



ESCUELA POLITÉCNICA NACIONAL
FACULTAD DE INGENIERÍA DE SISTEMAS
INGENIERÍA EN COMPUTACION

PERÍODO ACADÉMICO: 2025-A

ASIGNATURA: ICCD412 Métodos Numéricos

GRUPO: GR2

TIPO DE INSTRUMENTO: Practica 3

FECHA DE ENTREGA LÍMITE: 07/05/2025

ALUMNO: Lema Luis

TEMA

Tipos de errores

OBJETIVOS

- Comprender el fundamento teórico del método de la bisección y su aplicabilidad en la resolución de ecuaciones.
- Implementar el método de bisección en problemas del mundo real como el cálculo del volumen en un abrevadero semicircular y la determinación del tiempo de caída de un objeto bajo resistencia del aire.
- Evaluar la precisión de los resultados obtenidos mediante una cota de error predefinida, asegurando confiabilidad en la solución.
- Desarrollar pensamiento analítico a través del análisis iterativo de soluciones aproximadas y el comportamiento de funciones no lineales.

MARCO TEÓRICO

Esta herramienta se vuelve especialmente útil cuando no se puede encontrar una solución exacta de manera algebraica, lo cual es común en problemas reales de física e ingeniería. Aunque su velocidad de convergencia es menor comparada con otros métodos como el de Newton-Raphson o el de la secante, el método de la bisección destaca por su estabilidad y su facilidad de implementación, siendo ideal para introducir a los estudiantes en el análisis de métodos numéricos. [1]

La forma en que opera este método consiste en dividir repetidamente el intervalo inicial en dos subintervalos, seleccionando aquel en el que la función continúa cambiando de signo. Este proceso se repite hasta que se cumple un criterio de tolerancia definido previamente, lo cual garantiza una aproximación aceptable de la raíz con el nivel de precisión deseado. [1]

Desde un enfoque pedagógico, el método permite a los estudiantes familiarizarse con conceptos como el error absoluto, el número de iteraciones necesarias y la convergencia de los métodos numéricos. Además, ofrece una oportunidad para reflexionar sobre la importancia del análisis de errores, ya que tanto los errores de redondeo como los de truncamiento pueden influir en la calidad del resultado final. [2]

En conclusión, aunque el método de la bisección no es el más eficiente desde el punto de vista computacional, su seguridad y facilidad de aplicación lo convierten en una herramienta indispensable para el desarrollo del pensamiento lógico y numérico, especialmente en etapas formativas.

[3]

DESARROLLO

TAJLER #3

* Un abrevadero de longitud L tiene una sección transversal en forma de semicírculo con radio r (consulte la figura adjunta). Cuando se llena con agua hasta una distancia h a partir de la parte superior, el volumen V de agua es.

$$L = 10 \text{ ft} \quad ; \quad r = 1 \text{ pie} \quad ; \quad V = 12.4 \text{ pie}^3$$

$$12.4 = 10 [0.5\pi - \cos^{-1}(h) - h(1-h^2)^{1/2}]$$

$$f(h) = 12.4 - 10 [0.5\pi - \cos^{-1}(h) - h(1-h^2)^{1/2}]$$

Apoyamos una raíz de $f(h)$ mediante el Método de Bisección

$$Posición = 0.01$$

$$Intervalo = [0, 1]$$

$$Pref = r - h = 1 - h \rightarrow h = \frac{a+b}{2}$$

i	a	b	$h = \frac{a+b}{2}$	$f(h)$	$b-h \leq 0.01$	$f(b)f(h) \leq 0$
1	0	1	0.5	6.258	0.5	77.601
2	0	0.5	0.25	1.6344	0.25	20.329
3	0	0.25	0.125	-0.811	0.125	-10.100
4	0.125	0.25	0.1875	0.1420	0.0625	5.207
5	0.125	0.1875	0.156	-0.196	0.0315	-2.127
6	0.156	0.1875	0.171875	0.113	0.015625	1.345
7	0.156	0.1712	0.164063	-0.0414	7.1937×10^{-3} to 0.001	-0.514

