# Esame Controlli Automatici

## Regruto

09/02/21 - 25/06/21 - 19/07/21

## Prima parte

1. Dato il sistema non lineare destricco dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{\dot{x}_1} = x_2^2 - x_1^3 - x_1 + \mathbf{u}$$

$$\mathbf{\dot{x}_2} = -\mathbf{x_1}\mathbf{x_2}$$

dire quale delle seguenti affermazioni è quella corretta:

- (a) Il punto di equilibrio  $\mathbf{u}=\mathbf{0}, \mathbf{x_1}=\mathbf{0}, \mathbf{x_2}=\mathbf{0}$  è asintoticamente stabile.
- (b) Il punto di equilibrio  $\mathbf{u}=\mathbf{0}, \mathbf{x_1}=\mathbf{0}, \mathbf{x_2}=\mathbf{0}$  è instabile.
- (c)  $\mathbf{u} = \mathbf{0}, \mathbf{x_1} = \mathbf{0}, \mathbf{x_2} = \mathbf{0}$  non è un punto di equilibrio del sistema.
- (d) Non è possibile trarre nessuna conclusione sulla stabilità del punto di equilibrio  $\mathbf{u}=\mathbf{0}, \mathbf{x_1}=\mathbf{0}, \mathbf{x_2}=\mathbf{0}$  mediante il metodo di linearizzazione
- 2. Dato il sistema dinamico LTI a tempo continuo descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{\dot{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

$$y(t) = Cx(t) + Du(t)$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

determinare i guadagni K della retroazione statica dallo stato che permettono di assegnare i seguenti autovalori del sistema controllato:

$$\lambda_{\mathbf{1}} = \mathbf{20}, \lambda_{\mathbf{2}} = -\mathbf{10}$$

- (a) Non è possibile calcolare i guadagni K in quanto l'autovalore  $\lambda_1$  è positivo.
- (b)  $K = [-83.5 \ 95.5]$
- (c) K = [-56.5 84.5]
- (d) K = [83.5 95.5]
- 3. Dato il sistema nonlineare descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{\dot{x}_1} = -\mathbf{x_1^3} + \mathbf{x_1} + \mathbf{x_2} + \mathbf{u} + \mathbf{1}$$

$$\mathbf{\dot{x}_2} = \mathbf{x_1} + \mathbf{x_2} + \mathbf{u}$$

$$\mathbf{y} = \mathbf{x_1} + \mathbf{x_2}$$

determinare le equazioni di ingresso-stato-uscita del sistema linearizzato intorno al punto di equilibrio corrispondente all'ingresso costante  $\overline{\mathbf{u}} = -\mathbf{1}$ 

- (a) Non esistono punti di equilibrio corrispondenti al valore dell'ingresso indicato
- (b)  $\dot{\delta}\mathbf{x_1} = -2\delta\mathbf{x_1}$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + \delta\mathbf{u}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1} + \delta \mathbf{x_2}$$

(c) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = -2\delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + \delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = -\delta\mathbf{x_2} + \delta\mathbf{u}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1} + \delta \mathbf{x_2}$$

(d) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = -2\delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + \delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + \delta\mathbf{u}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1} + \delta \mathbf{x_2}$$

4. - - Dato il sistema dinamico LTI a tempo discreto descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{x}(\mathbf{k}+\mathbf{1}) = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{k}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ a & 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & b \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

determinare i valori dei parametri reali a,b per cui il sistema risulta essere completamente controllabile.

- (a) Per ogni valore di a,b con a diverso da 5
- (b) Per qualsiasi valore di a,b con b diverso da 5
- (c) Per ogni valore di a,b con a diverso da 0
- (d) Per ogni valore di a,b
- 5. - Dato il sistema dinamico LTI a tempo continuo descritto dalle seguenti equazioni:

$$\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$
  $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ b \end{bmatrix}$   $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix}$   $\mathbf{D} = \mathbf{0}$ 

determinare i valori del parametro reale b per cui il sistema risulta essere BIBO stabile.

- (a) Per nessun b
- (b) Per qualsiasi b
- (c) Per b = -2
- (d) b = 0
- 6. - Dato il sistema dinamico LTI a tempo continuo descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{\dot{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

determinare la risposta ad un segnale di ingresso a gradino di ampiezza 5 partendo da condizioni iniziali nulle.

