



GraPhEr

Ecuaciones Diferenciales Parciales Separables

Manual de Usuario

Version 1.0

Luis Enrique Nava Garcia

17 de enero de 2025

Índice

1. Introducción	2
2. Prerrequisitos	3
2.1. Instalación de los prerrequisitos a través de scripts	4
3. Ejecución de la aplicación	5
3.1. Desde el archivo de Python	5
3.2. Creando un archivo ejecutable	6
3.2.1. Creación del ejecutable en sistemas Linux	6
3.2.2. Creación del ejecutable en sistemas Windows	6
3.3. Instalando la aplicación	7
3.3.1. Instalación en sistemas Linux	7
3.3.2. Instalación en sistemas Windows	7
4. Flujo de trabajo típico de la aplicación	8
4.1. Campos de entrada	9
4.2. Importación y exportación de entradas validas	12
4.2.1. Importación de entradas validas	12
4.2.2. Exportación de entradas validas	13
5. Sintaxis de entrada	14
5.1. Símbolos especiales	14
5.2. Operaciones básicas y signos de agrupación	14
5.3. Funciones elementales	15
5.4. Operadores integrales y diferenciales	16
5.5. Funciones especiales	16
5.6. Otros	17
6. Interacción con la solución	18
6.1. Interacción con la gráfica	18
6.2. Interacción con la aproximación calculada	20
6.3. Modos especiales de visualización	21
7. Exportación de animaciones	22

1. Introducción

Este documento tiene como finalidad explicar y mostrar los pasos necesarios para la ejecución correcta de la aplicación *GraPhEr Ecuaciones Diferenciales Parciales Separables*, la cual es de uso libre y se encuentra distribuida bajo la licencia [GNU 3.0](https://www.gnu.org/licenses/gpl-3.0.html#license-text)¹.



Figura 1: Logo de la aplicación.

GraPhEr Ecuaciones Diferenciales Parciales Separables es una interfaz gráfica de usuario programada en Python para la visualización de la solución de Ecuaciones Diferenciales Parciales resueltas con variables separadas. La interfaz, a partir de la entrada de texto del usuario, calcula todos los valores necesarios para obtener una aproximación numérica de la solución obtenida analíticamente. Con base en estos cálculos muestra la gráfica correspondiente y permite al usuario la interacción tanto con la gráfica como con la solución calculada.

El código de la interfaz, los archivos de texto con las entradas de ejemplos probados en la interfaz y otros archivos pueden ser encontrados en [GraPhEr](https://github.com/LuisNavaFisBio/GraPhEr)².

¹<https://www.gnu.org/licenses/gpl-3.0.html#license-text>

²<https://github.com/LuisNavaFisBio/GraPhEr>

2. Prerrequisitos

Si no se quiere hacer uso del instalador de GraPhEr (solo disponible para sistemas Linux o Windows, ver punto 3.3) o de los scripts de instalación de prerrequisitos para Linux/MacOs (ver punto 2.1) son necesarios algunos programas para la ejecución de la aplicación. En cualquier caso, se sugiere contar con alguna versión de LaTeX instalada en el equipo.

Cuando se ejecuta la interfaz desde el archivo de Python (ver punto 3.1) o se quiere crear un archivo ejecutable (ver punto 3.2), *GrahPhEr* requiere **Python 3³** o superior (es necesaria una versión menor a la 3.12).

*Nota 1: Para la instalación en sistemas MacOS se pueden seguir las instrucciones encontradas en **Instalación MacOS⁴**.*

Nota 2: En Windows es necesario instalar Python con las opciones "Use admin privileges when installing py.exe" y "Add python.exe to PATH", antes de finalizar elegir la opción "Disable PATH limit".

Además, la aplicación requiere la instalación de varias librerías de Python lo cual se logra a través de la herramienta *pip*; para instalar este paquete se pueden seguir las instrucciones encontradas en **Instalación de pip⁵**. Una vez añadido esta herramienta al sistema es necesario abrir la consola del sistema/terminal (dependiendo del sistema operativo y de preferencia en modo administrador) y correr el comando según el sistema operativo:

- Sistemas Linux/MacOs: **`python3 -m pip install -U --only-binary :all: matplotlib==3.7.5 PyQt5 plasTeX sympy scipy PySide6 ffmpeg-python pyqtwebengine`**
- Sistemas Windows: **`pip install -U --only-binary :all: matplotlib==3.7.5, PyQt5, plasTeX, sympy, scipy, PySide6, ffmpeg-python, pyqtwebengine`**

Nota 3: Se necesita una versión igual a la versión 3.7.5 de la librería MatPlotLib por la existencia de un bug en versiones superiores de dicha librería que impide la graficación de curvas de nivel en la vista tridimensional.

