860426517984897817271958327702207269387110819962435650496511602608490620338
688096612164037540548942080272187150595554913816931470279601518223768297647964020
325898866695751723835206073612646746925814603461048191988687330102430767732502990
6818187694865110997934515213517437180852912801728581228778801335.
289468442433507668955554681217576689128070846423754100307696934378319937056947616
737742990588514119810986727527569631794745517421592900658561389293158002508812222
077613547291556721750562380304335309302810660616699037606812170534990644685389249
6135688366478663761114289270463120255266642200393824764273499125.
148502232681727489230557127980855728606546578122688787096105290148408685304473162
374348676846357945144855528765679511208248396647452737119450007680233856658818009
836250251157951190155941394471197815022801149410427126986080056117431242439667670
5136591951948960198957282250278873221320881101380544970959246995.
3368629287850429944999771937114703571170949822812598133065957174765555559530180959
718528712057401646508175405696086330362903731891320853057150876790050047101058515
235784687247299004934623191032930965529278311511511199651955863110949242473879341
3963715150047150880265030004209646974500342930517147591436673529,
280923104004985573787330034554811556168263036160539758691991268257862783460758475
465996843626503564088494627517748808703869900981974985292486542388370725946503535
906175846836882524456956429930741229508220421701260847527866769841643646960224468
```

```
9061289454777576189688854670730742241137991322476896719592292332,
486481879709372262356567768585954397339011283074662405522953398080677679784128290
497513111572802680337004822055716354328099286929030979192122843404925117816463729
793704013119946348119538162885423847282520757425206791390824866022938555518585353
8989480140391767660947306626398553539035746147259767628740867379,
316178769957820948339886396617157408580063501412861828106956321320649113989639872
513840119092410338025814450040044419157871934560724218427874727425843109661654174
713065930943246744496443694193291264722744223838289760793096812188641128897659485
9363208205500851000281213182502397430622427506016546702993920598,
298936111455916005218319008405498717611617206825419328764919507634781850865643086
543658723113013059332332515037159152035147012122206490359380372519214253467377146
785292907463008070756054363482547197711643996345110028452271850528733915118279277
302020161978349315111904197316775887346230256622881306838809598,
107221234470463165547495430811916294484478344235270206702009374171685617422779428
095562971358212428541142811014261523340417370984802613109109430658115288094510069
852121122224701493345849273461532727142663190609803666657126652755164359317141980
5865196273051129160931149501509925183932164684199881914280377140,
270460372867815098973962960576727762639306699998892236166739596148455290795374381
260934442000738191370597095700221789047871123048553022055208288594932828893347578
035443253780779802718599943927814026693518472457919280121119474063769693140756042
5496930767876168566978497180100702724606737995026812851175151510,
479304896398328536500563045982895448878012412393794240975417693558159867214282229
492767305930589914556869973140157898048815938893604615785696526509438506628189257
421982906332227052220569960521149680185277951832521503094447669073773134800512189
4471899844160281349383517409942365449632780346946938731608159424,
185971593654864645584541947941317877442231298516195037431013026921014873322804462
792264876483659329308571537992147797537503318246042553339748551649655138363170265
197720521444452872250505780555862073121808465161511994572088973409193705434004821
4264736342087083334752569796937128093477294860551948823452070802,
264865340551905556312612003394934877075695836565286401089401847994971101041363477
127124127038369592707281947357195535761338079431941127226857261512734582458460581
774799304976394458424304625378846473580253347528971672650701116920069781971857406
0731207016285701812297751905225709420388100231676042361527085631,
902399298528354831910617470499214664684764758377829789392397731484779292882695897
690062070317670746517421702463073709757004373498967146698337237097418260734696122
218108596174548759370787549119701575128821002178353650005369953728593594289946773
399147443652389240316701136809543256059764098745292677374518322.
690202668676538791210603664568631799860588923280022553694882985966578444630499783
656365551101450274457969429411651124855225200947313288560919019894653392757215873
733341509385539801862996443002340649242191303392708881934423129952735852647693058
374431625505773494480938105099315643819150066054487736622871141.
622387874325228875342006031923600896220629460915851027136740069046411418860292930
665186802703920994349249691587548890247459423711540768986320504650277084025774393
284990718442989140609556460684604922398916826024767554566216717223942870773149333
90101676863980939291156676325336514171930867856508595487692145.
449858181520742922033533623472341110971927217385499046898852206280595596991815341
665753264040038451920662785151354151829952187041738093596958773356354229203736791
504184533041211402277833515764479232710605064849954669499400249882648832337336455
0931922886104426049916834204671448918161434198869904124403278995.
137919517222077357958721039648537998710746338888619918310003966073654001951559043
579951686492648475255168671678920972418237222073230785420357747079126552659919189
779571908592758404061765285798681316786778803951576058254892529353960308277484316
432278588798175607364924362064461157663121274302341293234554295,
963320951682746474948918340221934619633678838056946552807161203764147617332064268
096801220902845408313508368961258405214620950881290140055648845713715332647144747
225171523092505682498174376999458059078149909864464322591445769117764684416698286
```

```
436252489848360749644537840466325440337825677763722793716864623,
488560295998661465237742453554718911630027796431040109526057219985681826442098591
516839167671508123757198701260814095303706255106332703460123631096071824224345188
644445924621953769734563597104561122444841877394098450351237881778772966832228717
1390150300146863780647810273375601755353825561961908527177311181,
259000958029088304557341854094131193875375963320423143308386184336450201347241149
894344296197685391314493979078667817369637772196007610164215367920772026019575293
734108996448897296264055619826331829321922139431007213987414053774348976281701109
1009107411982792043751159922556996853646244357653004507214597058,
163833647912162818621759130429259511998188781350532550157192726517695861475923428\\
493225253350001598440488618000328390036034648692115912761300720174019751218428156
746177547131559725755176228014284591063084029994781092144247224651830067777013717
7223950966518178001466063823539285012493058707147368364332115164,
151664387881790724555814259027574240411137773938350886746557734075789654280654538
723343166318081733607828386783108256556266527954943235752677511056137672887885917
772049605854856512443925750297034018053295338397892678572899482548405066955870685
0212255873635477670086058811856907415283430515533172487399378274,
357157591977484379580998759063463999281509375335098911195974727353341885553891504
242762062416514657649994745219749890230514495290626228012219575980160573030312976
060073868919901316048069098179504188322311187056711289059867195164898374101306713
0856018508187664971392384261967897957026323815896861673800213699,
489240522413940513838884680908927023591146216432553789148688864222744647334599746
035874314746763347579654572234122798814140943448652386629451866107510656228615341
315223330643044282782963296749231374423267932841613783831591760210415132436826295
7064766286604952788401496240916745109772787628981439323531837299,
413935086848237535833991006685362402453132714805619074917508256401098874382357477
715201630713042649292701452574806567317849288099342044413379658794091780655470027
323514528439424172367433114821166172614659501999229660955293043978404316667608577
2198609820124502036007205921413995690204616816567543919980160811,
223038302097928488089190503174383422763453531582315741842288374885153439771233218
651657585697136845491065792551801111866986816304489791951535702651605829482181805
077276621951731334566875990509427832176003781070427512708034547845833019102600300\\
3979270067445682814573085218396067178577972486225156585166908357,
600717652933852348785246481199088283108667005937624855304433140679453331083355624
248530716724543658308743710695407144109366744474306911650526299722212721798603058
665309743574106143736804538659126858220138644486645359248829113324069217677121341
197941443376697792885174330761793247161646365337801457957353844.
387476950006811381037577775388426281086619722070522652612399457690600318641499719
236004400483204203645350414894866228069211921908652347416015873957492886969352083
394965073436328247158103149481851115882824147123310169565344444808775008297334342
7750452390768076850353785544751632497603206700449774872192194338.
207236817693719361305902653268872215573008874118455628029860596785467061028237737
632890135243551031058827057224875904154692920464926073609937230057445661200773884\\
0165107170709888130219894717927374586081756783981173350944564221.
378537608313909830822569031428611548457943580543356336512081994442110836618051052
978815703912947945419661463266639622619125277145875023749528930848421538759608026
094850073799457860493511314285805167245823087072807197718947494394952139097150691
4250381722727702146816621546824978358371856694431696766797444155.
191853752433169638167307060579104766747028645761850829982991032637817806197053892
067959402753063957912405490006242999983605448187152866211586010220815225430797118\\
413447401237672907436920505911669975762757878620513419021724874606620522923674764
4594618823161878275036213477025746696759058880901648240233007086,
181718876722083363127187363981187183847946109276618648384381726136474705149908363
960656757526154177718798595604016326143289500594943884529163645061558413791153578
884560345014114969711393981834401105781871388613824328781288148955749261049622132
```