- (a)  $y(t) = 6.67\epsilon(t) + 5e^{-t}$
- (b)  $\mathbf{y}(\mathbf{t}) = 6.67\epsilon(\mathbf{t}) + 7.07e^{-\mathbf{t}}\cos(2.8018\mathbf{t} 1.414)\epsilon(\mathbf{t})$
- (c)  $\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{5}\epsilon(\mathbf{t}) + 7.07e^{-\mathbf{t}}\cos(1.414\mathbf{t} 2.8018)\epsilon(\mathbf{t})$
- $(\mathrm{d}) \ \ y(t) = 6.67 \epsilon(t) + 7.07 e^{-t} cos(1.414t 2.8018) \epsilon(t)$
- 7. Dato il sistema dinamico LTI a tempo discreto descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{x}(\mathbf{k} + \mathbf{1}) = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{k}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a & -2 \\ 0 & -3 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} b \\ c \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

determinare i valori dei parametri reali a,b,c per cui il sistema risulta essere completamente osservabile.

- (a) Per qualsiasi valore di a,b,c con a diverso da -5
- (b) Per qualsiasi valore di a,b,c con a diverso da 0
- (c) Per qualsiasi valore di a,b,c con a diverso da b
- (d) Per qualsiasi valore di a,b,c con b e c entrambi diversi da 0
- 8. Dato il sistema dinamico LTI a tempo discreto descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{x}(\mathbf{k} + \mathbf{1}) = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{k}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 0.7 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & 3 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

determinare la risposta in regime permanente a fronte di un segnale di ingresso a gradino unitario e di condizioni iniziali nulle.

- (a)  $y_{\infty} = 10$
- (b)  $\mathbf{y}_{\infty} = \mathbf{1}$
- (c) Non è possibile calcolare la risposta a regime perché il sistema non è asintoticamente stabile
- (d) Non è possibile calcolare la risposta a regime perché il sistema non è BIBO stabile

9. - Dato il sistema dinamico LTI a tempo continuo descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{\dot{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

progettare i guadagni L di un'osservatore asintotico dello stato avente i seguenti autovalori:

$$\lambda_1 = -20, \lambda_2 = -10$$

- (a) Non è possibile progettare un'osservatore asintotico dello stato perché il sistema è instabile
- (b) L = [114.5 82.5]
- (c) L = [105.5 97.5]
- (d) Non è possibile progettare un'osservatore perché il sistema non è completamente controllabile
- 10. - Dato il sistema dinamico LTI a tempo discreto descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{x}(\mathbf{k} + \mathbf{1}) = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{k}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \alpha & -2 \\ 0 & \beta \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} \gamma \\ 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

determinare i valori di  $\alpha, \beta, \gamma$  per cui il sistema risulta essere asintoticamente stabile.

- (a)  $\alpha = \mathbf{0.1}, \beta = \mathbf{1}, \forall \gamma$
- (b)  $\alpha = 0.1, \beta = 0.215, \forall \gamma$
- (c)  $\alpha = -1, \beta = -2, \forall \gamma$
- (d)  $\forall \alpha, \forall \beta, \gamma = \mathbf{0.1}$
- 11. Dato il sistema non lineare descritto dalle seguenti equazioni:

$$\dot{x}_1 = -2x_1 + (\sin^2(x_1) + 1)x_2 + 2u$$

$$\dot{\mathbf{x}}_2 = \mathbf{x}_2$$

$$y = x_1$$

determinare le equazioni di ingresso-stato-uscita del sistema linearizzato nell'intorno del punto di equilibrio  $\overline{\mathbf{x}}_1 = \overline{\mathbf{x}}_2 = \overline{\mathbf{x}} = \mathbf{0}$ 

(a) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = -2\delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + 2\delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1}$$

(b) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = \delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + 6\delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x}_1$$

(c) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = \delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + 2\delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1}$$

(d) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = -2\delta\mathbf{x_1} + 5.5\delta\mathbf{x_2} + 2\delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1}$$

12. - Dato il sistema dinamico LTI a tempo discreto descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{x}(\mathbf{k} + \mathbf{1}) = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

$$y(k) = Cx(k) + Du(k)$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

Si consideri il problema di progettare un regolatore dinamico in modo che la funzione di trasferimento H(s) tra riferimento e uscita del sistema controllato abbia come poli  $p_1 = 0.1, p_2 = 0.2$  indicare quale tra le affermazioni seguenti è corretta.

