

Bibliografía21chapter\*.24



Escuela Politécnica Superior Campus Colmenarejo  
Universidad Carlos III de Madrid

## **Problema de clasificación Vehicle silhouettes**

**REDES DE NEURONAS ARTIFICIALES**

Grado en Ingeniería Informática

*Autor:* Luis Cabrero García

*Profesor:* José María Valls Ferrán

Curso 4º - Gr80



# Índice general

---

Índice general	III
Índice de figuras	V
Índice de tablas	V

---

<b>1</b>	<b>Introducción</b>	<b>1</b>
1.1	Motivación . . . . .	1
1.2	Objetivos . . . . .	1
1.3	Estructura de la memoria . . . . .	1
<b>2</b>	<b>Preparación de los datos</b>	<b>3</b>
2.1	Clasificación de los datos . . . . .	3
2.2	Preparación de los conjuntos de entrenamiento y test . . . . .	3
2.3	Normalización de los conjuntos de entrenamiento y test . . . . .	3
<b>3</b>	<b>Modelo Adaline</b>	<b>5</b>
3.1	ADALINE: ADaptive LInear NEuron . . . . .	5
3.2	Implementación del modelo . . . . .	6
3.3	Experimentación realizada . . . . .	7
3.4	Resumen experimentación Adaline . . . . .	10
<b>4</b>	<b>Modelo Perceptrón Multicapa</b>	<b>11</b>
4.1	Perceptron Multicapa (MLP) . . . . .	11
4.2	Experimentación realizada . . . . .	12
4.3	Resumen experimentación Perceptrón Multicapa . . . . .	17
<b>5</b>	<b>Conclusiones</b>	<b>19</b>
	<b>Bibliografía</b>	<b>21</b>



## Índice de figuras

---

3.1	Neurona ADALINE [2] . . . . .	5
3.2	Gráfica Adaline 0.8 - 500 . . . . .	8
3.3	Gráfica Adaline 0.2 - 500 . . . . .	8
3.4	Gráfica Adaline 0.1 - 500 . . . . .	9
3.5	Gráfica Adaline 0.0001 - 20000 . . . . .	9
3.6	Salidas obtenidas vs salidas deseadas para tasa de aprendizaje 0.0001 . . . .	10
4.1	Red Perceptrón multicapa [3] . . . . .	11
4.2	Esquema MLP [3] . . . . .	12
4.3	Sobreaprendizaje en MLP [3] . . . . .	13
4.4	Gráfica MLP 0.8 - 50 ocultas - 10000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ ) . . . . .	13
4.5	Gráfica MLP 0.8 - 50 ocultas - 10000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ ) . . . . .	14
4.6	Gráfica MLP 0.2 - 50,50 ocultas - 6000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ ) . . . . .	14
4.7	Gráfica MLP 0.2 - 50,50 ocultas - 6000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ ) . . . . .	15
4.8	Gráfica MLP 0.1 - 100,50 ocultas - 2000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ ) . . . . .	15
4.9	Gráfica MLP 0.1 - 100,50 ocultas - 2000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ ) . . . . .	16
4.10	Gráfica MLP 0.0001 - 100,50,25 ocultas - 40000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ ) . . . .	16
4.11	Gráfica MLP 0.0001 - 100,50,25 ocultas - 40000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ ) . . . .	17
4.12	Salidas obtenidas vs salidas deseadas para tasa de aprendizaje 0.0001 neu- ronas: 100, 50, 25 . . . . .	17

## Índice de tablas

---

3.1	Resumen experimentación Adaline . . . . .	10
4.1	Resumen experimentación MLP . . . . .	17





---

---

# CAPÍTULO 1

## Introducción

---

La presente práctica trata de abordar mediante el punto de vista de las redes de neuronas supervisadas y no supervisadas la resolución de un problema real: la clasificación de determinadas siluetas de vehículos en cuatro tipos dados. Estos datos han sido tomados del KEEL[1].

### 1.1 Motivación

---

La utilidad de los modelos de clasificación que vamos a aplicar de forma práctica es reseñable: nos permiten determinar la categoría a la que pertenece un vehículo determinado a partir de sus características, resultando de gran interés y aplicable a problemas reales.

### 1.2 Objetivos

---

Los objetivos de la práctica son: procesar y preparar los datos del KEEL[1] para validación cruzada estratificada, clasificar los datos utilizando el Perceptrón Multicapa, clasificar los datos utilizando LVQ, y por último, utilizando mapas autoorganizados de Kohonen. Posteriormente se hará una comparación entre los tres modelos para ver en que casos unos modelos pueden clasificar mejor que otros.

### 1.3 Estructura de la memoria

---

La memoria dispone de tres índices, uno para consultar cada una de las secciones y otros dos para figuras y tablas. En la memoria se puede encontrar tres apartados generales para el modelo MLP, LVQ y mapas de Kohonen. Dentro de los respectivos apartados de cada modelo, se explica la base teórica de cada uno de ellos, se explican los distintos experimentos realizados y se comparan los resultados en función de los parámetros escogidos. En las conclusiones se explican las diferencias entre los modelos y se comparan los resultados obtenidos en la experimentación. Al final de la memoria se indican las referencias bibliográficas consultadas para llevar a cabo el trabajo.



---

## CAPÍTULO 2

# Preparación de los datos

---

### 2.1 Clasificación de los datos

---

En este capítulo se va a explicar la preparación de los datos que se ha llevado a cabo para poder posteriormente aplicar los diferentes modelos.

Lo primero que se hace con los datos es separarlos en cuatro hojas, cada una de ellas correspondiente con cada una de las clases existentes: bus, van, saab y opel. Posteriormente lo que se hace es formar tres conjuntos de datos: P1, P2 y P3, que serán otras tres hojas de datos. En cada uno de los tres conjuntos de datos se introducen una tercera parte de los datos de cada una de las clases.

### 2.2 Preparación de los conjuntos de entrenamiento y test

---

Una vez tenemos los datos originales repartidos en los tres conjuntos de datos, lo que debemos hacer es distribuir estos conjuntos para formar 3 parejas de conjuntos de entrenamiento y test. El proceso para formar estos ficheros es ir copiando los datos de los conjuntos P1, P2 y P3, en distintas combinaciones para poder formar los conjuntos.