La aplicación permite la exportación de animaciones, sin embargo, es necesaria la instalación de **FFMPEG⁶**. Las instrucciones para su instalación por sistema operativo se muestran a continuación:

³<https://www.python.org/downloads/>

⁴<https://docs.python.org/3/using/mac.html>

⁵<https://packaging.python.org/en/latest/tutorials/installing-packages/>

⁶<https://www.ffmpeg.org/about.html>

- Sistemas Linux: Ejecutar en la terminal el comando ***apt install ffmpeg***
- Sistemas MacOS: Ejecutar en la terminal el comando ***brew install ffmpeg*** o ***apt install ffmpeg***
- Sistemas Windows: 1) Descargar el archivo ffmpeg-release-full.7z de [FFMPEG Build](https://www.gyan.dev/ffmpeg/builds/)⁷ y descomprimirlo. 2) Agregar los archivos ejecutables de la carpeta **bin** en una carpeta que se llame **FFMPEG** y pasar dicha carpeta a **Archivos de Programa** del sistema. 3) Posteriormente añadir la dirección de **FFMPEG** a la variable PATH en las variables de entorno del sistema.

2.1. Instalación de los prerequisites a través de scripts

En sistemas Linux/MacOs es posible realizar la instalación de los prerequisites a través de scripts que automatizan este proceso (excepto la instalación de Python), esta opción es preferible para usuarios básicos de estos sistemas.

Después de descargar todos los archivos del repositorio en un archivo .zip (ver punto 3.1), se debe descomprimir dicho archivo sin cambiar el nombre de la carpeta, posteriormente se deben de mover los scripts que se encuentran en la carpeta *Scripts_Automatización_Linux-MacOs* fuera de la carpeta donde se descomprimió el archivo .zip; finalmente se debe abrir la terminal y navegar hasta la carpeta donde se encuentran los scripts y ejecutar el comando

source ./ScriptInstalación_xyz.sh

donde **xyz** es el sistema operativo (**Linux** o **MacOs**).

Estos scripts crean un ambiente virtual de Python para la ejecución de la aplicación evitando así interferencias con las librerías de Python previamente instaladas por el usuario en su sistema.

⁷<https://www.gyan.dev/ffmpeg/builds/>

3. Ejecución de la aplicación

Existen dos formas de ejecutar la aplicación:

- Desde el archivo de Python.
- Creando un archivo ejecutable (Actualmente solo en sistemas Linux o Windows).
- Instalando la aplicación (Actualmente solo en sistemas Linux o Windows).

Nota: En Windows, es preferible que las personas principiantes en la computación instalen la aplicación directamente siguiendo los pasos del último punto, mientras que aquellos usuarios avanzados preferirán seguir alguno de los otros métodos.

3.1. Desde el archivo de Python

Para ejecutar la aplicación desde el archivo .py creado es necesario ingresar a

<https://github.com/LuisNavaFisBio/GraPhEr>

Dentro de la página de GitHub donde se almacena el código se debe presionar el botón <> Code, con lo cual se despliega un menú donde se debe seleccionar la opción *Download ZIP* como se muestra en la figura 2.

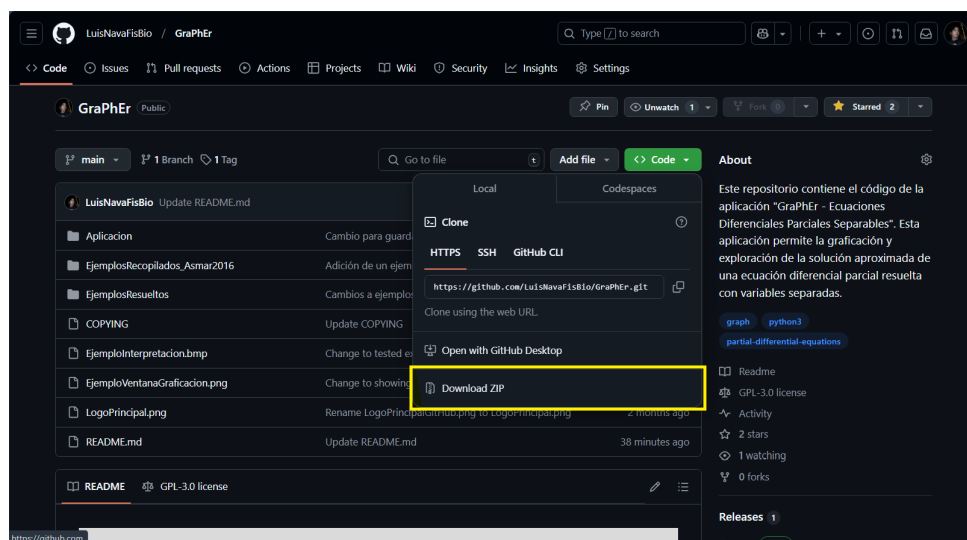


Figura 2: Descarga del archivo ZIP para obtener los archivos .py para la ejecución de la aplicación.

Una vez descomprimido el archivo .zip, se debe ejecutar el archivo *GraPhEr_Archivo*

Principal.py desde el IDLE de Python o desde un editor de código como Visual Studio Code, en cualquier caso es necesario ejecutar las aplicaciones con permisos de administrador.

