

① (2 pontos) Simplifique usando mapas K  $f(A, B, C, D) = \prod M(0, 1, 4, 5, 9, 11, 14, 15) + d(6, 10, 13)$ 

② (2 pontos) Simplifique usando mapas K f(X, W, C, K, U) = (X + W)(W + C)(C + K)(K + U)

③ (2 pontos) Simplifique utilizando os teoremas e postulados. Mostre a equação simplificada e depois escreva a resposta na forma reduzida de produto de somas.

 $f(A, B, C, D) = A[(B + C(D + \overline{A}))]$ 

① (1 pontos) Simplifique utilizando os teoremas e postulados f(A, B, C, D, E) = (AB + C + D)(C + D)(C + D)(C + D + E)

(5) (3 pontos) A figura abaixo mostra dois tanques T1 e T2. Nestes existem sensores de nível de água (A,B, C e D). Quando a água atinge o sensor o valor é 1, caso contrário o valor é zero. As entradas P e Q correspondem a sinais que controlam a válvula que libera a entrada de água nos tanques. Quando uma delas assume 1, o tanque correspondente recebe água. Obter as equações para P e Q, em função de A, B, C e D, visando garantir o enchimento dos tanques de forma contínua, equilibrada e sem transbordamento, dando-se prioridade ao tanque T1. Considere uma condição inicial com tanques vazios. Ao final, simplifique as equações por mapas K.

