



UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA
Centro de Ciências, Tecnologia e Saúde
Programa de Pós-Graduação em Energia e Sustentabilidade

ANÁLISE INTEGRAL DO MOVIMENTO DOS FLUIDOS

Sistema x Volume de Controle

Análise de sistema: Difícil identificar uma porção de fluido e acompanhá-la no escoamento. Além disso, geralmente estamos interessados em analisar o efeito do movimento do fluido sobre algum dispositivo/estrutura.

Assim, é mais conveniente aplicar as equações governantes de um escoamento a um **volume de controle** definido no espaço e analisar o que ocorre nessa região.

Equações governantes:

- Conservação da massa
- Conservação da quantidade de movimento
- Conservação da energia
- 2ª lei da termodinâmica

Sistema x Volume de Controle

Análise de sistema: Difícil identificar uma porção de fluido e acompanhá-la no escoamento. Além disso, geralmente estamos interessados em analisar o efeito do movimento do fluido sobre algum dispositivo/estrutura.

Assim, é mais conveniente aplicar as equações governantes de um escoamento a um **volume de controle** definido no espaço e analisar o que ocorre nessa região.

Equações governantes:

- Conservação da massa
- Conservação da quantidade de movimento
- Conservação da energia
- 2ª lei da termodinâmica

Sistema x Volume de Controle

Para um sistema, as leis da conservação da massa e da quantidade de movimento linear (2ª Lei de Newton) são:

- Conservação da massa (M)

$$\left(\frac{dM}{dt}\right)_{\text{system}} = 0 \quad M_{\text{system}} = \int_{M(\text{system})} dm = \int_{\forall(\text{system})} \rho dV \quad [1]$$

- Quantidade de movimento linear (P)

$$\vec{F} = \left(\frac{d\vec{P}}{dt}\right)_{\text{system}} \quad \vec{P}_{\text{system}} = \int_{M(\text{system})} \vec{V} dm = \int_{\forall(\text{system})} \vec{V} \rho dV \quad [2]$$

Sistema x Volume de Controle

Para um sistema, as leis da conservação da massa e da quantidade de movimento linear (2ª Lei de Newton) são:

- Conservação da massa (M)

$$\left(\frac{dM}{dt}\right)_{\text{system}} = 0 \quad M_{\text{system}} = \int_{M(\text{system})} dm = \int_{\forall(\text{system})} \rho dV \quad [1]$$

- Quantidade de movimento linear (P)

$$\vec{F} = \left(\frac{d\vec{P}}{dt}\right)_{\text{system}} \quad \vec{P}_{\text{system}} = \int_{M(\text{system})} \vec{V} dm = \int_{\forall(\text{system})} \vec{V} \rho dV \quad [2]$$

De forma genérica:

$$N_{\text{system}} = \int_{M(\text{system})} \eta dm = \int_{\forall(\text{system})} \eta \rho dV$$

N: propriedade extensiva
(depende da massa)

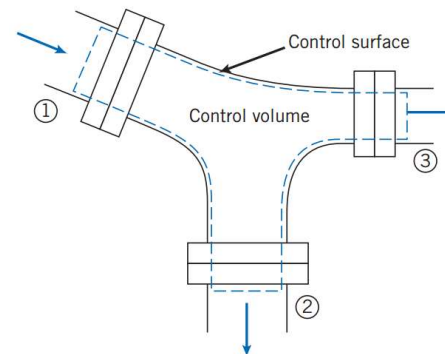
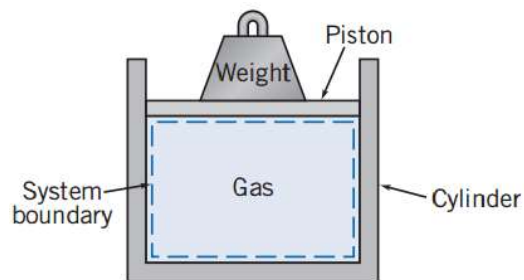
η: propriedade intensiva
(independe da massa)

Sistema x Volume de Controle

A principal tarefa ao converter a abordagem de sistema para volume de controle ($\forall C$) é expressar a taxa de variação da **propriedade extensiva N** de um sistema em termos de variações em um volume de controle.

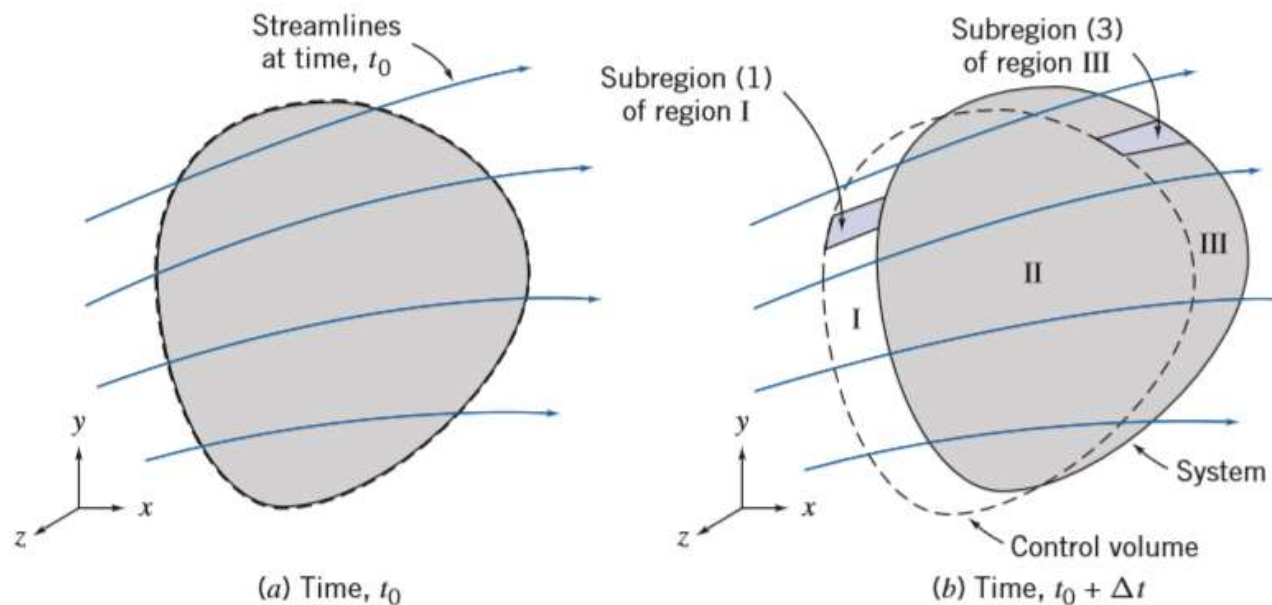
Como na abordagem de $\forall C$ há vazão de massa atravessando as fronteiras, a variação de N no $\forall C$ vai depender desse efeito.

