

Nel secondo caso (prob. che esca dispari sapendo di aver estratto <sup>bianca</sup> ~~dispari~~) la partizione  $E_1 = \{1\}$ ,  $E_2 = \{2, 3\}$ ,  $E_3 = \{4, 5, 6\}$  non ci è di aiuto per risolvere il problema.

È più opportuno considerare la seguente partizione:

$\{F_1, \dots, F_6\}$  ~~che~~ <sup>dove</sup>  $F_k = \{\text{esce } [k] \text{ nel lancio del dado}\}.$

Allora  $P(F_1) = \dots = P(F_6) = \frac{1}{6}.$

Inoltre  $P(B|F_k) = \begin{cases} P(B|E_1) = \frac{4}{5} & \text{per } k=1 \\ P(B|E_2) = \frac{3}{5} & \text{per } k=2, 3 \\ P(B|E_3) = \frac{2}{5} & \text{per } k=4, 5, 6 \end{cases} \quad (*)$

la probabilità <sup>condizionata</sup> richiesta è

$P(D|B)$ , dove  $D = F_1 \cup F_3 \cup F_5.$

COMMENTO

Questa uguaglianza è vera ma poco utile:

$$P(D|B) = \frac{P(B|D)P(D)}{P(B)}$$

Infatti non  
sappiamo calcolare  
facilmente  $P(B|D)$

Allora procediamo così:

$$P(D|B) = P(F_1 \cup F_3 \cup F_5 | B) = P(F_1 | B) + P(F_3 | B) + P(F_5 | B).$$

Poi calcoliamo  $P(F_k | B)$  per  $k=1, \dots, 6.$

Si ha

$$P(F_k | B) = \frac{P(B|F_k)P(F_k)}{P(B)} \quad (*)$$

$$= \frac{4}{6}$$

$\rightarrow = \frac{8}{15}$  già calcolato.

oss.

Il valore di  $P(B)$

si recupera

come segue:

$$P(B) = \sum_{k=1}^6 P(B|F_k)P(F_k)$$