En sistemas Linux/MacOs donde se utilizaron los scripts de instalación de pre-requisitos es posible ejecutar la aplicación a través navegar en la terminal del sistema hasta la carpeta donde se encuentran los scripts y ejecutar el comando

source ./ScriptEjecucion.sh

3.2. Creando un archivo ejecutable

Nota: Esta opción no se encuentra actualmente disponible para sistemas MacOS.

Para crear un archivo ejecutable es necesaria la descarga del archivo .zip como se menciona en la subsección 3.1, además es necesaria la descarga de la carpeta *plastex* de [plasTeX](https://github.com/plastex/plastex)⁸ y la instalación de la librería de Python *pyinstaller*.

3.2.1. Creación del ejecutable en sistemas Linux

Una vez descomprimida la carpeta .zip de la subsección 3.1 es necesario mover la carpeta *plastex* a la carpeta *Aplicacion*, posteriormente es necesario abrir la terminal y navegar hasta la carpeta *Aplicacion* para ejecutar el comando contenido en el archivo .txt de la carpeta *Configuracion_Ejecutables*.

Una vez finalizada la ejecución del comando se habrá creado la carpeta *dist* donde se encontrará el archivo ejecutable *GraPhEr*.

3.2.2. Creación del ejecutable en sistemas Windows

Una vez descomprimida la carpeta .zip de la subsección 3.1 es necesario mover el archivo .spec que se encuentra en la carpeta *Configuracion_Ejecutables* y la carpeta *plastex* a la carpeta *Aplicacion*, posteriormente es necesario abrir la consola del sistema y navegar hasta la carpeta *Aplicacion* para ejecutar el comando

pyinstaller GraPhEr_Windows.spec

Una vez finalizada la ejecución del comando se habrá creado la carpeta *dist* donde se encontrará el archivo ejecutable *GraPhEr_Ejecutable.exe*.

⁸<https://github.com/plastex/plastex>

3.3. Instalando la aplicación

Nota: Esta opción no se encuentra actualmente disponible para sistemas MacOS.

3.3.1. Instalación en sistemas Linux

Nota: Si se experimenta algún problema con alguno de los paquetes, probablemente se debe a una incompatibilidad entre el sistema donde se crearon los paquetes (Ubuntu 24.04.1) y el sistema donde se quiera instalar la aplicación, en particular con la librería GLIBC.

Para instalar la aplicación es necesario descargar el archivo GraPhErEDPS_Linux.zip desde

[GraPhErEDPS_Linux - Dropbox⁹](#)

Al descomprimir el archivo se encontrarán los archivos .deb, .rpm y .tar.gz. El primero es el recomendado para sistemas Debian/Ubuntu, mientras que el segundo es el recomendado para otros sistemas de Linux. El archivo .tar.gz contiene el ejecutable creado en el punto 3.2.1, por lo que puede ser ejecutado directamente habiendo instalado previamente la aplicación FFMPEG (ver sección de Prerrequisitos).

Para usuarios básicos en la instalación de paquetes en sistemas Linux se proporcionan los scripts necesarios para instalar estos paquetes en la carpeta *ScriptInstalacion_Linux*. Para ello es necesario mover el paquete correspondiente junto con su script correspondiente a la misma carpeta y ejecutar el comando

source ./ScriptInstalacion_xyz.sh

donde **xyz** es la extensión del paquete (**deb** o **rpm**).

3.3.2. Instalación en sistemas Windows

Para instalar la aplicación es necesario descargar el archivo GraPhErEDPS_Windows.zip desde

[GraPhErEDPS_Windows - Dropbox¹⁰](#)

Al descomprimir el archivo se encontrará el instalador *GraPhEr.exe*.

⁹https://www.dropbox.com/sc1/fi/g4jqniyisyx0kow22z0c/GraPhErEDPS_Linux.zip?rlkey=lk8o1lz9fqgtn3dx30y5845by&st=sk1zpmi5&dl=0

¹⁰https://www.dropbox.com/sc1/fi/wl0hix5btiweu6i4um70h/GraPhErEDPS_Windows.zip?rlkey=9ncp3cuqfbsc4ip9m74js993d&st=x80n33f3&dl=0

4. Flujo de trabajo típico de la aplicación

El flujo de trabajo típico al utilizar la aplicación es el siguiente:

1. Ingreso manual de la entrada o a través de la importación de una entrada valida contenida en un archivo de texto (ver punto 4.2.1).

La explicación de cada campo de entrada se da en el punto 4.1.

Figura 3: Vista de la pantalla principal con una entrada ingresada.

2. Presión del botón **Interpretar** para iniciar el proceso de interpretación de la entrada. Después del termino del proceso se muestra la ventana de visualización de la entrada del usuario en LaTeX como en la figura 2.