Portanto, devemos obter uma relação matemática que permita converter facilmente uma abordagem na outra.



Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

Imaginemos um sistema e um $\forall C$ que coincidam em $t = t_0$:



Em $t = t_0$, as fronteiras do sistema e do $\forall C$ coincidem.

Em $t = t_0 + \Delta t$, o sistema ocupa as regiões II e III.

O sistema foi escolhido de modo que a massa na região I entra no $\forall C$ durante Δt e a massa na região III deixa o $\forall C$ no mesmo Δt .

Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

Podemos escrever:

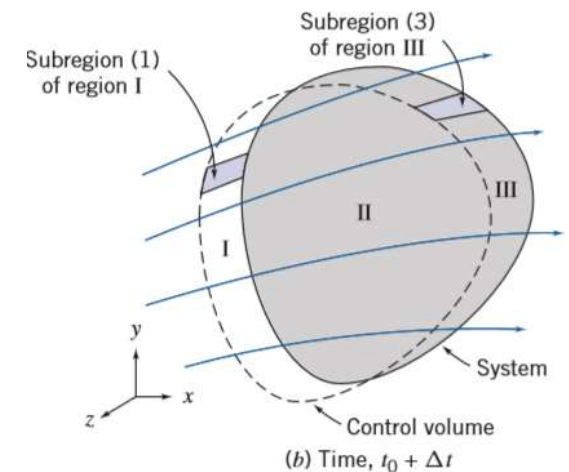
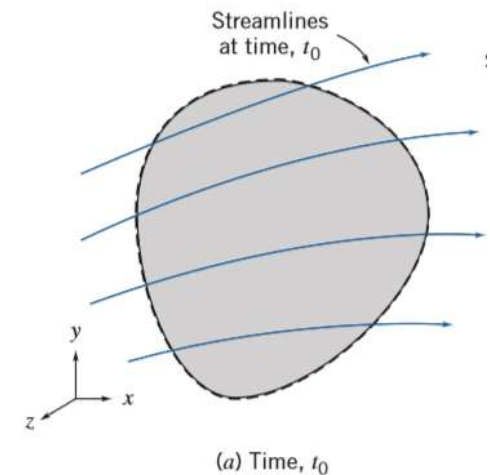
$$\left(\frac{dN}{dt}\right)_{\text{system}} \equiv \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_s)_{t_0 + \Delta t} - N_s)_{t_0}}{\Delta t} \quad [3]$$

onde o valor de N do sistema (N_s) pode ser avaliado nos instantes t_0 e $t_0 + dt$ como:

$$N_s)_{t_0 + \Delta t} = (N_{II} + N_{III})_{t_0 + \Delta t} = (N_{CV} - N_I + N_{III})_{t_0 + \Delta t} \quad [4]$$

$$N_s)_{t_0} = (N_{CV})_{t_0} \quad [5]$$

Substituindo [4] e [5] em [3], obtém-se:



Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

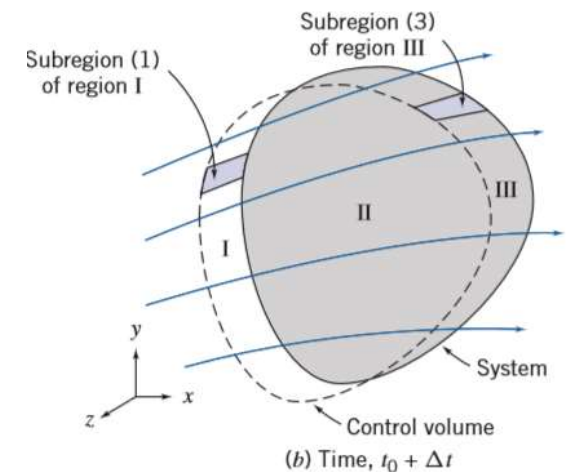
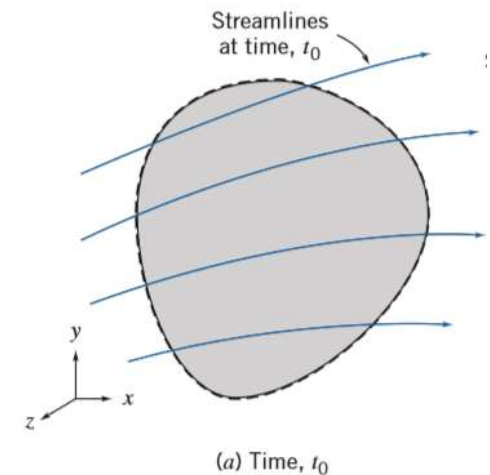
$$\left(\frac{dN}{dt} \right)_s = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{(N_{CV} - N_I + N_{III})_{t_0 + \Delta t} - N_{CV})_{t_0}}{\Delta t}$$

que pode ser escrita como:

$$\left(\frac{dN}{dt} \right)_s = \underbrace{\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{CV})_{t_0 + \Delta t} - N_{CV})_{t_0}}_{\textcircled{1}} + \underbrace{\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{III})_{t_0 + \Delta t}}{\Delta t}}_{\textcircled{2}} - \underbrace{\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_I)_{t_0 + \Delta t}}{\Delta t}}_{\textcircled{3}} \quad [6]$$

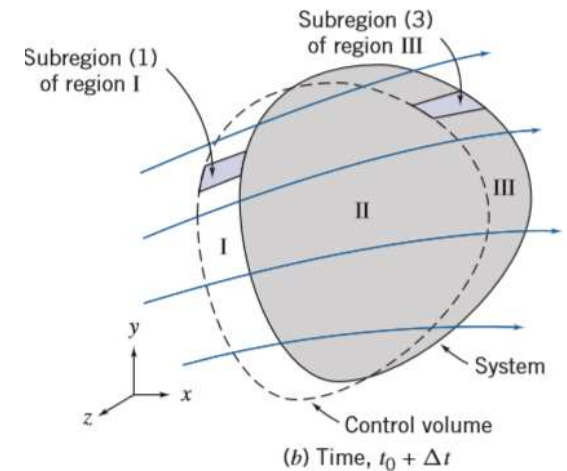
Agora, devemos analisar cada um dos três termos. O termo (1) pode ser escrito da seguinte forma:

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{CV})_{t_0 + \Delta t} - N_{CV})_{t_0}}{\Delta t} = \frac{\partial N_{CV}}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \eta \rho dV$$



Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

O termo (2) é avaliado a partir de uma expressão para $N_{III}|_{t_0+\Delta t}$. Fazendo um exame ampliado da região III (sub-região 3):



