



BENEMÉRITA UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE PUEBLA

FACULTAD DE CIENCIAS DE LA ELECTRÓNICA

**MAESTRÍA EN INGENIERÍA ELECTRÓNICA, OPCIÓN
INSTRUMENTACIÓN ELECTRÓNICA**

MATERIA DE:

PROCESAMIENTO DE SEÑALES

” PROYECTO FINAL ”

ALUMNO:

LUIS CARLOS LUJANO HERNÁNDEZ*

PROFESOR:

DR. JESÚS MANUEL MUÑOZ PACHECO

PUEBLA, PUE., DICIEMBRE 2020

Introducción

El proyecto final consiste en realizar una encriptación de un texto. El poema de Nezahualcóyotl llamado *Amo el canto del cenxontle*, se tomará como uno de los ejemplos en la realización del proyecto final y obtener como resultado final un mensaje cifrado.

*Amo el canto del cenxontle,
pájaro de cuatrocientas voces.
Amo el color del jade
y el enervante perfume de las flores,
pero más amo a mi hermano: el hombre.*

Poema de Nezahualcóyotl (1402-1472).

El siguiente ejemplo que se realizará en éste proyecto final será un texto tomado del libro *Las aventuras de Sherlock Holmes* por Sr. Arthur Conan Doyle.

" Mi mente se subleva ante el estancamiento. Proporcioneme usted problemas, proporcioneme trabajo, déme los más abstrusos criptogramas o los más intrincados análisis, y entonces me encontraré en mi ambiente. Podré prescindir de estimulantes artificiales. "

El proceso de cifrado consta de dos bloques importantes, la permutación y la sustitución.

Permutación

La permutación consiste en intercambiar filas y columnas de la matriz de datos. Las filas y las columnas que se intercambian se indican aleatoriamente con un generador de números aleatorios. El número aleatorio se le llama llave y es un valor que se encuentra entre 0 y 1, para indicar el número de fila y columna es necesario dos llaves. Las llaves se mapean y se redondean en un rango y para este proyecto final será de 1 a 16, esto se debe a que se construye una matriz de datos de tamaño 16x16.

La función de mapeo que se utilizará en este proyecto es la siguiente:

$$y = x * (b - a) + a \quad (1)$$

Donde y indica el número de fila o columna, x el número aleatorio de entre 0 y 1, a el límite inferior que en este caso será $a = 1$ y b el límite superior siendo $b = 16$.

Sustitución

La sustitución se realiza a partir de una matriz llamada S-box y se denota como S . El valor de entrada se representa en un número binario de 8 bits, los primeros 2 bits y los últimos 2 bits indicarán el número de fila y los 4 bits centrales indican el número de columna. Es decir, tenemos la siguiente expresión:

$$S[0] : (1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0) \quad (2)$$

El número binario se divide para obtener el número de fila:

$$1,0,1,0 \rightarrow 10 \quad (3)$$

Se realizará el proyecto en MATLAB y por lo tanto se le suma un 1 al final de la conversión binario a decimal. Obtenemos la Fila número 11.

Los 4 bits centrales indican el número de columna:

$$0,1,1,0 \rightarrow 6 \quad (4)$$

El número de columna sería la 7.

Supongamos que tenemos la siguiente matriz como S-box:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
1	249	214	235	206	145	251	241	51	193	48	166	204	180	208	222	246
2	219	215	6	1	15	13	234	69	209	107	28	213	44	190	54	155
3	122	173	230	186	238	94	123	169	158	250	53	233	89	211	244	189
4	200	228	177	198	130	132	29	221	237	144	220	77	172	82	57	45
5	128	71	67	218	87	64	21	242	126	127	36	42	243	133	247	43
6	248	5	99	20	33	79	154	38	223	124	149	74	225	3	121	197
7	83	73	152	11	65	115	88	85	18	188	176	205	199	35	120	101
8	26	103	118	0	245	170	75	116	192	210	106	84	55	143	229	168
9	9	150	185	231	146	119	17	138	24	37	156	93	179	10	81	178
10	125	30	148	151	80	90	207	183	255	196	16	164	7	142	31	201
11	25	135	12	97	253	167	165	171	68	61	232	111	162	41	160	184
12	129	137	27	236	226	46	203	19	117	131	58	66	217	195	102	60
13	224	23	47	212	174	34	78	239	4	113	175	194	70	182	187	32
14	134	92	104	8	59	140	14	49	254	95	227	52	181	216	159	86
15	147	76	39	112	98	163	141	2	202	252	100	110	56	157	153	62
16	22	191	63	105	91	72	139	108	114	240	136	109	161	40	50	96

Figura 1: S-box

Por lo tanto, el valor que se sustituye en la posición 0 de la matriz de datos será el número 165.