### 2.3 Normalización de los conjuntos de entrenamiento y test

---

Cuando se dispone de los conjuntos de entrenamiento y test lo que se debe hacer es normalizar los datos en función de los valores máximo y mínimo del conjunto original. Para ello se aplica la siguiente fórmula:

$$Valor_{normalizado} = \frac{V_{original} - Valor_{min}}{Valor_{max} - Valor_{min}} \quad (2.1)$$

Una vez hemos normalizado todos los datos de **todos** los conjuntos de entrenamiento y test, debemos desordenar los patrones de entrenamiento para presentárselos a nuestros modelos. Esto lo conseguimos añadiendo una columna aleatoria y ordenando posteriormente por esa columna.



---

## CAPÍTULO 3

# Modelo Adaline

---

En este capítulo se va a explicar en primer lugar el modelo Adaline, se explicará la implementación que se ha llevado a cabo en PHP y el formato que se ha elegido para devolver las salidas del modelo. También se experimentará con distintos ciclos de aprendizaje y distintas razones de aprendizaje, y se verá el comportamiento de la red en todos los casos posibles, para ello se representará cada posible situación con un experimento para abordar todos los casos posibles.

### 3.1 ADALINE: ADaptive LInear NEuron

---

Es un tipo de red de neuronas artificiales desarrollada por Bernard Widrow y Ted Hoff. La red está compuesta por  $n$  neuronas(3.1), con  $m$  entradas. La salida de cada neurona se representa por la función de activación(3.1) y representa el impacto de cada peso sobre las entradas, sumando el umbral de la neurona ( $\theta$ ).

$$y = \sum_{i=1}^n w_i * x_i + \theta \quad (3.1)$$

En el caso que nos ocupa(3.2), teniendo ocho entradas, la salida que se obtiene es la estimación de la resistencia del hormigón a la compresión. Los pesos aplicables a cada una de las entradas, junto con el umbral, se inicializan de manera aleatoria entre  $-0.5$  y  $0.5$ .

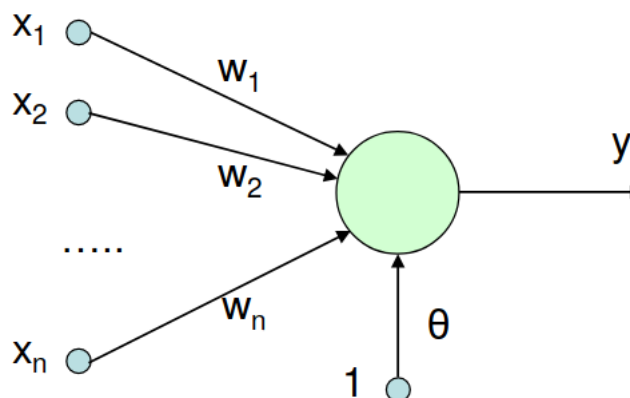


Figura 3.1: Neurona ADALINE [2]

$$\text{ConcreteCompressiveStrengthEst} = \sum_{i=1}^8 w_i * x_i + \theta \quad (3.2)$$

El **aprendizaje** de la red, se realiza teniendo en cuenta la diferencia entre la salida deseada (adjunta como dato en los conjuntos de entrenamiento, test y validación) y la salida obtenida(3.1). Teniendo en cuenta esta diferencia se trata de minimizar el error obtenido mediante la modificación de los pesos y el umbral. Para hallar el error cuadrático medio(3.3) se opera con todos los errores cuadráticos obtenidos en cada uno de los  $N$  patrones.

$$E = \frac{1}{N} * \sum_{p=1}^N (d^p - y^p)^2 \quad (3.3)$$

Por último, la modificación de los pesos y umbral se realiza siguiendo la Regla Delta, que busca la minimización iterativa de la función de error(3.3), realizando un cambio a cada peso proporcional a la derivada del error, medida en el patrón actual, respecto del peso (3.4). El umbral también se modifica(3.5).

$$\Delta_p w_j = -\gamma \frac{\partial E^p}{\partial w_j} = \gamma * (d^p - y^p) * x_j \quad (3.4)$$

$$\Delta_p \theta = \gamma * (d^p - y^p) \quad (3.5)$$

siendo  $\gamma$  la razón o tasa de aprendizaje.

En este punto es importante resaltar que los datos deben **normalizarse**, **aleatorizarse** y **separados** en tres conjuntos de datos: **entrenamiento**, **validación** y **test**.

- **Datos de entrenamiento:** (70 % del total de datos) para realizar el aprendizaje de la red.
- **Datos de validación:** (15 % del total de datos) utilizados para elegir los valores óptimos de los parámetros de la red (razón de aprendizaje, número de ciclos, número de neuronas).
- **Datos de test:** (15 % del total de datos) para evaluar la capacidad de generalización de la red.

## 3.2 Implementación del modelo

El modelo se ha decidido implementar en PHP por estar el autor familiarizado con dicho lenguaje y por la tremenda facilidad que ofrece a la hora de hacer cambios de tipo. En el fichero adaline.php se define la clase Adaline, que tiene atributos que caracterizan a la red de una sola neurona. Se leen los parámetros pasados por terminal y se ejecuta el aprendizaje de la red. Posteriormente se pasa el conjunto de validación y por último se pasa el conjunto de test.

```
<?php
```

```
//EJECUCION: php entrenamiento.php <tasa_aprendizaje> <num_ciclos>

include 'adaline.php';
```

```

$tasa_aprendizaje = $argv[1];
$num_ciclos = $argv[2];
$adaline = new Adaline($tasa_aprendizaje);
$adaline->ejecutaradaline($num_ciclos);

```

?>

### Especificación de los métodos implementados

- *construct*. Parámetro: tasa de aprendizaje. Inicializa pesos y umbral de manera aleatoria, inicializa la tasa de aprendizaje, inicializa los arrays necesarios.
- *aprendizaje*. Parámetros: fichero a utilizar y ciclo. Realiza el aprendizaje de la red utilizando los datos de entrenamiento provenientes de un fichero csv.
- *error*. Parámetros: fichero a utilizar y ciclo. Calcula el error producido en un ciclo de entrenamiento sin modificar los pesos ni el umbral.
- *errorvalidacion*. Parámetros: fichero a utilizar y ciclo. Calcula el error producido en un ciclo de validación sin modificar los pesos ni el umbral.
- *errortest*. Parámetro: fichero a utilizar. Calcula el error cuadrático medio sobre el conjunto de los datos de test.
- *resultados*. Parámetros: carpeta, ciclo y número de ciclos. Muestra en un fichero HTML las salidas obtenidas para el conjunto de entrenamiento y validación normalizadas y desnormalizadas.
- *mostrarerrores*. Parámetros: carpeta y número de ciclos. Muestra en un fichero HTML los errores cuadráticos medios por cada ciclo para entrenamiento y validación, el valor del error cuadrático medio para el conjunto de test, los pesos y umbral resultantes tras aprendizaje y las salidas desnormalizadas de test.
- *datostest*. Parámetros: carpeta y número de ciclos. Muestra en un fichero HTML los errores sobre el conjunto de test normalizado y sin normalizar, muestra también una gráfica comparando las salidas obtenidas con las esperadas.