```
3519132608143703624821322965021979541362291272917581690087374090,
392283243606475488230628608448995097897213907589825592946633772754416620496451867
773863680918038240878655559401742580450824062787638095697022654234155750368999312
520411122187904790307011264110783879723355567877235286678566140200425257274953453
2488624261947127172892006840936477264194851238646563649868372470,
136917203885304236519048414844014216278975356359749796855452963681352060390610668
1701728167343239759817105474912038981139503730405333368156385506374302814086521004
925542178588130420958573074733903202798898022225040158119840599451012840881171094
5765532658538210862966628032697856674991614488049150366428932746,
287215365826441265461155568724374498603678502108240794038497975253766687850543596
498126888915024086144281451887113462359520996358536365794148576924430203263464998
494582608767634879123077374978201398356784967345539163777972475144893322303680154
8903964391064175456151993427593782992231866341674542090889328365,
340358154464742349618125141929100697666779328280865734655923788568275479567183292
327724279531140842281397429569406727235064545665018519774835651409423912616637460
111294808525162931098151611772892878616019101314227919737115294944544689434423520
5848260714968669966620932215451878316165188813314361731645572840,
114355431206069696052703164409809845400928892821930230606522048914429550319009631
243682339063294268976111042752290065555633095585151400072485235493965173290422232
657739238559237292310527724092241669210083714237120389817088468776797225868423104
343003029719975341337062226735428033783215460493810206799461435,
462827838251190556876411512591808024114431352271852430578587300747365785196978926
970321061251692389343500254399322450038014343289023434001403562393479952742444457
477987335060722608357638784801466747172332129879982622760166722053322473776223602
8003916037934129002515719433476758436360151754218072782267852620,
345715790405204857948150145593512207742674561280483166213158143154581059486898983
150876363651925489765386411160837648144144812614846983798678400896746716446366631
434827670524770810443636792747565332987441926659665014733053023086134447072834681
1425764032117401499917565760390152924363173307490763028118717681,
708489706494584706162487350936181857223079805545505537653091286633163600660318039
024004247129003454337133124480221653477918583706532045567501389939287513275762882\\
918562196080535461911324333973107927333100246666103546894439736276751669470247973
767144802298488283931470507455968141044564525866074547636011164,
165901094538779659162020798186925980903497551593612447664881401280430664466875063
652204209429586944596554700053017488198200223494187537996867883013928093747086821
774609992162297308474153797051889211886546500564104966137034165215613147445656216
0697023569541373895951887828802224660800352185747398417879864000.
371685882634923451927581071412137085952848941655394237175389047880675860710090726
633514560393657158649606246353267157070619701700304033227192890537737542570084455
404791760740191852714745657436927523610229235673985233813128352656021197370131827
2557812388446033823998469199281365800548915873699385424236123449.
286358939526778697827780626453936779348676642221090702775078388916075946195566309
718351254931672254026489450716793947560729150670947716820922766657539044100836716
098609906065116244338077938871298675425808470455978311655228742187516579861364897
0917253742883669864215319152610707073677356224350198731815545290.
238408066767118076826163734573702979875876234154045695680072501075171678246219587
159894494836027299662332588559091082755025722986592156432761122568272693309223165
224928373392425103833983258133355995041538928024338386937505431117580068686175327
437045473055345936350849514632977150213212303008166299213049459.
701975523177278660282661684797634386936778545474473288762837411608691926822411490
805786926475555412185481947036063763273167830614426562610699076801224705574021261
442569561546876669735119561887910638617007417644429940155777246891396990267386710
19636029741899353734668091736026785048542276099183277497018150,
454494099436536648660297341585261295882557267194137728975313244818554861927795784
288386103495398297861583695136311557448430288525110478626593610125611449300148026
136981502967793373334680968781414097052829891404995909542512884461835613423599880
```

```
5620108974822247678663275231407960590929500086759413779275582266,
347288239710827917102883942729192380922431937494378558168991141286786705550195350
928713198735231964588141816428846107942013838283761152189327562495268674671484996
676135254580544898480581931351163489522958862679365720420782735743219253703312589
991277947312231417235248175665908350512767051354728591531769958,
670312358589783873754252327861330102026365609268888787802990853581468555369370102
685378771519859186644440920011625687868117015851422916538341850709050565747700425
765556716656791334483823216985400089209070529865962269376378878035935906731300851
739515458756617682957096547265976494259784934442799959692127514,
990266376939280323838931471809590525130798937988508222516918163365346925447023109
261882152291231496107176404208817516313038127770350056700053839497306612298140411
0360903491803511388351566319791000234114850972732806181459057717,
250847499349125277450424834079233717275437843576767044610858952826992368701836321
571802710128012112489021041423203303807367521631613504168112662318423988706061333
770607680503733983401610099751093927060910467925122954198689625893232873377160272
5977148245221939445942473170347013740618435010015599591338668531,
352987520384200935571695656812966814077973691609984570532856933780790958090593620
944329136843320705626143517905780532631487583970429395279122885309224976041303360
769466345299457865047318211079201060056157440644087953847111553199496094093371443
7267031731576003999872207013523053324644977052236956312247949047,
514100785207810772232304492110289285660577118135772555763973678868447050637641610
984309242707161367822469534946473981623735841552592701021755166777366859744362731
190489910612638305143643044049083910703525065196400676431965075860095129559122166
306872278155249131289822509619620288737682252798457501988812974,
133993708544711243572774990331741698576985595124461185824730070786871760671726072
230617216775721223537107972085858261214228662851409616447219118486299038881619212
886863093891285090693604181916734451973939869129737963108833311409754648895097148
4285612573698568407315994458433250339595921274168408176650192191,
348470060526132003047088974651384090495809343844698823391330822965057915437908467
021031110045419003407316042144019162993570986917026909909539939089597545991944181
679072263177689560499086337514106818901308293481538278856418289912737822685133411
6849625091722654065356580696683212726740610827340700587289852755,
196497851952368545804021008524587072105204230939367359296489800734862140211647082
174417741529572827640162662964867963525734948529817659967818760677940722582992307
889980985873594834643551276293886067072098610166029610080513709770490044283637372
3914987868854046278607935460140003549074714855283526371996083920.
144617318288064812802114988562173620196126070528304022717836230994341702070131951
576297956505965745818967165795792697387567773683165878725281515285608257058305999
334358305604528854326359822191065408840542312233291031496650567024079447729682942
5542884653594109880223962948342618443955797438871280890312689824.
451804090720038176630293743122706567956937021433444867971994442971696596975221816
177776605951252615421687296702763378575019623499701487054103507898201661360652668
392389143462139114475410232820883998020597551417910276879843416875211330988881989
5108066725721189674367770146477350030654698866579548052991884847.
285431393313626884335605912916219573343988879928563690457394034752731812462447010
398379979028814115341062147839940006471538234695778137511924591966036183009098747
883877194746235042128634499065780433082460899315103475083340787144816655885537048
6157814822355960573064398386435763644788458643643444036207665910.
277538511706074622366272766336918064151337405197915488456331202625384678792622979
099866728953155567201924249757375864557958797312957323820436951882931131439864605
279755224351047509772951839112387167620963742124586192657409462058341780047441479
7769338900240123282369016685209618306536295276255228825934257758,
839455001952454520949446940864085043350458061086690925249684484893025062028863023
702735062015092562082059952191937526935456894307000438254101049160111024803524621
244658775227270319018591026722889280194855133382841112050441867401321300789169104
```