Desarrollo

El desarrollo de este proyecto se basó en el siguiente algoritmo.

```
1 INICIO
2 Texto de Entrada
3 Convertir de Caracteres a ASCII
4 Generar la Matriz de Datos
5 Generar Llave
6 Permutar 1
7 Generar Llave
8 Permutar 2
9 Construir S-box
10 Sustitución
11 Generar Vector de Datos Final
12 Convertir de ASCII a Caracteres
13 FIN
```

1. Inicia el código.
2. Ingresamos el TEXTO en una variable.
3. Convertir de caracteres a valores ASCII de 0 a 255.

-
4. Se construye la matriz de datos de 16x16.
 5. Generar llaves para indicar la fila y columna.
 6. Se permutan fila y columna.
 7. Generar otras dos llaves.
 8. Se permutan fila y columna.
 9. Se construye la S-box.
 10. Se sustituyen valores de la matriz de datos con la S-box.
 11. Retomar el mismo número de caracteres ingresados en el TEXTO de la matriz final.
 12. Convertir de ASCII a caracteres.
 13. Fin del código.

Comenzamos por definir los tres principales bloques del código, Generador de números aleatorios, Permutar y S-box. La primera función será la construcción del generador de números aleatorios por caos. El código de la función en MATLAB es el siguiente:

```
1 function [ NumRand ] = CaosNum()  
2 %Parametros  
3 d = 100;  
4 r = 4;  
5 xi = rand; %semilla  
6 %Funcion  
7 A = d*xi*exp(((r+9)*(1-xi))-((r+5)*(xi)*(1-xi)));  
8 NumRand = mod(A,1);  
9 end
```

1. Se declara una función llamada *CaosNum* y toma como variable de salida *NumRand*.
2. Comentario para indicar los parámetros.
3. Se declara la variable *d*.
4. Se declara la variable *r*.
5. Se declara la semilla como un número aleatorio de MATLAB.
6. Comentario para indicar la función del generador de números aleatorios por caos.
7. Se calcula la variable *A*.
8. Obtenemos el número aleatorio en la variable *NumRand*.
9. Fin de la función.

La siguiente función corresponde a la operación de permutar las filas y columnas.

```
1 function [ MatrizOUT, Fila, Columna ] = Permutar( MatrizIN, num1, num2 )  
2 a = 1;  
3 b = 16;
```

```

4  %----Mapeo
5  y1 = (num1)*(b-a) + a;
6  y2 = (num2)*(b-a) + a;
7  %----Fila o Columna
8  Fila = round(y1,0);
9  Columna = round(y2,0);
10 %----Fila y Columna de los Datos
11 Dat_F = MatrizIN(Fila,:);
12 Dat_C = MatrizIN(:,Columna);
13 %----Intercambio a Columna y Fila
14 Per_F = reshape(Dat_C,1,16);
15 Per_C = reshape(Dat_F,16,1);
16 %----Sustitucion de Filas y Columnas en los Datos
17 MatrizIN(Fila,:) = Per_F;
18 MatrizIN(:,Columna) = Per_C;
19 MatrizOUT = MatrizIN;
20 end

```

1. Inicia la función llamada *Permutar* con variables de salida *MatrizOUT*, *Fila*, *Columna* y variables de entrada *MatrizIN*, *num1*, *num2*.
 2. Se declara la variable *a* como límite inferior del mapeo de los números aleatorios.
 3. Se declara la variable *b* como límite superior del mapeo.
 4. Comentario para indicar el comienzo del mapeo.
 5. Se obtiene el primer mapeo indicado en la variable *y1*.
 6. Se obtiene el segundo mapeo indicado en la variable *y2*.
 7. Comentario para indicar las variables *Fila* y *Columna*.
 8. Redondeo de la variable *y1* para *Fila*.
 9. Redondeo de la variable *y2* para *Columna*.
 10. Comentario para indicar la obtención de valores de *Fila* y *Columna*.
 11. Almacenamos la *Fila* de la matriz de entrada en la variable *Dat_F*.
 12. Almacenamos la *Columna* de la matriz de entrada en la variable *Dat_C*.
 13. Comentario para indicar la conversión de *Fila* y *Columna*.
 14. Convertir *Fila* en *Columna*.
 15. Convertir *Columna* en *Fila*.
 16. Comentario para indicar la sustitución.
 17. Se sustituyen los valores de la *Fila* indicada de la matriz de entrada.
 18. Se sustituyen los valores de la *Columna* indicada de la matriz de entrada.
 19. Se iguala la matriz de salida con la matriz modificada.
 20. Fin de la función.
-

