

## Listas ligadas simples

A. Considere as seguintes definições dos tipos de dados **INFO**, **Nodo** e **PNode** (apontamentos das aulas teóricas):

```
typedef struct {
    int NFatura;           // chave com valores entre 1000 e 9000
    int NIF;               // valores entre 100000 e 200000
    int data[3];           // dia-mês-ano com o ano com valores entre 2010 e 2022
    float Pagamento;      // valores entre 1.0 e 1000.0 (euros)
} INFO;

struct Nodo {
    INFO Elemento;
    struct Nodo *Prox;
};

typedef struct Nodo *PNode;
```

Cada elemento (registo) do tipo **INFO** corresponde a uma compra efetuada num estabelecimento comercial. Assim, o campo **NFatura** deve ser único (chave).

Copiar as seguintes bibliotecas:

**Aleatorio (.h e .c)** ---> que contém operações para gerar números aleatoriamente

**OperacoesPrimariasA (.h e .c)** ---> que contém definida a estrutura **INFO**

**ListasLigadasSimples (.h e .c)** ---> que contém definidas a estrutura **Nodo** e o tipo **PNode**

que se encontram disponíveis na página web da disciplina (**Folhas práticas** ---> **Bibliotecas e Exercícios das folhas práticas** ---> **Listas ligadas simples**).

Elaborar um programa em C que utilize as operações contidas nas bibliotecas referidas e resolva as questões colocadas a seguir, acrescentando-as uma a uma ao programa. Usar o programa **ListasExA.c**, que se encontra na página web da disciplina (ver em *bibliotecas ...*).

1. Implementar uma função que crie uma lista **L** com **N** elementos do tipo **INFO** gerados aleatoriamente. Para tal, usar o gerador de números inteiros e reais (biblioteca **Aleatorio**).  
Usando a função anterior, construa uma lista com **N** elementos ( $0 \leq N \leq 15$ ) do tipo **INFO**.
2. Mostrar a lista criada antes, em que os elementos são apresentados
  - a) do início para o fim,
  - b) do fim para o início.
3. Implementar uma função iterativa para determinar a soma dos valores pagos (campo **Pagamento**) de todos os elementos de uma lista **L** cujo campo **NIF** é igual a dado valor **Num**.
4. Implementar uma função recursiva para determinar a quantidade de elementos numa lista **L** com valores do campo **Pagamento** maiores ou iguais a um dado valor **Pag**.

5. Implementar uma função (iterativa ou recursiva), que receba uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e determine (e devolva) o **maior** valor no campo *Pagamento* dos elementos da lista **L**.
6. Implementar uma função (iterativa ou recursiva) que determine (e devolva) o menor elemento numa lista **L** com elementos do tipo **INFO**, com valor no campo **Pagamento** maior ou igual a um dado valor **K**.
7. Implementar uma função que, dados uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e um inteiro **Num**, remova o elemento da lista **L** com valor no campo **NFatura** igual a **Num**.
8. Implementar uma função que remova todos os elementos de uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, cujos elementos sejam **menores** do que o **maior** valor do campo **Pagamento** da lista **L** (usar a função implementada num exercício anterior).
9. Implementar uma função que, dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e um inteiro **Num**, remova todos os elementos da lista **L** com valor no campo **NIF** igual a **Num**.
10. Implementar uma função que, dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e um número inteiro positivo **N**, remova da lista **L** os seus **N** primeiros elementos e devolva a lista resultante. Caso **N** seja maior do que o comprimento da lista, todos os seus elementos devem ser removidos e o resultado deve ser uma lista vazia.
11. Implementar uma função que receba como parâmetros uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e um número inteiro positivo **Num**, e divida a lista em duas, de tal forma que a segunda lista comece com o elemento que se segue ao primeiro elemento com valor no campo **NFatura** igual a **Num**.
12. Implementar uma função que como parâmetro uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, e ordene-a por ordem crescente do campo **NIF**.
13. Implementar uma função que, dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** ordenados crescentemente pelo campo **NIF** e um valor inteiro **Num**, remova todos os elementos da lista **L** com valores no campo **NIF** iguais a **Num**, caso existam.
14. Implementar uma função que, dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** ordenados crescentemente pelo campo **NIF** e um inteiro **X**, remova todos os elementos da lista **L** com valores no campo **NIF** superiores ou iguais a **X**, caso existam.
15. Implementar uma função para determinar o número de elementos numa lista **L** com elementos do tipo **INFO**, cujos valores do campo **Pagamento** são maiores que **K1** e menores que **K2**.
16. Implementar uma função para alterar a lista **L** com elementos do tipo **INFO**, tal que aos valores do campo **Pagamento** dos elementos da primeira metade da lista **L** são acrescentados o valor **K1** e aos restantes são acrescentados o valor **K2**.

