Prova 1 - PCAM

João Pedro A.S. Secundino (10692054); João Pedro Uchôa Cavalcante (10801169); Luís Eduardo Rozante de Freitas Pereira (10734794); Sérgio Ricardo G. B. Filho (10408386);

1. Design

1.0.1 P - Particionamento

Sejam A, B, C, D matrizes $N \times N$ (sem perda de generalidade). Para a multiplicação das matrizes, cada tarefa será responsável por multiplicar dois valores, sendo cada um deles proveniente de uma das matrizes operando. Por exemplo, para realizar a multiplicação A*B, seriam criadas N^3 tarefas T_{ijk} , $(i,j,k\in[1,N])$, cada uma responsável por multiplicar os valores A[i][j] * B[j][k]. Portanto, como serão realizadas duas multiplicações de matrizes em paralelo, serão criadas $2*N^3$ tarefas T_{1ijk} e T_{2ijk} . As tarefas T_{xijk} , $(x\in[1,2])$ relacionadas a um mesmo elemento resultante deverão se comunicar por meio de uma redução de forma a calcular o valor acumulado deste elemento $(R_{AB_{ij}}$ ou $R_{CD_{ij}})$. Assim que as tarefas realizarem esta computação, elas devem comunicar os seus resultados às tarefas que serão criadas a seguir para que o programa possa realizar a soma de matrizes.

A partir de agora, serão criadas N^2 tarefas para a realização da soma de matrizes. Cada tarefa será responsável por somar dois valores $R_{AB_{ij}}$ ou $R_{CD_{ij}}$, sendo cada um proveniente das multiplicações de matrizes realizadas anteriormente. Após realizada a computação, as tarefas T_{ij} gerarão N^2 resultados, que deverão ser comunicados à tarefa mestre para que a saída do programa seja gerada.

1.0.2 C - COMUNICAÇÃO

Para que a multiplicação de matrizes seja possível, cada tarefa T_{xijk} deverá receber como entrada os dois elementos a serem multiplicados provenientes das matrizes de entrada. Outra comunicação a ser realizada acontece quando as tarefas relacionadas a um mesmo elemento resultante $R_{AB_{ij}}$ ou $R_{CD_{ij}}$ devem acumular os seus resultados. Os canais pelos quais essa comunicação será realizada poderão ser duas estruturas auxiliares globais $R_{AB}[i][j]$ e $R_{CD}[i][j]$ necessárias para a acumulação desses resultados. Assim que os seus valores forem armazenados, a tarefa deixam de existir.

Na etapa da soma, que deverá ser realizada após uma sincronização, teremos duas matrizes resultantes R_{AB} R_{CD} de dimensão $N \times N$. Essas tarefas T_{ij} necessitam, para iniciar as suas computações, dos dois valores a serem somados $R_{AB}[i][j]$ e $R_{CD}[i][j]$. Para comunicar os seus resultados à tarefa mestre, o canal a ser utilizado será uma matriz global R_f de dimensão $N \times N$.

1.0.3 A - AGLOMERAÇÃO

Para reduzir o overhead de comunicação e maximizar a localidade, as tarefas relacionadas à blocos de linhas das matrizes de entrada serão aglomeradas, de forma a distribuir estas tarefas em P processos. Por exemplo, as tarefas relacionadas às P primeiras linhas das matrizes de entrada serão executadas pelo primeiro processo, enquanto as relacionadas às P próximas linhas serão executadas pelo segundo processo e assim por diante. Matematicamente, as tarefas $T_{xijk}(i \in [1,P])$ serão executadas pelo processo $P_1, T_{xijk}(i \in [P+1,2P])$ pelo P_2 e assim por diante. Assim, serão formados P processos acumulando $\frac{2*N^3}{P}$ tarefas com computações equivalentes. No caso da divisão de tarefas não ser exata, as tarefas restantes serão distribuídas seguindo uma fila circular.

Após realizada a sincronização, a aglomeração da segunda etapa seguirá a mesma ideia da anterior, ao dividir as linhas das matrizes de entrada em P processos, realizando, em cada um deles, $\frac{N^2}{P}$ computações equivalentes. Assim, as tarefas $T_{ij}(i \in [1,P])$ serão realizadas por P_1 , as $T_{ij}(i \in [P+1,2P])$ por P_2 e assim por diante. No caso da divisão não ser exata, as tarefas restantes serão distribuídas seguindo uma fila circular.

1.0.4 M - MAPEAMENTO

De acordo com Ian Foster¹, o problema do mapeamento não acontece em sistemas que possuem memória compartilhada e oferecem escalonamento automático de tarefas. Portanto, nesta atividade, como o computador no qual o programa será executado possui as características citadas, o problema do mapeamento não será abordado durante a implementação do algoritmo.

^{1.} FOSTER, Ian. Designing and building parallel programs: concepts and tools for parallel software engineering. Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc., 1995.