Capítulo 4 - Algoritmos

Introdução

Conceitos importantes

• Sistema:

Conjunto de objetos, dotados de propriedades características, capazes de se interagir, dentro de um determinado contexto.

SISTEMA

Objetos + Propriedades + Operações

Exemplos:

Sistemas físicos : êmbolo-pistão, geladeira

Sistemas químicos : molécula, pilha Sistemas biológicos : célula, corpo humano Sistemas matemáticos : conjunto de equações

Sistemas ecológicos : rio, mangue

Sistemas econômicos : bolsa de valores, banco

Estado:

Conjunto de propriedades (atributos) relevantes dos objetos de um dado sistema, em um determinado instante.

Representação:

 E_n

Exemplos:

Sistema físico (geladeira) : temperatura, umidade
Sistema químico (pilha) : concentração, tensão
Sistema biológico (célula) : pressão osmótica, turgidez

Sistema matemático (equação) : valores, relações
Sistema ecológico (mangue) : população, poluição
Sistema econômico (banco) : ativo, passivo

Ação:

Evento que ocorre em um período de tempo finito estabelecendo um efeito intencionado e bem definido.

Toda vez que um determinado sistema estiver no estado E_n , e sofrer a aplicação da ação (operação) a_n , será levado ao estado E_{n+1} , após um certo intervalo de tempo.

Exemplo: Sistema físico (geladeira): temperatura

E_n
$$(T=15^{\circ}C)$$

 \downarrow a_n (abaixar a temperatura)
E_{n+1} $(T=14^{\circ}C)$

Processo:

Sequência temporal de (sub)ações, cujo efeito acumulado é igual ao efeito de um único evento equivalente.

$$\begin{array}{ccc} E_n & & E_n \\ \downarrow & a_n & & \\ E_m & & \downarrow & a_p = \{a_n, \ a_m\} \\ \downarrow & a_m & & \\ E_p & & E_p & & \end{array}$$

Exemplo: Sistema físico (geladeira): temperatura

• Programa:

"Formulações concretas de algoritmos abstratos baseados em representações e estruturas específicas de dados." (Wirth)

Algoritmo:

A palavra *algoritmo* deriva-se do nome de um matemático persa Abu ja'far Muhammad ibn-Musa Al-Khowarizmi (Algorimus, em latim)(780-850 d.C), professor do Instituto de Matemática de Bagdá e autor do livro Kitab al jabr w'al muqabala ("Regras de Restauração e Redução"). Este foi um dos primeiros textos escritos sobre Matemática, e responsável pela introdução da palavra álgebra ("redução", em árabe). Deve-se a este matemático o desenvolvimento dos primeiros procedimentos formalizados, passo-apasso, para a realização de operações aritméticas, e em homenagem ao seu pioneirismo, qualquer procedimento formalizado recebe este nome.

Um algoritmo é uma descrição de um padrão de comportamento (o quê fazer) expressa em termos de um repertório finito e bem inteligível de ações primitivas (como fazer), as quais, supõe-se, *a priori*, sejam possíveis de se executar.

A noção de um algoritmo, de uma ordem executável para o estabelecimento de um efeito final, é muito comum na vida cotidiana receitas, manuais, partituras etc.

Ao escrever um algoritmo, começa-se considerando o acontecimento como um processo, dividindo-o em uma sequência de (sub)ações que deverão ser realizadas sucessivamente.

É necessário o uso de um conjunto de mecanismos que permita o desenvolvimento de algoritmos, e que seja suficientemente conciso para evitar ambiguidades, ao mesmo tempo em que procure libertar o programador do rigor e das limitações de uma linguagem de programação específica.

A seguir encontra-se uma proposta de definição dos elementos deste conjunto.

Elementos de um algoritmo

Alfabeto

Um algoritmo pode conter os seguintes símbolos:

- as letras do alfabeto padrão inglês:

ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVXWYZ

abcdefghijklmnopqrstuvxwyz

- os dez algarismos:

0123456789

- outros símbolos:

+ - * / () {}	somahífenasteriscobarraparênteseschave	> < = ≥ ≤ ≠	 maior menor igual maior ou igual menor ou igual diferente	& ~	- ampersete - barra em pé - til
, ,	aspaspontovírguladois pontosponto-e-vírgula	! ? % 	exclamaçãointerrogaçãoporcentagemtravessãocircunflexo	# @ \	sustenidoarrobacontra-barra(barra invertida)

Comentários

São informações acrescentadas a um algoritmo com o objetivo de identificá-lo, explicar a sua função e esclarecer trechos.

Forma geral:

! texto!

Exemplo:

! ESTE É UM TRECHO DE COMENTÁRIO!

Pseudo-comandos

São descrições genéricas de trechos de algoritmo que ainda deverão ser desenvolvidos, até que possam ser expressos em termos dos comandos e estruturas de controle básicos. Recomenda-se que, ao se desenvolver a idéia expressa na sentença, o pseudo-comando passe a fazer parte do algoritmo como um comentário.

Forma geral:

? texto?

Exemplo:

em alguma versão do algoritmo:

? Calcular a soma de dois números ?

na versão final do algoritmo:

! Cálculo da soma de dois números !

Forma geral de um algoritmo início

! identificação!

! abstrações de dados ! ! definições de dados!

! abstrações de comandos ! ! definicões de comandos !

fim.

Exemplo:

Fazer um algoritmo para ler dois valores do teclado e mostrar a sua soma na tela.

Primeiro passo:

Identificar o objetivo do algoritmo.

início

? ler dois valores inteiros e mostrar sua soma ?

fim.

Segundo passo:

Isolar processos.

início

! ler dois valores inteiros e mostrar sua soma !

? ler dois valores inteiros ? ? mostrar sua soma ?

fim.

Terceiro passo:

Isolar ações consideradas primitivas.

início

! ler dois valores inteiros e mostrar sua soma !

? definir um local para armazenar o primeiro valor ? ? definir outro local para armazenar o segundo valor ? ?

? ler um valor do teclado e armazená-lo

? ler outro valor do teclado e armazená-lo ? ?

? mostrar a soma dos valores armazenados

fim.

A partir deste simples procedimento de identificação, isolamento e definição, um algoritmo vai sendo construído, passo a passo, contendo cada etapa mais informações e detalhes que a anterior. Quando se tiver atingido o objetivo desejado através de uma descrição minuciosa de uma sequência bem definida de ações, então pode-se levá-la à implementação.

Componentes de um algoritmo

Valores

Valores são expressões de entidades que contenham informações (dados) pertinentes ao processo descrito pelo algoritmo.

Quanto à utilização podem ser classificados como:

- constantes quando n\u00e3o se modificam durante a execu\u00e7\u00e3o de um algoritmo
- variáveis quando podem se modificar durante a execução de um algoritmo.

Tipos

Um tipo é um conjunto de valores que apresentem as mesmas características e comportamento uniforme quando submetidos a operações associadas.

Um valor qualquer x pertence a um tipo T , simplesmente se $x \in T$.

Uma expressão E é de um tipo T, se o resultado da avaliação de E for um valor x que pertença a T.

Pode-se separar os seguintes tipos de valores:

- básicos (simples ou compostos)
- abstrações
- referências (apontadores)

Forma geral:

Enumeração

Um tipo pode ser completamente definido a partir da enumeração de seus valores.

As enumerações são conjuntos ordenados (ou escalares) de constantes, cujo valor é o seu número de ordem, a partir de um (1), ou é um valor que lhe é conferido segundo uma ordem crescente.

Enumerações podem ser usadas para a definição de intervalos fechados, contínuos ou discretos.

Forma geral:

onde <itens> é uma especificação de intervalo:

contínua:

discreta:

Exemplos:

```
{ "A", "E", "I", "O", "U" } - define uma enumeração de letras
{ "A": "Z" , "a": "z" } - define uma enumeração de letras
{ 1: 100 } - define uma enumeração de inteiros entre 1 e 100
{ 0 , 1 } - define uma enumeração de inteiros com valor 0 e 1
```

Tipos básicos

Os tipos básicos estão associados às representações e manipulações de dados em uma determinada arquitetura de computadores.

• Bit

```
tipo BIT = \{0,1\}
```

Valores do tipo BIT só podem ser: 0 ou 1.

Lógico

```
tipo LÓGICO = BIT
```

Segundo a associação: { FALSO = 0, VERDADEIRO = 1 }.

Byte

```
tipo BYTE = BIT (8)
```

Valores compostos por (8) BITs: { 0000 0000, ..., 1111 1111 }.

Caractere

```
tipo CARACTERE = BYTE
```

Valores correspondentes aos símbolos representados por bytes, segundo um código, por exemplo ASCII:

Inteiro

tipo INTEIRO = BYTE (n) para n > 0

Exemplos:

Real

tipo REAL = BYTE (n) para
$$n > 0$$

Segundo alguma descrição, de ponto fixo ou flutuante.

Exemplos:

Ponto fixo:

BYTE
$$(1) = 1001.0100 = -1.25$$

Ponto flutuante:

Generalizando para notação científica (expoente):

sem expoente 100.0	com expoente 1.0E+2	$= (1.0 \times 10^2)$
-3251.6	-3.2516E3	$= (-3.2516 \times 10^3)$
0.48	4.8E-1	$= (4.8 \times 10^{-1})$
-0.328	-3.280E-1	$= (-3.280 \times 10^{-1})$

Observações:

Utilizar o ponto (.) ao invés da vírgula (,) decimal.

