





# Fox

### Mecânica dos Fluídos

### 8ª Edição trocar edição

95% resolvida, novas questões toda terça-feira.



Conteúdos feitos para você mandar bem na UFSC

**CLIQUE E CONFIRA** 

Capítulo: 2.Pro...

Questão: 33

< Exercício Anterior

Próximo Exercício >

RESOLUÇÃO PASSO A PASSO TEORIA EM TEXTO OU VÍDEO MAIS QUESTÕES PARECIDAS AULÃO DESSE ASSUNTO

Passo 1







Fala aí galera, vamos para mais um problema de mecânica dos fluidos. Primeiro, temos que encontrar a equação para as linhas de corrente, para isso, temos:





Separando as variáveis e integrando:

$$rac{dx}{x}=rac{a}{b}dy$$
  $rac{a}{b}(y-y_0)=\lnigg(rac{x}{x_0}igg)$ 

A solução é dada por:

$$y=y_0+rac{b}{a}\mathrm{ln}igg(rac{x}{x_0}igg)$$
  $y=5\ln x+1$ 

## Passo 2

Agora, para determinarmos a trajetória, vamos encontrar x(t):

$$rac{dx}{dt} = u = ax$$
 $v = rac{dy}{dt} = b$ 

Separando as variáveis e integrando:

$$rac{dx}{x} = a \ dt$$
  $\ln \ \left(rac{x}{x_0}
ight) = \mathrm{a}(\mathrm{t}-\mathrm{t}_0)$ 

$$dy = b dt$$

$$y=y_0+b(t-t_0)$$







$$x_t(t) = x_0 e^{\mathrm{a}(\mathrm{t}-\mathrm{t}_0)}$$

$$y_t(t) = y_0 + b(t - t_0)$$

Com isso, precisamos encontrar a posição da partícula nos instantes pedidos. Para  $(x_0, y_0) = (1,1), t_0 = 0$  e t = 1 s, temos:

$$x_t(t) = x_0 e^{\mathrm{a}(\mathrm{t} - \mathrm{t_0})} = \mathrm{e}^{1/5} \; \mathrm{m}$$

$$y_t(t) = y_0 + b(t - t_0) = 2 \ m$$

Para  $(x_0, y_0) = (1,1), t_0 = 0 e t = 5 s$ :

$$x_t(t) = x_0 e^{\mathrm{a}(\mathrm{t}-\mathrm{t}_0)} = \mathrm{e}$$

$$y_t(t) = y_0 + b(t - t_0) = 6 m$$

E para  $(x_0,y_0)=(1,1),\,t_0=0$  e  $t=10\;s$  :

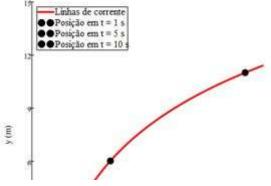
$$x_t(t) = x_0 e^{\mathrm{a}(\mathrm{t}-\mathrm{t}_0)} = \mathrm{e}^2 \, m$$

$$y_t(t) = y_0 + b(t - t_0) = 11 m$$

## Passo 3

Por fim, nosso gráfico fica assim:

#### Linhas de corrente e Posição









# Resposta

$$x_t(1) = \mathrm{e}^{1/5} \; \mathrm{m}$$

$$y_t(1)=2\ m$$

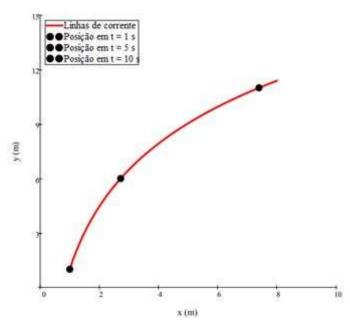
$$x_t(5) = \mathrm{e}$$

$$y_t(5) = 6 m$$

$$x_t(10)=\mathrm{e}^2\,m$$

$$y_t(10)=11\ m$$

#### Linhas de corrente e Posição





19/09/22, 09:01



POLÍTICAS DE PRIVACIDADE TERMOS DE USO PLANOS

**PROCON RJ**