```
030741842170008942677193292471399636671716204235209188788677232,
390803555872084919695525988396662959655612153606743201788574770239313863425471886
673101416633401257281449537482433884166094369432778769012733103872919403168683730
236913436892384818587417788302706782753227806811766249464032938530296727133633974
1532856654397820260006464178023996907872386352715390127449855124,
110608779275033133446563493593929805259195595214917145289762501109512529779202352
734185127949055109268570315216084589983586822235335972979563511910316011360204616
883770788362617589499422502130063407893989381748170922649882104748290455006646031
075302527958390476981182562373916060822760215210750975608793894,
406488597044815154385323626316823185225466362101477656673921525232162093954604700
709791892774609634803229000696673211658403075685927655811735820189188056257220347
326824190863782035071925073211520597832374691278767281424583272645474476835038361
1959444354541999674256917453868414908191532556695734015521263882,
372630321499139483379510172172608723439943794606779640826076147214422522192914877
616470736941224982083978732483638561582492449325504664197554632289670359124988054
713667573664786098129448809841765064911775191666243254425110425804143693847421097
6142840511938467518520202598202006976901917397328186425497522412,
382555465833741877755279322660111907014527139935591764585166251205392617185764636
739285036391081334560988538470337412812992190122214085680909851977516446952082142
453106324740229053180317518210107594032627501775468701442087025948906250259689806
9095746914628463421728503702375403383776249882376086695326571189,
465953566058227381783916421203554792603376780657186023894743972802857022292127916
173242368943307429220796690300343735422497507513443387572813668292617291673965224
294828604907272176628792543229774038157293791924684173766783351307505489661110790
857647552982529427720453329793018457745621054015130906664155124,
622222064692577653917829052843975556159483871035466631268835035044634107713016036
836001081072444215898076403620864800781592406189008223204400201297741534300561602
503366440622272760165202034737263022668083121527813047627655094333586597960819574
329979363123028366783363071556994118942348087157808058712768022,
476545531934983164841070799744655434322082559011105893855592722822785399763516883
384845734420588382349949672447622186316182501599692844958549273325016312892112670
489589748608499299374165280333112653666719099335910457598142365017084322079797043
9860596432791932914520473696152171684083060274828560136572748185,
231046978007339341159951186408061885272073381753803816261238954424656089961851652
931431493688438409868160255210112134389047369633703830722366520983229230695276735
515557445416580333957073026650851959052584847137521758170190780478904542937811543
6645098728730047488730913493846258131596661221218619848964560190.
241808022692543865633442086350046527836562814468972876728273541155119637408746615
091576750289067667823142012063906059554829492225322292082265905809685462357754930
437640976249667457358961357420227513025762247129027003061571656548444426762844451
8943797107290090804055918967192164349286500315726991579519224288.
101801012155714281485985757995395129537285173601710309874129613404042812288593880
282387472664551325010222273465647700050028291956676042351775006081436153335219491
906808985926504358049744743042707729502680124610362093153209506416734519100343009
4128259718159324493729236088290107280828566420372088116304162996.
140103042319387039463932630121024353301446711052272123264264746253851593428086362
407620199802660956102768141792896520005010367226736116063036079367350819572800367
369628349619047592827124184483543693548489599339545970602949384084740280102123051
7797327143193670383537868835972317679554486034423287523167511829.
149004138341221519850627486793429978158456703950864541105349579204593342816499015
526247649501175925500151185378815126636511984441688288624530971018531990366158815
009481824140074938151144229329955182665271730921528152002979395387466788525904615
9879869946495676758549628723017620730404280397455899135307773132,
447597518181168555325466339724940873977006791556173132320531151123991660793976630
750282332561716845541372394822343898800473493494311977210848569493142848346316341
```

```
4710814933650821863491547461713916842308249574436128348568133264,
449221061244863599676550536348893422409987147903247733932536170895699035908802486
359888231348022625564766279091246396092670238347941496463358596189883785976807399
798261967394488671952789431181168851973124064124699195683128085262522187346784370
4134302272697329293617795320433943679474854345132270524338499593,
155582526780351180509328984382221551081101329848191256868444009947126770535302226\\
432682045101505125626258894878353222009423751302359852133088058679735279985058284
910687515918452055359269799058566859011830179614057169857816124591962616594063089
47998810504276286596752746572825095487396856834291917314194998,
163594260842596848282729575936017143315796515219010284264475833846055134556751711
890927067456184521490773747966756574476468565365278333933977099753138958954293318
704473710840880797660302981392980833510416094212729237803962684870930735531434209
4414655389607082842088033684222494008238073279590990550787428053,
297507025389726427016482890455064057322340789343557379152951920269491443740326101
540666572528436505327526983322285044645594008664858527730558401518991047659670036
153316794417446972036615558888796979773989758591177283620950991013208585730026071
8667829621361012827046704171871395511396988442959643144730655121,
474149423603890155375051548263657809480189714552205733672832612643102672485560816
553316281259093402332145797843248756257931074801120546064459434028385827043296295
802381055911466761296512089482955781385470631548405723152187538457318516293616362
7643783501054817877415423016370339324296419354346778659194542752,
327817127206235345428632279503556219653429074359298389310456414527403426937329375
075630931043231689152811814835414966585395594171360684892977183300646025631552907
980454932118257602326529953193680082936766148268481367515863279206299052870262843
0078395219432878590054382725408093667005120463035705670518276629,
209559717073933420247031432265047785149694638416073112582610299600354235190195704
601776088552952652699822896636070697409083084465049153009131713735503142883656769
041173149575631473734352469115537358174855266394300239406310992756456441671708901\\
4086239003881352824658822225782880488471672668796221582923257446,
198543079947207295564018854735478695445551558599260028065515109615745005039052329
516268255169973023013900858912115079085100197303965979655110895436440426213391062
414463576086102039433340409255665989238610811209547416817313415097054717846360370
6698999784001209080803355841791502336737139098092626248724050324,
182970248110176527900434414580708618241689056245661368849468272822703424102514508
698236351025750013608313340960210576365440493905548119141491200103088002251233491
726491653468067751094077066098685610233712135122679145783932779375560846362479721
5551893194685083720713257079733370855825231455623839222620082955.
437228668399991402018871895084383565986170101902876532672921486679505207380838390
791357373665335188078126249117640471436738681780359487641459179028416930908584662
126844379041988518614047857497656749847255945928631444647017796225319661250967142
4218050487483010428904672163997739451465922748653672422730983253.
130285277333812803326554592299092337230203952305026710886243678694047873890469158
896397533135511707801298261252008744196309413062582262090328969178360849557321889
148666438791521603404522085023811054500934977749873372302066842862753582133388088
6897176722721336771296438796883073310526128085192510621974031284.
279785847611026872340993178526593045226247852850852772492805441656701549920731449
028465792100477474245421355549063596317248849410708572391617221045158283347771925\\
171354989563236788281392653610213804314691366203614326902390742772235325645966565
7391608086365841473231783296661798464212035662922595014282919396.
316045191251713880053299341025516418873764034723471236194596987908698407090310304
870946878198297880173774274315516267763875053033193899144690251409903748587569917
981957920869697847795240847461936275296594905248825159415452881901478519399963349
3108661206449620891824821827459243289987759652957234826647187225,
234370886369329462968637532149508334137420005658392666047207699572263479284905217
917308103489063096088693320662926812363491756529450477767133944717657160591432543
```