Em geral, n = 4 é o valor mais utilizado para os inteiros e os reais.

Caracteres

Exemplos:

BYTE (1) = "" =
$$\varepsilon$$
 - vazio

BYTE (1) = " " =
$$\beta$$
 - espaço em branco

BYTE (2) = "" =
$$\varepsilon$$
 - vazio

BYTE (2) = " " - espaços em branco uma letra maiúscula
duas letras BYTE (2) = "A"

BYTE (2) = "Aa"

Generalizando para valores literais:

```
 \begin{tabular}{lll} "" = & & -constante literal vazia \\ "" = & & -constante literal espaço \\ "0" & -símbolo do número zero \\ \end{tabular}
```

"JOÃO" - palavra
"Esta também é uma constante" - sentença

Observações:

- É necessário o uso de aspas em valores literais.
- Os caracteres podem ter um tamanho variável entre [0: 255].
- Em geral, n = 255 é o valor mais utilizado para as cadeias de caracteres.

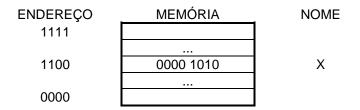
Variáveis

São representações simbólicas de posições de memória do computador, de tamanho determinado, onde valores podem ser armazenados, e modificados, durante a execução de um algoritmo.

Uma variável é identificada por um nome associado a um endereço.

O valor inicial de uma variável, por definição, é indefinido, a menos que algum comando o especifique.

Exemplo:



A variável de nome (X), está localizada no endereço binário 1100, e tem o valor binário 0000 1010, ou seja, o conteúdo da memória naquela posição é X = 10.

Determinação de endereço e conteúdo a partir da variável:

Forma geral:

&<nome> (lê-se "endereço de")

@<endereço de nome> (lê-se "conteúdo do endereço")

Exemplos:

$$&X = 1100$$

 $@(&X) = 0000 \ 1010 \ (ou simplesmente, X = 10)$

- Identificadores:

Identificadores são nomes associados a conteúdos, descrições ou posições de memória, servem para representar constantes, variáveis, ou outras abstrações.

Regras para formação de identificadores:

- iniciar-se por uma letra;
- ter um tamanho definido e constante;
- pode conter outras letras ou algarismos;
- não deve conter espaços em branco;
- pode-se separar palavras utilizando-se o travessão ("_").

Definição de tipos de variáveis

Seguindo o exemplo da Matemática, todas variáveis (como também expressões e constantes) têm um tipo associado. O tipo da variável caracteriza a classe de valores que poderá assumir, isto significa que cada variável pode ter uma representação com tamanho diferente das demais.

Exemplo:

```
x + 5.2 = 7.4 (em R) \Rightarrow x \in R
```

A variável (x) deverá ser definida como real.

Forma geral:

<tipo> tipo> <lista de identificadores>

Exemplos:

```
inteiro X
real Y,Z
caractere Letra
caracteres Nome_da_Rua, Endereço
lógico PRIMEIRO,
ÚLTIMO,
ACHOU
```

Observações:

- É necessário o uso de vírgulas como separador na lista de nomes de variáveis.
- Os nomes, em um determinado contexto, são únicos, não podendo ser usados repetidamente, mesmo que com tipos diferentes.
- É conveniente manter-se o uso de maiúsculas, ou minúsculas, de acordo com a definição, evitando o uso indistinto.

Contra-exemplos:

```
real X/Y, _ASSIM_NÃO inteiro Y?, 1Z caractere # caracteres Nome da Rua, End. lógico X, x
```

Exercícios

- 1. Definir uma enumeração para representar apenas as vogais.
- 2. Definir uma enumeração para representar os cinco primeiros pares.
- 3. Qual a faixa de valores inteiros representáveis com 4 bytes ?
- 4. Qual a faixa de valores reais representáveis com 4 bytes, usando 7 bits como exponte, em ponto flutuante ?
- 5. Relacionar endereços e conteúdos para o esquema abaixo:

ENDEREÇO	MEMÓRIA	NOME
1111		
0101		Z
0100		Υ
0011	0000 1010	Х
	•••	
0000		_

- a.) @(&Y) = @(&X)
- b.) @(&Z) = @(&X) + @(&Y)
- c.) @(&X+1) = 0000 0000
- d.) @(&Y+1) = 0000 0001
- e.) @(&Y) = @(&Y-1) @(&Y+1)

Expressões

Expressões são descrições de transformações de valores de mesmo tipo, ou de tipos diferentes; servem para descrever operações capazes de alterar conteúdos de um objeto.

Pode-se ter expressões de qualquer um dos tipos básicos ou para conversões entre estes.

- · aritméticas inteiras ou reais
- lógicas
- literais

Expressões aritméticas

- Funções mais comuns

Argumento	Des	scrição
x: real	valor absoluto	de x
x: real	e x	
x: real	$log_e x (x > 0)$	
x: real	raiz quadrada	de x
x: real	cosseno de x	
x: real	seno de x	(radianos)
x: real	arco-tangente	x (radianos)
	x: real	x: real valor absoluto x: real valor absoluto x: real loge x (x > 0) x: real raiz quadrada (x: real cosseno de x x: real seno de x

- Operadores aritméticos

^ Simbolo		Operação	
		potenciação	
	*	multiplicação	
	/	divisão	
	div	quociente inteiro	
mod +		resto inteiro	
		adição	
	-	subtração	
mod		resto inteiro adição	

Exemplos:

Matemática	Algoritmo
$2x + 5^3$	2 * x + 5 ^ 3
$\frac{x+3}{x+1}$	(x + 3) / (x + 1)

Observação:

Os operadores \emph{div} e \emph{mod} , são operadores especiais de divisão inteira: resto e quociente, respectivamente.

Exemplos:

- Regras

- a.) A avaliação das operações é feita no sentido de leitura da expressão, se de mesma hierarquia.
- b.) Um operador aritmético nunca pode ficar implícito.
- c.) A sequência de operações é a seguinte:
 - avaliação de parênteses, para resolver problemas de prioridade, executando-se as operações dentro de parênteses mais internos primeiro;
 - cálculo de funções;
 - exponenciação (^):
 - multiplicação ou divisão (* ou /, div, mod);
 - adição ou subtração (+ ou -).

Observações:

- Para efeito de clareza, ou para mudar a precedência de operadores, pode-se separar as expressões por meio de parênteses.
- Os operadores associam-se, preferencialmente, da esquerda para a direita, com exceção do operador de exponenciação.
- Respeitam-se os tipos; exige-se conversões entre representações diferentes.

Exemplos:

Nos exemplos abaixo, chama-se $R_1,\ R_2,\ \dots$, R_n aos resultados das operações, de acordo com a prioridade dos operadores.

```
1.) a * (c * b + (c - d) ^ 2)
   a * (c * b + R1 ^ 2)
   a * (c * b + R2)
   a*(R3 + R2)
   a * R4
   R5
2.) (c - d) * e ^ (k / (x + y) ^ 4)
   R1 * e^{(k/(x+y)^4)}
   R1 * e ^ (k / R2 ^ 4)
   R1 * e ^ (k / R3)
   R1 * e ^ R4
   R1 * R5
   R6
3.) (-c + (d ^2 - 5/a + c) ^0.5) / (6 * k)
   (-c + (R1 - 5/a + c) ^ 0.5) / (6 * k)
   (-c + (R1 - R2 + c) ^ 0.5) / (6 * k)
   (-c + (R3 + c) ^0.5) / (6 * k)
   (-c + R4 ** 0.5) / (6 * k)
   (-c + R5) / (6 * k)
   R6 / (6 * k)
   R6/R7
   R8
```

Exercícios

1. Utilizando R_1 , R_2 , ..., R_n como resultados de operações, representar, nas expressões abaixo, a prioridade das operações:

2. Transformar as expressões aritméticas abaixo, da linguagem matemática para a representação algorítmica:

a)
$$X^2 - Y^3$$

b)
$$\sqrt{P(P-A)(P-B)(P-C)}$$

c)
$$\pi (A+B)(A^2+(B-C)^2)^{1/2}$$

d)
$$\frac{-B + (B^2 - 4AC)^{0.5}}{2A}$$

e)
$$\frac{1}{(B^2 - A^2)^3}$$

3. Dado que as variáveis reais A, B, C, D valem, respectivamente, 2, 1, 3, 0.5 e que as variáveis inteiras J, K, L valem, 3, 4, 10, determinar os resultados das seguintes expressões:

- b) L *div* K
- c) A * L + B C / D K * J
- d) D / A + B * C
- e) L ^ 3 + C *mod* A * D

Expressões literais

- Funções predefinidas

Nome	Argumento	Descrição
símbolo (x)	x: caractere(s)	retirar o primeiro símbolo
concatenar (x,y)	x: caractere(s)y: caractere(s)	concatenar (junta) x com y
maiúscula (x) minúscula (x)	x: caractere x: caractere	passar letra para maiúscula passar letra para minúscula
	, oa.a	paroun roma pana minusouna

Exemplos:

Observações:

- Para efeito de avaliação de ordem considera-se que os símbolos são representados internamente por um código numérico padronizado (por exemplo, o código ASCII).