- (a) Non è possibile progettare il regolatore dinamico perché il sistema non è completamente controllabile
- (b) Il regolatore deve essere progettato in modo che gli autovalori dell'osservatore siano  $\lambda_1 = 0.1, \lambda_2 = 0.2$  a prescindere da quanto valgono i guadagni K.
- (c) Non è possibile progettare il regolatore dinamico.
- (d) Qualisasi regolatore con guadagni K calcolati in modo che gli autovalori di (A-BK) siano  $\lambda_1 = 0.1, \lambda_2 = 0.2$  risolve correttamente il problema in quanto i poli di H(s) coincidono con gli autovalori di (A-BK)

13. - Dato il sistema dinamico LTI a tempo discreto descritto dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{x}(\mathbf{k}+\mathbf{1}) = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{k}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{k}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{k})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 0 & -5 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

Determinare per quali valori del parametro reale  $\alpha$  i guadagni  $\mathbf{K} = \begin{bmatrix} k_1 & k_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha & 0 \end{bmatrix}$  della retroazione statica dallo stato permettono di ottenere un sistema controllato asintoticamente stabile.

- (a)  $\alpha < 3$
- (b)  $\alpha > 3$
- (c) Per nessun valore di  $\alpha$
- (d) Per  $\alpha$  negativo

14. Dato il sistema dinamico LTI a tempo continuo descritto dalle seguenti equazioni:

$$\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{B}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{C}\mathbf{x}(\mathbf{t}) + \mathbf{D}\mathbf{u}(\mathbf{t})$$

dove

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{D} = \mathbf{0}$$

determinare la risposta libera dell'uscita sapendo che:

$$\mathbf{x}(\mathbf{0}) = \begin{bmatrix} 6 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{u}(\mathbf{t}) = \mathbf{3}\epsilon(\mathbf{t})$$

(a) 
$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{6}\mathbf{e}^{-\mathbf{t}}\epsilon(\mathbf{t})$$

(b) 
$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = \mathbf{6}\mathbf{e}^{-2\mathbf{t}}\epsilon(\mathbf{t})$$

(c) 
$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = -3\mathbf{e}^{-\mathbf{t}}\epsilon(\mathbf{t}) - \epsilon(\mathbf{t})$$

(d) 
$$\mathbf{y}(\mathbf{t}) = -3\mathbf{e}^{-\mathbf{t}}\epsilon(\mathbf{t}) - 3\epsilon(\mathbf{t})$$

15. Dato il sistema nonlineare descritto dalle seguenti equazioni:

$$\dot{x}_1 = -2x_1 + (sin^2(x_1) + 1)x_2 + 2u$$

$$\mathbf{\dot{x}_2} = \mathbf{x_2}$$

$$\mathbf{v} = \mathbf{x}_1$$

determinare le equazioni di ingresso-stato-uscita del sistema linearizzato nell'intorno del punto di equilibrio

$$\overline{x_1}=\overline{x_2}=\overline{u}=0$$

(a) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = \delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + 6\delta\mathbf{u}$$
  
 $\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$ 

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1}$$

(b) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = -2\delta\mathbf{x_1} + 5.5\delta\mathbf{x_2} + 2\delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1}$$

(c) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = \delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + 2\delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$$

$$\delta \mathbf{y} = \delta \mathbf{x_1}$$

(d) 
$$\dot{\delta}\mathbf{x_1} = -2\delta\mathbf{x_1} + \delta\mathbf{x_2} + 2\delta\mathbf{u}$$

$$\dot{\delta}\mathbf{x_2} = \delta\mathbf{x_2}$$

$$\delta \mathbf{v} = \delta \mathbf{x}_1$$

16. Dato il sistema non lineare destricco dalle seguenti equazioni:

$$\mathbf{\dot{x}_1} = -\mathbf{x_1} + \mathbf{x_2} + \mathbf{u}$$

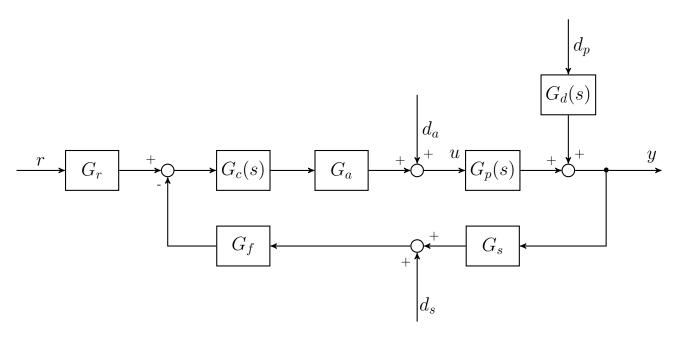
$$\mathbf{\dot{x}_2} = (\mathbf{x_1} + \mathbf{x_2})\mathbf{sin}(\mathbf{x_1}) - 2\mathbf{x_2}(\mathbf{t})$$

dire quale delle seguenti affermazioni è quella corretta:

- (a) Il punto di equilibrio  $\mathbf{u}=\mathbf{0},\mathbf{x_1}=\mathbf{0},\mathbf{x_2}=\mathbf{0}$  è asintoticamente stabile.
- (b) Il punto di equilibrio  $\mathbf{u}=\mathbf{0}, \mathbf{x_1}=\mathbf{0}, \mathbf{x_2}=\mathbf{0}$  è instabile.
- (c)  $\mathbf{u} = \mathbf{0}, \mathbf{x_1} = \mathbf{0}, \mathbf{x_2} = \mathbf{0}$  è stabile, ma non asintoticamente.
- (d) Non è possibile trarre nessuna conclusione sulla stabilità del punto di equilibrio  $\mathbf{u}=\mathbf{0}, \mathbf{x_1}=\mathbf{0}, \mathbf{x_2}=\mathbf{0}$  mediante il metodo di linearizzazione

## Seconda parte

Traccia del 09/02/21



Si consideri il sistema di controllo illustrato in figura, dove:

$$G_p(s) = \frac{-1}{0.1s^2 + 12.5s} \qquad G_{d_a}(s) = 1 \qquad G_{d_p}(s) = 1$$

$$G_s = 5$$

$$G_a = 3$$

$$d_a(t) = D_{a0}; \quad |D_{a0}| \le 222 \cdot 10^{-2}$$

$$d_s(t) = a_s sin(\omega_s t); \quad |a_s| \le 5 \cdot 10^{-3}, \quad \omega_s = 2500 rad/s$$

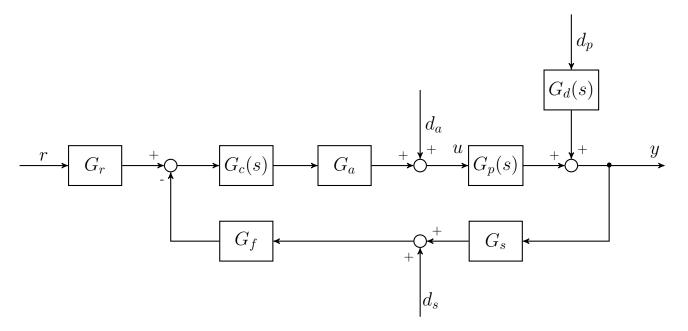
#### Specifiche

- (S1) Guadagno stazionario del sistema di controllo:  $K_d=1$
- (S2) Errore sull'uscita, in regime permanente, in presenza di  $d_a$ :  $|e_{d_a}^{\infty}| = 0$
- (S3) Errore sull'uscita, in regime permanente, in presenza di  $d_s$ :  $|e_{d_s}^{\infty}| < 1 \cdot 10^{-4}$
- (S4) Tempo di salita:  $t_r < 0.05 \, s$
- (S5) Tempo di assestamento:  $t_{s,5\%} < 0.1 \, s$
- (S6) Sovraelongazione nella risposta ad un riferimento a gradino:  $\hat{s} < 8\%$

### Traduzione delle specifiche, progetto, documentazione delle prestazioni ottenute, analisi.

- (A) Interpretare e tradurre le specifiche assegnate
- (B) Dimensionare il blocco  $G_f$  ed un controllore analogico  $G_c(s)$  con il minor numero possibile di reti correttrici, tale per cui il sistema di controllo soddisfi le specifiche assegnate. Motivare le scelte operate e documentare adeguatamente il progetto in tutte le sue fasi.
- (C) Discutere la scelta del tempo di campionamento che si dovrebbe utilizzare per implementare il controllore in forma digitale.
- (D) Documentare le prestazioni ottenute (con riferimento al sistema di controllo analgico) e verificare il soddisfacimento dei requisiti assegnati.