## 3.3 Experimentación realizada

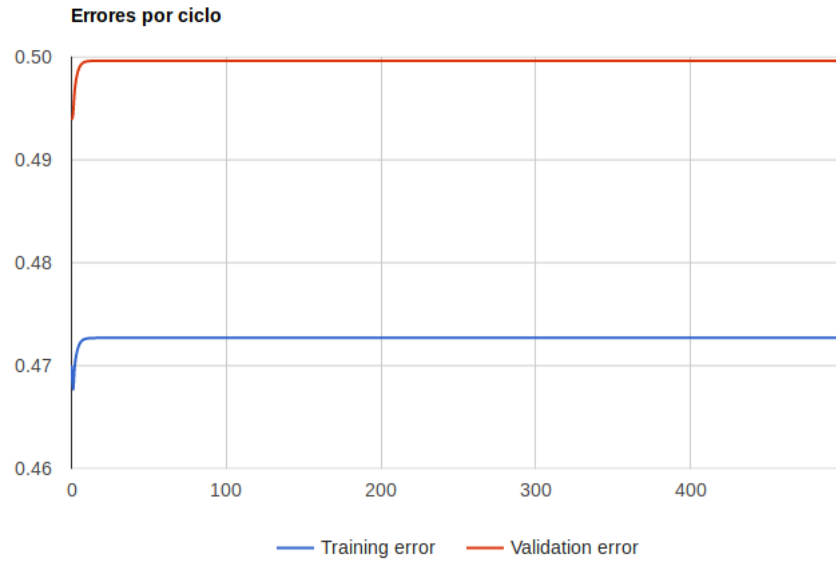
---

La experimentación realizada en Adaline se basa en ir variando la razón de aprendizaje ( $\gamma$ ) y el número de ciclos de ejecución. Iremos extrayendo ciertas conclusiones en función de los valores posibles de  $\gamma$ , entre 0 y 1 y los ciclos de ejecución, que pueden ser desde 1 al número que se quiera indicar.

### Experimentaciones

$\gamma = 0,8$  y *ciclos* = 500

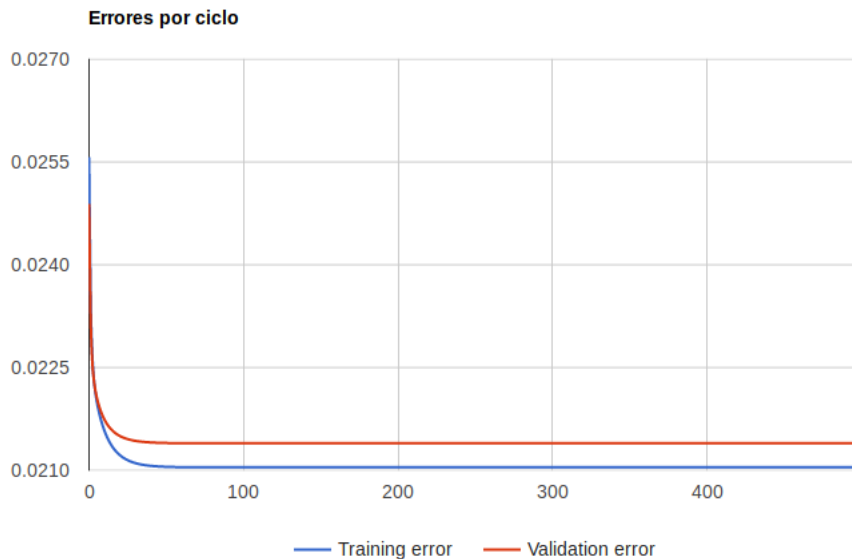
Con una tasa de 0.8 y 500 ciclos la red "no aprende" (3.2) dado que comienza cometiendo un error y en el ciclo inmediatamente posterior el error aumenta, tendencia que continúa hasta que el error se estabiliza en un valor elevado, por tanto considero de poco interés este experimento. El error obtenido sobre el conjunto de test es de 0.49219936325144.



**Figura 3.2:** Gráfica Adaline 0.8 - 500

$\gamma = 0,2$  y *ciclos* = 500

Con una tasa de 0.2 y 500 ciclos (3.3) se produce un claro sobreaprendizaje dado que la red es capaz de generalizar el conjunto de entrenamiento con un error cuadrático medio que se estabiliza en torno a 0.021043565092019 mientras que el conjunto de validación se estabiliza en torno a 0.021394445575013. Como vemos la diferencia es muy pequeña pero digamos que en este valor se comienza a producir el sobreaprendizaje, situación que no deseamos porque esto indica que la red no será capaz de generalizar bien datos que no conozca. El error de test es de 0.023142903383433.



**Figura 3.3:** Gráfica Adaline 0.2 - 500

$\gamma = 0,15$  y *ciclos* = 500,  $\gamma = 0,1$  y *ciclos* = 500

Con una tasa de 0.15 y 500 ciclos se sigue produciendo sobreaprendizaje pero se puede observar que según se va disminuyendo la tasa de aprendizaje, el valor absoluto de la diferencia entre ambos errores va disminuyendo. También va disminuyendo el error de test que ahora se sitúa en 0.021433296435724. Esta tendencia se puede comprobar con



la experimentación realizada para  $\gamma = 0,1$  y *ciclos* = 500 (3.4). El error de entrenamiento se estabiliza en 0.017396882217266 y el de validación en 0.018214407942476. El error producido en test en este caso es de 0.020000915138424. En este caso, con  $\gamma = 0,1$  sigue produciéndose sobreaprendizaje.