Exemplo:

```
"A" é menor que "a"
"A" é maior que "0"
β é o menor de todos
"~" é o maior de todos
```

A comparação de duas cadeias de caracteres é feita símbolo a símbolo. A menor delas será a de menor número de símbolos necessários para decisão, se comparados os códigos correspondentes.

Exemplo:

"BANANA"<"BANANa"<"BANana"<"banana"<"BANANAS"

Exercícios

1. Mostrar o resultado das operações abaixo:

```
X = "ae"

Y = "I"

W = "ou"

Z = \beta
```

- a) concatenar (X,Y)
- b) concatenar (concatenar(X,Y),W)
- c) concatenar (maiúscula(X),concatenar(Y,W))
- d) concatenar (maiúscula(X),maiúscula(concatenar(Y,W)))
- e) concatenar (concatenar(X,Z),concatenar(concatenar(Y,Z),W))
- 2. Mostrar os resultados relacionados das operações abaixo:

```
X = "123"

Y = "4"

W = "56"

Z = "-"

a) concatenar (Z, símbolo(X))

b) concatenar (X, símbolo(W))

c) símbolo (concatenar (Y, Z))
```

d) símbolo (símbolo (X))

- e) símbolo (concatenar (símbolo (Y), Z))
- 3. Mostrar o resultado das operações abaixo:

```
X = "abc"

Y = "Ab"

W = "ABC"

Z = "aB"

a) X > Y ?

b) X < W e Z > X ?

c) W < Z ou (Y > W e X < Z) ?
```

Expressões lógicas

- Operadores relacionais

Símbolo	relação
>	maior que
<	menor que
=	igual
≥	igual ou maior que
≤	igual ou menor que
≠	diferente

- Conectivos lógicos

Símbolo	relação
&	е
1	ou
~	não

Observação:

Esses conectivos também seguem regras de prioridade.

Exemplos:

Abaixo, R_1 , ..., R_n serão resultados aritméticos, e p_1 , p_2 , ..., p_n serão resultados lógicas, de acordo com a prioridade:

```
1.) a * (c * b + (c - d) ^ 2) > c + 4 * d

a * (c * b + R1 ^ 2) > c + 4 * d

a * (c * b + R2) > c + 4 * d

a * (R3 + R2) > c + 4 * d

a * R4 > c + 4 * d

R5 > c + 4 * d

R5 > c + R6

R5 > R7

p1
```

2.)
$$(c-d) * e ^ (k / (x + y) ^ 4) > 0 & c * k - (x + y) < 4$$

 $R1 * e ^ (k / (x + y) * * 4) > 0 & c * k - (x + y) < 4$
 $R1 * e ^ (k / R2 * * 4) > 0 & c * k - (x + y) < 4$
 $R1 * e ^ (k / R3) > 0 & c * k - (x + y) < 4$
 $R1 * e ^ R4 > 0 & c * k - (x + y) < 4$
 $R1 * R5 > 0 & c * k - (x + y) < 4$
 $R6 > 0 & c * k - (x + y) < 4$
 $P1 & C * k - (x + y) < 4$
 $P1 & R7 - (x + y) < 4$
 $P1 & R7 - R8 < 4$
 $P1 & R9 < 4$
 $P1 & P2$

3.)
$$(-c + d) > 6 & (a + c) < -5 \mid a = 0$$

R1 > 6 & $(a + c) < -5 \mid a = 0$
p1 & $(a + c) < -5 \mid a = 0$
p1 & R2 < -5 \ | a = 0
p1 & p2 \ | a = 0
p1 & p2 \ | p3
p4 \ | p3
p5

Exercícios

1. Utilizando R₁, R₂, ..., R_n como resultados de operações aritméticas, e p₁, p₂, ..., p_n como resultado de operações lógicas, representar, nas expressões abaixo, a prioridade das operações:

a) (B - C
E
 > 0) | (3 * (C *div* D - K) M M M M M M

b)
$$(A + B \land C < X) \& (X - 8 \text{ div } C * D) \land K > A/B | H = 0$$

c)
$$\sim ((A * B + C) > D & J/4 * M < N * K) | J div (K+L) = 0$$

2. Transformar as expressões lógicas abaixo, da linguagem matemática para notação algorítmica:

a)
$$X^2 - Y^3 > X^{(A+4)}$$
 e $A < 5$

b)
$$0 < \sqrt{P(P-A)(P-B)(P-C)} < P^2 + 2P + 1$$

c)
$$\pi (A + B)(A^2 + (B - C)^2)^{\frac{1}{2}} = 0$$
 e $(A = B \ ou \ A + C > 0)$

d)
$$\frac{-B + (B^2 - 4AC)^{0.5}}{2A}$$
 $e \ n\tilde{a}o \ (A = 0)$

e)
$$\frac{1}{(B^2 - A^2)^3}$$
 e não $(A = 0 \ e \ B = 0)$

3. Sabendo-se que as variáveis reais A, B, C, D valem, respectivamente, 2, 1, 3, 0.5 e que as variáveis inteiras J, K, L valem, 3, 4, 10, determinar os resultados finais das seguintes expressões:

a)
$$K/J*L>0 \& K*J<5$$

b) L *div* K < 10 & K
$$\neq$$
 0.5

c) A * K + B
$$\geq$$
 8 & - C / D < 20 | - K * J > -10

d)
$$\sim$$
 (D / A + B > 0) & \sim (B * C \leq 4)

e) **verdadeiro** & (I ^ 3 + D * C > K *div* A)

Transferências de valor

- Forma geral:

O valor é transferido para o lugar de memória se for de tipo compatível, senão ocorrerá erro.

Exemplos:

inteiro real caractere caracteres lógico	X, Y P, Q A S M, N	
X ← 0		(X recebe o valor zero inteiro)
$Y \leftarrow X + 1$		(Y recebe o valor de X mais 1)
P ← 0.0		(P recebe o valor zero real)
$Q \leftarrow P$		(Q recebe o valor de P)
$P \leftarrow X$		(P recebe o valor inteiro de X)
$P \leftarrow \exp(X)$)	(Y recebe e = 2,718 elevado a X)
Q ← raiz (P)		(Q recebe o valor da raiz de P)
M ← verda	deiro	(M recebe o valor lógico V)
$N \leftarrow \textbf{falso}$		(N recebe o valor lógico F)
$M \leftarrow N$		
$A \leftarrow \epsilon$		(A recebe o símbolo vazio)
$S \leftarrow "A"$		(S recebe a letra A)
$A \leftarrow \beta$		(A recebe o espaço em branco)

Contra-exemplos:

S ← "sentença"S ← concatenar

$0 \leftarrow X$	(do lado esquerdo, sempre é uma variável)
$0 \rightarrow X$	(não é considerada a inversão de sinal)

("A ", símbolo(S))

Se no lugar do valor houver uma expressão, seu valor será calculado, e o resultado transferido para a memória.

Exemplos:

$$Y \leftarrow 2 * X + 5 \wedge 3$$

Suponha que (x) seja, neste momento, igual a 1, então

este resultado, será transferido (atribuído) para a memória, na posição com nome "Y".

$$M \leftarrow \textbf{verdadeiro} \& (M \mid N)$$

P \leftarrow P + exp (raiz (P) + sen (Q+0.707))

Contra-exemplos:

```
X \leftarrow \varepsilon (tipo inteiro recebendo caractere vazio)

A \leftarrow X (tipo caractere recebendo inteiro)

A \leftarrow A (variável recebendo a si mesma, sem sentido)

M \leftarrow V ("V" não é definido como verdadeiro)

A \leftarrow a (valor do tipo caractere não expresso entre aspas)
```

Conversões entre tipos

Para permitir a conversão de valores entre os diversos tipos básicos, pode-se usar o próprio nome do tipo como função de conversão.

Exemplos:

```
inteiro
                X, Y
                P, Q
real
caractere
                Α
caracteres S
                M, N
lógico
X \leftarrow inteiro ("0")
X \leftarrow inteiro (M)
Y \leftarrow inteiro(P)
Y \leftarrow inteiro (P+2*Q)
P \leftarrow real(Y)
Q \leftarrow real (lógico(X) ou M)
A \leftarrow caractere (inteiro(P)+X)
S \leftarrow \text{caractere (inteiro(1.0))}
M \leftarrow lógico(0)
N \leftarrow lógico (inteiro(P))
M ← lógico (inteiro (caractere (0)))
```

Observações:

- A conversão para caractere é feita segundo algum código (por exemplo, o ASCII), e é feita apenas se existir um símbolo de código correspondente, ocorrendo erro, caso contrário.
- A conversão entre tipos não é automática, entretanto para não complicar a notação de expressões, as situações abaixo deverão ser consideradas como existentes, apesar de não precisarem ser explicitadas:
 - a.) conversão de inteiro para real em expressão real;
 - b.) conversão de caracteres para caractere, em caso unitário.

Definição de valores iniciais

O comando de transferência serve também para estabelecer valores iniciais para constantes, ou variáveis, em a sua definição. Uma expressão aritmética ou lógica, avaliada neste nível, deverá ter valores definidos.

