

二、行列式计算 (第1小题6分,第2小题8分,共14分)

1. 计算行列式
$$\begin{vmatrix} x+a & b & c & d \\ a & x+b & c & d \\ a & b & x+c & d \\ a & b & c & x+d \end{vmatrix}$$
.

2. 计算
$$n$$
阶行列式 $|D_n| = \begin{vmatrix} 1 & x & x & \dots & x & x \\ 1 & 1 & x & \dots & x & x \\ 1 & 1 & 1 & \dots & x & x \\ \vdots & \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots \\ 1 & 1 & 1 & \dots & 1 & x \\ 1 & 1 & 1 & \dots & 1 & 1 \end{vmatrix}$, 其中 $n > 2$ 。

(本题 10 分)

四、当 λ 与 μ 如何取值时,下面方程组有唯一解?无解?有无穷解?当有解时,求出全部解。

(本题 14 分)

$$\begin{cases} x_1 + 2x_3 = -1 \\ -x_1 + x_2 - 3x_3 = 2 \\ 2x_1 - x_2 + \lambda x_3 = \mu \end{cases}$$

五、设
$$R^3$$
的两个基 $\alpha_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$, $\alpha_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\alpha_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$; $\beta_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\beta_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$, $\beta_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$,

- (1) 求由基 $\alpha_1,\alpha_2,\alpha_3$ 到 β_1,β_2,β_3 的过渡矩阵M。
- (2) 已知向量 $\alpha = \beta_1 + \beta_2$,求向量 α 在基 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 下的坐标。

草 稿 区

六、已知二次型: $f(x_1,x_2,x_3) = 2x_1^2 + 2x_2^2 + 2x_3^2 + 2x_1x_2 + 2x_1x_3 + 2x_2x_3$, (本题 14 分)

用正交变换化 $f(x_1,x_2,x_3)$ 为标准形,求出所用正交变换矩阵 P_{f} 并说明该二次型的类型(正定、负定、半

正定、半负定、不定)。

得 分

八、A,C,D均为n阶方阵。已知A+C可逆且D可逆。求分块矩阵 $\begin{bmatrix} A & -D \\ C & D \end{bmatrix}$ 的逆矩阵。 (本题 9 分)

草 稿 区