Figura 3.4: Gráfica Adaline 0.1 - 500

$\gamma = 0,0001$  y *ciclos* = 20000

Con una tasa muy pequeña ( $\gamma = 0,0001$ ) son necesarios cerca de 20000 ciclos (3.5) para conseguir que los errores de validación y entrenamiento se estabilicen. Se obtienen 0.016186448864616 y 0.016999895299418 como errores estabilizados en entrenamiento y validación respectivamente. El error producido sobre el conjunto de test es 0.019147481314295.

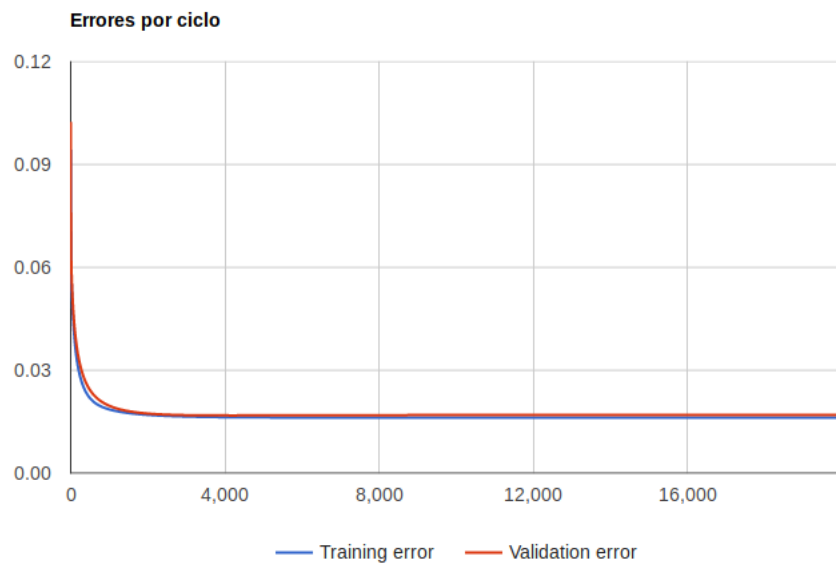
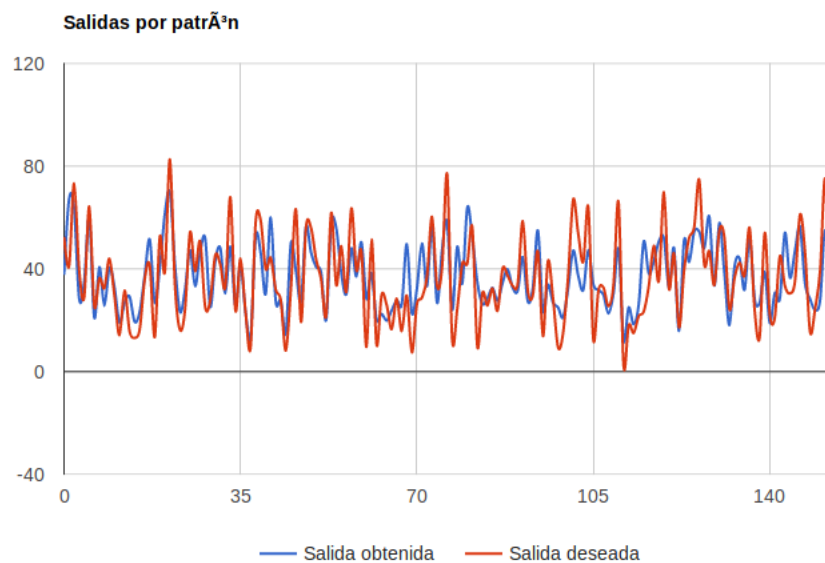


Figura 3.5: Gráfica Adaline 0.0001 - 20000

### 3.4 Resumen experimentación Adaline

**Tabla 3.1:** Resumen experimentación Adaline

Tasa de aprendizaje	Error entrenamiento	Error validación	Error test
0.8	0.47269316589935	0.49962652341666	0.49219936325144
0.2	0.021043565092019	0.021394445575013	0.023142903383433
0.1	0.017396882217266	0.018214407942476	0.020000915138424
0.0001	0.016186448864616	0.016999895299418	0.019147481314295



**Figura 3.6:** Salidas obtenidas vs salidas deseadas para tasa de aprendizaje 0.0001

Como vemos, el mejor experimento realizado es aquel que minimiza el error cuadrático medio, esto es, el realizado con tasa de aprendizaje 0.0001, por lo que se muestran las salidas obtenidas frente a las deseadas en dicho experimento. Podemos ver que para algunas de las salidas el modelo aproxima casi a la perfección pero para otras hay grandes diferencias, en esas diferencias es en las que se genera el error que en este caso se eleva a 123.26694496161, valor desnormalizado. Posteriormente evaluaremos el MLP y veremos si estos valores son mejorables <sup>1</sup>.

<sup>1</sup>Para ver los valores en detalle acudir a los resultados adjuntos en formato HTML

---

## CAPÍTULO 4

# Modelo Perceptrón Multicapa

---

En este capítulo se explicará el modelo del Perceptrón multicapa, se explicará la experimentación realizada sobre el script básico proporcionado en lenguaje R, se resumirá la experimentación y se tratará de explicar los resultados. Para realizar la experimentación se irán variando tanto la tasa de aprendizaje como el número de neuronas ocultas.

### 4.1 Perceptron Multicapa (MLP)

---

Es una red de neuronas artificiales formada por múltiples capas (4.1). A diferencia del modelo Adaline, resuelve problemas que no son linealmente separables. Además, se ha demostrado que es un aproximador universal, es decir, cualquier función continua en el espacio  $\mathbb{R}^n$  puede aproximarse con este modelo.