## Motivare e discutere adeguatamente tutte le scelte operate



Si consideri il sistema di controllo illustrato in figura, dove:

$$G_p(s) = \frac{375200}{s^3 + 575s^2 + 70000s} \qquad G_{d_p}(s) = 1$$

$$G_s = 3$$

$$G_a = 6650$$

$$d_p(t) = D_{p0}; \quad |D_{p0}| \le 1.5 \cdot 10^{-2}$$

(S1) Guadagno stazionario del sistema di controllo:  $K_d=3$ 

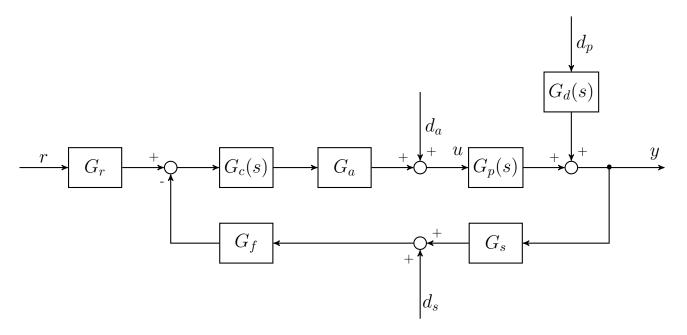
 $d_s(t) = a_s sin(\omega_s t); \quad |a_s| \le 3 \cdot 10^{-1}, \quad \omega_s = 5000 rad/s$ 

- (S2) Errore sull'uscita, in regime permanente, per un riferimento a gradino  $(R_0 = 1): |e_r^{\infty}| = 1 \cdot 10^{-3}$
- (S3) Errore sull'uscita, in regime permanente, in presenza di  $d_p$ :  $|e_{d_p}^{\infty}| = 0$
- (S4) Errore sull'uscita, in regime permanente, in presenza di  $d_s$ :  $|e_{d_s}^{\infty}| < 1 \cdot 10^{-2}$
- (S5) Tempo di assestamento:  $t_{s,5\%} < 0.00648\,s$
- (S6) Sovraelongazione nella risposta ad un riferimento a gradino:  $\hat{s} < 11\%$

## Traduzione delle specifiche, progetto, documentazione delle prestazioni ottenute, analisi.

- (A) Interpretare e tradurre le specifiche assegnate
- (B) Dimensionare il blocco  $G_f$  ed un controllore analogico  $G_c(s)$  con il minor numero possibile di reti correttrici, tale per cui il sistema di controllo soddisfi le specifiche assegnate. Motivare le scelte operate e documentare adeguatamente il progetto in tutte le sue fasi.
- (C) Discutere la scelta del tempo di campionamento che si dovrebbe utilizzare per implementare il controllore in forma digitale.
- (D) Documentare le prestazioni ottenute (con riferimento al sistema di controllo analgico) e verificare il soddisfacimento dei requisiti assegnati.

#### Motivare e discutere adeguatamente tutte le scelte operate



Si consideri il sistema di controllo illustrato in figura, dove:

$$\begin{split} G_p(s) &= \frac{10}{s(s+50)^2} \qquad G_{d_p}(s) = 1 \\ G_s &= 2 \\ G_a &= -3 \\ d_a(t) &= D_{a0}\epsilon(t); \quad |D_{a0}| \leq 222 \cdot 10^{-2} \\ d_s(t) &= a_s sin(\omega_s t); \quad |a_s| \leq 2 \cdot 10^{-3}, \quad \omega_s = 2000 rad/s \end{split}$$

#### Specifiche

- (S1) Guadagno stazionario del sistema di controllo:  $K_d = 1$
- (S2) Errore sull'uscita, in regime permanente, per un riferimento a gradino  $(R_0 = 1) : |e_r^{\infty}| = 0$
- (S3) Errore sull'uscita, in regime permanente, in presenza di  $d_a$ :  $|e_{d_a}^{\infty}| = 0$
- (S4) Errore sull'uscita, in regime permanente, in presenza di  $d_s$  :  $|e_{d_s}^{\infty}| < 1 \cdot 10^{-5}$
- (S5) Tempo di salita:  $t_r < 0.1 s$
- (S5) Tempo di assestamento:  $t_{s,5\%} < 1 \, s$
- (S6) Sovraelongazione nella risposta ad un riferimento a gradino:  $\hat{s} < 10\%$

## Traduzione delle specifiche, progetto, documentazione delle prestazioni ottenute, analisi.

- (A) Interpretare e tradurre le specifiche assegnate
- (B) Dimensionare il blocco  $G_f$  ed un controllore analogico  $G_c(s)$  con il minor numero possibile di reti correttrici, tale per cui il sistema di controllo soddisfi le specifiche assegnate. Motivare le scelte operate e documentare adeguatamente il progetto in tutte le sue fasi.
- (C) Discutere la scelta del tempo di campionamento che si dovrebbe utilizzare per implementare il controllore in forma digitale.
- (D) Documentare le prestazioni ottenute (con riferimento al sistema di controllo analgico) e verificare il soddisfacimento dei requisiti assegnati.

#### Motivare e discutere adeguatamente tutte le scelte operate