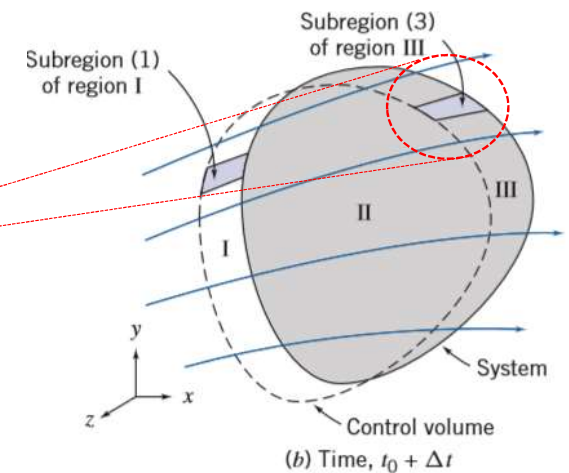
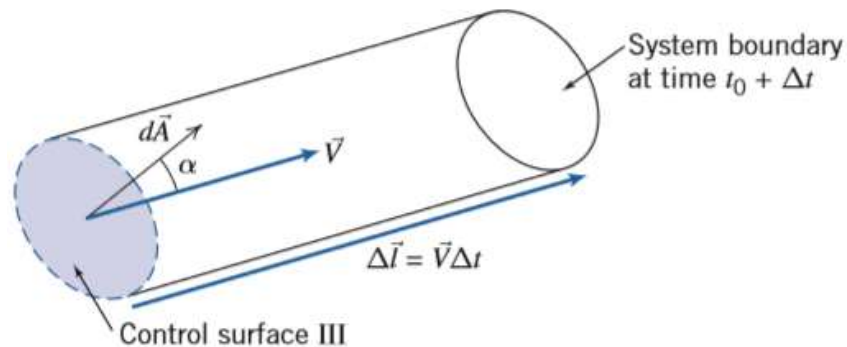
Termo 2

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{III}|_{t_0+\Delta t}}{\Delta t}$$

②

Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

O termo (2) é avaliado a partir de uma expressão para $N_{III}|_{t_0+\Delta t}$. Fazendo um exame ampliado da região III (sub-região 3):



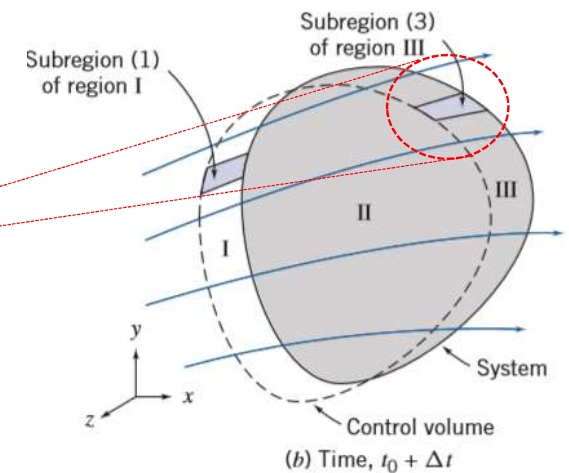
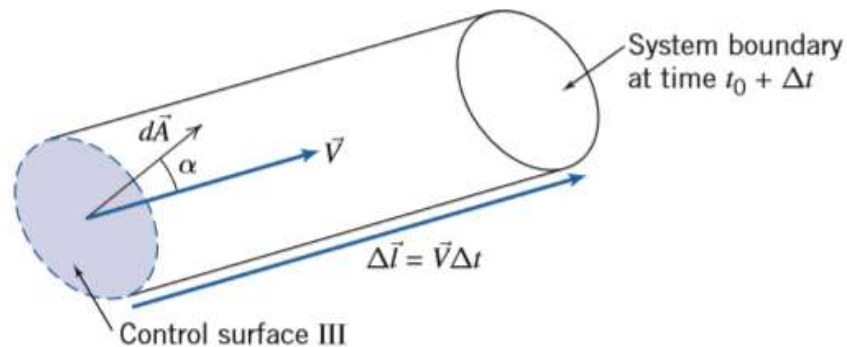
Termo 2

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{III}|_{t_0+\Delta t}}{\Delta t}$$

②

Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

O termo (2) é avaliado a partir de uma expressão para $N_{III}|_{t_0+\Delta t}$. Fazendo um exame ampliado da região III (sub-região 3):



Termo 2

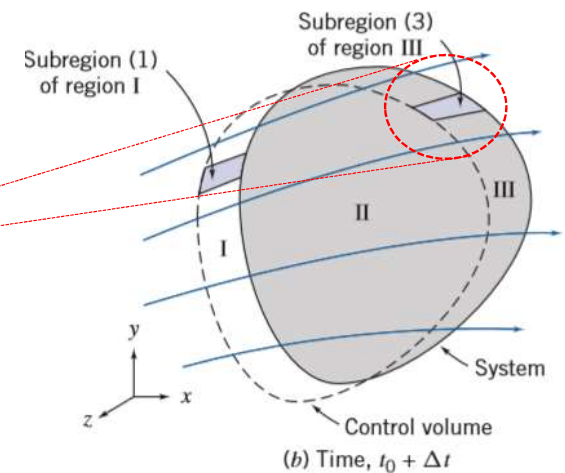
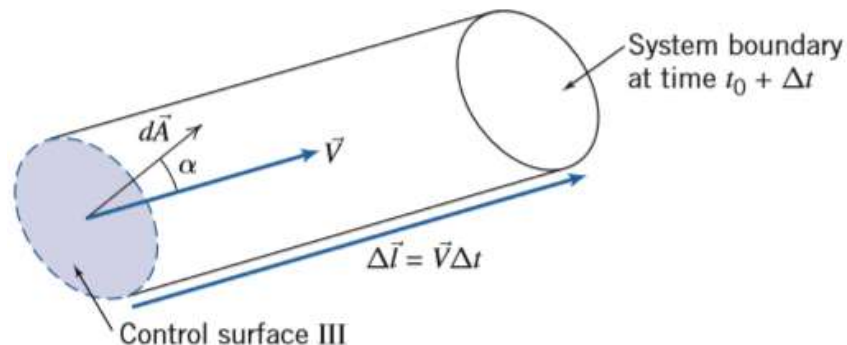
$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{III}|_{t_0+\Delta t}}{\Delta t} \quad (2)$$

Portanto, podemos escrever:

$$dN_{III}|_{t_0+\Delta t} = (\eta \rho dV)|_{t_0+\Delta t}$$

Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

O termo (2) é avaliado a partir de uma expressão para $N_{III}|_{t_0+\Delta t}$. Fazendo um exame ampliado da região III (sub-região 3):