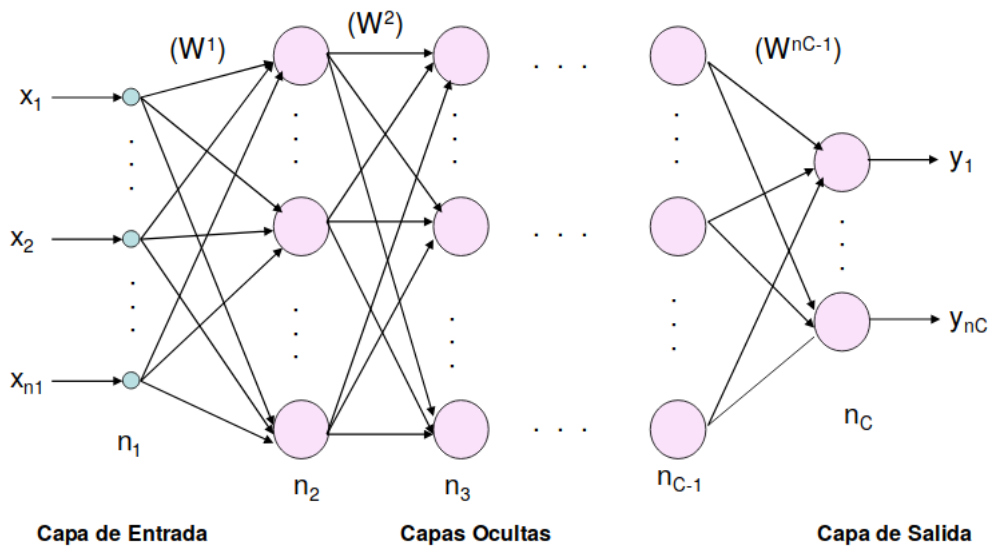


Figura 4.1: Red Perceptrón multicapa [3]

La arquitectura está distribuida en tres tipos de neuronas: neuronas de entrada, que únicamente reciben las entradas y las propagan a la siguiente capa, las neuronas ocultas, que procesan de manera no lineal las entradas, y las neuronas de salida, que devuelven las salidas al exterior.

Teniendo dos neuronas  $i$  y  $j$ :

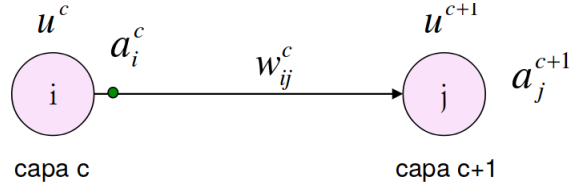


Figura 4.2: Esquema MLP [3]

Los pesos y el umbral (4.1) se expresan en forma matricial, e influyen en la activación de la neurona perteneciente a la capa siguiente. Las neuronas de entrada simplemente tienen su activación equivalente a la entrada que reciben, sin embargo, tanto las neuronas de la capa de salida (4.3) como las neuronas de las capas ocultas (4.2) necesitan computar los pesos y sus entradas sumándoles el umbral.

$$W^c = (w_{ij}^c) = \begin{pmatrix} w_{11}^c & w_{12}^c & \dots & w_{1n_{c+1}}^c \\ w_{21}^c & w_{22}^c & \dots & w_{2n_{c+1}}^c \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ w_{n_c1}^c & w_{n_c2}^c & \dots & w_{n_cn_{c+1}}^c \end{pmatrix}, U^c = (u_i^c) = \begin{pmatrix} u_1^c \\ u_2^c \\ \dots \\ u_{n_c}^c \end{pmatrix} \quad (4.1)$$

$$a_i^c = f\left(\sum_{j=1}^{n_{c-1}} w_{ji}^{c-1} * a_j^{c-1} + u_i^c\right) \quad (4.2)$$

$$y_i = a_i^c = f\left(\sum_{j=1}^{n_{c-1}} w_{ji}^{c-1} * a_j^{c-1} + u_i^c\right) \quad (4.3)$$

Siendo  $f$  la función de activación. Las funciones más utilizadas son la función sigmoideal ( $f_1(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ ) y la tangente hiperbólica ( $f_2(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ ). El aprendizaje de la red se realiza de forma semejante que en Adaline, pero no entraremos en detalle en esta ocasión [3].

## 4.2 Experimentación realizada

En cuanto a la experimentación realizada se ha prestado especial atención en conseguir una capacidad de generalización adecuada. Esto es: no nos interesa conseguir que la red sea capaz de estimar valores del conjunto de entrenamiento pero que cuando entren datos de un conjunto nuevo, no sea capaz de generalizarlos. Esta situación es conocida como **sobreaprendizaje**. La siguiente figura (4.3) tomada de las transparencias de los profesores de la asignatura ilustra muy bien este comportamiento no deseado. Aun así trataremos de ver una situación de sobreaprendizaje en la experimentación para tratar de explicar el motivo de este comportamiento.

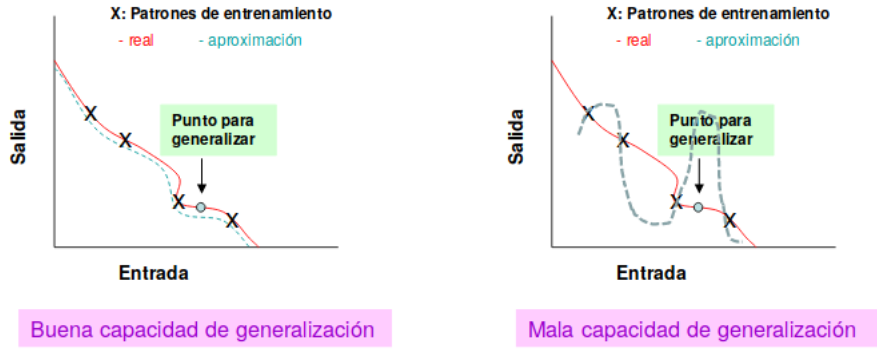


Figura 4.3: Sobreaprendizaje en MLP [3]

Esta situación se puede evitar renunciando a cierta capacidad de generalización sobre el conjunto de entrenamiento, si esto nos va a llevar a una mejor capacidad de generalización sobre otros conjuntos de datos como pudieran ser test o validación. Esto nos aboca a dos posibles situaciones: estabilizar los errores de entrenamiento y test (el aprendizaje ha terminado con éxito) o bien que el error de entrenamiento se estabiliza y el error de test se dispara (se ha producido sobreaprendizaje y el modelo no generaliza bien los datos). Si inicializamos un modelo MLP con demasiadas neuronas ocultas o pesos, o incluso demasiados ciclos, el modelo en su aprendizaje será capaz de generalizar con mucha exactitud el conjunto de entrenamiento. Sin embargo existe la posibilidad de que al presentar al modelo datos de otro conjunto, su capacidad de generalización resulte en fracaso (4.3).