```
3788211659550025521448633891842772479921418951940222592478620215,
348955179968628801433450669891360470494121273859612000293721805570865256509818801
266468090854762998234198239921775987808462900034826133039907749721889942888063131
594751811205446906291941860540544225880282167389921319930171525040534685846394305
0013410009318788899066341963052408736131679461278838522929928157,
311992848972810429298620275347492613075076919352585078541980572267000913811609935
719282149934261199118214820144267795102479277827773370151338299538631029339902312
413891476671621455673499240776515270228540791798156987913837827265050913602711347
848782231803399026868779725595385682713519155153328075142157250,
421434733094790225735666812067003276196065785531559841905203774704627073068709909
999584013834485756492488335467086428443604594614445815740715018998534460892801342
018553298737544027165026563079576117133240570379580493534738573127739895440228985
4990264937863183936940449456418843421641054049783756233069361548,
294085926639648417704695029774703507558152826142178014474551086883394094743689288
431794541300906219513128242735342184359943554087060853342708231037199144826366894
344646701223423542322462130685332242053027331091551491119924194007405667948907061
5132714475376051992021926359767040433525538015681448999840130475,
548689545843352644706594817791916798935926169039949612045704475450748409508729185
770761119838346781323621349389866236071081561399243404244714155141544648303063456
319671299105257578289200256770470822584813536793412849716239639576718489840572112
594326558415000296522178057568395086038325307977947444439726584,
301061659719440784335701149376822631199677993602044768059939646443346024410828997
649525135401697103892186972391091642576780970837553496544947653324983655614833582
424760390652812047171094195269623883505865311263004867241738847835253327719726921
6843020568574350081644829259392323542558433211992623068567120587,
301961062380367037815012410961445708413651146372940051146860974277270318342116608
841178896469312105426968458203365853839438786380116293582117351421180741649484787
163976288338095635458537714155405787469373678272928408310989702550850100122198538
8313011492622269308786778580954670467179237628723090772412112687,
345689244215355282579135130410403857425279001868830540439637726881903464501602288
306603791440637931258508596933703629759328007052572898870507161415075228224508743
222179680738260673304378536666372562865685458622313297858717026252369533970664810
6798869652892275586447545122997251305483029423828330531593932862,
419389126490420501850861841633935258467126017772980712730016558183992594617749165
423368114838986298620812233731112454270534386445202322571688967225328283741841764
661441862827344554056043333062287766060142697611355160585344600624295227266377884
3228585973128206825550195233913898539423600913183064577758873954,
240709227175121597204804350281529535218554677351624154754013195439396288144240697
619261369598471055004762810433767109509628856239896316517510517490176954368135922
181946977091983983803462052368140690721585894101956761512414442862068316984515044
0718190806822128120550572037141734104550025816428879998161395163.
303949355047677842554354280982574944802510863558837803695552928586996037658626519
758030063898461832936474957442719702566434077319045689030265323730099520521079903
710503666275390977973715693895327404378049629867379669694384696462998687492227181
0638448197816494264041708372669503914550421974946711031289926293.
272563939471171309959170153771634996960936135673271731788733495960344692381136945
916942568786049312198257035504896323528724744795123861461584401188470438047784934
122550029580208910854508579650208127645345281522103783955179458770893145740414884
316390448589757892358377113946038280675011779670094858931334018.
100930648445356836735113544528386444542140074741692787534811361904143490542699505
742976300399971462583394479006511015623619343376249683644902791153391838249605292
184190664484560330458855864914715136507656058931583489513242762144891099765936653
0383783672825207059749403704480478042078106649057810914947266177,
454297572509009287526532981897911379078917853193379751750054514633706900594455810
111774867692823091367980606949984809046341022331791970812128072224801287121147922
201270769310289691464607068151525592065435395434367395586563889495104839380351803
```