Termo 2

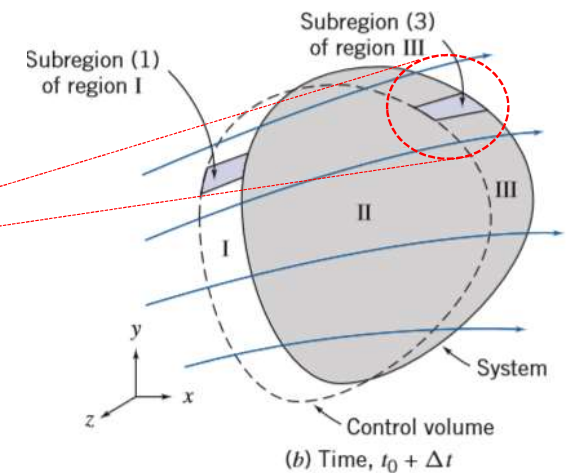
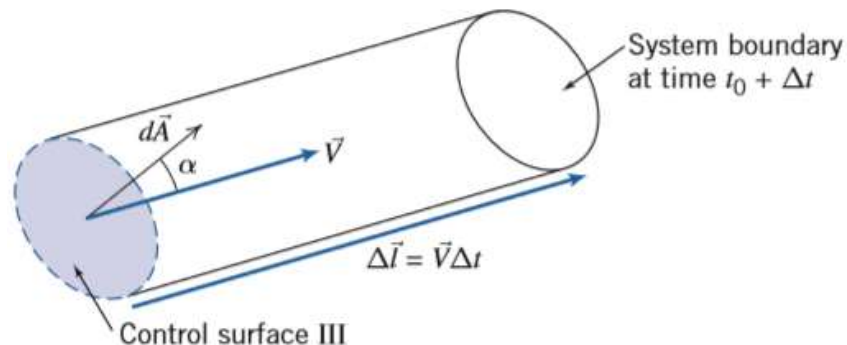
Portanto, podemos escrever:

$$dN_{III})_{t_0+\Delta t} = (\eta \rho d\mathcal{V})_{t_0+\Delta t} \longrightarrow dN_{III})_{t_0+\Delta t} = \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} \Delta t$$

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{III})_{t_0+\Delta t}}{\Delta t} \quad (2)$$

Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

O termo (2) é avaliado a partir de uma expressão para $N_{III}|_{t_0+\Delta t}$. Fazendo um exame ampliado da região III (sub-região 3):



Portanto, podemos escrever:

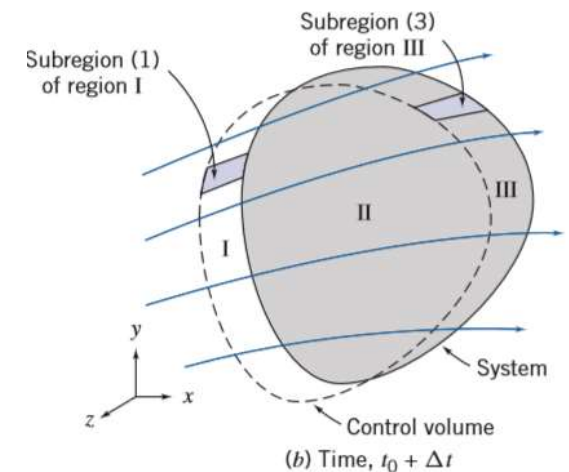
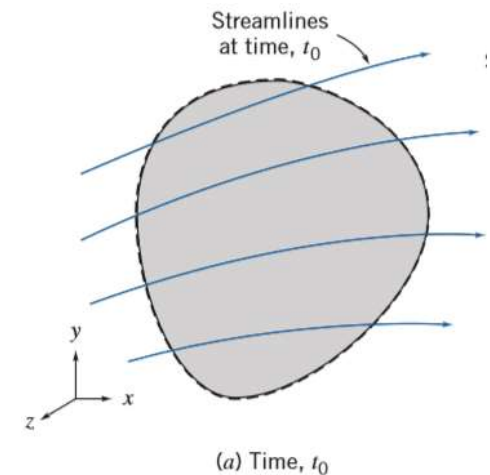
$$dN_{III}|_{t_0+\Delta t} = (\eta \rho dV)_{t_0+\Delta t} \longrightarrow dN_{III}|_{t_0+\Delta t} = \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} \Delta t \longrightarrow \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{III}|_{t_0+\Delta t}}{\Delta t} = \int_{CS_{III}} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

O termo (3) da equação [6] pode ser obtido de forma análoga, resultando em:

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_1)_{t_0 + \Delta t}}{\Delta t} = - \int_{CS_1} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

onde o sinal negativo é adotado para cancelar o sinal negativo do produto escalar ($\cos \alpha > 90^\circ$), que acarretaria em um volume negativo (fisicamente inconsistente).



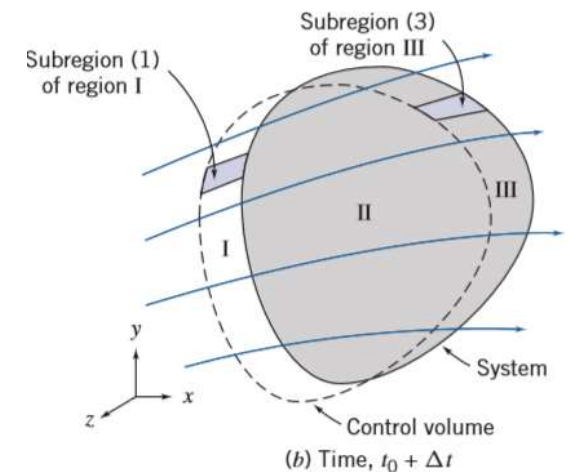
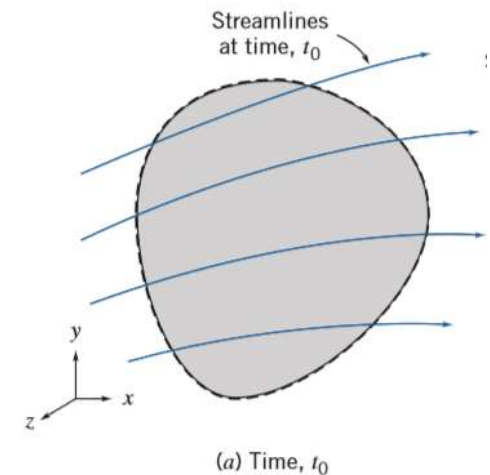
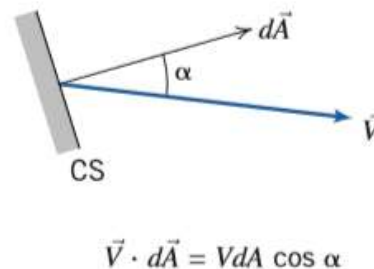
Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