La tercera función que corresponde a la construcción de la S-box se declara a partir de la Tarea 9. Se construye a partir del algoritmo descrito en la referencia [1]. El código de la función *S_box_f* solo tiene una variable de salida *Matriz_S_box* y necesita de la función *CaosNum()* para generar los números aleatorios. El código es el siguiente:

```
1 function [ Matriz_S_box ] = S_box_f( )
2 %INICIO
3 %Paso 2
4 Bits_XOR = zeros(1,16);
5 LSB = zeros(1,8);
6 S_box = [];
7 %Paso 4
8 l = 1;
9 while l < 257
10     regreso = 0;
11     while regreso == 0
12         %Paso 5
13         %----- X1 y X2
14         x1 = CaosNum();
15         x2 = CaosNum();
16         %Paso 6
17         %-----Binario a 16bits
18         x1b = round(x1*65535,0);
19         x2b = round(x2*65535,0);
20         Binx1 = de2bi(x1b,16);
21         Binx2 = de2bi(x2b,16);
22         %Paso 7
23         %-----XOR
24         for i=1:16
25             Bits_XOR(1,i) = xor(Binx1(1,i),Binx2(1,i));
26         end
27         %Paso 8
28         for i=1:8
29             LSB(1,i) = Bits_XOR(1,i);
30         end
31         %Paso 9
32         Dec = bi2de(LSB);
33         %Paso 10-15
34         k = find(S_box == Dec);
35         [~,c] = size(k);
36         if c >= 1
37             regreso = 0;
38         else
39             S_box(1,1) = Dec;
40             regreso = 1;
41             l = l + 1;
42         end
43     end
44     %Paso 16
45 end
46 %Paso 17
47 Matriz_S_box = reshape(S_box,[16,16]);
48 %----- FIN -----
49 end
```

Siguiendo el algoritmo y utilizando la funciones anteriores construimos la encriptación del texto. Se muestra el código completo y se explican las líneas de código más relevantes. El código es el siguiente:

```

1  clear
2  clc
3  Datos = zeros(1,256);
4  prompt = 'Texto: ';
5  x = input(prompt,'s');
6  %Convierte de Caracteres a Unicode
7  ValUnicode = double(x);
8  %-----Matriz de Datos
9  [~,c] = size(ValUnicode);
10 for i=1:c
11     Datos(1,i) = ValUnicode(1,i);
12 end
13 Datos = (reshape(Datos,16,16)).';
14 %-----Permutar
15 %----Key 1
16 Key1_1 = CaosNum();
17 Key1_2 = CaosNum();
18 %----Permutar 1
19 [Perm1, F1, C1] = Permutar(Datos,Key1_1,Key1_2);
20 %----Key 2
21 Key2_1 = CaosNum();
22 Key2_2 = CaosNum();
23 %----Permutar 2
24 [Perm2, F2, C2] = Permutar(Perm1,Key2_1,Key2_2);
25 %----S-box
26 Sbox = S_box_f();
27 %-----Sustitucion Sus
28 Sus = zeros(16,16);
29 for s1 = 1:16
30     for s2 = 1:16
31         Dat = Perm2(s1,s2);
32         Bin = dec2bin(Dat,8);
33         Fil_Bin = [Bin(1,1) Bin(1,2) Bin(1,7) Bin(1,8)];
34         Col_Bin = [Bin(1,3) Bin(1,4) Bin(1,5) Bin(1,6)];
35         Fil = bin2dec(Fil_Bin);
36         Col = bin2dec(Col_Bin);
37         Sus(s1,s2) = Sbox(Fil+1,Col+1);
38     end
39 end
40 %%-----Dato Final
41 Vector = zeros(1,c);
42 resto = rem(c,16);
43 rep = (c - resto)/16;
44 for i = 1:rep
45     for l = 1:16
46         Vector(1,l+(16*(i-1))) = Sus(i,l);
47     end
48 end
49 [~,d] = size(Vector);
50 for i = 1:resto
51     Vector(1,(c-resto+i)) = Sus(rep+1,i);
52 end
53 %----Mensaje Final
54 cifrado = char(Vector);
55 display(cifrado)

```

La línea 1 a la 5 corresponde a la declaración al ingreso del TEXTO en la variable x. La línea 7 convierte los caracteres a valores ASCII extendido que va de decimales de 0 hasta 255. En las líneas 9 a 13 se sustituyen los ceros almacenados en la variable Datos por los valores que corresponden

al TEXTO y finalmente se construye una matriz de 16x16. Las líneas 16, 17, 21 y 22 se declaran las primeras 4 llaves para el proceso permutación. En la línea 19 y 24 se llama la función *Permutar()*. En la línea 26 construimos la S-box. En la línea 28 a 39 se realiza el proceso de sustitución con la S-box. En la línea 41 a 52 obtenemos un vector con el mismo tamaño que el TEXTO, es decir, si el texto es 'HOLA' el vector final tomará los primeros 4 valores de la matriz *Sus*. Las líneas 54 y 55 convierten los valores ASCII extendido en caracteres y los muestra en la variable *cifrado*.