Interpretación de la Entrada	
Solución	$u(x, t) \approx \sum_{n=1}^{10} [A_n \cos(\lambda_{1n} t) \cos(\lambda_{1n} x) + B_n \sin(\lambda_{1n} t) \cos(\lambda_{1n} x)]$
Coeficientes	$A_n = \int_0^{\pi} \frac{2x(\pi-x) \cos(\lambda_{1n} x)}{\pi} dx \quad B_n = \int_0^{\pi} \frac{2 \sin(\pi x) \cos(\lambda_{1n} x)}{\pi \lambda_{1n}} dx$
Valores Propios	$\lambda_{1n} \rightarrow n - \frac{1}{2}$
Funciones Peso	$w_1 = 1$
Condiciones	$u(x, 0) = x(\pi - x), \quad \frac{\partial u(x, t)}{\partial t} \Big _{t=0} = \sin(\pi x)$
Dominio	$x = [0, \pi], \quad t = [0, 10]$

Figura 4: Vista de la pantalla de visualización de la interpretación.

3. Presión del botón **Resolver** para iniciar la realización de los cálculos necesarios para tener la aproximación numérica de la solución ingresada por el usuario. Después del proceso se habilita el botón **Visualizar** (cambia su color a azul).

En este paso, dado que se ha logrado un resultado satisfactorio con la entrada, se puede optar por exportar la entrada a un archivo de texto para su envío (ver punto 4.2.2).

4. Presión del botón **Visualizar** para abrir la ventana de graficación (la vista inicial se muestra en la siguiente imagen), la cual es la ventana en donde se puede interactuar con la gráfica de la solución y explorar los valores calculados.

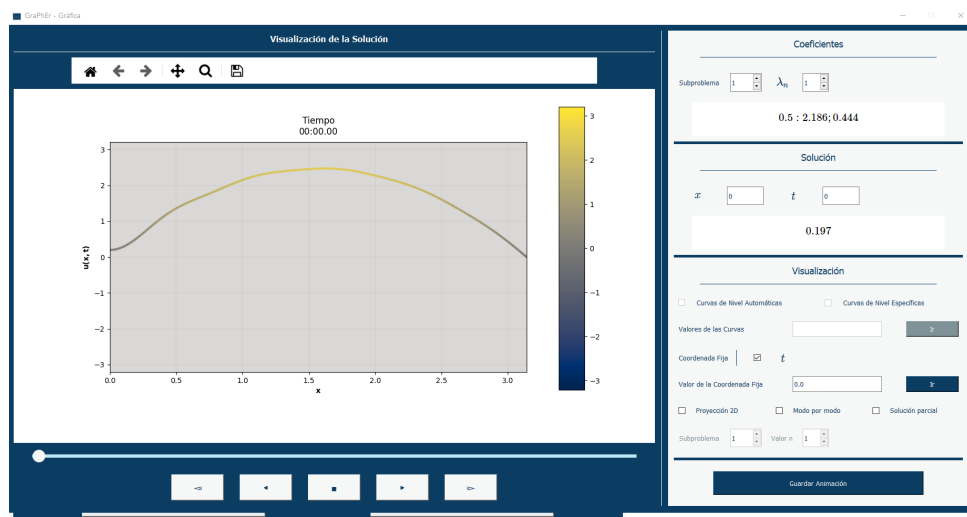


Figura 5: Vista de la pantalla de visualización de la interpretación.

4.1. Campos de entrada

A continuación se describe el tipo de campo de entrada y la información que se espera en cada uno:

- Dimensiones y coordenadas.
 - **Temporal** (Casilla seleccionable). Indica si el tiempo es una variable del problema.
 - **# dimensiones espaciales** (Cuadro de número). Indica el número de variables espaciales en el problema. Se puede escribir directamente el número o utilizar las flechas contenidas para aumentar y disminuir su

valor. Toma valores entre 1 y 3. El valor de este cuadro determina los posibles sistemas de coordenadas que se pueden seleccionar.

- **Sistema de coordenadas** (Botones mutuamente excluyentes). Indica el sistema de coordenadas a utilizar (cartesianas, cilíndricas/polares o esféricas). El botón elegido delimita el valor del cuadro de número **# dimensiones espaciales**.

■ Dominio y condiciones

- **Dominio variable 1** (Campo de escritura). Intervalo de dominio de la variable 1 (x en coordenadas cartesianas o r en otras coordenadas) especificado como un par de números separados por ":". Ejemplo: el intervalo $(0, \pi)$ se especifica como 0:pi
- **Dominio variable 2** (Campo de escritura). Intervalo de dominio de la variable 1 (y en coordenadas cartesianas, ϕ en coordenadas cilíndricas/polares y θ en coordenadas esféricas) especificado como un par de números separados por ":". Ejemplo: el intervalo $(0, \pi)$ se especifica como 0:pi
- **Dominio variable 2** (Campo de escritura). Intervalo de dominio de la variable 1 (z en coordenadas cartesianas y cilíndricas/polares o ϕ en coordenadas esféricas) especificado como un par de números separados por ":". Ejemplo: el intervalo $(0, \pi)$ se especifica como 0:pi
- **Dominio temporal** (Campo de escritura). Intervalo de dominio del tiempo para el que se quiere obtener la gráfica especificado como un único número, ya que por defecto el tiempo inicial es 0. Ejemplo: el intervalo $(0, 10)$ se especifica como 10
- **Condiciones iniciales y/o de frontera** (Campo de escritura). Indica las condiciones iniciales y/o de frontera del problema. Si solo se tienen condiciones iniciales o solo se tienen condiciones de frontera estas se deben separar utilizando ";". Cuando se tienen ambas condiciones primero se deben escribir las condiciones de frontera separadas con ";", luego escribir ":" y posteriormente escribir las condiciones iniciales también separadas por ";"; por ejemplo, para indicar dos condiciones iniciales y una condición de frontera la sintaxis sería