### Experimentaciones

$\gamma = 0,8$ ,  $ciclos = 10000$  y  $n_{ocultas} = 50$  ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ )

Con una tasa de 0.8, bastante elevada, 50 neuronas en la capa oculta y 10000 ciclos (4.4), lo que tenemos es una clara situación de sobreaprendizaje. El modelo es capaz de generalizar bien el conjunto de entrenamiento con un error de 0.00215141436100276 mientras que en test se produce un error de 0.00305097518407372. Este experimento se ha realizado utilizando la función de activación sigmoideal. Es de suponer que si incrementamos el número de capas ocultas el sobreaprendizaje se acentuaría y la gráfica sería más evidente.

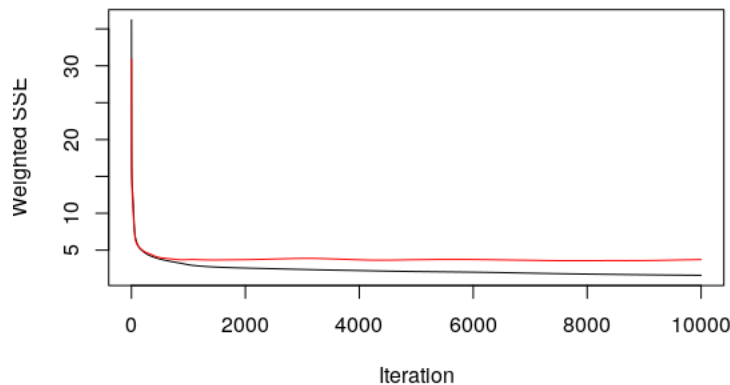
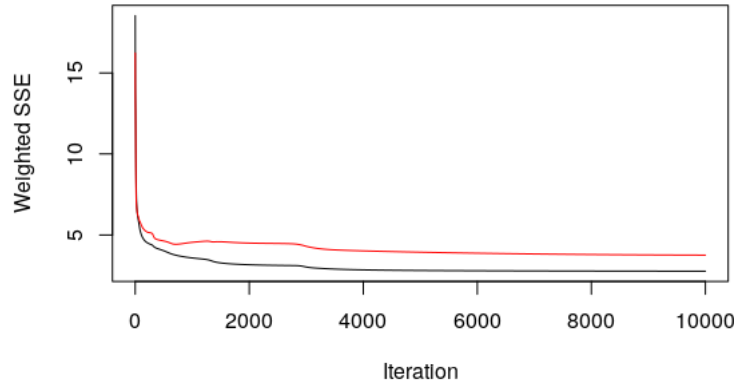


Figura 4.4: Gráfica MLP 0.8 - 50 ocultas - 10000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ )

$\gamma = 0,8$ ,  $ciclos = 10000$  y  $n_{ocultas} = 50$  ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ )

Con una tasa de 0.8, bastante elevada, 50 neuronas en la capa oculta y 10000 ciclos (4.7), lo que tenemos es una clara situación de sobreaprendizaje. El modelo es capaz de generalizar bien el conjunto de entrenamiento con un error de 0.00429123031163413

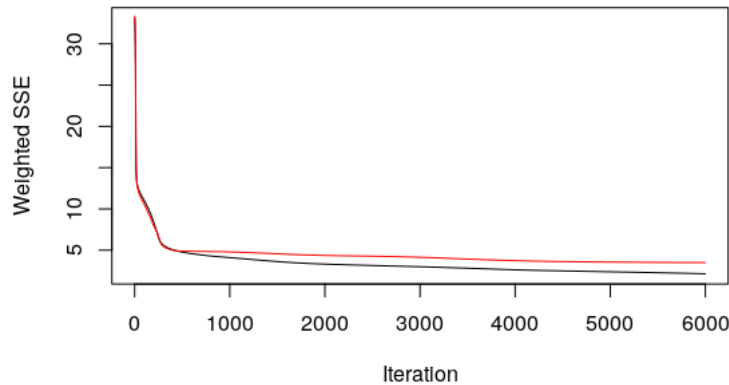
mientras que en test se produce un error de 0.00604587325351324. Este experimento se ha realizado utilizando la función de activación tangente hiperbólica. A simple vista vemos la diferencia entre las dos gráficas (4.7 y 4.4), si nos damos cuenta, a parte de que el error producido es prácticamente el doble utilizando la tangente hiperbólica, esta segunda función presenta un comportamiento bastante inestable, al necesitar un mínimo de 3000 ciclos para comenzar su estabilización, mientras que la sigmoideal entra en esta fase a partir del ciclo 700. Podemos afirmar que en este caso la sigmoideal genera mejor modelo que la tangente hiperbólica.



**Figura 4.5:** Gráfica MLP 0.8 - 50 ocultas - 10000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ )

$$\gamma = 0,2, \text{ ciclos} = 6000 \text{ y } n_{\text{ocultas}} = 50, 50 \text{ } (f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}})$$

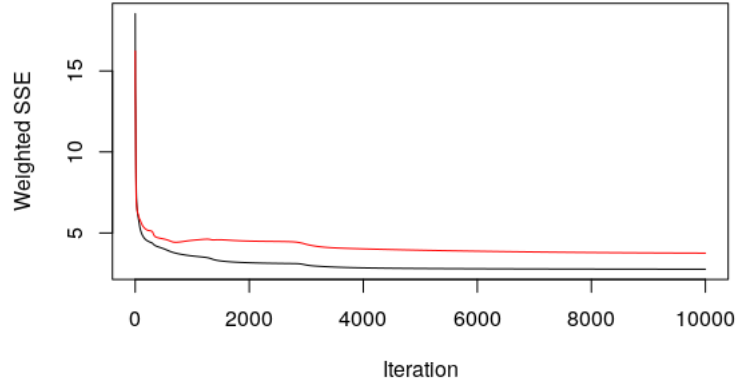
Con una tasa de 0.2, 50 neuronas en dos capas ocultas y 6000 ciclos (4.6), lo que tenemos es sobreaprendizaje de nuevo. El modelo es capaz de generalizar bien el conjunto de entrenamiento con un error de 0.00283018784738848 mientras que en test se produce un error de 0.00431462177153583. Este experimento se ha realizado utilizando la función de activación sigmoideal.