Resultados

Se presenta como resultado el mensaje cifrado de un poema y de un texto tomado de un libro.

Poema.

Generamos la S-box como:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
1	0	1	191	6	232	114	129	78	214	160	24	118	203	189	220	27
2	81	225	80	123	127	110	156	135	46	40	102	50	31	92	62	33
3	30	242	199	121	13	181	124	164	98	153	63	148	71	122	97	210
4	60	221	21	196	244	150	247	103	32	231	14	84	183	167	70	113
5	56	229	130	217	174	208	248	48	162	126	7	134	139	18	109	137
6	238	75	55	235	254	90	193	190	115	236	88	136	207	49	233	53
7	197	209	57	213	73	245	177	44	112	182	171	132	28	151	133	116
8	255	180	206	17	34	240	155	47	91	253	43	237	158	141	149	142
9	154	111	230	29	165	202	67	219	95	94	125	194	15	61	143	42
10	2	41	249	93	234	101	228	211	54	36	224	185	72	66	38	106
11	100	82	37	179	138	131	51	65	16	212	204	128	79	186	35	172
12	68	120	11	69	218	19	77	169	59	76	117	187	87	52	184	192
13	201	10	239	161	227	205	241	198	96	216	3	188	74	22	152	9
14	246	176	39	140	252	25	146	108	147	163	222	243	23	170	4	144
15	175	89	5	145	12	20	119	200	83	26	157	45	168	58	99	250
16	166	159	107	85	215	223	251	226	86	178	195	173	105	8	64	104

Figura 2: S-box generada en MATLAB para el primer ejemplo

Obtuvimos como resultado el siguiente mensaje:

```

Texto: Amo el canto del cenizote, pájaro de cuatrocientas voces. Amo el color del jade y el enervante perfume de las flores, pero más amo a mi hermano: el hombre
cifrado =
'i^i0i0[s, ifai0[i,,i,, flv000s i0-i0[1s i[ii,, s 0-i[i "0ii0i0<['«,s^^  †0 0e0i0i,,i -si i0<i 1i^i0-i0† i0†i i v0<i i00^ 0s^i0s0^X0 i ~p,,i-~Xi  "s  '

```

Figura 3: Evidencia del primer mensaje cifrado.

Podemos observar que algunos símbolos se repiten en el mensaje cifrado, esto se debe a que hay letras que se repiten dentro del mensaje y por consiguiente son reemplazadas por el mismo valor de la S-box.

Texto.

La S-box que se generó dentro del código es el siguiente:

-
- Modified Logistic-May Map ", *Journal of Automation Mobile Robotics & Intelligent Systems*, Octubre 2020. 10.14313/JAMRIS/2-2020/13
- [3] Fei Yu, Lixiang Li, Qiang Tang, Shuo Cai, Yun Song, Quan Xu, "A Survey on True Random Number Generators Based on Chaos", *Discrete Dynamics in Nature and Society*, vol. 2019, Article ID 2545123, 10 pages, 2019. <https://doi.org/10.1155/2019/2545123>
- [4] Rukhin, A., et al.: A statistical test suite for random and pseudorandom number generators for cryptographic applications. NIST Special Publication 800-22. <http://csrc.nist.gov/publications/nistpubs/800-22-rev1a/SP800-22rev1a.pdf>.
- [5] Rudolf Ahlswede. "The Mathematical Background of the Advanced Encryption Standard" en *Hiding Data - Selected Topics*, volumen 12. Wolfgang Utschick, Holger Boche, Rudolf Mathar. Ed. Alemania: Springer, 2016, pp. 155-210
- [6] Pedro Sanchez Munoz, Nam Tran, Brandon Craig, Behnam Dezfouli, Yuhong Liu. "Analyzing the Resource Utilization of AES Encryption on IoT Devices". *2018 Asia-Pacific Signal and Information Processing Association Annual Summit and Conference (APSIPA ASC)* pp. 1-5, 2019.
- [7] SYSTEMS SECURITY FOR THE 21st CENTURY. *National Policy on the Use of the Advanced Encryption Standard (AES) to Protect National Security Systems and National Security Information*. Junio 2003.
- [8] Shashi Mehrotra Seth, Rajan Mishra. "Comparative Analysis Of Encryption Algorithms For Data Communication". Vol. 2, Junio 2011.
- [9] Muñoz Pacheco Jesús Manuel. "NIST SP800-22" 8 Oct. 2020. Procesamiento Digital de Señales. Benemérita Universidad Autónoma de Puebla. Clase.