Exemplo:

real $X \leftarrow 0.0$ inteiro $I \leftarrow 1$, $J \leftarrow 1$ caracteres NOME $\leftarrow \epsilon$ lógico PRIMEIRO \leftarrow falso real $Y \leftarrow 2 * X$ inteiro $K \leftarrow I + J$

Transferência múltipla

É possível fazer múltiplas transferências, desde que estejam agrupadas.

Exemplo:

$$(X, Y, Z) \leftarrow (0.0, 1.0, 2.0)$$

equivalente a uma função sobrejetora

$$X \leftarrow 0.0$$

$$Y \leftarrow 1.0$$

$$Z \leftarrow 2.0$$

(NOME, ENDEREÇO)
$$\leftarrow$$
 ("", " ")

equivalente a uma função sobrejetora

$$\begin{array}{ll} \text{NOME} & \leftarrow \epsilon \\ \text{ENDERECO} & \leftarrow \beta \\ (\text{X, Y, Z}) & \leftarrow 0.0 \end{array}$$

equivalente a uma função injetora

$$X \leftarrow 0.0$$

$$Y \leftarrow 0.0$$

$$Z \leftarrow 0.0$$
ou
$$X \leftarrow 0.0; Y \leftarrow 0.0; Z \leftarrow 0.0$$
ou
$$(X,Y,Z) \leftarrow (0.0, 0.0, 0.0)$$

Transferência de valor entre dispositivos e memória

A transferência de valores entre os dispositivos de entrada e saída e as variáveis poderá ser indicada da mesma forma que uma transferência simples, ou múltipla, utilizando-se dispositivos predefinidos, como variáveis genéricas, sem definição de tipo, cuja atribuição implica em uma conversão automática para o tipo da variável que receber o valor:

Entrada:

teclado, cartão, fita, disco etc.

Saída:

tela, impressora, cartão, fita, disco etc.

- Entrada de dados

Forma geral:

Exemplos:

Observações:

- Supõe-se, que nos dispositivos, os dados estarão separados, pelos menos, por um espaço em branco.
- Para atribuir um mesmo valor lido a várias variáveis proceder como indicado abaixo:

$$X \leftarrow \text{teclado}$$

 $(Y, Z) \leftarrow X$

Contra-exemplos:

```
leia X (comando não definido) Y \leftarrow X \leftarrow teclado \quad (múltiplo uso de transferência)
```

- Saída de resultados

Forma geral:

```
<dispositivo> ← <variável>
          ou
<dispositivo> ← (<variável 1> , ... )
          ou
<dispositivo> ← "mensagem"
          ou
<dispositivo> ← (<mensagem 1> ,<variável 1> , ...)
```

Observação:

Supõe-se que os vários dados não estejam separados, sendo impressos em uma mesma linha até o seu limite, continuando na linha seguinte, se preciso.

Exemplos:

```
tela \leftarrow X (envia o valor em X para a tela )

tela \leftarrow "Bom dia!" (envia a mensagem para a tela )

disco \leftarrow (X,Y) (envia valores em X e Y para o disco)

impressora \leftarrow X (envia o valor em X para a impressora)

impressora \leftarrow ("X = ", X) (envia tudo para a impressora)
```

Contra-exemplos:

```
imprima X (comando não definido)

(X,Y,Z) \leftarrow (fita,disco) (falta dispositivo)

(X,Y) \leftarrow (fita,disco,teclado) (mais de uma transferência)

tela \leftarrow Bom dia! (mensagem sem aspas)

disco \leftarrow "X = ", X (faltam os parênteses)
```

- Recursos especiais de edição:
 - Para a exibição de valores:
 - Notação posicionada à direita de um campo:

<valor inteiro> : <tamanho do campo>

<valor real > : <tamanho do campo>:<parte fracionária> <valor literal> : <tamanho do campo>

<valor literal> : <tamanho do campo> <valor lógico > : <tamanho do campo>

Exemplo:

tela ← 5:10 imprimirá

5

tela ← 1.5:10:4 imprimirá

1 . 5 0 0 0

tela ← "@":10 imprimirá

@

tela ← falso:10 imprimirá

FALSO

Observações:

- Se o tamanho especificado estiver em conflito com o valor a ser exibido, esse tamanho não será respeitado.
- A notação científica será a forma normal de exibição para variáveis reais, a menos que definido o contrário.

```
- Para a manipulação de tela:
 - Posicionamento em uma linha e coluna:
     tela (linha, coluna) ← "mensagem"
   Exemplo:
     tela (01,01) ← "Começa aqui"
 - Limpeza de tela (\lt):
     tela ← \lt
 - Limpeza de linha (\ll):
     tela \leftarrow \
   Exemplo:
     tela (01,01) ← "Começa aqui"
     tela (07,01) ← \II
 - Mudança de linha (\ml):
   Exemplo:
     tela ← ("mensagem 1", \ml, "mensagem 2")
     imprimirá:
                   mensagem1
                   mensagem2
- Para a manipulação de impressora:
 - Tabulação:
     impressora (coluna) \leftarrow "mensagem"
 - Mudança de linha (\ml):
   Exemplo:
     impressora \leftarrow \backslash ml
```

- Mudança de página (\mp):

impressora ← \mp

Exemplo:

Estruturas de controle

Há três estruturas básicas de controle: a sequência simples, a estrutura condicional e a estrutura repetitiva. Cada estrutura, exceto a sequência simples, tem uma notação correspondente, sintaticamente fechada, ou seja, é obrigatório o uso de delimitadores específicos para seu início e fim, independente do número de comandos.

Sequência simples

Forma geral:

ou

<comando 1>; ...; <comando N>

Execução:

$$\begin{array}{ccc} E_0 & & (p_0) \\ \downarrow & & a_1 \\ E_1 & & (p_1) \\ \downarrow & & a_0 = a_1 \dots a_n \\ \dots & & & \\ \downarrow & & a_n \\ E_n & & (p_n) \end{array}$$

Se existir uma única ação (a_0), capaz de levar o sistema do estado nicial (E_0), para o qual é definida uma certa propriedade, ou proposição, (p_0), até o estado final (E_n), também para o qual é definida uma outra propriedade (p_n), pode-se dizer que:

$$(p_0) a_0 (p_n)$$

ou seja, se p₀ for verdadeira, e se a₀ for executada, p_n será verdadeira. Se a ação unitária for composta por um conjunto de outras ações, tal que

$$(p_0)$$
 a_1 (p_1) ... a_n (p_n)

então pode-se dizer que

$$(p_0)$$
 ; ...; (p_n) .

Os comandos (definidos pelas ações a¡'s) serão executados na ordem em que aparecerem no texto, um em cada linha; ou separados por ponto-e-vírgula (;), se na mesma linha. A um conjunto de comandos, associados, ou não, a uma estrutura de controle, chamaremos de *bloco de comandos*, ou simplesmente, *bloco*.

Exemplo:

```
início
! algoritmo para calcular valores!
! definição de dados!
!#1! real X, Y
!#2! inteiro N ← 0
! cálculos!
!#3! X ← 0.0; Y ← X + 1.0
!#4! N ← N + 1
fim.
```

Execução:

Variável:	Χ	Υ	Ν
Linha:			
#1			
#2			0
#3	0.0	1.0	
#4			1

Contra-exemplos:

```
início
! algoritmo para calcular valores !
! definição de dados !
        X,Y \leftarrow 0.0
                                  (X não é inicializado)
 inteiro M \leftarrow 0
                                  (falta uma exclamação)
! cálculos
 Y \leftarrow X + 1.0
                                  (X não tem valor definido)
 N \leftarrow N + 1
                                  (variável não definida)
fim.
início
! algoritmo para calcular valores!
! definição de dados !
 real (X,Y \leftarrow 0.0)
                                  (falta parênteses)
 inteiro N = 0
                                  (atribuição indefinida)
                                  (falta uma exclamação)
cálculos!
 Y \leftarrow X + 1.0 N \leftarrow N + 1
                                  (falta; entre comandos)
fim.
                                  (falta o início)
! algoritmo para calcular valores !
! definição de dados !
 real (X,Y \leftarrow 0.0)
                                  (falta parênteses)
 inteiro N \rightarrow 0
                                  (atribuição indefinida)
cálculos
                                  (faltam exclamações)
 Y \leftarrow X + 1.0: N \leftarrow N + 1
                                  (falta; entre comandos)
fim.
```

Outro exemplo:

início ! algoritmo para calcular valores ! ! definição de dados ! !#1! real $X \leftarrow 0.0$, !#2! $Y \leftarrow 0.0$! leitura! !#3! $X \leftarrow teclado$! cálculo ! !#4! $X \leftarrow X + 1$ $Y \leftarrow X * X$!#5! ! impressão ! !#6! tela ← " 2 " tela \leftarrow ("(X+1) = ",Y) !#7!

Execução:

fim.