O termo (3) da equação [6] pode ser obtido de forma análoga, resultando em:

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_1)_{t_0 + \Delta t}}{\Delta t} = - \int_{CS_1} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

onde o sinal negativo é adotado para cancelar o sinal negativo do produto escalar ($\cos \alpha > 90^\circ$), que acarretaria em um volume negativo (fisicamente inconsistente).

$$\vec{V} \cdot d\vec{A} = \frac{\Delta l \cos \alpha}{\Delta t} dA$$



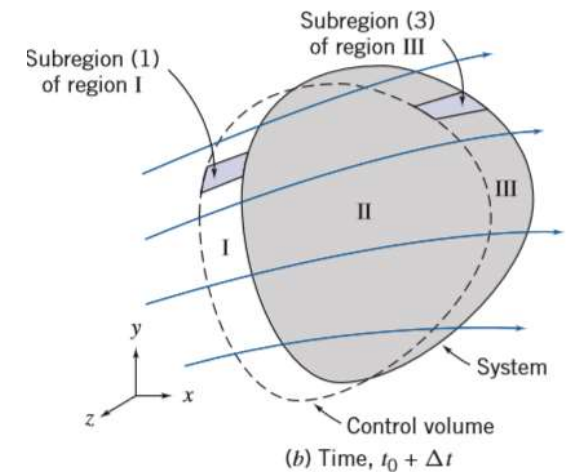
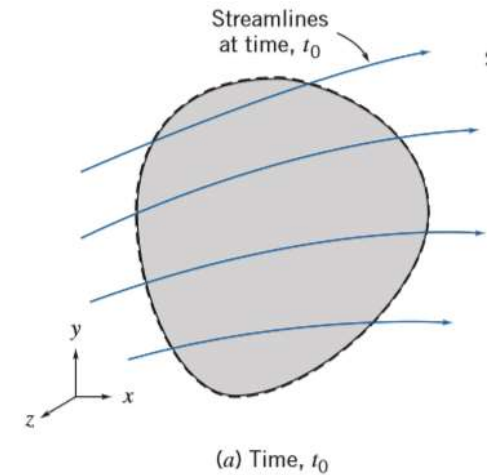
Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

Reescrevendo a equação [6]:

$$\left. \frac{dN}{dt} \right)_s = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{CV})_{t_0+\Delta t} - N_{CV})_{t_0}}{\Delta t} + \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{III})_{t_0+\Delta t}}{\Delta t} - \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_I)_{t_0+\Delta t}}{\Delta t}$$

e substituindo os termos (1), (2) e (3):

$$\left(\frac{dN}{dt}\right)_{\text{system}} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \eta \rho dV + \int_{\text{CS}_1} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} + \int_{\text{CS}_m} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$



Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

Reescrevendo a equação [6]:

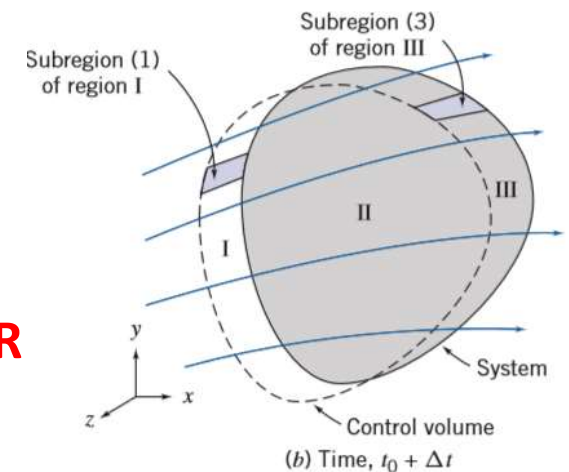
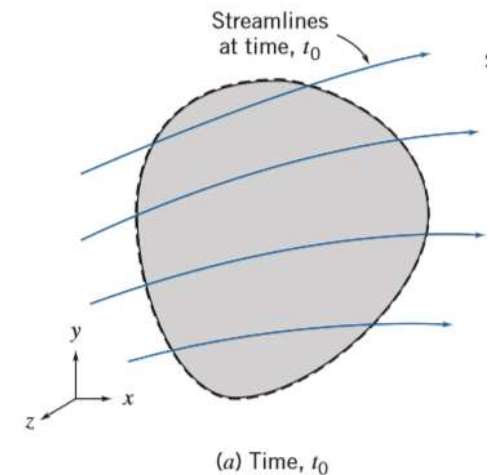
$$\left. \frac{dN}{dt} \right)_s = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{\text{CV}})_{t_0+\Delta t} - N_{\text{CV}})_{t_0}}{\Delta t} + \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{\text{III}})_{t_0+\Delta t}}{\Delta t} - \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{N_{\text{I}})_{t_0+\Delta t}}{\Delta t}$$

e substituindo os termos (1), (2) e (3):

$$\left(\frac{dN}{dt}\right)_{\text{system}} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \eta \rho dV + \int_{\text{CS}_1} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} + \int_{\text{CS}_{\text{in}}} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

que corresponde a:

$$\left(\frac{dN}{dt}\right)_{\text{system}} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \eta \rho dV + \int_{\text{CS}} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} \quad \text{TTR}$$



Teorema do Transporte de Reynolds (TTR)

Interpretação física dos termos:

$$\left. \frac{dN}{dt} \right)_s$$

Taxa de variação temporal de uma propriedade extensiva N do sistema.

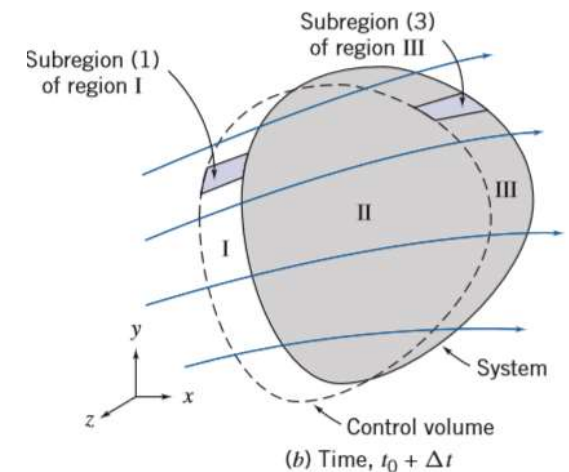
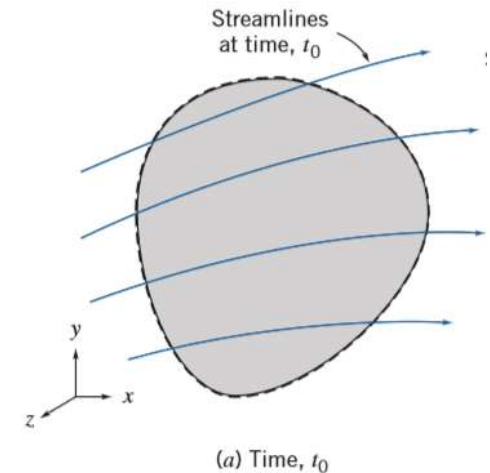
$$\frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \eta \rho dV$$

Taxa de variação temporal de uma propriedade extensiva N no VC.

$$\int_{CS} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

Fluxo líquido da propriedade N através das superfícies de controle.

