## Universidade Federal de Santa Catarina Centro de Ciências, Tecnologias e Saúde Coord. Esp. de Física, Química e Matemática

## Lista 10 – Cálculo III

## **Integrais de Linha de Campos Escalares, Parte 2**

Link: <a href="https://mtm.grad.ufsc.br/livrosdigitais/">https://mtm.grad.ufsc.br/livrosdigitais/</a> Livro: <a href="mailto:Cálculo III e IV">Cálculo III e IV</a> (Autores: Marcos Henrique Santos Martins e Rosimary Pereira)

Página 153: Exercícios de 1 a 6.

James Stewart, CÁLCULO, vol. 2, 7ª ed. (Exercícios na próxima página)

1–16 Calcule a integral de linha, onde C é a curva dada.

**1.** 
$$\int_C y^3 ds$$
,  $C: x = t^3$ ,  $y = t$ ,  $0 \le t \le 2$ 

**2.** 
$$\int_C xy \, ds$$
,  $C: x = t^2$ ,  $y = 2t$ ,  $0 \le t \le 1$ 

3. 
$$\int_C xy^4 ds$$
,  $C$  é a metade direita do círculo  $x^2 + y^2 = 16$ .

**4.** 
$$\int_C x \sin y \, ds$$
,  $C \notin o$  segmento de reta que liga  $(0, 3)$  a  $(4, 6)$ .

**5.** 
$$\int_C (x^2 y^3 - \sqrt{x}) dy$$
,  $C$  é o arco da curva  $y = \sqrt{x}$  de  $(1, 1)$  a  $(4, 2)$ .

**6.** 
$$\int_C xe^y dx$$
,  $C \neq 0$  arco da curva  $x = e^y de(1, 0)$  a  $(e, 1)$ .

7. 
$$\int_C (x + 2y) dx + x^2 dy$$
, C consiste nos segmentos de reta de  $(0, 0)$  a  $(2, 1)$  e de  $(2, 1)$  a  $(3, 0)$ .

**8.** 
$$\int_C x^2 dy + y^2 dy$$
, *C* consiste na metade superior da circunferência  $x^2 + y^2 = 4$  de  $(2, 0)$  a  $(0, 2)$  e no segmento de reta de  $(0, 2)$  a  $(4, 3)$ .

**9.** 
$$\int_C xyzds$$
,  $C: x = 2 \operatorname{sen} t$ ,  $y = t$ ,  $z = -2 \cos t$ ,  $0 \le t \le \pi$ 

**10.** 
$$\int_C xyz^2 ds$$
,  $C$  é o segmento de reta de  $(-1, 5, 0)$  a  $(1, 6, 4)$ .

**11.** 
$$\int_C xe^{yz} ds$$
,  $C$  é o segmento de reta de  $(0, 0, 0)$  a  $(1, 2, 3)$ .

**12.** 
$$\int_C (x^2 + y^2 + z^2) ds$$
,  $C: x = t$ ,  $y = \cos 2t$ ,  $z = \sin 2t$ ,  $0 \le t \le 2\pi$ 

**13.** 
$$\int_C x y e^{yz} dy$$
,  $C: x = t$ ,  $y = t^2$ ,  $z = t^3$ ,  $0 \le t \le 1$ 

**14.** 
$$\int_C z \, dx + x \, dy + y \, dz$$
,  $C: x = t^2$ ,  $y = t^3$ ,  $z = t^2$ ,  $0 \le t \le 1$ 

**15.** 
$$\int_C z^2 dx + x^2 dy + y^2 dz$$
, C consiste nos segmentos de reta de (1, 0, 0) a (4, 1, 2).

**16.** 
$$\int_C (y+z) dx + (x+z) dy$$
,  $+ (x+y) dz$ ,  $C$  consiste nos segmentos de reta de  $(0,0,0)$  a  $(1,0,1)$  e de  $(1,0,1)$  a  $(0,1,2)$ .