**Figura 4.6:** Gráfica MLP 0.2 - 50,50 ocultas - 6000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ )

$$\gamma = 0,2, \text{ ciclos} = 6000 \text{ y } n_{\text{ocultas}} = 50, 50 \text{ } (f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}})$$

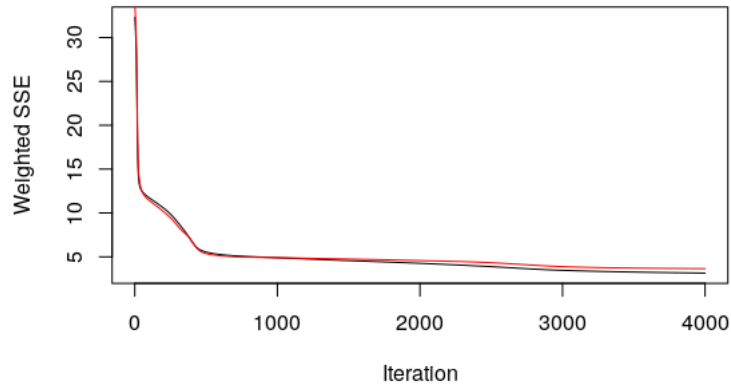
Con una tasa de 0.2, 50 neuronas en dos capas ocultas y 6000 ciclos (4.7), lo que tenemos es sobreaprendizaje más evidente que utilizando la función sigmoideal. El modelo es capaz de generalizar bien el conjunto de entrenamiento con un error de 0.000889548028478484 mientras que en test se produce un error de 0.00346949202753306. Este experimento se ha realizado utilizando la función de activación tangente hiperbólica. Resulta evidente que no es adecuada la utilización de esta función.



**Figura 4.7:** Gráfica MLP 0.2 - 50,50 ocultas - 6000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ )

$$\gamma = 0,1, \text{ ciclos} = 2000 \text{ y } n_{ocultas} = 100, 50 \text{ (} f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}} \text{)}$$

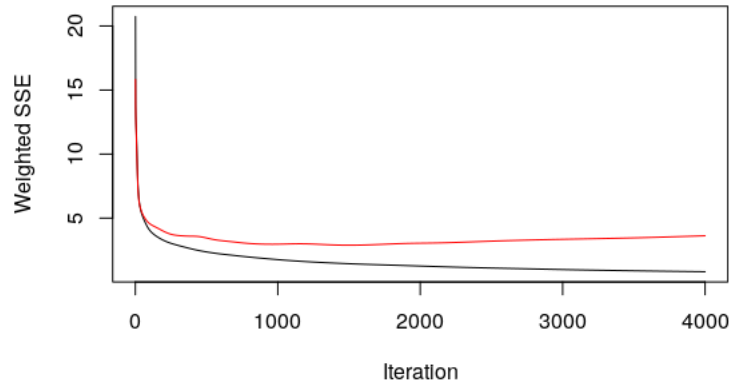
Con una tasa de 0.1, 50 y 100 neuronas en dos capas ocultas y 2000 ciclos (4.8), tenemos un buen modelo. El modelo es capaz de generalizar bien el conjunto de entrenamiento con un error de 0.00415175928712051 mientras que en test se produce un error de 0.00448553303982486. Utilizando la función sigmoideal, vemos que hemos renunciado a cierta capacidad de generalización sobre el conjunto de entrenamiento, a cambio de mejorar la generalización sobre otros conjuntos.



**Figura 4.8:** Gráfica MLP 0.1 - 100,50 ocultas - 2000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ )

$$\gamma = 0,1, \text{ ciclos} = 2000 \text{ y } n_{ocultas} = 100, 50 \text{ (} f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}} \text{)}$$

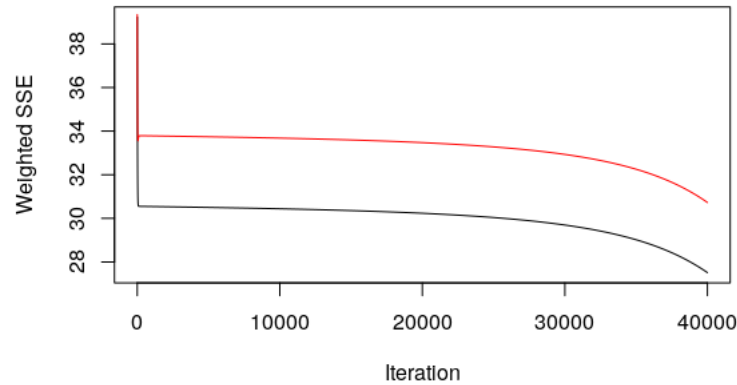
Con una tasa de 0.1, 50 y 100 neuronas en dos capas ocultas y 2000 ciclos (4.9), utilizando la función tangente hiperbólica vemos que el error de test se dispara y si aumentásemos los ciclos tendríamos que el error de test diverge. Por tanto no es adecuado este modelo.



**Figura 4.9:** Gráfica MLP 0.1 - 100,50 ocultas - 2000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ )

$$\gamma = 0,0001, \text{ ciclos} = 40000 \text{ y } n_{ocultas} = 100, 50, 25 \text{ (} f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}} \text{)}$$

Con una tasa de 0.0001, 100, 50 y 25 neuronas en tres capas ocultas y 40000 ciclos (4.10), generaliza el conjunto de entrenamiento con un error de 0.0381546433606143, y el conjunto de test con un error de 0.039593033458852. Se ve que el modelo no es en absoluto apropiado puesto que el error es demasiado elevado y hay demasiada diferencia entre ambos errores.

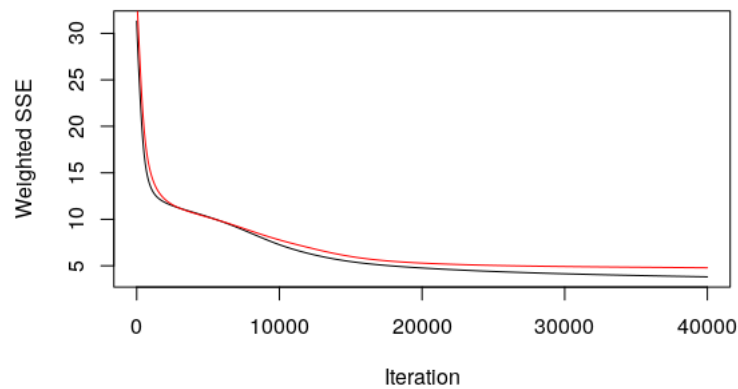


**Figura 4.10:** Gráfica MLP 0.0001 - 100,50,25 ocultas - 40000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ )

$$\gamma = 0,0001, \text{ ciclos} = 40000 \text{ y } n_{ocultas} = 100, 50, 25 \text{ (} f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}} \text{)}$$

Con una tasa de 0.0001, 100, 50 y 25 neuronas en tres capas ocultas y 40000 ciclos (4.11), utilizando la función tangente hiperbólica tenemos un error sobre el conjunto de entrenamiento de 0.00528260390284608, un error sobre el conjunto de test de 0.00569856426934457. Vemos que los errores son semejantes. Comparando en este caso ambas funciones, vemos que en este caso particular, la función de activación tangente hiperbólica genera mejor modelo que la sigmoideal.