condicion_frontera1:condicion_inicial1;condicion_inicial2

■ Solución

- **Número de subproblemas** (Barra deslizadora). Indica la cantidad de subproblemas de los que consta el problema o la cantidad de subentradas

en las que se dividió la solución al problema por contener funciones esencialmente diferentes. Toma valores entre 1 y 10.

- **Solución del subproblema** (Cuadro). Cada cuadro contendrá la entrada para el subproblema indicado, se puede navegar entre cuadros con el deslizador en la parte inferior.

- **Valores propios** (Campo de escritura). Indica la expresión general de los valores propios o la ecuación de la que se generan; en caso de que se tenga más de un conjunto de valores propios estos se separan por “;”. Cuando el problema no tiene valores propios se debe colocar “1”.
- **Número de términos** (Campo de escritura). Indica la cantidad de términos que se quieren considerar de la solución al subproblema especificando el elemento de inicio y el elemento final separados por “:”; cuando se tiene una doble o triple suma se separan los pares utilizando “;”. Por ejemplo, si se necesitan los primeros 10 términos de una suma cuyo índice inicia en 1, se especifica como 1:10; si se necesitan los términos correspondientes a los primeros 10 valores de un índice n y los primeros 10 valores de un índice m en una doble suma se debe especificar 1:10;1:10.

En este campo se acepta la palabra “auto” cuando se necesitan calcular valores propios menores a un número concreto (el número se debió indicar en el campo **Valores propios**) o la palabra “absoluto” cuando se necesitan todos los valores propios λ que satisfacen la condición $|\lambda| \leq n$ para $n \in \mathbb{N}$.

- **Función peso** (Campo de escritura). Indica la función peso que se utilizará para encontrar los coeficientes.
- **Coeficientes** (Campo de escritura). Indica la forma general de los coeficientes en cada término de la solución.
- **Funciones espaciales** (Campo de escritura). Indica la forma general de la función espacial en cada término de la solución.
- **Funciones temporales** (Campo de escritura). Indica la forma general de la función temporal en cada término de la solución. Solo se habilitan estos campos cuando se selecciona la casilla **Temporal**.

■ Otras características

- **Precisión** (Cuadro de número). Indica la precisión decimal que se desea considere el programa. Toma valores entre 3 y 9.

- **Calidad +** (Casilla seleccionable). Indica si se desea una gráfica con mejor calidad, es decir, con una partición más fina del dominio.
- **Proyección** (Casilla seleccionable). Indica, en problemas de dos dimensiones espaciales o más, si se desea observar la solución en una gráfica desde una vista cenital, es decir, observar la gráfica proyectada (cuando solo hay una dimensión espacial esto crea un mapa de calor) o desde una vista tridimensional (cuando solo hay una dimensión espacial esto crea una gráfica en el plano solución-coordenada1).

4.2. Importación y exportación de entradas validas

4.2.1. Importación de entradas validas

La aplicación permite la importación de entradas contenidas en un archivo de texto. Estas entradas tienen que tener una estructura como la siguiente

```
Entrada valida para la aplicación GraPhEr
Ecuación de onda 1D con condiciones de frontera
homogéneas del tipo Neumann
```

```
Datos Generales del Problema
{'Número de Dimensiones Espaciales':1,
'Dependencia Temporal':'Sí',
'Coordenadas':'Cartesianas',
'Dominio x':'0:pi',
'Dominio temporal':'10',
'Condiciones iniciales y/o de frontera':'x*(pi-x);sin(pi*x)',
'Número de Subproblemas': 1,
'Calidad +':'No'}
```

```
Solución del Subproblema #1
{'Valores Propios':'(2*n-1)/2',
'Número de Términos':'1:10',
'Función Peso':'1',
'Coeficientes':'Int[2*g_1*cos(lamda_n*x)/pi,x];
Int[2*g_2*cos(lamda_n*x)/(lamda_n*pi),x]',
'Funciones Espaciales':'cos(lamda_n*x)',
'Funciones Temporales':'cos(lamda_n*t);sin(lamda_n*t)'}
```

4.2.2. Exportación de entradas validas

Una vez que una entrada ha sido interpretada y resuelta satisfactoriamente puede ser exportada a un archivo de texto cuyo contenido se estructura como en lo mostrado en el punto 4.2.1.

5. Sintaxis de entrada

La sintaxis de entrada está basada en la sintaxis de la librería de [SymPy](https://www.sympy.org/en/index.html)¹¹; sin embargo, para facilitar el ingreso de la entrada se realizaron algunas modificaciones, por ello esta sección está destinada a indicar la sintaxis de entrada de la interfaz para un correcto uso. Para otras funciones es necesario dirigirse a la página de *SymPy*.

