

## INDIPENDENZA TRA EVENTI

Iniziamo con il caso di due eventi.

~~Il concetto di dipendenza~~

Siamo interessati al caso in cui

$$P(A|B) = P(A) \quad \text{se } P(B) \neq 0 \quad \left( \begin{array}{l} \text{e si potrebbe dire} \\ \text{"A indipendente da B"} \end{array} \right)$$

oppure al caso

$$P(B|A) = P(B) \quad \text{se } P(A) \neq 0 \quad \left( \begin{array}{l} \text{e si potrebbe dire} \\ \text{"B indipendente da A"} \end{array} \right)$$

In questo senso abbiamo due concetti apparentemente diversi. Inoltre ~~sembra~~ sembra che si debbano escludere in qualche caso gli eventi di probabilità zero.

In realtà la trattazione è più semplice e consideriamo la seguente definizione dove gli eventi di probabilità zero sono consentiti.

DEFINIZIONE (indipendenza tra due eventi)

$A, B \in \mathcal{A}$  sono indipendenti se  $P(A \cap B) = P(A)P(B)$

OSS.

Se  $A$  e  $B$  sono indipendenti, allora lo sono anche  $B$  e  $A$ .  
Infatti  $A \cap B = B \cap A$  e il prodotto tra due numeri è commutativo.

Quindi quello che si dimostra per  $A$  e  $B$  in un certo ordine, si dimostra anche per  $A$  e  $B$  presi in ordine inverso.