Dado:

$$X = 0.0$$

Variável: Linha:	Х	Υ	teclado	tela
#1	0.0			
#2		0.0		
#3	0.0		0.0	
#4	1.0			
#5		1.0		
#6				2
#7				(X+1) = 1.0

Dado:

$$X = 1.0$$

Variável: Linha:	Χ	Υ	teclado	tela
#1	0.0			
#2		0.0		
#3	1.0		1.0	
#4	2.0			
#5		4.0		
#6				2
#7				(X+1) = 4.0

Exercícios (mostrar a execução)

- 1. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar seu nome na tela.
- 2. Fazer um algoritmo para:
 - ler um nome qualquer do teclado;
 - mostrar esse nome na tela.
- 3. Fazer um algoritmo para:
 - ler um valor inteiro (X) do teclado;
 - calcular e mostrar na tela o dobro de X.
- 4. Fazer um algoritmo para:
 - ler dois valores reais (X e Y) do teclado;
 - calcular e mostrar na tela:
 - a soma destes valores
 - o produto deles
 - o quociente entre eles
 - o valor absoluto da diferença entre eles (use ABS(X-Y)).
- 5. Fazer um algoritmo para:
 - ler o diâmetro de uma esfera do teclado;
 - calcular e mostrar:
 - a área da superfície esférica;
 - o volume da esfera.
- 6.Fazer um algoritmo para:
 - ler dois valores inteiros (X e Y) do teclado;
 - mostrar na tela o resultado da operação lógica que verifica se a operação diferença, entre eles, é igual a zero.
- 7. Mostrar a execução do algoritmo abaixo:

```
! algoritmo para calcular valores !
       ! definição de dados !
!#1!
       real E,
!#2!
!#3!
              c ← 3.0E08! m/s!
       ! leitura!
!#4!
        tela ← "Valor da massa (m) = "
!#5!
        m ← teclado
       ! cálculo!
!#6!
        E \leftarrow m * c ^2
       ! impressão !
!#7!
        tela \leftarrow ("Energia = ", E)
       fim.
```

Dados:

```
m = 0.1 kg
m = 1.0E-8 kg
m = 80 kg
```

Alternativas

Alternativa dupla

Forma geral:

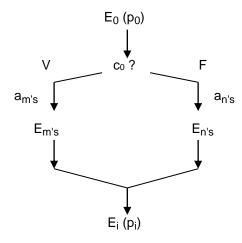
se <condição> então | <bloco de comandos 1> senão | <bloco de comandos 2> fim se

onde:

<condição> é uma expressão lógica qualquer

é uma sequência de comandos.

Execução:



Se existir uma certa propriedade, ou proposição, (p_0) , e uma certa condição (c_0) , além de uma outra propriedade (p_n) , pode- se dizer que:

$$((p_0 \bullet c_0) a_{m's} (p_n)) \bullet ((p_0 \bullet \neg c_0) a_{n's} (p_n))$$

ou então

 (p_0) se c_0 então $a_{m's}$ senão $a_{n's}$ fim se (p_n) .

Primeiro, avalia-se a condição. Se for verdadeira, apenas o primeiro bloco de comandos (definido pelas ações $a_{m's}$) será executado; se for falsa, somente o segundo bloco de comandos (definido pelas ações $a_{n's}$) será executado. O próximo comando a ser executado será aquele após o "fim se".

Exemplo:

! algoritmo para ler dois valores e determinar o maior ! ! definição de dados ! !#1! real A, B ! leitura! !#2! (A, B) ← teclado ! verificação, supondo A diferente de B! !#3! se (A > B) então | tela ← "A é o maior" !#4! senão! A > B! !#5! | tela ← "B é o maior" fim se ! A > B ! fim.

Execução:

Dados: A = 0 e B = -5

Variável: A B teclado tela Linha: #1 -- --#2 0.0 -5.0 0.0 -5.0 #3 A > B ? V #4 A é o maior

Dados: A = 0 e B = 5

Variável: A B teclado tela
Linha:
#1 -- -#2 0.0 5.0 0.0 5.0
#3 A > B ? F
#4 B é o maior

Contra-exemplos:

```
início
! algoritmo para ler dois valores e determinar o maior !
! definição de dados !
real A (falta a definição de B)
! leitura !
A, B ← teclado (faltam os parênteses)
! verificação, supondo A diferente de B !
```

se A > B (falta o "então")

| tela ← "A é o maior"

senão A > B (o teste não é repetido)

| tela ← "B é o maior" fim se ! A > B ! fim.

início

! algoritmo para ler dois valores e determinar o maior ! ! definição de dados !

real A, B ! leitura !

 $(A, B \leftarrow teclado)$ (falta um parênteses)

! verificação, supondo A diferente de B!

se A > B então

| tela ← "A é o maior"

se não ! A > B ! (diferente de "senão")

| tela ← "B é o maior"

fim. (falta o "fim se")

Exercícios (mostrar a execução)

- 1. Fazer um algoritmo para:
 - ler um nome do teclado e verificar se é igual ao seu nome;
 - mostrar conforme o caso :

"NOME CORRETO" ou "NOME INCORRETO".

- 2. Refazer o anterior para usar um único comando deimpressão.
- 3. Fazer um algoritmo para:
 - ler dois números inteiros do teclado;
 - calcular e mostrar o quociente do primeiro pelo segundo, se este for diferente de zero, senão mostrar a mensagem :

"ERRO - DIVISÃO POR ZERO".

- 4. Fazer um algoritmo para:
 - ler dois números reais do teclado (A e B, diferentes);
 - verificar e mostrar qual o maior deles.
- 5. Refazer o anterior prevendo a possibilidade de serem iguais e mostrar a mensagem :

```
" A = B ", neste caso.
```

6. Mostrar a execução do algoritmo abaixo :

```
! algoritmo para verificar lados de um triângulo !
      ! definição de dados !
       real A, B, C
!#1!
      ! leitura dos valores!
!#2!
       (A, B, C) \leftarrow teclado
      ! teste de existência do triângulo!
!#3!
       se ((A < B+C) & (B < A+C) & (C < A+B)) então
         ! teste de tipo de triângulo !
!#4!
         se ((A=B) & (B=C)) então
       | | tela ← "TRIÂNGULO EQUILÁTERO"
!#5!
         senão! A≠B | B≠C!
!#6!
       | se ((A=B) | (A=C) | (B=C)) então
       | | | tela ← "TRIÂNGULO ISÓSCELES"
!#7!
           senão! A≠B & B≠C!
!#8!
           | tela ← "TRIÂNGULO ESCALENO"
         | fim se! algum lado igual!
       | fim se! dois lados iguais!
       senão! não existe triângulo!
!#9!
       | tela ← "NÃO É TRIÂNGULO"
      fim se! for triângulo!
fim.
```

Dados:

```
A = 2.0, B = 2.0 e C = 1.0
A = 2.0, B = 3.0 e C = 1.0
A = 1.0, B = 1.0 e C = 1.0
A = 2.0, B = 2.5 e C = 1.0
```

Alternativa simples

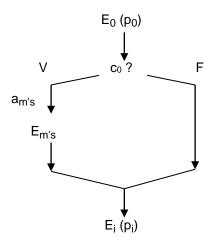
Forma geral:

se <condição> então | <bloco de comandos> fim se

onde:

<condição> é uma expressão lógica qualquer<bloco de comandos> é uma sequência de comandos.

Execução:



Se existir uma certa propriedade, ou proposição, (p_0) , e uma certa condição (c_0) , além de uma outra propriedade (p_n) , pode- se dizer que :

$$((p_0 \bullet c_0) \; a_{m's} \; (p_n)) \bullet ((p_0 \bullet \neg c_0) \Rightarrow (implica \; em) \; (p_n))$$
 ou então,
$$(p_0) \; se \; c_0 \; então \; a_{m's} \; fim \; se \; (p_n).$$

A alternativa simples pode ser considerada como um caso particular da alternativa dupla. Se a condição for verdadeira, o bloco de comandos (definido pelas ações $a_{m's}$) será executado; se for falsa, nenhum comando do bloco será executado. O próximo comando a ser executado será aquele após o "fim se".

Exemplo:

```
início
! algoritmo para ler dois valores e
verificar se o primeiro é maior que o segundo!
! definição de dados!
!#1! real A, B
! leitura!
!#2! . (A, B) ← teclado
! verificação de A em relação a B!
!#3! se (A > B) então
!#4! | tela ← "O primeiro é o maior"
fim se! A > B!
fim.
```

Execução:

Dados : A = 0.0 e B = -5.0

Variável : A B teclado tela Linha : #1 -- --#2 0.0 -5.0 0.0 -5.0 #3 A > B ? V #4 O primeiro é o maior

Dados : A = 0.0 e B = 5.0

Variável: A B teclado tela Linha: #1 -- --#2 0.0 5.0 0.0 5.0 #3 A > B ? F

Contra-exemplos:

```
início
! algoritmo para ler dois valores e
 verificar se o primeiro é maior que o segundo!
! definição de dados !
 real A, B
! leitura!
 (A, B) ← teclado
! verificação de A em relação a B!
 se A \ge B então
 | se A > B então
 | tela ← "O primeiro é o maior"
 senão ! A \ge B !
                                       (associado ao "se A > B")
 | tela ← "O segundo é o maior"
 fim se ! A \ge B !
                                       (falta um "fim se")
fim.
```

início
! algoritmo para ler dois valores e
verificar se o primeiro é maior que o segundo !
! definição de dados !
real A, B
! leitura !
(A, B) ← teclado
! verificação de A em relação a B !
se A ≥ B então
| se A > B então
| tela ← "O primeiro é o maior"
fim se ! A > B !
(falta um "fim se")
fim.

```
início
! algoritmo para ler dois valores e
 verificar se o primeiro é maior que o segundo!
! definição de dados !
 real A, B
! leitura!
 (A, B) \leftarrow teclado
! verificação de A em relação a B!
 se A ≥ B então
 | se A > B então
 | | tela ← "O primeiro é o maior"
| fim se ! A > B !
 sen\~{a}o \; ! \; A \geq B \; !
 | tela \leftarrow "O segundo é o maior"
                                                    (sobra um "senão")
 senão
 | tela ← "Não há maior"
 fim se ! A > B !
fim.
```