```
7317279313188453889045850947444535024231435650445288167810547649,
454118457391449435805631087371879215687391516501736464944676591913727047323329789
900878071826255762280125257514313836387097309893330938135058174163129007190618818
722762276953753837663484704199446178647155456216547359467532221735289180135930858
545044454711881070673869462577101957394519297680545708551682871,
163570269173101019198394223673236968255372117894975532687238002057616841989562759
475072176864002873072552676660028897480054704458210045308562016226022869455988512
945725960324984746096567079786349110861889889765751538642459405575246496524209897
8185854850317501460275816296862145418447280844274646388414104618,
681512202481819339179865345222683752128830134710440850381281509369656455971140851
363726552596227501338928036581146133807719813913358706419049503859123205772834913
280680673875610113990715806519852833617669284820587525172592303,
118485169563319659085953089607305390610830778761675252442937648246586962621062897
688582725005603438382929805819468938675851650361015640787834996949352129897180842
981585430374175601836432338742107469675582055209559777343602742529423612292905126
8931281237544341614342480229020965356208060914322588066116834577,
436490649559079673833595532254393109895694521002624466739396689971968069439741668
235067091621773920055394757920676172586718759162562223154846243292882123252749573
459069094485250559254395147119777548007310781860371866041369226942788307752426438
209927604209419711564771259072744340537465392020452342580959696,
438853730413377271586392531664116907531024948282018389634862646919250582892020815
967141148306823083795334178686779812617209004905871184692908545999589617976510673
142776126084424399101022135720911020931493604352265039432890253238486430999012098
7592122633321068101325301231904078972595722775277294596713340213,
239310144760905842397293039570169166342784681322123932093460667845941350476864492
618146001779951938244939771831302596106989354498847964638591942440577932611717858
803290392994186202715027011971159880216348095292212018709471868689893941074831780
0523138265797423665663221828132875519135258017417196723394991589,
207661937747703184863985617587954347034373423032945550972606920967593472030601278
865942890614390803171453313821702916808870486270925568590950941241586531049241552
917986280311416690488503956351284880716295897868888886243373606879116577844614863
0009314317367780254227290580067976686185051291022979661750915754,
349107729488386026416383147048073179810095231626675107411414165101255030428305896
043453018084926252680904491844477238589547788095659755864361033643055426718954013
523598025974242741094764957849404077359126949999223238677914660521714969718133933
4540183232972164203652901657790093101500810462049416615463177546.
190028269898946372313258000221359161022460056959869829374354817689381626262198665
146536962386747070190665532367186163704975514053395753146452142785978166954388001
626713970321077261342856279021671308798589175390925515886976020773554270778050649
9364324239566426940858870670235658504146842251118347853718573687.
845835496189376653886150062538136220529949512316837843552683019639478239138823063
495130985204374692468338372257263301271462502177444656561614715214184613422656425
547782261460936839766389042333921944045616045486642969616735714861351814153114962
802762127416684363023821783147694935652388700962068809263643389.
169294856619314719841586817413294738596036145723477596099668816303076861445224506
568496216336373779241146512373524947589089027559393591844391213938410408640167111
7297441852839961645132964273067219203682142732326663844844075005.
390197094773139247571605074029871940095027681824711930683212959579616775624237617
656199390974615551675587015215242621531538085279839315489480874674071226760371598
098365683407962245454920676331794735472229674398462498712761118168945800929636105
3627284630345662893605480665829929447703677978777309463029378417,
157704378888618739564260906916409797602868028690055045386026766615105388161455262
919215279754783119939108734219436236339438898258411159703115313213442433128749409
126392611365749788781833378100853137295310792967229340274743549731277988764268871
```

```
4378020998413789750803772540267677934581148808295413525216136803,
327600216856340146928018792961164730519754342997635042713073804928170743836218451
116010843212483873395721532397605067298815871540734298143045884245070864667815126
977275053440416145046501131845368444914990873482352824699268479778180005519568143
3678035768369610420102397884004628356347672352589330168248485654,
441100917701698072547202246378663829063565896265840543039044628235790551736935415
374955631788028789161972855157136529177222800825080795616497445540236238430849434
702762347784317515340960388254194133775883667178417248849648875490213179064945804
7942214547960790875638234105693707598046416061433722602277417913,
726307210260821049373144992154409948345637635368877092819523015622922973757990798
665952122937220928090928915580354873566840841334710321751558673510023725557920994
744241558993161607005593746962259280610204185140150932218256262971149625050424081
864893903080125492194257806289021889420725960087352176605476401,
369354759690004374110093179312452204770499951092456912138266067003407476490810042
115641389946699191474273919610813426969458816511403537112909357093446458355855175
754829521650376769689420369285168094907357846157594020206927378980843383524736783
3648763742770751275454183762387380512531453133282161136891481929,
366516748295218709616040626028476336251064680468712374811639278454339839827964117
160401702997371813051836859062239787117811295639213258535428699509963963434672415
903957598042251483870066325565143455179766662224918866062220221187742356021607973
4584070335703175927475594016858689649422345026726688518192776409,
317722587993995039565161899380500822241253211878827358615636807626681518723340278
396905621394256566000839956933564990875105692464515965541226082231934614067152276
030338691267485342681898965580458311873505048880763034225402203894120736396846348
6349805992873818522316215108897954229670433933723727953745569923,
377902895020921444743316116786667217727031791104001615356568436286847289792095412
866754829887597250971322998045321286886670980635038287954885930444171386261706867
335983016602339679962362758016460608534608558619875031177400664309430938377195362
0689844976832117988296867004302713999531851905939505561391164191,
156540428111465715631583781675865802623303317306080031700577089356796319430265880
148462338966299230567238239802381885006852586482877562543008617211383459076190463
778366622374719494857897729156302911933135977212690429945050876382666405547284384
1614023374884939978267540166731011979458675326635019791695565262,
459061270673293825798068473341832215481698854929231287880912425723645805400099765
580489433575922733996200398822796989485909916418602347334383847489652175058548136
838030998734524324952771751465036957896506771244862350979475107944666274024778752
2802157146979933561737569581462646401210202611137277719776325874.
465613404476685745059756024055814467675241091081143516774915909116169689483458608
761577498975751366709295485646840776001756054213631671567069377778367955811913140
105553728628551936247131010180248907319858113612644790486571997726840154573246743
5790881584291255625228947956711968019016045126232778925003004330.
130244206046428784414095869989681927437502000872935159723004089136244506742121246
295740095872264279176819265700836367558712326668914760775910247297055312127739974
293891242142647656298717251160008370425543023828418755195203618030789909181895320
7131942020689197031040878798574298241042445489355623641304509901.
171337187787022470363004931476294647477892043595528383473912620707871346466890402
659460551330527138403863165508734289858808445134918786858868480187409086540400186\\
670489924486565520947079271800101503757776382537301078513728270626617372907316717
6023660411002299453317075113416538613782092969312114363570614517.
363772681968914511929885932422268982934882865437924228452251418653437490710544995
178957770444785570048465669361164965084929250762163115487585365710252688472538466
820634603381573007525197320237894665567554220595514241387429686854526338588412587
7782563979657700695334466662362949444188725774579230310152088275,
215810227853023108749503447182232635857067663656273029226928797178045703541543939
815466439361140093993454591784955822403037142186795964039329118952625676912734421
319107193900807960346613617633338011018375854365335769438747023676874223273162256
```

```
6892872043474084829437398364701172310088532750048770269284101440,
135791751151726600275349499517453448386331146232149691244436591053297575744000903
910942666942546045071816501686971911343193308115626688999597144997359881599156481
592735050993842792310710155277975142273319489733804457885489094536821693091143746
2116835554456903232462472222161348181958293840928247406557674974,
225101806029479820854640560914928907098838273115735702163237078656772741524773197
008316948382055390201664541112958856362759299698429428833779259252093687710897414
800878719431782856169827272874504834073109653199055847323351819739171038084660133
2446583691529730716812953431975867169637715185113349221752268933,
148206895468982288684202593624544291881166097924864451086133951865886180761770851
178728192924309675104440143666708725936549742121370245291989408199455825925136404
485715395831863177089053356302066706977255391013269936562986700561263792218597098
7117180360664807199834536264073950978308314028235946030457178450]
```

eazy_crt

