Exemplo 2

Utilizando os valores da função seno, dados pela tabela abaixo, determinar a função quadrática que se aproxima de

$$f(x) = \frac{2 \operatorname{sen}^2 x}{x+1}$$

Verificar a precisão do método no ponto

x=

0,5236

a) Pontos utilizados:

		У
	X	f(x)
	0	0
$\frac{\pi}{6}$		
6	0,5236	0,3282
$\frac{\pi}{4}$		
4	0,7854	0,5601

b) Cálculo dos coeficientes

$$A = \begin{bmatrix} x_0^2 & x_0 & 1 \\ x_1^2 & x_1 & 1 \\ x_2^2 & x_2 & 1 \end{bmatrix}$$

Α

0,0000	0,0000	1
0,2742	0,5236	1
0,6169	0,7854	1

0,0000

0,3282 0,5601

Det |A|= -0,1077

0,0000	0,0000	1
--------	--------	---

D_a2	0,3282	0,5236	1	Det_a2=	-0,035
	0,5601	0,7854	1	a2=	0,330
	0,0000	0,000	1		
D_a1	0,2742	0,3282	1	Det_a1=	-0,048
	0,6169	0,5601	1	a1=	0,454
	0,0000	0,0000	0,0000		
D_a0	0,2742	0,5236	0,3282	Det_a0=	0,000
	0,6169	0,7854	0,5601	a0=	0,000
				•	

c) Polinomio interpolador

 $P2(x) = a2*x^2+a1*x+a0$

$P2(x) = 0.3300 x^2 + 0.4540 x +$	0,0000
---------------------------------------	--------

X	f(x)
0,5236	0,32817039

X	P2(x)	
0.5236	0.32817039	

х	f(x)	P2(x)	Erro
0	0,0000	0,0000	0,0000
0,1	0,0181	0,0487	-0,0306
0,2	0,0658	0,1040	-0,0382
0,3	0,1344	0,1659	-0,0315
0,4	0,2166	0,2344	-0,0178
0,5	0,3065	0,3095	-0,0030

0,6	0,3985	0,3912	0,0073
0,7	0,4883	0,4795	0,0088