

Esercizi per il corso di Probabilità e Statistica





Esercizi Soluzioni Riepilogo Voti

2022-05-31	
2022-05-30	

2022-05-27 2022-05-26

2022-05-25

2022-05-19

2022-05-03

2022-04-14

2022-04-08

2022-03-30

2022-03-24

2022-04-13

Esercizio del 2022-04-13 creato per luigi.miazzo

Consideriamo lo spazio probabilizzabile $(\mathbb{R},\mathcal{B}(\mathbb{R}))$ e la seguente funzione

$$F(x) = \left\{egin{array}{ll} 0 & \operatorname{per} x \leq 0 \ c \cdot x^2 & \operatorname{per} 0 \leq x \leq 4.5 \ 1 & \operatorname{per} x \geq 4.5 \end{array}
ight.$$

Quesiti e soluzioni

Quesito 1

Qual è la costante c>0 tale per cui F è una funzione di distribuzione?

Si osservi che nella definizione per casi, il fatto che gli intervalli si intersechino in qualche punto non è un problema per c scelta occoprtunamente.

Per essere una funzione di distribuzione (e, in realtà, per essere una funzione) $F(4.5)=1=c\cdot 4.5^2$ da cui $c=\left(rac{1}{4.5}
ight)^2$

- La risposta corretta è: 0.0493827
- La risposta inserita è: 4/81

Quesito 2

Sotto la legge determinata da F, qual è la probabilità dell'intervallo (0.77, 1.91]?

Visto che F è continua nei punti 0.77, 1.91, la probabilità si trova con P((a,b]) = F(b) - F(a).

- La risposta corretta è: 0.1508741
- La risposta inserita è: 0.1508741

Quesito 3

Qual è il numero reale t tale che l'intervallo (1.96,t] abbia probabilità 0.66?

Sappiamo che P((1.96,t])=F(t)-F(1.96), quindi cerchiamo t tale che F(t)=0.66+F(1.96). Sostituendo i valori e invertendo la F otteniamo la risposta.

- La risposta corretta è: 4.1480839
- La risposta inserita è: 4.1480838