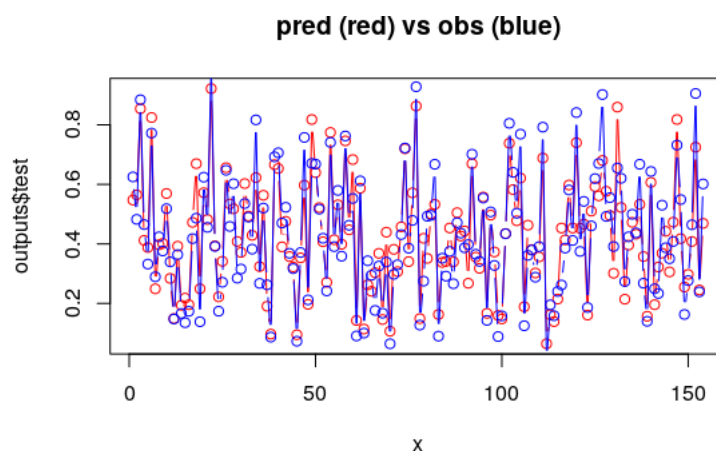
**Figura 4.11:** Gráfica MLP 0.0001 - 100,50,25 ocultas - 40000 ciclos ( $f_a(x) = \frac{1-e^{-x}}{1+e^{-x}}$ )

### 4.3 Resumen experimentación Perceptrón Multicapa

**Tabla 4.1:** Resumen experimentación MLP

Tasa de aprendizaje	Error entrenamiento	Error validación	Error test
0.8 50 ocultas sigmoidal	0.00215141436100276	0.00517340674087032	0.00305097518407372
0.8 50 ocultas tangente hiperbólica	0.00429123031163413	0.0052114219011533	0.00604587325351324
0.2 50, 50 ocultas sigmoidal	0.00283018784738848	0.00485646757920353	0.00431462177153583
0.2 50, 50 ocultas tangente hiperbólica	0.000889548028478484	0.00553734379737086	0.00346949202753306
0.1 100, 50 ocultas sigmoidal	0.00415175928712051	0.0050566079914164	0.00448553303982486
0.1 100, 50 ocultas tangente hiperbólica	0.00131125349800932	0.00502077763421073	0.00533692446637476
0.0001 100, 50, 25 ocultas sigmoidal	0.0381546433606143	0.0426178103593746	0.039593033458852
0.0001 100, 50, 25 ocultas tangente hiperbólica	0.00528260390284608	0.00663522559427817	0.00569856426934457

En la tabla 4.1 se observa claramente que el mejor modelo es el último considerado, puesto que a pesar de que presenta un error mayor que el primero, es capaz de mantener la diferencia entre los errores muy baja. Esto significa que si siguiésemos presentando conjuntos diferentes de datos sería capaz de generalizarlos correctamente. Por ello se considera que es el mejor modelo. Las salidas obtenidas vs las salidas deseadas las podemos apreciar en la gráfica 4.12.



**Figura 4.12:** Salidas obtenidas vs salidas deseadas para tasa de aprendizaje 0.0001 neuronas: 100, 50, 25



---

## CAPÍTULO 5

# Conclusiones

---

Analizados ambos modelos, estamos en disposición de valorar objetivamente cual de ellos da mejor resultado para el problema que teníamos que resolver: para ello veamos los dos modelos elegidos para cada tipo, y también la tabla de resultados de cada uno de los dos modelos. La diferencia entre ambos modelos es que en Adaline teníamos la posibilidad de modificar ciclos y tasa de aprendizaje mientras que en Perceptrón Multicapa hemos visto que además se pueden añadir capas de neuronas ocultas para hacer el modelo más complejo. El error de test que obtenemos en el mejor modelo escogido por Adaline es de 0.019147481314295 mientras que el error de test que obtenemos en el mejor modelo escogido MLP es de 0.00569856426934457. Como vemos resulta evidente que el error mejora significativamente en un factor de  $\frac{1}{4}$  aproximadamente. Consideramos entonces que una red MLP aproxima mejor y es capaz de generalizar mejor en este caso concreto, aunque hay que tener cautela porque es fácil dejarse llevar y añadir las suficientes capas para que MLP aproxime exactamente el conjunto de entrenamiento, que como ya hemos visto en 4.9 no nos lleva más que a una red que posteriormente fallará en la generalización de otros conjuntos de datos.

Es importante resaltar que aunque parezca que la diferencia es mínima en cuanto se "desnormalizan" los datos vemos que algunas salidas tanto en 4.12 como en 3.6 presentan errores de una magnitud bastante importante, y que en estos casos nuestras redes fallan en su generalización.

En cuanto a la práctica en general, pienso que ha habido problemas de rendimiento tanto en el script en R como en mi programa en PHP debido a que el proceso de aprendizaje si los ciclos son muy elevados he llegado a ver ejecuciones de veinte minutos. Lo cual ha provocado tener que invertir más tiempo en la práctica. Sería bueno plantearse mejorar el rendimiento de estos programas aunque se entiende que no es el objetivo principal.



# Bibliografía

---

- [1] Conjunto de datos del hormigón, Knowledge Extraction based on Evolutionary Learning. Obtenido de <http://sci2s.ugr.es/keel/dataset.php?cod=44>.
- [2] Primeros modelos computacionales, Inés M. Galván y José M<sup>a</sup> Valls. Obtenido de <http://ocw.uc3m.es/ingenieria-informatica/redes-de-neuronas-artificiales/transparencias/material-de-clase.-tema-2/view>.
- [3] Peceptrón Multicapa, Inés M. Galván y José M<sup>a</sup> Valls. Obtenido de <http://ocw.uc3m.es/ingenieria-informatica/redes-de-neuronas-artificiales/transparencias/material-de-clase.-tema-3/view>.

