

# **Examen Parcial 1**

Decisiones y Teoría de Juegos

# Emmanuel Alcalá

jaime.alcala@iteso.mx

#### Instrucciones

- 1 Entregar el examen en la fecha acordada en CANVAS.
- 2 Llega a tiempo, solo dispones de 2 horas para realizar el examen.
- **3** Escribe **claramente** los cálculos que desarrollaste para resolver los problemas, y **encierra en un recuadro** la respuesta correcta.
- **4** IMPORTANTE: 1) problemas que solo contengan respuestas sin desarrollo los consideraré erróneos; 2) copiar y plagiar respuestas no será tolerado, y cada respuesta identificada como copia de la respuesta de otro estudiante será anulada para ambos estudiantes.
- **5** No habrá plazos extras en este examen. Si existe una situación *extraordinaria*, házmelo saber con tiempo y evidencia.

#### Problema 1

#### 5 pts

Regina tiene una propiedad que vale \$1M. Con probabilidad de 0.1, la propiedad puede sufrir un incendio, lo que reduce el valor de su propiedad a \$640k; con probabilidad de 0.9, la propiedad no sufre daños y conserva su valor. La función de utilidad de Regina es  $u_R(W) = \sqrt{W}$ .

Carlos, un asegurador, puede pagar  ${\bf q}$  (cobertura) si la casa se quema sufre el incendio a cambio de  ${\bf r}$  (su prima). Si Regina compra el seguro, tendrá una una riqueza de  $640000+{\bf q}-{\bf r}$  con probabilidad de 0.1, y con probabilidad de 0.9, su riqueza será de  $1000000-{\bf r}$ . Carlos, también con probabilidad de 0.1, tendrá un ingreso de  ${\bf r}-{\bf q}$ , mientras que con probabilidad de 0.9, tendrá un ingreso de  ${\bf r}$ . Carlos tiene una función de utilidad  ${\bf u}_{\bf C}({\bf y})={\bf y}$ .

#### Responder:



- 1. ¿Cuál es la utilidad de Regina cuando no compra un seguro? ¿Cuál es su EC para esta utilidad?
- 2. Supón que Carlos provee cobertura total. Si Regina compra el seguro, ella tendrá una riqueza de 1000000 r segura independientemente de si hay daño o no (porque Carlos provee cobertura total). Regina desea estar *al menos tan bien* comprando el seguro a que si no lo comprara. Calcula la prima máxima  $r^*$  que está dispuesta a pagar.

## Problema 2

## 10 pts

Tres empresas que comparten mercado producen el mismo producto. Las empresas tienen que decidir simultáneamente las cantidades  $q_1$ ,  $q_2$  y  $q_3$  a producir. La cantidad agregada del producto es  $Q = q_1 + q_2 + q_3$ . Asumir que el precio es una función de demanda inversa P(Q) = 200 - Q, y que el costo de producción es  $C_i(q_i) = 100q_i^2$ .

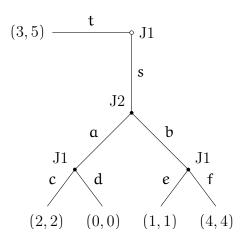
#### Responder:

Encontrar la cantidad  $q_i^*$  en equilibrio, asumiendo estrategias simétricas para las tres empresas.

## Problema 3

#### 5 pts

Tenemos el siguiente juego extensivo



- 1. Suponer ahora que J1 (en la tercera etapa) no sabe si J2 ha elegido a o b.
  - Representar este nuevo juego en su forma extensiva.
  - Econtrar el ENPS en este nuevo juego (estrategias por jugador y ganancias).



## Problema 4

## 10 pts

Disuación de entrada estratégica

Considera una industria con dos firmas, cada una  $i = \{1, 2\}$ , con función de demanda  $q_i = 1 - 2p_i + p_j$ . La firma 2 (entrante) tiene un costo marginal de 0. La firma 1 (la titular o líder) tiene un costo marginal inicial de 1/2. Si la firma 1 invierte I = 0.205, puede comprar nueva tecnología y reducir su costo marginal a 0. Considerando una función de ganancia  $u_i(p_i, p_j) = (1 - 2p_i + p_j)p_i$  si la firma 1 invierte (en cuyo caso ambas firmas tienen la misma función); de  $u_1(p_1, p_2) = (1 - 2p_1 + p_2)(p_1 - 1/2)$  si la firma 1 no invierte (la función de la firma 2 sigue siendo con costo igual a 0).

#### Resuelve:

- 1. Representar el juego en su forma extensiva
- 2. Mostrar que en el ENPS la firma 1 no invierte.
- 3. (EXTRA por 3 pt). Encuentra para qué valores I la firma 1 sí invertiría.

Pista: la estructura temporal del juego es la siguiente. Primero, el titular (firma 1) decide si invierte o no. El entrante (firma 2) observa esa decisión. Posteriormente, los jugadores compiten en precios. Debes resolver con inducción hacia atrás, en la segunda etapa, y encontrar  $p_i^* = \operatorname{argmax}_{p_i} u_i(p_i, p_j)$ . Si la firma 1 invierte, el costo es idéntico para ambas, si no invierte, debes encontrar  $p_1^* \neq p_2^*$ . Resolviendo la primera etapa para  $p_i^*$  (similar a cuando encuentras la cantidad  $q_i^*$  en Cournot), comparas la utilidad de invertir vs no invertir de la firma 1.