Note que a velocidade é medida em relação à superfície de controle.



Conservação da Massa

A conservação da massa declara que:

$$\left(\frac{dM}{dt}\right)_{\text{system}} = 0 \quad M_{\text{system}} = \int_{M(\text{system})} dm = \int_{\mathcal{V}(\text{system})} \rho d\mathcal{V}$$

E o TTE é descrito por:

$$\left(\frac{dN}{dt}\right)_{\text{system}} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \eta \rho d\mathcal{V} + \int_{\text{CS}} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

Em uma simples inspeção, nota-se que $N = M$ e $\eta = 1$. Logo:

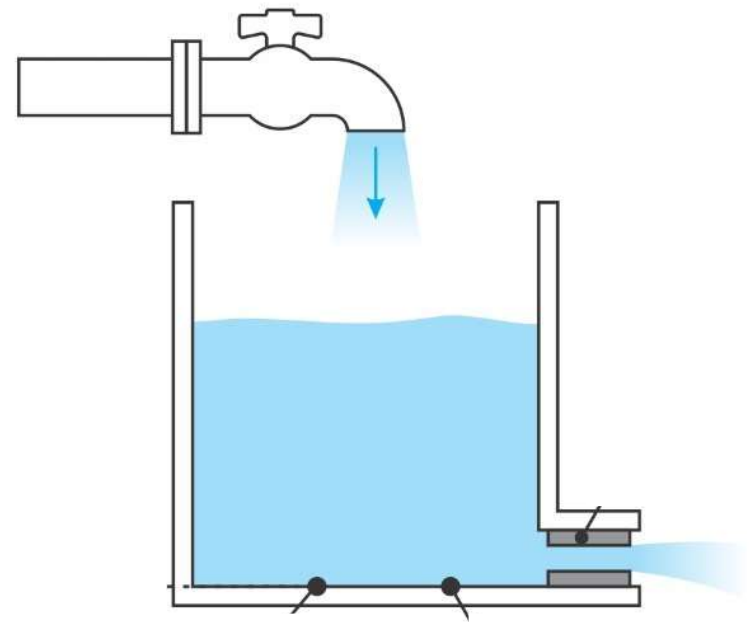
$$\left(\frac{dM}{dt}\right)_{\text{system}} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \rho d\mathcal{V} + \int_{\text{CS}} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \rho d\mathcal{V} + \int_{\text{CS}} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} = 0$$

Conservação da Massa

Interpretação física: A conservação da massa exige que a variação temporal da massa no interior do VC corresponda à vazão mássica líquida através das fronteiras do VC.

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \rho dV + \int_{CS} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} = 0$$



Conservação da Massa

Escoamento incompressível: Densidade constante ($\rho = \text{cte}$)

$$\rho \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} dV + \rho \int_{\text{CS}} \vec{V} \cdot d\vec{A} = 0 \quad \longrightarrow \quad \frac{\partial V}{\partial t} + \int_{\text{CS}} \vec{V} \cdot d\vec{A} = 0$$

Se o volume de controle for não-deformável:

$$\int_{\text{CS}} \vec{V} \cdot d\vec{A} = 0$$

A vazão volumétrica (Q) líquida que atravessa as superfícies de controle é nula.

onde

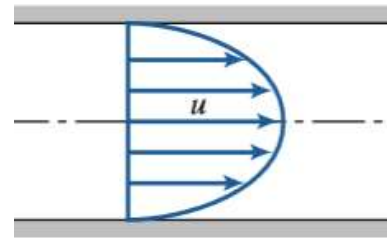
$$Q = \int_A \vec{V} \cdot d\vec{A} \quad [\text{m}^3/\text{s}]$$

Conservação da Massa

Velocidade média em uma seção (\bar{V}):

A magnitude da velocidade média em uma seção do escoamento é definida como:

$$\bar{V} = \frac{Q}{A} = \frac{1}{A} \int_A \vec{V} \cdot d\vec{A} \quad [\text{m/s}]$$



Escoamento permanente compressível:

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \rho dV + \int_{CS} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} = 0$$



$$\int_{CS} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} = 0$$

$$\dot{m} = \int_A \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

A vazão mássica (\dot{m} - kg/s) líquida que atravessa as superfícies de controle é nula.

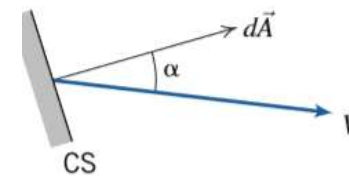
Conservação da Massa

Escoamento uniforme em uma seção:

Densidade e velocidade não variam na(s) seção(ões) de análise. Assim:

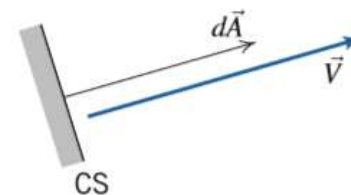
$$\int_{CS} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A} = \sum_{CS} \rho \vec{V} \cdot \vec{A}$$

Deve-se atentar para o produto escalar:



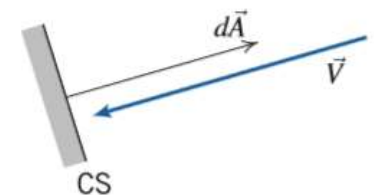
$$\vec{V} \cdot d\vec{A} = V dA \cos \alpha$$