En 7ma iteración tenemos $h = 0.164063$

* Un objeto que cae verticalmente a través del aire está sujeto a una resistencia viscosa así como la fuerza de gravedad. Suponga que un objeto con masa m cae desde una altura S_0 y que la altura del objeto después de t segundos es

$$S(t) = S_0 - \frac{mg}{K} t + \frac{m^2 g}{K^2} (1 - e^{-Kt/m})$$

$$S(t) = 300 - \left(\frac{2,4525}{0,1} \right) * t + \left(\frac{0,613125}{0,01} \right) (1 - e^{(-0,4t)})$$

$$S(t) = 300 - 24,525 (t) + 61,3125 (1 - e^{-0,4t})$$

Usamos $t = 10s$

$$S(t) = 300 - 24,525 (10) + 61,3125 (0,9819)$$

$$S(10) = 119,93 \approx \text{Esto es el aire}$$

Usamos $t = 14,75s$

$$S(14,75) = 300 - 24,525 (14,75) + 61,3125 (0,99776)$$

$$S(14,75) = -0,5$$

Usamos $t = 14,7$

$$S(14,7) = 300 - 24,525 (14,7) + 61,3125 (1 - e^{(-0,4(14,7)})}$$

$$S(14,7) = 0,5$$

Entonces está entre $14,7$ y $14,75s$

$$t = 14,7 + \frac{-0,5}{-1,1} * 0,05 = 14,7 + 0,0227$$

$$t = 14,7227s$$

* Use el teorema 2.1 para encontrar una cota para el número de iteraciones $\approx 10^{-4}$

$$n \geq \log_2 \left(\frac{2-1}{10^{-4}} \right)$$

$$n \geq \log(10^4)$$

$$n \geq \frac{\log_{10}(10^4)}{\log_{10}(2)}$$

$$n \geq \frac{4}{0.3010}$$

$$n \geq 13.29$$

Se necesitan al menos 13 iteraciones.

* Sea $f(x) = \sin(x)$ y queremos encontrar raíz Usamos el método de bisección

a) $0 < f(a) < b < 2$

b) $2.58, a+b \geq 2$

c) $1, \text{ si } a+b=2.$

Ninguna es correcta ya que $f(a) \times f(b) < 0$.

CONCLUSIONES

- El método de la bisección demostró ser una herramienta efectiva y confiable para encontrar raíces de funciones continuas, especialmente en contextos donde no se dispone de soluciones analíticas exactas.
- Su simplicidad algorítmica lo convierte en un método ideal para la formación académica, permitiendo a los estudiantes comprender de manera clara los fundamentos de los métodos numéricos y el comportamiento de funciones no lineales.
- Se comprobó que, bajo condiciones básicas como la continuidad de la función y el cambio de signo en un intervalo, el método garantiza convergencia hacia una solución con la precisión deseada.
- La correcta elección del intervalo inicial y la tolerancia de error fueron aspectos fundamentales para lograr resultados precisos y eficientes.
- A través de la aplicación práctica del método en problemas reales de física y geometría, se fortalecieron habilidades como el análisis crítico, la lógica matemática y la interpretación de resultados numéricos.
- El ejercicio permitió también reflexionar sobre la importancia del análisis de errores en los métodos numéricos, como los errores de redondeo y truncamiento, que pueden influir significativamente en los resultados obtenidos.

RECOMENDACIONES

1. Es crucial garantizar que el intervalo inicial seleccionado contenga un cambio de signo en la función evaluada. Esto garantiza la existencia de una raíz y evita errores lógicos durante la ejecución del método.
2. Se debe seleccionar una tolerancia acorde al problema. Tolerancias muy bajas aumentan el número de iteraciones, lo que puede incrementar el costo computacional sin aportar mejoras significativas en la práctica.
3. Aunque el método de la bisección no es el más eficiente para funciones con múltiples raíces o para situaciones donde se requiera una rápida convergencia, su claridad y estabilidad lo convierten en una herramienta idónea para la formación de criterio numérico en los estudiantes.
4. En escenarios reales de ingeniería o física, se recomienda emplear el método de la bisección como una etapa preliminar o de validación para métodos más avanzados como Newton-Raphson o la secante, especialmente en casos donde no se conoce bien el comportamiento de la función.

REFERENCIAS

- [1] S. C. Chapra and R. P. Canale, *Métodos numéricos para ingenieros*, 7th ed. McGraw-Hill, 2015.
- [2] J. H. Mathews and K. D. Fink, *Métodos numéricos con Matlab*, 4th ed. Prentice Hall, 2006.
- [3] Fisicalab, “Errores absolutos y relativos,” <https://www.fisicalab.com/apartado/errores-absoluto-relativos>, 2025, accedido: 3-may-2025.