Exercícios (mostrar a execução)

- 1. Fazer um algoritmo para:
 - ler um nome do teclado;
 - verificar se é igual ao seu nome;
 - se for mostrá-lo.
- 2. Fazer um algoritmo para:
 - ler dois números inteiros do teclado;
 - calcular e mostrar o quociente do primeiro pelo segundo se este for diferente de zero.
- 3. Fazer um algoritmo para:
 - ler três números reais do teclado (A, B e C);
 - verificar se A é maior que a soma do valor absoluto dos outros.
- 4. Fazer um algoritmo para:
 - ler dois números reais do teclado (A e B);
 - verificar se satisfazem à seguinte condição :

ABS
$$(A + 0.5) > LN (B ^ 3.0/4.) / 2$$

- 5. Fazer um algoritmo para:
 - ler dois números reais do teclado (A e B, diferentes);
 - verificar se ambos são maiores que zero;
 - se forem, mostrar uma mensagem :
 - " SÃO MAIORES QUE ZERO ".
- 6. Mostrar a execução do algoritmo abaixo :

```
início
      ! algoritmo para ordenar dois valores!
      ! definição de dados !
!#1!
        real A, B, C
!#2!
        lógico ORDENAR
      ! leitura dos valores !
!#3!
        (A, B) ← teclado
      ! decide se é necessário ordenar!
        ORDENAR \leftarrow (A > B)
!#4!
!#5!
        se (ORDENAR) então
!#6!
        \mid C \leftarrow A
!#7!
        | A \leftarrow B
        \mid B \leftarrow C
!#8!
        fim se! ORDENAR!
      ! impressão !
!#9!
        tela ← ("Na ordem crescente: ", A, B)
fim.
```

Dados:

```
A = 2.0, B = 1.0
A = 1.0, B = 2.0
A = 2.0, B = 2.0
```

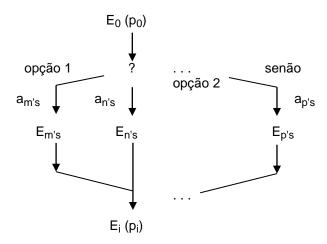
Alternativa múltipla

Forma geral:

```
escolher <valor>
| <opção 1> : <bloco de comandos 1>
| ...
| <opção N> : <bloco de comandos N>
senão
| <bloco de comandos M>
fim escolher
```

Execução:

Execução:



Cada opção será avaliada na ordem em que for colocada, verificando-se a igualdade em relação ao valor fornecido. Se houver alguma opção satisfeita, o bloco de comandos associado será executado, e o controle passará ao próximo comando após o "fim escolher". Caso não existir opção satisfeita, o último bloco será executado. Este último bloco é opcional.

Exemplos:

```
início
! algoritmo para informar sobre um valor lido !
! definição de dados !
inteiro X
! leitura !
  X ← teclado
! escolha segundo o valor lido !
escolher ( X )
  | -1 : tela ← "Valor negativo"
  | 0 : tela ← "Valor nulo"
  | 1 : tela ← "Valor positivo"
senão
  | tela ← "Outro valor"
fim escolher
fim.
```

O algoritmo acima é equivalente a

```
início
 ! algoritmo para informar sobre um valor lido !
 ! definição de dados !
  inteiro X
 ! leitura!
  X \leftarrow teclado
 ! escolha segundo o valor lido !
  se ( X = -1 ) então tela ← "Valor negativo"
  senão! X = -1!
  | se ( X = 0 ) então tela ← "Valor nulo"
  senão! X = 0!
  | | se X = 1 então tela ← "Valor positivo"
  | | senão tela ← "Outro valor"
  | | fim se ! X = 1 !
  | \text{ fim se } ! X = 0 !
  fim se ! X = -1 !
 fim.
Outro exemplo:
 ! algoritmo para informar sobre valores lidos !
 ! definição de dados !
  inteiro N
 ! leitura!
  N ← teclado
 ! escolha segundo o valor lido !
  escolher N
              : N ← N + 1
                                        ! 1 ou 2
  1,2
  3:6
              : N ← N - 1
                                        ! 3, 4, 5, 6!
                tela ← "Passou de dois"
  senão
  | se ( N \le 0 ) então
  | | tela ← "Menor ou igual a zero"
  | senão ! N ≤ 0 !
  | | tela ← "Maior ou igual a sete"
  | fim se ! N \le 0 !
  fim escolher
```

O algoritmo anterior é equivalente a

fim se $! N \ge 7 !$

```
! algoritmo para informar sobre valores lidos !
! definição de dados !
 inteiro N
! leitura!
 N ← teclado
! escolha segundo o valor lido!
 se ((N = 1) | (N = 2)) então
 | N \leftarrow N + 1
 senão! N = 1 | N = 2!
 | se ((N \ge 3) \& (N \le 6)) então
 | N \leftarrow N - 1
 | | tela ← "Passou de dois"
 | senão ! N \ge 3 \& N \le 6 !
 \mid \quad \mid \quad \text{se (N } \leq 0 \text{) então}
 | | tela ← "Menor ou igual a zero"
 \mid \quad \mid \quad senão \mid N \leq 0 \mid
 | | tela ← "Maior ou igual a sete"
 | | fim se ! N \le 0 !
 | fim se ! N \ge 3 | N \le 6 !
 fim se ! N = 1 | N = 2 !
fim.
Os comparadores e conectivos lógicos usados adequadamente, substituem com
vantagens, testes equivalentes:
! algoritmo para informar sobre valores lidos !
! definição de dados !
 inteiro N
! leitura!
 N ← teclado
! escolha segundo o valor lido !
 se (N = 1) então
 | N \leftarrow N + 1
 fim se ! N = 1 !
 se (N = 2) então
 | N \leftarrow N + 1
 fim se ! N = 2 !
 se ( N \ge 3 ) então
 | se ( N \le 6 ) então
 | N \leftarrow N - 1
 | | tela ← "Passou de dois"
 | fim se ! N \le 6 !
 fim se ! N \ge 3 !
 se ( N \le 0 ) então
 | tela ← "Menor ou igual a zero"
 fim se ! N \le 0 !
 se ( N \ge 7 ) então
 \mid tela \leftarrow "Maior ou igual a sete"
```

Observação:

fim escolher

```
O conectivo lógico OU ( | ) é equivalente a dois testes seguidos :
 se (N = 1) então
 | N \leftarrow N + 1
 fim se
 se (N = 2) então
 | N \leftarrow N + 1
 fim se
 O conectivo lógico E (&) é equivalente a dois testes encaixados :
 se ( N \ge 3 ) então
 | se ( N \le 6 ) então
 | N \leftarrow N - 1
 | | tela ← "Passou de dois"
 I fim se
 fim se
Mais um exemplo:
 início
 ! algoritmo para informar sobre frutas !
 ! definição de dados !
  caracteres FRUTA
 ! leitura!
  FRUTA ← teclado
 ! escolha segundo o valor lido !
  escolher (FRUTA)
    "BANANA": tela ← "Comprar 01 dúzia"
    "MAÇÃ" :
                  tela ← "Comprar argentinas"
                   tela \leftarrow "Comprar \ verdes"
                   tela ← "Comprar nacionais"
     "LARANJA" : tela ← "Comprar 03 KG"
```

O algoritmo anterior é equivalente a

```
início
 ! algoritmo para informar sobre frutas !
 ! definição de dados !
  caracteres FRUTA
 ! leitura!
  FRUTA ← teclado
 ! escolha segundo o valor lido !
  se (FRUTA = "BANANA") então
  | tela ← "Comprar 01 dúzia"
  senão ! FRUTA = "BANANA" !
  | se (FRUTA = "MAÇÃ" ) então
  | | tela ← "Comprar argentinas"
  | | tela ← "Comprar verdes"
  | | tela ← "Comprar nacionais"
  senão! FRUTA = "MAÇÃ"!
  | se (FRUTA = "LARANJA") então
  | | fim se ! FRUTA = "LARANJA" !
  fim se ! FRUTA = "MAÇÃ" !
  fim se ! FRUTA = "BANANA" !
 fim.
Contra-exemplos:
 início
 ! algoritmo para informar sobre um valor lido !
 ! definição de dados !
  inteiro X
 ! leitura!
  X \leftarrow teclado
 ! escolha segundo o valor lido!
                                    (falta a variável)
  escolher
  | -1 : tela ← "Valor negativo"
  0 : tela ← "Valor nulo"
  | 1 : tela ← "Valor positivo"
  senão
                                    (falta comando)
 fim escolher
```

```
início
! algoritmo para informar sobre valores lidos !
! definição de dados !
 inteiro N, P
! leitura!
 (N, P) ← teclado
! escolha segundo o valor lido !
 escolher N e P
                                      (duas variáveis)
 11e2
             : N \leftarrow N + 1
                                     ("e" não é definido)
 | 3 até 5
           : N ← N - 1
                                     ("até" não é definido)
              tela ← "Passou de dois"
senão
 | se N \le 0 então
 | | tela ← "Menor ou igual a zero"
 | senão ! N \le 0 !
 | | tela ← "Maior ou igual a cinco"
 | fim se ! N \le 0 !
 fim escolher
fim.
início
! algoritmo para informar sobre frutas !
! definição de dados !
 inteiro FRUTA
! leitura!
 FRUTA ← teclado
! escolha segundo o valor lido !
 escolher FRUTA
                                     (opções de tipo diferente)
 | "BANANA": tela ← "Comprar 01 dúzia"
 | "MAÇÃ" : tela ← "Comprar argentinas"
               tela ← "Comprar verdes"
               tela ← "Comprar nacionais"
 | "LARANJA": tela ← "Comprar 03 KG"
 fim escolher
fim.
```

