

TAREA II. PROBLEMARIO

Ecuaciones diferenciales



21 DE FEBRERO LUIS EDUARDO ROBLES JIMÉNEZ 0224969

	Escuela de Ingeniería	Problemario
	Área: Ciencias Básicas	Fecha: 15/02/2021
	Materia: Ecuaciones Diferenciales.	Ciclo: 1212
UNIVERSIDAD	Profesor: MCI Luis Alonso Romo Mercado	CALIFICACIÓN
PANAMERICANA	Carrera: Ingeniería en Inteligencia Artificial	
Campus Bonaterra	Alumno(a): Luis Eduardo Robles Jiménez	

1. Clasifique y resuelva las siguientes funciones por el método de variables separables.

a)
$$\frac{dy}{dx} = \frac{(y-1)(x-2)(y+3)}{(x-1)(y-2)(x+3)}$$

b)
$$\frac{dU}{ds} = \frac{U+1}{\sqrt{s}+\sqrt{sU}}$$

c)
$$x\frac{dy}{dx} - y = 2x^2y$$

d)
$$ydx + (x^3y^2 + x^3)dy = 0$$

2. Clasifique y resuelva las siguientes funciones por el método de ecuaciones Homogéneas.

a)
$$(x + 2y)dx + (2x + y)dy = 0$$

b)
$$\frac{dy}{dx} = \frac{x}{y} + \frac{y}{x}$$

c)
$$(2xy + 2y^2 + x^2 + y^2)y' + (2x^2 + 2xy + x^2 + y^2) = 0$$

$$d) \frac{dy}{dx} = \frac{3y - 4x}{2y - 3x}$$

3. Clasifique y resuelva las siguientes funciones por el método de Diferenciales Exactas.

a)
$$\left(1 - \frac{y}{x}e^{\frac{y}{x}}\right)dx + e^{\frac{y}{x}}dy$$

b)
$$(16xy - 3x^2)dx + (8x^2 + 2y)dy$$

TAREA II I. Classfique y resuelva. con separables

a) $\frac{dq}{dx} = \frac{(y-1)(x-2)(y+3)}{(x-1)(y-2)(x+3)} = \frac{(y-2)dy}{(y-1)(y+3)} = \frac{(x-2)dx}{(x-1)(x+3)}$ $\frac{1}{y+3} = \frac{1}{y+3} = \frac{1}{y+3} - \frac{1}{y+3} - \frac{1}{y+2} = \frac{1}{y+3} - \frac{1$ > Ordination
Orden 1
Grado = No lineal Voiriable dependiente (x, y) Voiriable independiente (y, x)

b) dU = U+1 du = ds = 1> (vu +1)(du = ds =)(1) (10+1) du= f 50 du + f du = f 2x2 dx + (n) U+1 = 2f x2 dx + (n) U+1) $x^{2}+1=0+1=2[x^{2}+1]dx-[dx]+[n](0+1)=2[x-orctonx]+[n](0+1)+c$ -> Ordinaria = 2 10 -2011 cton 10 + In/U+11 + C Orden =1 1 5 th ds = 215 + c Grado =1 No lineal 25 = 250 - 20 ctan 10 + In U+11+c/ d) ydx + (x3y2 + x3)dy=0

ydx + (y2+1)x3dy=0

(y2+1)x3dy=-ydx

(y2+1)dy = 0x c) $x \frac{dy}{dx} - y = 2x^2y$ $x \frac{dy}{dx} = y(2x^2+1)$ $dy = dx(2x^2+1)$ $\frac{y^2}{2} + \ln y = \frac{1}{2x^2} + c$ $y + c_1 = x^2 + \ln x + c_2$ $e^{\ln y} = e^{x^2} e^{\ln x} e^{(-1)}$ $y = e^{x^2} \times c$ 42+ 2/ny = 1 + c y2 + /w/y2) = 1 + C > Ordinaria > Ordinaria Orden =1 Orden=1 Grado = 1 Grado : 1 No Irreal Lineal