Cada función de interés se muestra como un par **función:símbolo**, y en su caso, algún ejemplo de su aplicación.

5.1. Símbolos especiales

- **Variable x :** x
- **Variable y :** y
- **Variable z :** z
- **Variable r :** r
- **Variable ϕ (ángulo acimutal) :** ϕ
- **Variable θ (ángulo polar) :** θ
- **Variable $\cos(\theta)$ (coseno del ángulo polar) :** $\cos(\theta)$, s

Ejemplo: $\int \cos(\theta) d\theta$ se escribe como `Int[s,ct]`. Lo anterior implica que $s = \cos(\theta)$ y $d\cos(\theta) = -\sin(\theta) d\theta$, debido al cambio de variable.

- **Valor propio λ_n :** `lamda_n`
- **Valor propio λ_m :** `lamda_m`
- **Valor propio λ_l :** `lamda_l`
- **Unidad imaginaria i :** `I`

5.2. Operaciones básicas y signos de agrupación

- **Suma :** `+`
- **Resta :** `-`
- **Multiplicación :** `*`

¹¹<https://www.sympy.org/en/index.html>

Ejemplo: xy se escribe como $x*y$.

■ **División :** /

Ejemplo: $\frac{x}{1+x}$ se escribe como $x/(1+x)$.

■ **Potenciación :** **

Ejemplo: x^2 se escribe como $x**2$.

■ **Agrupación :** ()

Ejemplo: $[x + (1 + y)]^2$ se escribe como $(x+(1+y))**2$.

5.3. Funciones elementales

■ **Exponencial :** exp()

Ejemplo: e^{x-y} se escribe como $\exp(x-y)$.

■ **Logaritmo natural :** ln()

Ejemplo: $\ln\left(\frac{x}{y}\right)$ se escribe como $\ln(x/y)$.

■ **Logaritmo en base a :** log(, a)

Ejemplo: $\log_a\left(\frac{x}{y}\right)$ se escribe como $\log(x/y, a)$.

■ **Raíz cuadrada :** sqrt()

Ejemplo: $\sqrt{x^2 + y^2}$ se escribe como $\text{sqrt}(x**2+y**2)$.

■ **Raíz n-ésima :** **(1/n)

Ejemplo: $\sqrt[3]{x+y}$ se escribe como $(x+y)**(1/3)$.

■ **Coseno :** cos()

Ejemplo: $\cos(x - y)$ se escribe como $\cos(x-y)$.

■ **Seno :** sin()

Ejemplo: $\sin(x - y)$ se escribe como $\sin(x-y)$.

■ **Tangente :** tan()

Ejemplo: $\tan(x - y)$ se escribe como $\tan(x-y)$.

■ **Argumento :** atan2(,)

Ejemplo: $\arctan\left(\frac{y}{x}\right)$ se escribe como $\text{atan2}(y,x)$.

- **Arcotangente** : atan()

Ejemplo: arctan(2) se escribe como atan(2).

5.4. Operadores integrales y diferenciales

- **Integral simple sobre una coordenada espacial** : Int[,]

Ejemplo: $\int x^2 dx$ se escribe como Int[x**2,x].

Nota: no es necesario especificar los límites de integración pues estos se infieren del dominio que se ingrese.

- **Integral doble sobre dos coordenadas espaciales** : Int[, ,]

Ejemplo: $\int \int x^2 y dx dy$ se escribe como Int[x**2*y,x,y] o Int[x**2*y,y,x].

- **Integral múltiple sobre n coordenadas espaciales** : Int[(, x_1, x_2, ..., x_n]

Ejemplo: $\int \int \int \int x_1^2 x_2^3 x_3 x_4^2 dx_1 dx_2 dx_3 dx_4$ se escribe como
Int[x_1**2*x_2**3*x_3*x_4**2,x_1,x_2,x_3,x_4].

- **Integral desde $t_0 = 0$ a t** : Int[|]

Ejemplo: $\int_0^t s^2 ds$ se escribe como Int[s**2|].

- **Derivación o derivación parcial** : diff()

Ejemplo: $\frac{\partial}{\partial x} [xy]$ se escribe como diff(x*y,x).

5.5. Funciones especiales

- **Función de Bessel de primer tipo** $J_\alpha(z)$: besselj(α ,)

Ejemplo: $J_0(r)$ se escribe como besselj(0, r).

- **Función de Bessel modificada de primer tipo** $I_\alpha(z)$: besseli(α ,)

Ejemplo: $I_0(r)$ se escribe como besseli(0, r).

- **Función esférica de Bessel** $j_\alpha(z)$: jn(α ,)

Ejemplo: $j_0(r)$ se escribe como jn(0, r).

- **Polinomios de Legendre** $P_n(z)$: legendre(n,)

Ejemplo: $P_1(\cos(\theta))$ se escribe como legendre(1, cos(theta)).