```
from Crypto.Util.number import *
from secret import flag, p, q
from hashlib import *
import random
assert 'flag{' + md5(str(p).encode()).hexdigest() + '}' == flag
assert isPrime(p), isPrime(q)
assert p.bit_length() == 1024, q.bit_length() == 1024
m = random.getrandbits(400)
e = 65537
d = inverse(e, (p - 1) * (q - 1))
r1, r2, r3 = getPrime(20), getPrime(20), getPrime(10)
dp, dq = d \% (p - 1), d \% (q - 1)
Sp, Sq = pow(m + getPrime(10), dp, r1 * p), pow(m, dq, r2 * q)
s1, s2 = pow(m, dp \% (r1 - 1), r1), pow(m, dq \% (r2 - 1), r2)
S_{-} = Sq + (q * r2) * (int(inverse(q * r2, p * r1)) * (Sp - Sq) % (p * r1))
c1, c2 = (S_- - s1 + 1) \% r1, (S_- - s2 + 1) \% r2
gamma = (r3 * c1 + (2 ** 10 - r3) * c2) // (2 ** 10)
S = pow(S_{, gamma}, p * q)
print(m)
print(p * q)
print(S_)
print(S)
475436552230920326681809745778470583226987
```

n = 2550513125982734474940718708172981935099614110099051828176511767693612463608412540031504985869719942740134278580465412092656823576157789586288980766044241552187 263189647439029195835068147276848535686551328461908675443772363087482759328008968 293962926521087516900905793526425901986175527057094561403450577169041204278142377 111044102825811002274660397488216293497972630074154185744401370850894647138452503 2248253701825024590345480994598867741811599162649467 $s_{=}551008656184225013890887534253329410833195165961267146669580134368697291944340$ 216340152104045764060275677791008163919175343612217175617473053138591386595182686 999598478710243967917068442271780877126021754143987867775050806570306408137547384 540591667432793279815310057455593344857061873284236579573812049153239808146731201 720393341329677907061102412496577278750224249901688453723302894786528803771807435 502012164553071914095455480098677176334319139821010032597157306981238169308938422 1441735278736889673500218274673196333806222266248844379127652366 s=1142262350150957465095996295200498592554372397256798853443351088843666206911980 057632167934442505201156347300527580178727186167189831852303341564238851204703565099104795331960134691219446212231336688812610009363596947669687140388368794661757 583706169481366988378222100670170448793850088695234700363162632612715408178701669 285662856120038694168375639773410069852046419924981123801314689935239045350013266 684060658576030672389465493307709437581066616846483575660737799895967513230597172 110966164423161342632267535097337343413868608602326591088350951457555442950221421 7460059521619625693750938117427832654792355808803321

Door

```
from secret import flag
import string
from Crypto.Cipher import AES
from Crypto.Util.Padding import unpad
from os import urandom
import re
key = urandom(16)
menu = '''
[+] WatchDog Security System
[+] Copyright (c) 1010 by School of Natural Philosophy
please select your option:
1. Unlock Secret Entry
2. Help
3. Exit
111
valid_code = [1033,3329,4431,5052]
auth_context_pattern = re.compile(r'^SONP\#[0-9]\{4\})
def auth_context_checker(ctx : bytes):
    for c in ctx:
```

```
if chr(c) not in string.printable:
            return False
    if auth_context_pattern.match(ctx.decode()) : return True
    return False
def unlock():
    token = bytes.fromhex(input('Enter your token > '))
    auth_code = bytes.fromhex(input('Enter your authentication code > '))
    cipher = AES.new(key, AES.MODE_CBC, token)
    check = cipher.decrypt(auth_code)
    try:
        msg = unpad(check, 16)
        if auth_context_checker(msg) and int(msg[5:].decode()) in valid_code:
            print('door unlocked, here is your reward')
            print(flag)
        else:
            print('get out')
    except Exception as e:
        print('oops, something wrong')
        print(e)
def help():
    print('To unlock the door, please enter your token and authentication code.')
while True:
    print(menu)
    opt = input('> ')
    try:
        opt = int(opt)
        if opt == 1:
            unlock()
        elif opt == 2:
            help()
        elif opt == 3:
            break
        else:
            print('invalid option')
    except:
        print('oh no, something wrong!')
```

WEEK4 Crypto

RSA Variation II

```
from secret import flag
from Crypto.Util.number import *

p = getPrime(1024)
q = getPrime(1024)
```

```
N = p*p*q
d= inverse(N, (p-1)*(q-1)//GCD(p-1, q-1))
m = bytes_to_long(flag)
C = pow(m, N, N)
print('c =', c)
print('N =', N)
print('d =', d)
# c =
165339662711354953576051650366845511139236990540441984733618718005193935051440851
809536985241171855334015650524637203781103291908042688504254972312559874278377841
364222156361635838669969764581422585508945404598444309644716674088269322804350596
858816413942392540077268022686169999033242024644718063141752318119663118854032377
948785845371944480751563802577158627596957920180690979944881311203486708986651386
497141474237051624465325934726723143613185087134610631600795825674901659975859954
918090726009308050046939447314200314764317277007809271391220011004321443507827712
584411281626096749008603835866978800618283327235152679622853613563807167082920674
683534678499743704470795058008706766645922291604090203857415757788188002739142576
350369318426410493269398583398018298681666437701850748769776986653010392737592657
8569947076633923873193100147751463
176842744715813185651403488945639742402793779661782975630352570531615231476912905
972105485568964613372160083819474112329041038431598033951694725717298100248041425
402325326909853996252783417478135665777998876175458234309633239176356092149141452
070711285289678297012301826350542644712619564537194111639565936915265436811856951
648225144251319289262622257641974704834394294757001604501612791757827281981276063
278834332174258335334015800932479462600673105726760380370166325670659790478904706
097842757336103517100882246712014822769889323877330532021576941059497436057372715
750185226457298590855083993386256300118647702131323611369079384389364019037813137
321410404446563348395361640268085377648071259966913257290709615166491611818548673
7463253559093537311036517461749439
\# d =
206506469331185442250955445523730074559285744801758016581681052270379501056422489
486457624888812195761741316245932934873253297039193131566597000022343924006364746
101430327451134738426758573237745669452291486649696597977791464884025889377623914
709716171634964330085018589075856834286526379588449029097968490807991419994902318
773788632440939003632514159728341460314909289239622710540532780563471812549367505
362806383212115451675209358702208297864906868260621424157550637246391105685119690
411750198980319904559115259410367270919610832011239107612909989682403382178952754
14072475701909497518616112236380389851984377079
```

babyNTRU

```
from secret import flag
from Crypto.Util.number import *
```

```
q = getPrime(2048)
f = getPrime(1024)
g = getPrime(768)
h = (inverse(f, q) * g) % q
m = bytes_to_long(flag)
e = (getPrime(32) * h + m) % q
print((h, q))
print(e)
(89164527228214184632487268257212570217441942868747069158324446317715966161164917
750914731427988672785985864826783876689867644612651311191645004737199398943431634
963255563401814296759376414959813538577246270818473042469870743037226421729888641
389674040242012460503871528540017467631044177732144089068793669587297442596127772
575423515015920194837456218248947900966392057714215602951756331528776677200383961
545716978613268214831708352380928797472975066069833228907062208242615815333248248
585990826118860266687885777579709848922926092710821763114335079319936729459258839
85629311514143607457603297458439759594085898425992,
319858426364986859453309057265394989014436949557363320736397444663890393731436189
205111222888442828494072902058049916341678164174687034592291388913481151919213952
783366956842104371306813379716860080480543404996547213177212412399907010996852072
534766429315865633636381416360119412689629996411302638281515384891392546250993301
995575031536800893875388635744801348982113112522274638708389477774793099281957912
203252381838992661476821938928663306780769251996745545690181031642282787421517788
32319406135513140669049734660019551179692615505961)
200417136138763820079692840566981490071542488574207525204968292463245121971882110
296659907135996679840197155034865071262245580921763922824866893479530698151232127
790907839095452441603189383575293074820256977693941149670285645463553108836704621
975280111817685888784478568751732638008850486761909782068512688874455277853875321
673709437451805381689654616120970370415709123656481254498041092996309588403983977
219168608766878084740043918438698133968584687308776277332348327443287684438306694
693459267668824463787658473344215950344706391713975873953419774535368599464104312
52287203312913117023084978959318406160721042580688
```

Smart