TAREA II 2. Clasifique y resuelva con homogeneas a) (x+2y)dx + (2x+y)dy=0 $M(t_{x},t_{y})=t_{x}+2t_{y}$ O = (x + 2(ux))o(x + (2x + ux)(uo(x + xdu))= +(x+zy) = xdx + 20xdx + 20xdx + 2x2d0+02ndx + 0x2d0 $= x dx + 4 ux dx + x^2 du(2 + u) + u^2 x dx = N(tx, ty) = 2tx + ty$ $= x dx (1 + u^2 + 4u) + x^2 du(2 + u) = t(2x + y)$ - x2 du (2+u) = xdx (1+02+4u) $\frac{(2+0)du = xdx}{(u^2+4v+1)} = \frac{xdx}{-x^2} = -\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} = -\frac{$ = 1 Colx = In 102+40+11+C (2+U) do U2+40+1 x=02+40+1 In 102+40+1=-21n7+C 01x = (2u+4)du = In 102+40+11 = Inx 1 olx = 2 (U+2) alo X = [[n|02+44+1]]-1 U+2 = dx > Ordinaria Orden = 1 Groob = 1 No lineal b) dy = x + y
oly = (x2+y2) dx Mext, yt)= +2(x2, y2) Next, yt)= -42 xy (x2+y2)dx + (-xydy = 0) (x2+ 62x2) dx + (-x(ux)) (vdx+xdu) dx(x2 + v2x2-v2x2) - dv(vx3 dx (x2)= du (vx3 dx = udu > Ordinaria Grado = 1 1/1×= 4-+ C Ordens 1 No lineal 10x = 3x2 + ()

dy=udx+xdu dx=vdy+gdv

```
c) (2xy + 2y2 + x2 + y2) y1 + (2x2+2xy+x2+y2)=0
(2xy+2y2+x2+y2) dy + (2x2+2xy+x2+y2)dx=0
\frac{y^{3}+v^{2}+v+1}{3|ny|=-|n|v^{3}+v^{2}+v+1|+C}
                                                Orden =1
                                                Grado = 1
                                                No lineal
                                               7^3 + 4x^2 + x + y
                        x3 + y(x2+1) +x = C
  d) dy = 3y - 4x y
dx 2y - 3x
(3y - 4x)dx + (3x - 2y)dy = 0
                             4=00
                                                     Ordinaria
                                                     Grado = 1
                                                     Orden = 1
   (30x-4x)6x+(3x-2ux)(vdx+xdu)=0
                                                     No lineal
   (3U-4)01x + (3-2U)(U01x + x0U) = 0
   30dx-4dx + 3udx + 3xdu - 202dx - 20x0000
   (30-4+30-Zvz)dx = (20x-3x)dv
    dx = (2u - 3) du = -(2u - 3) du
             (-202+60-4) (202-60+4)
    dx = -1 (70-3)d = 202-60+4 = 202-30+2)
    7 1202-60+4
                          da = 2 (20 - 3) ol
   lnx = -21n 202-60+41+C
   \frac{11}{x^{2}} = \frac{20^{2} - 60 + 41}{2(\frac{4}{x})^{2} - 6(\frac{41}{x}) + 4}
```

M(x,y)dy 34 3x TAREA III 2 3. Clasifique y resulve por diferentiales a) (1-4ex) dx+exdy $\frac{\partial M}{\partial y} = \left(-\frac{y}{x^2}e^{\frac{y}{x}} - \frac{e^{\frac{y}{x}}}{x}\right) = -xye^{\frac{y}{x}} - x^2e^{\frac{y}{x}}$ 3N = -363 No se avede resolver por ecuaciones exactos Ordinaria Orden =1 Croado = 1 No lineal b) (16xy - 3x2) dx + (8x2 + 2y) dxy

2M = 16x 2N = 16x 9'(y) = 1 g'(y) = N(x,y) - 2 (M(x,y) d> [M(x,y)dx = (8xy - x3)+C Ordinovia Du Maxyldy = Bx grown 1 Groob = 1 16 lingoll 9'(y) = 8x2 +24 - 8x = 9(4) = 92 F(x,y) = SM(x,y) dx + g(y) = 8x2y-x3+y2+C