17. Implementar uma função para alterar uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, tal que ao valor do campo **Pagamento** dos primeiros e últimos **K** elementos da lista **L** são acrescentados o valor **Y1** e aos restantes são acrescentados o valor **Y2**.
18. Construa uma função para determinar o maior elemento numa lista **L** com elementos do tipo **INFO**, com maior valor no campo **Pagamento**, mas menor do que o valor **Y**.
19. Implementar uma função que dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, determine o elemento da lista com o segundo maior valor do campo **Pagamento**, percorrendo a lista apenas uma vez.
20. Implementar uma função que dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, remova o primeiro elemento e o último elemento da lista **L**.
21. Implementar uma função que dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, remova todos os elementos de **L** com exceção do primeiro elemento e do último elemento.
22. Implementar uma função que dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, passe o último elemento para a segunda posição da lista **L**.
23. Implementar uma função que destrua uma dada lista **L** com elementos do tipo **INFO** (liberte todos os nós da lista **L**, que fica vazia).
24. Implementar uma função que dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, inverta a lista **L** de modo que o último elemento se torne o primeiro, e assim sucessivamente.
25. Implementar uma função que dada uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e um número inteiro **N**, elimine o **N-ésimo** elemento da lista **L**.
26. Implementar uma função que dadas duas listas, **L1** e **L2**, com elementos do tipo **INFO** ordenadas pelo campo **NFatura**, junte as duas listas numa única lista ordenada.

**B.** Considere a seguinte definição do tipo de dados **INFO**:

```
typedef struct{  
    int NCC;           // chave e com valores entre 100000 e 900000  
    int dataNasc[3];   // dia-mês-ano com ano entre 1920 e 2022  
    float altura;      // em metros  
    int genero;        // 0 = Feminino e 1 = Masculino  
}INFO;
```

Elaborar um programa que utilize as operações que se encontram nas bibliotecas criadas antes e resolva as questões colocadas a seguir, uma a uma.

1. Implementar uma função que receba como parâmetro um inteiro **N** e crie uma lista **L** com **N** elementos do tipo **INFO** gerados aleatoriamente; para tal, use o gerador de números inteiros que se encontram na biblioteca "Aleatorio.h" (ver página web da disciplina).
2. Mostrar a lista criada antes, em que os elementos são apresentados
  - a) do início para o fim, e
  - b) do fim para o início.
3. Implementar uma função para determinar a quantidade de elementos de uma lista **L**, cujo valor do campo **altura** é maior ou igual a um dado valor **A** ( $A \in [1.0, 2.0]$ ).
4. Implementar uma função que, dados uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e um inteiro **A** (**A** em {1920, ..., 2022}), determine e devolva a quantidade de elementos nascidos no ano **A**.
5. Implementar uma função que, dados uma lista **L** com elementos do tipo **INFO** e um número inteiro positivo **N** (**N** em {1, ..., 20}), remova da lista **L** os **N** primeiros elementos de **L** e devolva a lista resultante. Caso **N** seja maior do que o comprimento da lista, todos os seus elementos devem ser removidos e o resultado deve ser uma lista vazia.
6. Implementar uma função que dado uma lista **L** com elementos do tipo **INFO**, construa 2 listas do mesmo tipo (INFO), uma com todos os elementos do género Masculino (campo *genero* = 0) e a outra com todos os elementos do género Feminino (campo *genero* = 1).

### C. Outras problemas

1. Implementar uma função para verificar se um número inteiro positivo **N** é capicua (número que ao ser lido da esquerda para a direita ou vice-versa é o mesmo; ex: 12321), usando uma lista ligada.
2. Implementar uma função que dadas duas lista ligadas com valores binários (0/1), **L1** e **L2**, e um valor inteiro **k** ( $k > 0$ ), construa duas listas ligadas **L3** e **L4**, em que **L3** é formado pelos primeiros **k** valores de **L1** e os últimos de **L2**, e **L4** é formado pelos primeiros **k** valores de **L2** e os últimos de **L1** (ex: **L1** = [1 1 0 1 0 1], **L2** = [0 1 0 1 1 0] e **k** = 2 => **L3** = [1 1 0 1 1 0] e **L4** = [0 1 0 1 0 1]).

3. Seja um polinómio de grau  $n$ :

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x^1 + a_0 x^0$$

onde  $a_n \neq 0$ , exceto possivelmente no caso  $n = 0$ .

- a) Construa uma função para determinar o valor de  $P(x)$ .
- b) Construa uma função para efetuar a soma de dois polinómios:  $P(x) + P(y)$ .
- c) Construa uma função para efetuar o produto de dois polinómios:  $P(x) \times P(y)$ .

**Sugestão:** Criar uma lista ligada com três campos, um para o coeficiente ( $a_n$ ), outro para o expoente ( $n$ ) e o outro para a ligação ao próximo elemento.