Esercitazione 7 maggio 2023

problemi di flusso

problema 1

- un insieme R di n risorse
- un insieme A di m attività da svolgere
- risorsa i
 - è disponibile per bi unità
 - può essere assegnata solo al sottoinsieme $A \subseteq A$ delle attività (vincoli di compatibilità)
- attività j richiede almeno \mathbf{r}_i risorse in totale per essere svolta

goal: capire se si possono assegnare le risorse in modo da svolgere tutte le attività

Esempi:

```
risorse= dipendenti
attività= progetti dell'azienda
compatibilità= specifica a che tipo di
progetti può lavorare un certo dipendente

risorse= sangue disponibile (di diverso tipo)
attività= richieste di trasfusione/operazioni
compatibilità= specifica quale tipo di sangue può essere
usato per una specifica trasfusione/operazione
```

grafo ausiliario 6' c'è arco se risorsa i può essere assegnata all'attività j R ∞ S

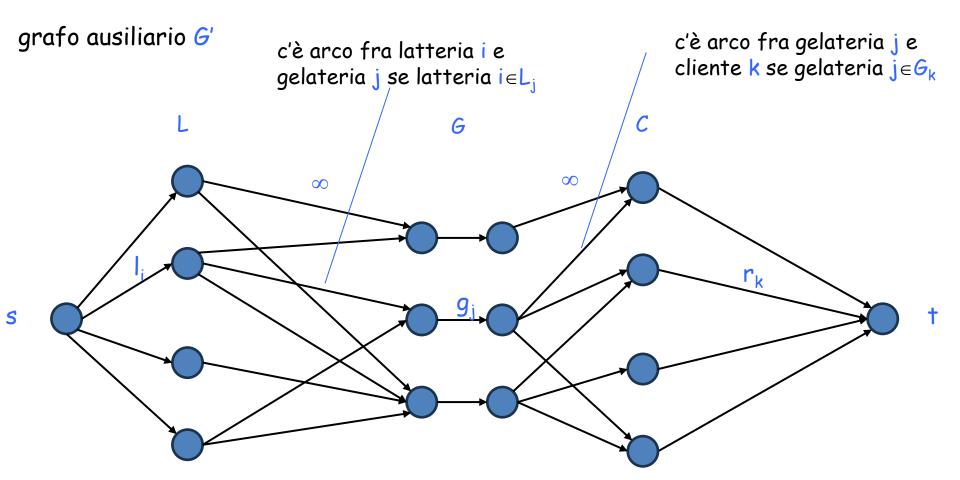
Claim:

è possibile trovare un assegnamento e svolgere tutte le attività se e soltanto se il flusso massimo in ${\it G}'$ è uguale a $\Sigma_{\rm j}$ ${\it r}_{\rm j}$

problema 2

- un insieme L di n latterie
- un insieme 6 di m gelaterie
- un insieme C di t clienti
- latteria i produce l_i litri di latte
- gelateria j
 - si fornisce solo nelle latterie $L_i \subseteq L$
 - può lavorare al più g_i litri di latte
 - ogni litro di latte è sufficiente per una vaschetta di gelato
- cliente k
 - mangia solo nelle gelaterie G_k⊆G
 - vuole r_k vaschette di gelato

goal: capire se c'è modo di soddisfare tutti i clienti



Claim:

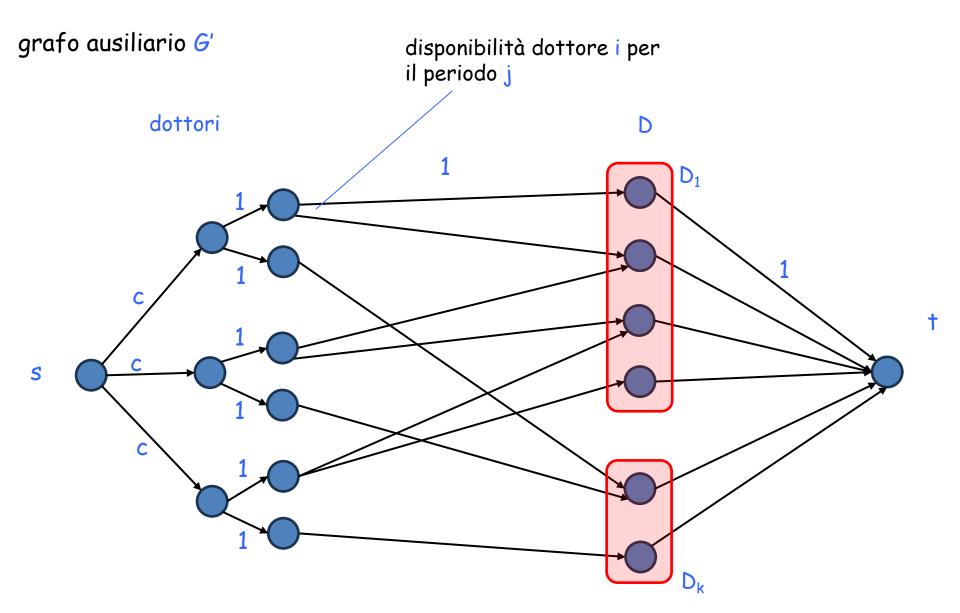
è possibile soddisfare tutti i clienti se e soltanto se il flusso massimo in ${\it G}'$ è uguale a $\Sigma_{\bf k}$ ${\bf r}_{\bf k}$

problema 3

Esercizio svolto #2 (pag. 412)

- n dottori
- k periodi di festività (es. settimana di natale, week end di pasqua,...)
- periodo j costituito da D_j giorni
- dottore i
 - disponibile a lavorare nei giorni $S_i \subseteq D$, dove $D = \bigcup_j D_j$
 - può lavorare al più c giorni festivi in totale
 - ma mai più di un giorno per ogni periodo di festività

goal: capire se è possibile assegnare un dottore ad ogni giorno di festività (rispettando i vincoli)



Claim:

esiste assegnamento che rispetta tutti i vincoli se e soltanto se il flusso massimo in G' è uguale a |D|