```
from Crypto.Util.number import *
from sage.all import *
from secret import flag

p = 75206427479775622966537995406541077245842499523456803092204668034148875719001
a = 40399280641537685263236367744605671534251002649301968428998107181223348036480
b = 34830673418515139976377184302022321848201537906033092355749226925568830384464

E = EllipticCurve(GF(p), [a, b])
```

```
d = bytes_to_long(flag)

G = E.random_element()

P = d * G

print(G)
print(P)

# (63199291976729017585116731422181573663076311513240158412108878460234764025898
: 11977959928854309700611217102917186587242105343137383979364679606977824228558 : 1)
# (75017275378438543246214954287362349176908042127439117734318700769768512624429
: 39521483276009738115474714281626894361123804837783117725653243818498259351984 : 1)
```

signin

```
from Crypto.Util.number import isPrime,bytes_to_long, sieve_base
from random import choice
from secret import flag
m=bytes_to_long(flag)
def uniPrime(bits):
    while True:
        n = 2
        while n.bit_length() < bits:</pre>
            n *= choice(sieve_base)
        if isPrime(n + 1):
            return n + 1
p=uniPrime(512)
q=uniPrime(512)
n=p*q
e= 196608
c=pow(m,e,n)
print("n=",n)
print("c=",c)
1.1.1
n=
332671600532117547486631191539740125411195080870557629393234569053326310841488387
753029433929427491483742458061837534650955562757873488335765299600581776637080484
216160302763639377607911303574549550883974900677348372069806694357744597755126809
3247748313691392265332970992500440422951173889419377779135952537088733
270933631607565017707937624479618813256125045975115218467702274555191454488451732
488765236845063599564401921287854374547588590686426555913937990304922176515985292
226414074083953836614741153324211691589279267273632187969495605158639959420629368
5750573633107354109784921229088063124404073840557026747056910514218246
```

1.1.1

error

```
from sage.all import *
from secret import flag
import random
data = [ord(x) for x in flag]
mod = 0x42
n = 200
p = 5
q = 2**20
def E():
  return vector(ZZ, [1 - random.randint(0,p) for _ in range(n)])
def creatematrix():
  return matrix(ZZ, [[q//2 - random.randint(0,q) for _ in range(n)] for _ in
range(mod)])
A, B, C= creatematrix(), creatematrix(), creatematrix()
x = vector(ZZ, data[0:mod])
y = vector(ZZ, data[mod:2*mod])
z = vector(ZZ, data[2*mod:3*mod])
e = E()
b = x*B+y*A+z*C + e
res = ""
res += "A=" + str(A) +'\n'
res += "B=" + str(B) +'\n'
res += "C=" + str(C) +'\n'
res += "b=" + str(b) +'\n'
with open("enc.out", "w") as f:
  f.write(res)
```

WEEK5 Crypto

last_signin

```
from Crypto.Util.number import *
flag = b'?'

e = 65537
p, q = getPrime(1024), getPrime(1024)
N = p * q
gift = p&(2**923-2**101)
m = bytes_to_long(flag)
c = pow(m, e, N)
```

```
print("N = ",N)
print("gift = ",gift)
print("c = ",c)
0.00
N =
120559684715230533948513940380070911228093673924676912136515209440388617960110639
654604562850880117548952604288143585995920328652360067338798434931644119070322920
515397545205743952522989973790202688689721602978938712617132631960923804168766974
721601049800155548347989491559172921892788889140038467586872155599585061163593947
431352119505750602018870250326948250841047920592715843518891348115430884049529771
378096738806029469747985975067219067518350198550634624606860365675788354772499090
13717145709188790427572582689339643628659515017749
705611679085645433556303476203333501226071897723532788606747864066635645565571776
543821904726615834447749202973678899593125170096827406316739408405976512199561420
53575328811350770919852725338374144
247559234968979055141895126346799450343095930331773426633338258660820877583769643
613983044394289090033387320603184414678218471238195275371884810966318824510122653
804310179088128527092779507589368061558605368007745590133486108534997222268032206
795281136536628202675673718526310562169514605069538562665663830957708793345756650
157930895473954332136774146353241379071241987973321701782109991686649092847637277
254225492945921825930160841381196976300150424571763723119884819634865687861178884
338011549374412552008093006831847960646462389624028938160171190875945067251922886
4487153103141218567551083147171385920693325876018
```

School of CRC32

```
import secrets
from secret import flag
import zlib

ROUND = 100

LENGTH = 20

print('Extreme hard CRC32 challenge')
print('ARE YOU READY')

for i in range(ROUND):
    print('ROUND', i, '!'*int(i/75 + 1))

    target = secrets.randbits(32)

    print('Here is my CRC32 value: ', hex(target))

    dat = input('Show me some data > ')
    raw = bytes.fromhex(dat)
```

```
if zlib.crc32(raw) == target and len(raw) == LENGTH:
    print("GREAT")
else:
    print("OH NO")
    exit()

print("Congratulation! Here is your flag")
print(flag)
```

PseudoHell_EASY

challenge:

```
import os
def xor(a:bytes,b:bytes):
    assert len(a) == len(b)
    return bytes([i ^ j for i,j in zip(a,b)])
class PRP():
    def __init__(self, n):
        self.domain_cache = {}
        self.range_cache = {}
        self.n = n
    def tran(self, m, inverse = False):
        if not inverse:
            if x in self.domain_cache:
                return self.domain_cache[x]
            while True:
                y = os.urandom(self.n)
                if y in self.range_cache:continue
                self.domain\_cache[x] = y
                self.range\_cache[y] = x
                return y
        else:
            y = m
            if y in self.range_cache:
                return self.range_cache[y]
            while True:
                x = os.urandom(self.n)
                if x in self.domain_cache:continue
                self.domain_cache[x] = y
                self.range\_cache[y] = x
                return x
class PRF():
    def __init__(self, n):
        self.domain_cache = {}
        self.range_cache = {}
        self.n = n
```

```
def tran(self, x):
        if x not in self.domain_cache:
            self.domain_cache[x] = os.urandom(self.n)
        return self.domain_cache[x]
class Challenge1:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.R01 = PRF(self.block_size)
        self.RO2 = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M):
        L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
        L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
        return L+R
    def function2(self, M):
        return self.RO2.tran(M)
    def roll(self, M, inverse):
        assert inverse == False, "In Challenge1, inverse is not allowed"
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M)
class Challenge2:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.RO1 = PRF(self.block_size)
        self.RO2 = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M):
        L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
        L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
        L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
        return L+R
    def function2(self, M):
        return self.RO2.tran(M)
    def roll(self, M, inverse):
        assert inverse == False, "In Challenge2, inverse is not allowed"
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M)
class Challenge3:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.RO1 = PRF(self.block size)
        self.RO2 = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M, inverse):
        if not inverse:
```

