衍射光栅实验研究实验报告

姓名 陆皓喆 **学号** 2211044 **专业** 工科试验班(信息科学与技术) **组别 D 实验时间** 周二上午 6 月 6 日

一. 实验目的

- 1. 了解光栅的分光特性。
- 2. 测量光栅常量。

二. 实验原理

二元光栅是平行等宽、等间距的多狭缝,它的分光原理如图所示。狭缝 S 处于透镜 L_1 焦平面上,并认为它是无限细的; G 是衍射光栅,它有 N 个宽度为 a 的狭缝,相邻狭缝间不透明部分的宽度为 b 。如果自透镜 L_1 出射的平行光垂直照在光栅上,透镜 L_2 将与光栅法线成 θ 角的光会聚在焦平面的 P 点。光栅在 θ 方向上有主干涉极大的条件为

$$(a+b)\sin\theta = k\lambda$$

这就是垂直入射条件下的光栅方程,其中,k为光谱的级次、 λ 是波长、 θ 是衍射角、(a+b)是光栅常量。

光栅常量通常用 d 表示, d=a+b 。当入射光不是垂直照射在光棚上,而是与光栅的 法线成 ϕ 角时,光栅方程变为:

$$d(\sin\phi\pm\sin\theta) = k\lambda$$

式中"+"代表入射光和衍射光在法线同侧,用"-"代表在法线两侧。光栅的衍射角 θ 仍定义为与光栅表面法线的夹角。

在复色光以相同的入射角照射到光栅,不同波长的光对应有不同的 θ ,也就是说在经过光栅后,不同波长的光在空间角方向上被分开了,并按一定的顺序排列。这就是光栅的分光原理。

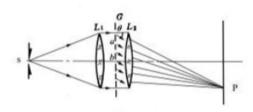


图 4-1 光栅的分光原理

三. 实验仪器

分光仪, 平面投射光栅, 平面反射镜, 低压汞灯。

四. 实验内容

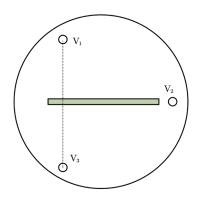
1. 调节分光仪

按上次实验的方法调节分光仪到可以使用的状态。

2. 调节光栅

实验中的光栅必须调节到以下状态。

- (1) 平行光垂直照射在光栅表面。
- (2) 光栅的刻痕垂直于刻度盘表面,即与仪器转轴平行。
- (3) 狭缝与光栅刻痕平行。



将光栅按图 1 所示的方式放置在载物台上。光栅平面与 V1, V3 的连线垂直。用汞灯照亮狭缝,使望远镜的叉丝对准狭缝像。这样望远镜的光轴与平行光管的光轴共线。将游标盘与载物台锁定在一起,转动载物台,找到平面光栅反射回来的叉丝像,调节 V1, V3 使叉丝像与叉丝重合,随即锁住游标盘,并保持 V1, V3 不动。这时就达到了光栅与入射的平行光垂直的要求。此时转动望远镜观察位于零级谱两侧的一级或二级谱线,调节 V2 和稍微旋转狭缝,使两侧谱线均与叉丝的中心横线垂直,并且上下对称。这时光栅就已经调节好了。

3. 误差来源及解决办法

实验所用的透射光栅是做在一个全息干板上,全息干版的两个面不可能完全平行,因此无论怎样都不可能让入射光线完全垂直与光栅表面。在斜入射的情况下,光栅法线两侧同一级光谱的衍射角分别为

$$\sin \varphi - \sin \theta_{-} = -\frac{k\lambda}{d}$$

$$\sin \varphi + \sin \theta_{+} = \frac{k\lambda}{d}$$

两式相减,并考虑

$$\left|\theta_{\scriptscriptstyle{+}}-\theta_{\scriptscriptstyle{-}}\right|=\varphi$$

得到:

$$\sin\frac{\theta_{+}-\theta_{-}}{2}\cos\frac{\varphi}{2} = \frac{k\lambda}{d}$$

当 φ 很小的时候,满足

$$\sin\frac{\theta_{+}-\theta_{-}}{2} = \frac{k\lambda}{d}$$

4. 测量数据

利用汞光谱线中绿线 λ – 546.1nm 的 ±1,±2 级光谱之间的夹角 $2\theta_1$, $2\theta_2$,分别求出两个光栅常量。

五. 实验数据及数据处理

1. 测定光栅常量

波长 (nm)	级数k	衍射角位置			角度	无偏心差	光栅常量
		游标号	+k 级	-k 级	$2arphi_{ m k}$	角度 $2arphi_{ m k}$	(nm)
546.1	1	1	9°25′	9°5′	19°15′	19°025′	3301
		2	9°29′	9°21′	18°50′		
	2	1	19°10′	20°01′	39°11′	39°205′	3245
		2	19°30′	20°00′	39°30′		

求得:
$$\bar{d} = 3273nm$$

2.测定汞光谱中两条黄线的波长

	级数 k	衍射角位置			角度	无偏心差	波长λ
		游标号	+k 级	-k 级	$2arphi_{ m k}$	角度 $2 arphi_{ m k}$	(nm)
黄1	2	1	20°08′	20°51′	40°59′	40°48′	570.5
		2	19°52′	20°39′	40°37′		
黄 2	2	1	20°15′	20°40′	40°55′	40°58′	572.7
		2	20°11′	20°50′	41°01′		

计算误差得:

$$\Delta \lambda_1 = \frac{|577.0 - 570.5|}{577.0} \times 100\% = 1.1\%$$

$$\Delta \lambda_2 = \frac{|579.1 - 572.7|}{579.1} \times 100\% = 1.1\%$$

计算角色散得:

$$D = \frac{\Delta \varphi}{2.1 nm} = \frac{5'}{2.1 nm} = 693 rad / m = 6.93 \times 10^{-4} rad / nm$$

六. 思考题

实验中如果没按要求将光栅放置在仪器转轴位置,即仪器的转轴没有通过光栅平面时,对测量衍射角有影响吗?如有影响应采取什么方法解决?

答:不影响角度大小的测量,但是外侧的光谱可能不会出现在屏幕上;将平面光栅平移到通过仪器转轴并重新调节。

七. 心得与体会

做这个实验之前,我们已经做过了分光仪那个实验,所以对调节分光仪的操作比较熟悉, 我能够很好的调节成功。然后这次实验换成了衍射光栅,对实验的要求也更高了,我需要通 过旋转后面的部分来使光线转动,还需要读出 4 条光线所在的位置,需要观察两次,这对我 的观察力要求很高。然后在调节光栅的时候,会出现在屏幕上找不到光线的情况,经过调节, 最后我都成功解决了哪些问题。