(a) General inlet/exit



$$\vec{V} \cdot d\vec{A} = +V dA$$

(b) Normal exit

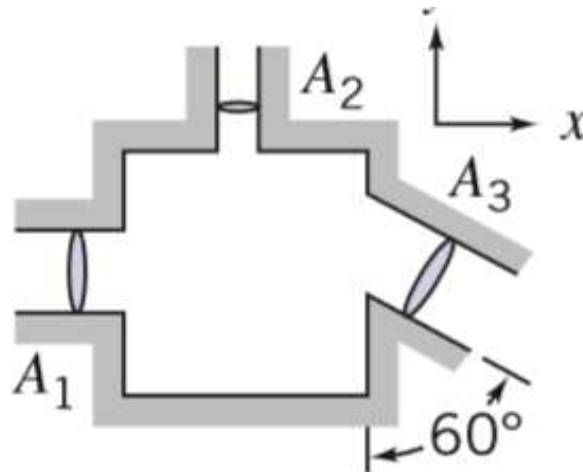


$$\vec{V} \cdot d\vec{A} = -V dA$$

(c) Normal inlet

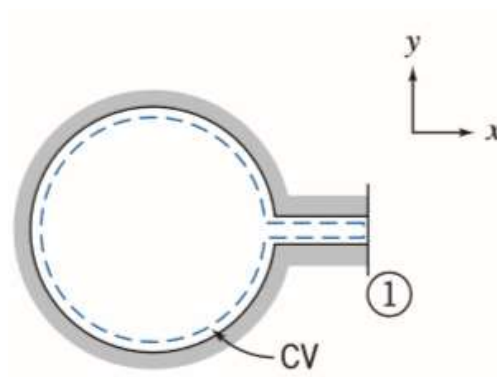
Conservação da Massa

Exemplo: Um fluido com massa específica de 1050 kg/m^3 flui em regime permanente através da caixa retangular mostrada. Dados $A_1 = 0,05 \text{ m}^2$; $A_2 = 0,01 \text{ m}^2$; $A_3 = 0,06 \text{ m}^2$ $\mathbf{V}_1 = 4\mathbf{i} \text{ m/s}$ e $\mathbf{V}_2 = -8\mathbf{j} \text{ m/s}$. Determine a velocidade \mathbf{V}_3 .



Conservação da Massa

Exemplo: Um tanque, com volume de $0,05 \text{ m}^3$, contém ar a 800 kPa (absoluta) e 15°C . Em $t = 0$, o ar começa a escapar do tanque através de uma válvula com área de escoamento de 65 mm^2 . O ar passando através da válvula tem velocidade de 300 m/s . Determine a taxa instantânea de variação de massa específica do ar no tanque em $t = 0$.



Conservação da Massa

Exemplo: Um líquido é drenado de um tanque circular com diâmetro $D = 300$ mm, através de um longo tubo circular de raio $R = 50$ mm. O perfil de velocidade no tubo de descarga é:

$$u = u_{max} \left[1 - \frac{r^2}{R^2} \right]$$

Mostre que a velocidade média do escoamento no tubo de drenagem é $V = u_{max}/2$. Avalie a taxa de variação de nível do líquido no tanque no instante em que $u_{max} = 0,155$ m/s.

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

A 2ª Lei de Newton para um sistema que se move em relação a um sistema de coordenadas inercial é dada por:

$$\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt}\bigg|_{\text{system}} \quad \vec{P}_{\text{system}} = \int_{M(\text{system})} \vec{V} dm = \int_{\mathcal{V}(\text{system})} \vec{V} \rho d\mathcal{V}$$

Inspecionando o TTR, percebemos que:

$$\frac{dN}{dt}\bigg|_{\text{system}} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \eta \rho d\mathcal{V} + \int_{\text{CS}} \eta \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

$$N = \vec{P} \quad \eta = \vec{V}$$

Portanto:

$$\frac{d\vec{P}}{dt}\bigg|_{\text{system}} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{\text{CV}} \vec{V} \rho d\mathcal{V} + \int_{\text{CS}} \vec{V} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Sabendo que \vec{F} é a força resultante que atua sobre o sistema, a qual é dada pela combinação das forças de corpo e de superfície, e que a força sobre o sistema equivale à força sobre o $\forall C$, podemos reescrever a equação:

$$\vec{F} = \vec{F}_S + \vec{F}_B = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \vec{V} \rho dV + \int_{CS} \vec{V} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Sabendo que \vec{F} é a força resultante que atua sobre o sistema, a qual é dada pela combinação das forças de corpo e de superfície, e que a força sobre o sistema equivale à força sobre o $\forall C$, podemos reescrever a equação:

$$\vec{F} = \vec{F}_S + \vec{F}_B = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \vec{V} \rho dV + \int_{CS} \vec{V} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

atrito
pressão

gravidade

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Sabendo que F é a força resultante que atua sobre o sistema, a qual é dada pela combinação das forças de corpo e de superfície, e que a força sobre o sistema equivale à força sobre o VC, podemos reescrever a equação:

$$\vec{F} = \vec{F}_S + \vec{F}_B = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \vec{V} \rho dV + \int_{CS} \vec{V} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

atrito

gravidade

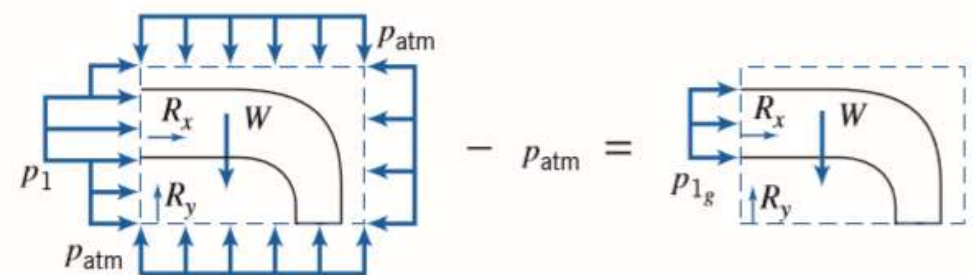
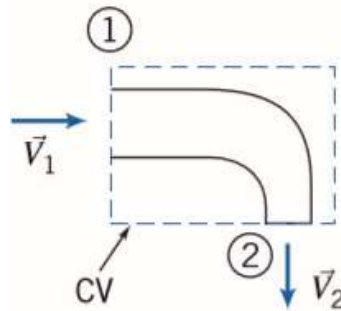
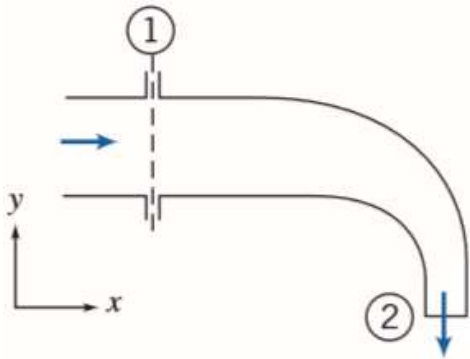
pressão

Interpretação física: A soma de todas as forças que atuam sobre um VC não submetido à aceleração, corresponde à soma da taxa de variação da quantidade de movimento no interior do VC com o fluxo líquido de quantidade de movimento através das fronteiras do VC.