- 1. Fazer um algoritmo para:
 - ler um nome do teclado:
 - mostrar o telefone correspondente, de acordo com a lista :

Artur	221
Bernardo	211
Eustáquio	311
Luiz	312
Mário	332

- 2. Refazer o algoritmo anterior, incluindo para mostrar a mensagem : NÃO CONSTA DA LISTA", se o nome lido não estiver na lista.
- 3. Fazer um algoritmo para:
 - ler um símbolo do teclado;
 - mostrar as seguintes mensagens, segundo o caso :
 - "SINAL DE MENOR"
 - "SINAL DE MAIOR"
 - "SINAL DE IGUAL"
 - "OUTRO SINAL"
- 4. Fazer um algoritmo para:
 - ler um símbolo do teclado;
 - mostrar as seguintes mensagens, segundo o caso :
 - "LETRA MAĬÚSCULA"
 - "LETRA MINÚSCULA"
 - "ALGARISMOS"
 - "OUTRO SÍMBOLO"
- 5. Fazer um algoritmo para:
 - ler um valor inteiro (LADOS de um polígono);
 - ler um valor real (LADO), tamanho de cada lado;
 - dependendo do valor de lados (3, 4, 5 ou 6) :
 - se LADOS = 3, calcular e mostrar o perímetro;
 - se LADOS = 4, calcular e mostrar a área;
 - se LADOS = 5, calcular e mostrar o perímetro e a área;
 - se LADOS = 6, calcular e mostrar a área de cada triângulo interno.
- 6. Fazer um algoritmo para:
 - calcular e mostrar o custo de transporte de um frete;
 - ler o valor de custo fixo e o destino do frete;
 - para cada destino existe um custo variável :

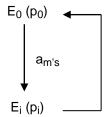
DESTINO	CUSTO
Sabará	0.5 * FIXO
Monlevade	0.3 * FIXO
Contagem	0.1 * FIXO
Mariana	0.2 * FIXO
Ipatinga	0.4 * FIXO
Ouro Branco	0.4 * FIXO

Repetição simples

Forma geral:

repetir | <bloco de comandos> fim repetir

Execução:



O bloco de comandos definidos pelas ações $a_{\text{m's}}$ são repetidos infinitas vezes, um de cada vez.

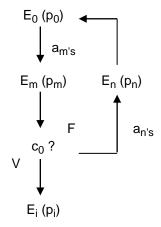
Pode haver várias formas condicionais desta estrutura, como se descreve a seguir.

- Forma com interrupção :

Forma geral:

repetir | <bloco de comandos 1> | se <condição> então parar fim se | <bloco de comandos 2> fim repetir

Execução:



Na forma com interrupção, executa-se o primeiro bloco de comandos (ações $a_{m's}$). Existe(m) um (ou mais) teste(s) de condição que serão avaliados a cada repetição; se a condição for verdadeira, abandona-se imediatamente a execução do bloco de comandos restantes (ações $a_{n's}$). O próximo comando a ser executado será aquele seguinte ao "fim repetir".

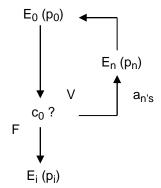
Esta forma trata as condições como medidas de exceção, e deve ser usada com bastante critério, pois a execução de não cobertos pela avaliação de uma condição pode levar à execução incorreta. Sugere-se o uso de formas padronizadas e seguras, deixando esta expressão livre para aplicações particulares.

- Forma com teste no início :

Forma geral:

```
repetir
| se <condição> então
| | <blook de comandos>
| senão
| | parar
| fim se
fim repetir
```

Execução:



Se existir uma certa propriedade, ou proposição, (p_0) , e um certa condição (c_0) podese dizer que :

$$(p_0 \bullet c_0) a_{n's} (p_0)$$

ou seja,

enquanto (p₀ • c₀) repetir a_{n's} fim repetir .

Na forma com o teste no início, a condição será avaliada antes de começar a execução do bloco de comandos. Se a condição for verdadeira, o bloco de comandos será executado uma vez; após esta execução, a condição será novamente avaliada; se for falsa, o bloco de comandos não será mais executado. Quando se encerrar a execução da estrutura, o próximo comando a ser executado será aquele na linha seguinte ao "fim repetir".

Recomenda-se usar esta forma por ser aquela mais segura, pois evita a execução do bloco de comandos, se a condição não for satisfeita, inclusive para a primeira vez. Para efeito de simplificação e rápida identificação com estruturas implementadas em linguagens de programação, pode-se usar uma notação simplificada, com teste automático:

repetir enquanto <condição> | <blood de comandos> fim repetir

Exemplo:

```
início
! algoritmo para contar de 1 até 10!
! definição de dados!
inteiro X
! repetição!
    X ← 1
    repetir
    | se ( X ≤ 10 ) então
    | | tela ← X
    | | X ← X + 1
    | senão
    | | parar
    | fim se
fim repetir
fim.
```

com teste automático:

```
início
        ! algoritmo para contar de 1 até 10 !
        ! definição de dados !
!#1!
         inteiro X
        ! repetição !
         X ← 1
!#2!
!#3!
         repetir enquanto (X \le 10)
!#4!
         | tela ← X
!#5!
         | X \leftarrow X + 1
         fim repetir! enquanto X \le 10!
fim.
```

Execução:

Variável : Linha :	X	tela
#1		
#2	1	
#3	$X \le 10 ? V$	
#4		1
#5	2	
#3	$X \le 10 ? V$	
#4		2
#5	3	
#3	$X \le 10$? V	
#4		3
#5	4	
#3	$X \le 10 ? V$	
#4		9
#5	10	
#3	$X \le 10 ? V$	
#4	-	10
#5	11	
#3	X ≤ 10 ? F	
#3	∧ ≥ 10 ! r	

Contra-exemplos:

```
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição!
 repetir enquanto X \le 10
                                        (falta o valor inicial)
 | tela ← X
 | X \leftarrow X + 1
 fim repetir! enquanto X \le 10!
início
! algoritmo para contar de 1 até 10!
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição!
 X ← 1
 repetir enquanto X \le 10
 | tela ← X
                                        (falta o incremento)
 fim repetir! enquanto X \le 10!
fim.
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição!
 X \leftarrow 0
 repetir enquanto X \le 10
                                        (repete 11 vezes)
 | tela ← X
 | X \leftarrow X + 1
 fim repetir! enquanto X \le 10!
fim.
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição !
 X ← 1
 repetir enquanto X < 10
                                                (repete 09 vezes)
 | tela ← X
 | X \leftarrow X + 1
 fim repetir! enquanto X < 10!
fim.
```

- 1. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os dez primeiros números naturais maiores que 100.
- 2. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os dez números entre de 0.1 até 1.0.
- 3. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os números de 100 até 200 variando de 10 em 10.
- 4. Fazer um algoritmo para:
 - ler de uma fita um conjunto de informações;
 - cada informação contém um NOME e um SALÁRIO:
 - a última informação não entrará nos cálculos e tem o valor de SALÁRIO igual a zero;
 - ler e mostrar cada informação.
- 5. Fazer um algoritmo para:
 - ler de uma fita um conjunto de informações;
 - cada informação contém um NOME e um SALÁRIO;
 - a última informação não entrará nos cálculos e tem o valor de SALÁRIO igual a zero;
 - para cada informação fazer :
 - calcular e mostrar um novo SALÁRIO com aumento de 20%;
 - determinar o nome com o maior valor de SALÁRIO.
 - calcular e mostrar quantos NOMES foram lidos.
- 6. Mostrar a execução do algoritmo abaixo :

```
início
      ! algoritmo para calcular alguns divisores !
      ! definição de dados !
!#1!
        inteiro D, N
      ! leitura!
        N ← teclado
!#2!
      ! repetição !
!#3!
        D \leftarrow 1
        repetir enquanto (D \le N \text{ div } 2)
!#4!
        | se ( N mod D = 0 ) então
!#5!
!#6!
        | fim se
!#7!
        \mid D \leftarrow D + 1
        fim repetir
fim.
```

Dados:

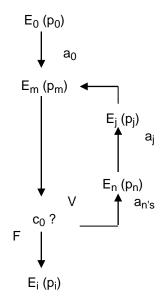
N = 0 N = 12 N = 11

- Forma com teste no início e variação :