```
L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
            L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
            L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
            L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
        else:
            L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
            L, R = xor(R, self.R01.tran(L)), L
            L, R = xor(R, self.Rol.tran(L)), L
            L, R = xor(R, self.Rol.tran(L)), L
        return L+R
    def function2(self, M, inverse):
        if inverse or not inverse:
            return self.RO2.tran(M)
    def roll(self, M, inverse):
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M,inverse)
class Challenge4:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.PRP1 = PRP(self.block_size)
        self.PRP2 = PRP(self.input_size)
    def function1(self, M, inverse):
        X, T = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
        X = xor(X, T)
        for _ in range(2):
            X = xor(self.PRP1.tran(X, inverse),T)
        return X
    def function2(self, M, inverse):
        return self.PRP2.tran(M, inverse)[:self.block_size]
    def roll(self, M, inverse):
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M,inverse)
class Challenge5:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 1
        self.input_size = self.block_size
        self.PRP = PRP(self.block size)
        self.PRF = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M):
        return xor(bytes(1),self.PRP.tran(M))
    def function2(self, M):
        return xor(self.PRF.tran(M),bytes(1))
    def roll(self, M, inverse):
        assert inverse == False, "In Challenge 5, inverse is not allowed"
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M)
```

problems:

```
from challenge import Challenge1, Challenge2, Challenge3, Challenge4, Challenge5
from secret import flag_easy,flag_hard
roll_left = 56
def guess_coin(level, query_num):
    Ch = level()
    for _ in range(query_num):
        msg = bytes.fromhex(input("msg? > "))
        inverse = input("inverse? > ") == 'y'
        assert len(msg) == Ch.input_size
        print(Ch.roll(msg, inverse).hex())
    assert input("coin? > ") == str(Ch.coin)
def roll_challenge(challenge_level, challenge):
    global roll_left
    print(f"[+] Challenge Level: {challenge_level}")
    roll_num = int(input(f"How many times are required to roll for solving
{challenge_level}? > "))
    roll_left -= roll_num
    [guess_coin(challenge, roll_num) for _ in range(33)]
roll_challenge("1", Challenge1)
roll_challenge("2", Challenge2)
roll_challenge("3", Challenge3)
if roll_left <= 0:</pre>
    print("You passed all challenges for EASY but times limit exceeded. Try
harder :(")
    exit(-1)
print("flag for easy is ", flag_easy)
roll_challenge("4", Challenge4)
roll_challenge("5", Challenge5)
if roll_left <= 0:
    print("You passed all challenges for HARD but times limit exceeded. Try
harder :(")
    exit(-1)
print("flag for hard is ", flag_hard)
```

PseudoHell_HARD

challenge:

```
import os
def xor(a:bytes,b:bytes):
   assert len(a) == len(b)
```

```
return bytes([i ^ j for i,j in zip(a,b)])
class PRP():
   def __init__(self, n):
        self.domain_cache = {}
        self.range_cache = {}
        self.n = n
    def tran(self, m, inverse = False):
        if not inverse:
            if x in self.domain_cache:
                return self.domain_cache[x]
            while True:
                y = os.urandom(self.n)
                if y in self.range_cache:continue
                self.domain_cache[x] = y
                self.range\_cache[y] = x
                return y
        else:
            y = m
            if y in self.range_cache:
                return self.range_cache[y]
            while True:
                x = os.urandom(self.n)
                if x in self.domain_cache:continue
                self.domain\_cache[x] = y
                self.range\_cache[y] = x
                return x
class PRF():
    def __init__(self, n):
        self.domain_cache = {}
        self.range_cache = {}
        self.n = n
    def tran(self, x):
        if x not in self.domain_cache:
            self.domain_cache[x] = os.urandom(self.n)
        return self.domain_cache[x]
class Challenge1:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.RO1 = PRF(self.block_size)
        self.RO2 = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M):
        L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
        L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
        return L+R
    def function2(self, M):
        return self.RO2.tran(M)
```

```
def roll(self, M, inverse):
        assert inverse == False, "In Challenge1, inverse is not allowed"
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M)
class Challenge2:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.R01 = PRF(self.block_size)
        self.RO2 = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M):
        L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
        L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
        L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
        return L+R
    def function2(self, M):
        return self.RO2.tran(M)
    def roll(self, M, inverse):
        assert inverse == False, "In Challenge2, inverse is not allowed"
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M)
class Challenge3:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.R01 = PRF(self.block_size)
        self.RO2 = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M, inverse):
        if not inverse:
            L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
            L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
            L, R = R, xor(L, self.Rol.tran(R))
            L, R = R, xor(L, self.R01.tran(R))
        else:
            L, R = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
            L, R = xor(R, self.Ro1.tran(L)), L
            L, R = xor(R, self.Ro1.tran(L)), L
            L, R = xor(R, self.Ro1.tran(L)), L
        return L+R
    def function2(self, M, inverse):
        if inverse or not inverse:
            return self.RO2.tran(M)
    def roll(self, M, inverse):
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M,inverse)
class Challenge4:
    def __init__(self):
```

```
self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 8
        self.input_size = 2 * self.block_size
        self.PRP1 = PRP(self.block_size)
        self.PRP2 = PRP(self.input_size)
    def function1(self, M, inverse):
        X, T = M[:self.block_size], M[self.block_size:]
        X = xor(X, T)
        for _ in range(2):
            X = xor(self.PRP1.tran(X, inverse),T)
        return X
    def function2(self, M, inverse):
        return self.PRP2.tran(M, inverse)[:self.block_size]
    def roll(self, M, inverse):
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M,inverse)
class Challenge5:
    def __init__(self):
        self.coin = os.urandom(1)[0] & 1
        self.block_size = 1
        self.input_size = self.block_size
        self.PRP = PRP(self.block_size)
        self.PRF = PRF(self.input_size)
    def function1(self, M):
        return xor(bytes(1),self.PRP.tran(M))
    def function2(self, M):
        return xor(self.PRF.tran(M),bytes(1))
    def roll(self, M, inverse):
        assert inverse == False, "In Challenge 5, inverse is not allowed"
        return [self.function1,self.function2][self.coin](M)
```

problems:

```
from challenge import Challenge1, Challenge2, Challenge3, Challenge4, Challenge5
from secret import flag_easy, flag_hard
roll_left = 56

def guess_coin(level, query_num):
    Ch = level()
    for _ in range(query_num):
        msg = bytes.fromhex(input("msg? > "))
        inverse = input("inverse? > ") == 'y'
        assert len(msg) == Ch.input_size
        print(Ch.roll(msg, inverse).hex())
    assert input("coin? > ") == str(Ch.coin)

def roll_challenge(challenge_level, challenge):
    global roll_left
    print(f"[+] Challenge Level: {challenge_level}")
```

```
roll_num = int(input(f"How many times are required to roll for solving
{challenge_level}? > "))
    roll_left -= roll_num
    [guess_coin(challenge, roll_num) for _ in range(33)]
roll_challenge("1", Challenge1)
roll_challenge("2", Challenge2)
roll_challenge("3", Challenge3)
if roll_left <= 0:</pre>
    print("You passed all challenges for EASY but times limit exceeded. Try
harder :(")
   exit(-1)
print("flag for easy is ", flag_easy)
roll_challenge("4", Challenge4)
roll_challenge("5", Challenge5)
if roll_left <= 0:</pre>
    print("You passed all challenges for HARD but times limit exceeded. Try
harder :(")
   exit(-1)
print("flag for hard is ", flag_hard)
```