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Aspectos importantes na aplicação da equação:

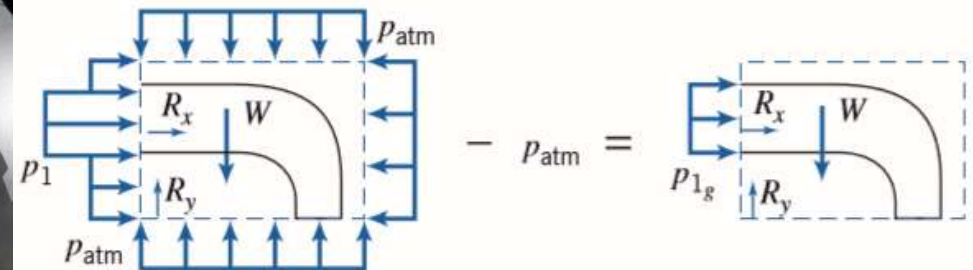
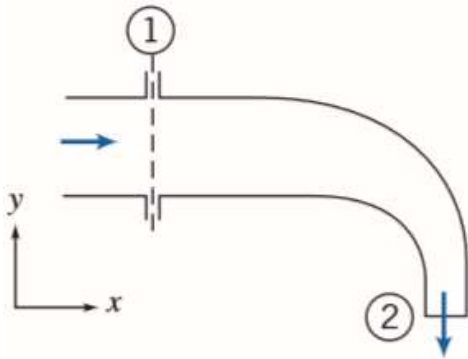
- Esboçar o VC, observando suas fronteiras e designar os sentidos apropriados do sistema de coordenadas



Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Aspectos importantes na aplicação da equação:

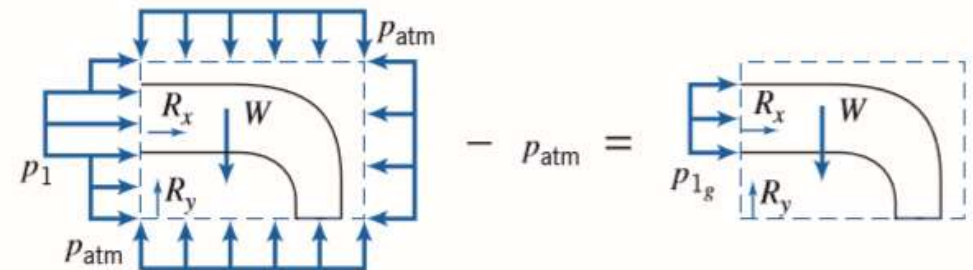
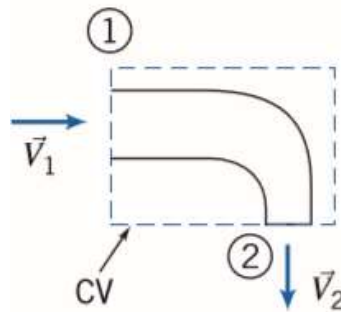
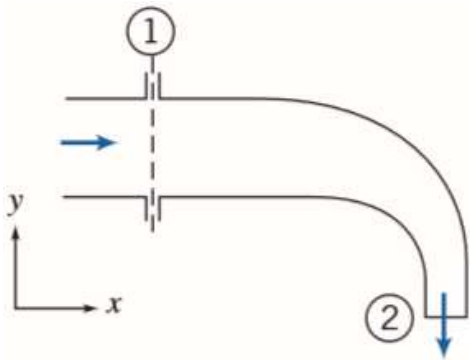
- Esboçar o VC, observando suas fronteiras e designar os sentidos apropriados do sistema de coordenadas



Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Aspectos importantes na aplicação da equação:

- Esboçar o VC, observando suas fronteiras e designar os sentidos apropriados do sistema de coordenadas



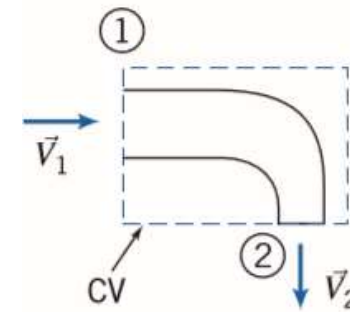
- Note que as forças de superfície serão $F_S = \int p dA$ e as forças de corpo serão $F_B = \int B \rho dV$

Força de corpo por unidade de massa ($B = g$, para gravidade)

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Aspectos importantes na aplicação da equação:

- As velocidades são medidas em relação ao VC.



- O fluxo de quantidade de movimento $\vec{V} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$ é um vetor.
- O sinal do produto escalar $\rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$ depende do sentido de \vec{V} em relação a $d\vec{A}$. O sinal das componentes de \vec{V} depende do sistema de coordenadas escolhido.

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Aspectos importantes na aplicação da equação:

- A equação da conservação da quantidade de movimento pode ser escrita na forma de suas componentes escalares. Para um sistema de coordenadas cartesiano:

$$\vec{F} = \vec{F}_S + \vec{F}_B = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} \vec{V} \rho dV + \int_{CS} \vec{V} \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

$$F_x = F_{S_x} + F_{B_x} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} u \rho dV + \int_{CS} u \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

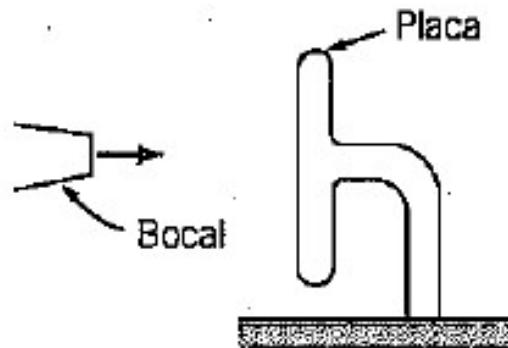
$$F_y = F_{S_y} + F_{B_y} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} v \rho dV + \int_{CS} v \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

$$F_z = F_{S_z} + F_{B_z} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{CV} w \rho dV + \int_{CS} w \rho \vec{V} \cdot d\vec{A}$$

- Os sentidos positivos das componentes u , v , w e de F_x , F_y e F_z , são estabelecidos conforme o sistema de coordenadas adotado.

Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Exemplo: Água sai de um bocal estacionário e atinge uma placa plana, conforme mostrado. A água deixa o bocal a 15 m/s ; a área do bocal é $0,01 \text{ m}^2$. Admitindo que a água é dirigida normal à placa e que escoa totalmente ao longo da placa, determine a força horizontal sobre o suporte.



Conservação da Quantidade de Movimento Linear

Exemplo: Água escoia em regime permanente através de um cotovelo de 180° , conforme mostrado. Na entrada do cotovelo, a pressão manométrica é 96 kPa. A água é descarregada para a atmosfera. Admita que as propriedades são uniformes nas seções de entrada e de saída; $A_1 = 2600 \text{ mm}^2$, $A_2 = 650 \text{ mm}^2$ e $V_1 = 3,05 \text{ m/s}$. Determine a componente horizontal da força necessária para manter o cotovelo no lugar.