Forma geral:

```
<controle> \leftarrow <início>
repetir
se não <fim> então
| | <blood de comandos>
|  |  <controle> ← <controle> + <variação>
| senão
| | parar
| fim se
fim repetir
com teste automático:
repetir para <controle> ← <início> : <fim> : <variação>
| <bloco de comandos>
fim repetir
onde:
 <início>
                    é um comando de atribuição
                    é uma variável
 <controle>
 <fim>
                    é uma expressão
 <variação>
                    também é uma expressão
```

Execução:



Esta estrutura com variação é equivalente a:

```
<início>
repetir enquanto <variável> ≤ <fim>
| <bloom>
| <variável> ← <variável> + <variação positiva>
fim repetir

ou

<início>
repetir enquanto <variável> ≥ <fim>
| <bloom>
| <bloom>
| <variável> ← <variável> + <variação negativa>
fim repetir
```

Na forma com teste no início e variação, primeiro será executado o comando de atribuição (definido pela ação a_0), estabelecendo o valor inicial da variável, chamada *variável de controle*. Logo após, será feita uma comparação com o valor apresentado na expressão <fim>, para verificar se objetivo já foi alcançado : se o valor atual da variável é maior que o valor da expressão <fim>, caso o valor da variação seja *positiva*; ou se o valor atual é menor que o valor da expressão <fim>, caso a variação seja *negativa*. Não tendo sido alcançado o objetivo, o bloco de comandos (definidos pelas ações $a_{n's}$) será executado uma vez, a variável de controle sofrerá a ação definida por a_j , sendo modificada pelo valor da <variação> (também chamada de *passo*), e a comparação dos valores será repetida, mais uma vez. Quando o objetivo for alcançado, a execução do bloco de comandos da estrutura terminará, e o próximo comando a ser executado será aquele na linha seguinte ao "fim repetir".

O uso desta estrutura está limitado pelas condições abaixo :

- a variável de controle não pode ser modificada no corpo da estrutura;
- os valores de <variação> e de <fim> devem ser fixos, e não devem ser modificados no corpo da estrutura.

Observações:

Se estas condições não forem satisfeitas, pode ocorrer uma incoerência na execução da estrutura.

Se o valor da <variação> for igual a (1) poderá ser omitido.

Exemplo:

```
início
! algoritmo para contar de 1 até 10!
! definição de dados!
inteiro X
! repetição!
  X ← 1
  repetir
  | se ( X ≤ 10 ) então
  | | tela ← X
  | | X ← X + 1
  | senão
  | | parar
  | fim se
  fim repetir ! para X !
```

Na forma com teste e variação automáticos :

```
início
! algoritmo para contar de 1 até 10!
! definição de dados!
!#1! inteiro X
! repetição!
!#2! repetir para ( X ← 1 : 10 : 1 )
!#3! | tela ← X
fim repetir! para X!
fim.
```

Execução:

Variável :	Χ	tela
Linha :		
#1		
#2	1	
#2	$X \le 10$? V	
#3		1
#2	2	
#2	$X \le 10$? V	
#3		2
#2	3	
#2	$X \le 10$? V	
#3		3
#2	4	
#2	$X \le 10 ? V$	_
#3		9
#2	10	
#2	$X \le 10$? V	
#3		10
#2	11	
02	$X \le 10 ? F$	

Contra-exemplos:

```
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
inteiro X
! repetição !
 repetir para X \leftarrow X : 10 : 1
                                        (valor inicial indefinido)
 | tela \leftarrow X
 fim repetir! para X!
fim.
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição!
                                       (repetição indefinida)
 repetir para X ← 1 : X : 1
 | tela ← X
 fim repetir! para X!
fim.
```

```
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição !
                                       (repetição indefinida)
 repetir para X \leftarrow X : X : 1
 | tela ← X
 fim repetir! para X!
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição !
                                       (falta variável)
 repetir para 1:10:1
 | tela ← X
 fim repetir! para X!
fim.
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição !
 repetir para X ← 1 até 10 passo 1 (estrutura incorreta)
 | tela ← X
 fim repetir! para X!
fim.
```

- 1. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os dez primeiros números naturais menores que 100.
- 2. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os dez primeiros números naturais de 100 até 110.
- 3. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar de 0.2 até 2.0, variando de 0.2 em 0.2.
- 4. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os números de 100 até 200 variando de 20 em 20.
- 5. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os 100 primeiros números pares.
- 6. Mostrar a execução do algoritmo abaixo :

```
! algoritmo para calcular alguns divisores !
      ! definição de dados !
       inteiro D, N
!#1!
      ! leitura!
!#2!
      N ← teclado
      ! repetição !
!#3!
      repetir para ( D \leftarrow 1 : (N div 2) )
       | se ( N mod D = 0 ) então
!#4!
!#5!
       | fim se
       fim repetir
      fim.
```

Dados:

N = 0 N = 12

N = 11

- Forma com teste no fim

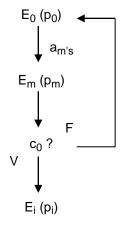
Forma geral:

```
repetir
| <blook comandos>
| se <condição> então
| parar
| fim se
fim repetir
```

com teste automático:

repetir até <condição> | <bloco de comandos> fim repetir

Execução:



Se existir uma certa propriedade, ou proposição, (p_0) , e um certa condição (c_0) podese dizer que :

$$(p_0) a_{m's} (p_0 \bullet c_0)$$

ou seja,

(p₀) repetir a_{m's} até c₀ fim repetir .

Na forma com o teste no fim, o bloco de comandos (definido pelas ações a_{m's}) será executado *pelo menos uma vez*, e a condição será avaliada depois. Se a condição for falsa, o bloco de comandos será executado mais uma vez; se for verdadeira, o objetivo foi alcançado e o bloco de comandos não será mais executado. Quando encerrar a execução da estrutura, o próximo comando a ser executado será aquele na linha seguinte ao "fim repetir".

Exemplo:

```
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
inteiro X
! repetição !
    X ← 0
    repetir
    | X ← X + 1
    | tela ← X
    | se (X = 10) então
    | | parar
    | fim se
    fim repetir ! até X = 10 !
fim.
```

com teste automático:

```
início
      ! algoritmo para contar de 1 até 10 !
      ! definição de dados !
!#1!
       inteiro X
      ! repetição !
!#2!
      X \leftarrow 0
        repetir até (X = 10)
!#3!
        | X \leftarrow X + 1
!#4!
        | tela ← X
!#5!
       fim repetir! até X = 10!
      fim.
```

Execução:

Variável :	Χ	tela
Linha : #1		
#2	0	
#3	1	
#4		1
#5	X = 10 ? F	
#3	2	
#4		2
#5	X = 10 ? F	
#3	3	
#4	· ·	3
		Ü
#5	X = 10 ? F	
#3	9	
#4	-	9
#5	X = 10 ? F	Ŭ
#3	10	
_	10	40
#4	V 40.017	10
#5	X = 10 ? V	

Contra-exemplos:

```
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição!
 repetir até X = 10
 | X \leftarrow X + 1
                                         (variável indefinida)
 | tela ← X
 fim repetir! até X = 10!
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição!
 X \leftarrow 0
 repetir até X > 10
 | X \leftarrow X + 1
                                         (repete 11 vezes)
 | tela ← X
 fim repetir! até X > 10!
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição !
 X ← 1
 repetir até X = 10
 | X \leftarrow X + 1
                                         (repete 09 vezes)
 | tela ← X
 fim repetir! até X = 10!
fim.
início
! algoritmo para contar de 1 até 10 !
! definição de dados !
 inteiro X
! repetição!
 X \leftarrow 1
                                         (falta variável)
 repetir até 10
 \mid X \leftarrow X + 1
 | tela ← X
 fim repetir! até X = 10!
fim.
```

- 1. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os dez primeiros números naturais maiores que 201.
- 2. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar os dez primeiros números naturais entre 9 e 19.
- 3. Fazer um algoritmo para:
 - mostrar dez valores igualmente espaçados entre 0.3 e 3.0.
- 4. Fazer um algoritmo para:
 - ler de uma fita um conjunto de informações;
 - cada informação contém NOME e SALÁRIO;
 - a última informação não entrará nos cálculos e tem o valor de SALÁRIO igual a zero;
 - ler e mostrar cada informação.
- 5. Fazer um algoritmo para:
 - ler de uma fita um conjunto de informações;
 - cada informação contém NOME e SALÁRIO;
 - a última informação não entrará nos cálculos e tem o valor de SALÁRIO igual a zero;
 - para cada informação fazer :
 - calcular e mostrar um novo SALÁRIO com aumento de 20%;
 - determinar o nome com o maior valor de SALÁRIO.
 - calcular e mostrar quantos NOMES foram lidos.
- 6. Mostrar a execução do algoritmo abaixo :

```
início
       ! algoritmo para calcular alguns divisores !
       ! definição de dados !
!#1!
        inteiro D, N
       ! leitura!
        N ← teclado
!#2!
       ! repetição !
!#3!
        D \leftarrow 1
!#4!
        repetir até (D > N div 2)
!#5!
        | se ( N mod D = 0 ) então
!#6!
        | | tela ← D
        | fim se
        \mid D \leftarrow D + 1
!#7!
        fim repetir
       fim.
```

Dados:

N = 0 N = 12 N = 11