- **Polinomios asociados de Legendre** $P_n^m(z)$: `assoc_legendre(n, m,)`

Ejemplo: $P_1^2(\cos(\theta))$ se escribe como `legendre(1, 2, cos(theta))`.

- **Armónicos Esféricos** $Y_k^l(\theta, \phi)$: `Ynm(k, l)`

Ejemplo: $Y_1^2(\theta, \phi)$ se escribe como `Ynm(1,2)`.

5.6. Otros

- **Funciones definidas a trozos** : `Piecewise((val_1 , con_1) , ..., (val_n , con_n))`

Ejemplo: $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{si } x < 0 \\ 0 & \text{si } x > 0 \end{cases}$ se escribe como `Piecewise((1,x<0),(0,x>0))`.

- **Conjugación compleja** : `conjugate(,)`

Ejemplo: $\overline{e^{i\phi}}$ se escribe como `conjugate(exp(l*phi))`.

- **Subíndices** : `_`

Ejemplo: λ_n se escribe como `lamda_n`.

- **Igual que** : `=`

Ejemplo: $x^2 + 1 = 0$ se escribe como `x**2+1=0`.

- **Mayor que** : `>`

Ejemplo: $\lambda_n > 0$ se escribe como `lamda_n>0`.

- **Mayor o igual que** : `>=`

Ejemplo: $\lambda_n \geq 0$ se escribe como `lamda_n>=0`.

- **Menor que** : `<`

Ejemplo: $\lambda_n < 0$ se escribe como `lamda_n<0`.

- **Menor o igual que** : `<=`

Ejemplo: $\lambda_n \leq 0$ se escribe como `lamda_n<=0`.

6. Interacción con la solución

Una vez obtenida la gráfica de la solución hay varias maneras de interaccionar con la gráfica y con la aproximación numérica calculada, estas se describen a continuación.

6.1. Interacción con la gráfica

En la vista tridimensional, además de permitir la inspección de la solución haciendo zoom o modificando la posición desde la que se visualiza la gráfica con ayuda del mouse, la aplicación permite interaccionar con la gráfica a través de las siguientes acciones:

- **Inspección en el tiempo o inspección por cortes** (Solo en problemas temporales o problemas de tres dimensiones espaciales, respectivamente). En este caso aparecen botones de reproducción como en la siguiente figura:



Figura 6: Vista de los botones de reproducción.

Estos permiten visualizar la gráfica para instantes determinados en el tiempo o en los cortes determinados de una coordenada específica. De izquierda a derecha los botones tienen las siguientes funciones: cuadro anterior, reproducción hacia atrás, pausa, reproducción y cuadro posterior; la barra deslizadora se puede utilizar para elegir el corte específico entre los calculados.

Si quiere visualizar un tiempo o corte en particular que no se encuentra a través de estos botones es posible utilizar el campo de entrada *Valor de la Coordenada Fija* (no disponible en mapas de calor por obvias razones) para indicar a la aplicación que se requiere hacer cálculos para este valor particular. Una vez ingresado un valor en el campo se debe presionar el botón *Ir* a su derecha.



Figura 7: Vista de los elementos para cambiar el valor de la coordenada fija.

Para intercambiar entre coordenadas fijas se debe hacer uso de las casillas seleccionables a la izquierda del texto *Coordenada Fija*.

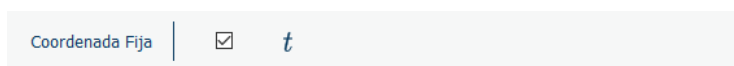


Figura 8: Vista de los elementos para cambiar la coordenada fija.

- **Intercambio entre modo de visualización.** A través de la casilla *Proyección/Mapa de calor* se puede elegir entre una vista como lo explicado para el campo de entrada **Proyección** (ver Otras Características en el punto 4.1). Mientras que con las casillas *Modo por modo* y *Solución parcial* se puede entrar o salir de los modos especiales de visualización (ver punto 6.3).

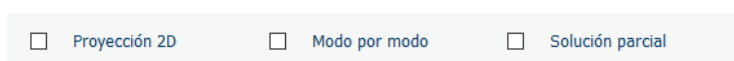


Figura 9: Vista de los elementos para cambiar de modo.

- **Visualización de curvas de nivel** (Solo en problemas con más de una dimensión espacial). Hay dos formas de elegir los valores de las curvas de nivel que se quieren mostrar: de manera automática seleccionando la casilla *Curvas de nivel automáticas* (el proceso se inicia automáticamente) o de manera manual seleccionando inicialmente la casilla *Curvas de nivel específicas*, especificando posteriormente los valores, separados por “;”, en el campo de escritura *Valores de las curvas* y presionando el botón *Ir* a la derecha de campo anterior.

En ambos casos se abre una ventana de etiquetas donde se muestra la leyenda de las curvas de nivel indicando el color de la curva y el valor.

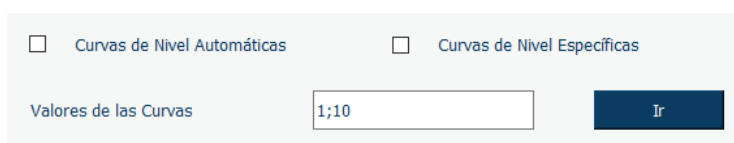


Figura 10: Vista de los elementos para graficar curvas de nivel.

