



UNIVERSIDAD DE BUENOS AIRES
FACULTAD DE INGENIERÍA
Año 2022 - 2^{do} Cuatrimestre

MODELOS Y OPTIMIZACIÓN I (71.14)

TRABAJO PRÁCTICO N°

TEMA:

FECHA:

INTEGRANTES:

Paredes Ramirez, Luis José
<lparedesr@fi.uba.ar>

- #104851

Índice

1. Enunciado	2
2. Impresión del problema	3
2.1. Análisis del código	3
2.2. Variables	5
2.3. Funcional	5
2.4. Restricciones	5
3. Objetivo	6
4. Hipótesis y supuestos	7
5. Definición de variables	8
6. Modelo de programación lineal	9
7. Resolución gráfica	10
8. Resolución por software	11
9. Informe de la solución óptima	12
10. Anexo	13

1. Enunciado

2. Impresión del problema

Lo primero que notamos al correr el código es la cantidad de tiempo que toma en correr. Después de dejarlo correr durante 52 minutos todavía no terminó de ejecutarse, por lo que decidimos abortar la ejecución y analizar hasta donde llegó.

Dado que el problema se clasifica de NP-Hard el código podría tardar días en ejecutarse (suponiendo que la máquina es rápida)

Se trata de un problema de coloreo estándar.

2.1. Análisis del código

Hago un análisis de lo que ejecuta el código llevándolo a ecuaciones matemáticas

```
1  int n = ...;
2  int limiteColores = n;
3  int e = ...;
4  range nodos = 1 .. n;
5  range colores = 1 .. limiteColores;
6  range aristas = 1 .. e;
7
8  tuple peso {
9    int i;
10   int w;
11 }
12
13 peso weights[nodos] = ...;
14
15 tuple edge {
16   int i;
17   int j;
18 }
19
20 edge edges[aristas] = ...;
21
22
23 dvar boolean x[nodos, colores];
24 dvar int pesoColor[colores];
25
26 minimize
27   sum(k in colores) pesoColor[k];
28
29 subject to {
30   forall ( i in nodos )
31     todo_coloreado:
```

```

32     sum ( k in colores ) x[i,k] == 1;
33
34     forall ( i in nodos )
35         forall ( k in colores )
36             peso_color:
37                 pesoColor[k] >= weights[i].w * x[i,k];
38
39     forall ( e in aristas )
40         incompatibles:
41             forall ( k in colores )
42                 x[edges[e].i,k]+x[edges[e].j,k]<=1;
43     /*
44     forall ( i in 2 .. limiteColores )
45         simetria:
46             pesoColor[i-1]>= pesoColor[i];
47         */
48 }
49
50 main {
51     var mod = thisOplModel.modelDefinition;
52     var dat = thisOplModel.dataElements;
53     var cplex1 = new IloCplex();
54     var opl = new IloOplModel(mod, cplex1);
55     opl.addDataSource(dat);
56     opl.generate();
57
58     if (cplex1.solve()) {
59         writeln("solution: ", cplex1.getObjValue(), " /size: ", dat.n, " /time: ",
60             cplex1.getCplexTime());
61
62         for ( i in opl.nodos )
63             for ( k in opl.colores ){
64                 if (opl.x[i][k] == 1)
65                 {
66                     writeln("Nodo ", i, ": ", k);
67                 }
68             }
69     /*
70         for (i in opl.cities) {
71             if (i == 1)
72                 writeln("Ciudad ", i, ": ", -1);
73             else
74                 writeln("Ciudad ", i, ": ", opl.u[i]);
75         }*/
76     opl.end()
77     cplex1.end()

```

```

78     }
79 }

```

2.2. Variables

- n: Número de nodos (int)
- limiteColores: Cantidad máxima de colores a utilizar (int)
- e: Número de Aristas (int)
- nodos: rango de nodos (1,2, ... , n)
- colores: rango de colores (1,2, ... ,limColores)
- aristas: rango de aristas (1,2, ... , e)
- wights:
- peso:
- edge: Vector de Aristas (arista 1, arista 2, ... , arista e)
- X:
- pesoColor: peso que tiene cada color (vector)

2.3. Funcional

```

1     minimize
2     sum(k in colores) pesoColor[k];

```

$$\text{Min } Z \leftarrow \sum_{k \in \text{colores}} \text{pesoColor}_k$$

Se quiere minimizar el peso total de los colores.

Cada color va a tener un peso propio en orden creciente (color 1 tiene peso 1, color 2 peso 2, y así sucesivamente) por lo que el modelo tratará de pintar con el menor número de colores posible.

2.4. Restricciones

3. Objetivo

4. Hipótesis y supuestos

5. Definición de variables

6. Modelo de programación lineal

7. Resolución gráfica

8. Resolución por software

9. Informe de la solución óptima

10. Anexo