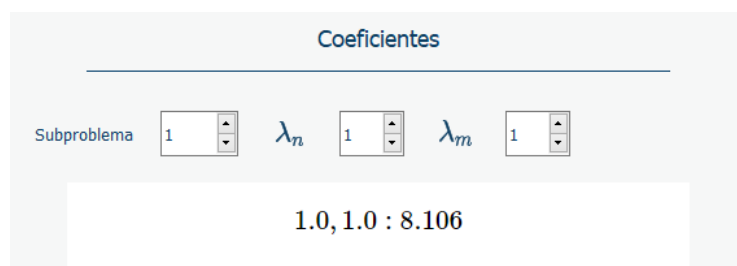
A diferencia de la vista tridimensional, cuando se tiene una vista bidimensional el zoom se realiza exclusivamente con el botón con ícono de lupa encontrado en la parte superior de la gráfica, mientras que en este caso se permite un desplazamiento sobre el plano con el botón con ícono de una cruz con flechas. Salvo estas dos excepciones, en esta vista también se permite la visualización de curvas de

nivel y la visualización de cortes específicos en el espacio o en el tiempo (cuando estas se encuentran disponibles de acuerdo a las variables del problema).

6.2. Interacción con la aproximación calculada

La aplicación permite la inspección de la aproximación obtenida para poder observar el coeficiente obtenido de cada uno de los términos así como para evaluar esta aproximación en cada uno de los puntos del dominio ingresado por el usuario (en el caso de problemas dependientes del tiempo se puede evaluar en tiempos fuera del dominio especificado por el usuario). A continuación se detalla la interacción en cada caso.

- **Obtención de los coeficientes de cada término.** En el campo *Coeficientes* en la ventana de graficación se encontrara un cuadro de número para determinar el subproblema en donde se encuentra el término de interés y, dependiendo de la cantidad de conjuntos de valores propios presentes en el subproblema (la cantidad de índices en la suma iterada) se encontrarán cuadros de números para determinar el valor de cada índice (estos cuadros de números tendrán el mismo rango que lo especificado en el campo **Número de términos**), al terminar de editar un valor el contenido se actualizará (se termina la edición cuando el usuario presiona la tecla Enter o selecciona otro cuadro de número). En el cuadro inferior a estos elementos se mostrarán los valores propios correspondientes a los índices elegidos separados entre ellos por ":" y separados del valor del coeficiente correspondiente por ",".



Coeficientes

Subproblema 1 λ_n 1 λ_m 1

1.0, 1.0 : 8.106

Figura 11: Vista de los elementos del campo *Coeficientes*.

Cuando el término se compone de una suma, se mostrarán los coeficientes ordenados y separados por ":" de acuerdo al orden en el que se introdujeron en el campo *Coeficientes*.

- **Evaluación de la solución.** En el campo *Solución* en la ventana de graficación se encuentran los correspondientes campos de escritura para especificar el valor de cada una de las variables (esto determinará el punto en el dominio

en donde se quiere evaluar la solución). El resultado se muestra en el cuadro inferior a estos campos.

Figura 12: Vista de los elementos del campo *Solución*.

6.3. Modos especiales de visualización

La aplicación permite elegir entre dos modos especiales de visualización: el modo denominado “solución parcial” y el modo denominado “por modo”; se puede ingresar a estos modos seleccionando la casilla correspondiente en la ventana de graficación, con esto se habilitan los cuadros de números que se encuentran por debajo de estas casillas. A continuación se describe cada modo

- **Solución parcial.** En este modo se muestra la gráfica pero solo considerando la solución hasta el término indicado por los cuadros de números (el funcionamiento es análogo al usado para acceder a los coeficientes). Dicho en otras palabras, este modo considera que la aproximación calculada es la solución total del problema y se consideran soluciones parciales de dicha solución.
- **Modo por defecto.** En este modo se muestra la gráfica correspondiente al término indicado por los cuadros de números (el funcionamiento es análogo al usado para acceder a los coeficientes). Es decir, en este modo es posible observar el comportamiento de cada término por separado.

Figura 13: Vista de los elementos para los modos especiales de visualización.

7. Exportación de animaciones

En la ventana de graficación se puede guardar una animación de la gráfica en su estado actual (cuando el problema no depende del tiempo y tiene solo dos variables) o una animación dependiente del tiempo o de una coordenada fija (esto último cuando se tienen tres variables espaciales).

El proceso de guardado se empieza cuando se presiona el botón **Guardar Animación** de la ventana de graficación, con esto se abre el explorador de archivos del sistema para decidir el nombre y la ubicación deseada para el archivo. De manera predeterminada el nombre asignado es *NombrePredefinido.mov*, el cual es solo un nombre clave ya que bajo esta configuración la aplicación creará un nombre que detalle la cantidad de coordenadas espaciales, la dependencia temporal, el modo de visualización, entre otras cosas.