# Programação Declarativa

Paradigmas de Programação Avançados

# Programação com conjuntos

**Problemas** 

Formulação

Uso

# Programação com Conjuntos

Situação: querer saber todas as soluções de qualquer coisa.

Recordando a base de dados familiar, com algumas definições...

### Predicados "base de dados"

Todas as cláusulas têm corpo vazio.

Exemplo:

Entende-se progenitor(A, B) como "A é progenitor de B".

```
progenitor(francisco, tomas).
progenitor(ana, tomas).
progenitor(francisco, mariana).
progenitor(ana, mariana).
progenitor(antonio, francisco).
progenitor(francisca, francisco).
```

# Relações iteradas (ou recursivas)

Se quisermos falar dum pai, avô, bisavó, etc. estamos perante uma relação ("é antepassado de") cuja definição é recursiva.

Dizemos que A é antepassado de B se:

```
A for progenitor de B, OU:

Se existir um X progenitor de A, que seja antepassado de B.
```

Traduzindo para Prolog:

```
antepassado(A,B) :- progenitor(A,B).
antepassado(A,B) :- progenitor(A,X), antepassado(X,B).
```

Hmmm... porque não este?

```
antepassado(A,B) :- progenitor(A,B).
antepassado(A,B) :- antepassado(A,X), progenitor(X,B).
```

#### Vamos ver todas os descendentes

Com a definição de "antepassado/2", podemos fazer a query:

```
| ?- antepassado(antonio, Y).
```

Com o resultado:

```
Y = francisco ? ;
Y = tomas ? ;
Y = mariana ? ;
```

Se quisermos ter todos estes valores guardados simultâneamente, não conseguimos. Como fazer?

Sugestão: o retract/1 é capaz de, sendo usado repetidamente, dar os vários valores dum predicado de base de dados, sem ter de retroceder (*cada uso retira um valor*).

# Colecionar todas as soluções

Podemos usar o predicado findall/3, que tem a estrutura:

```
findall(PADRÃO, GERADOR, SOLUÇÕES)
```

Por exemplo:

```
| ?- findall(X, antepassado(antonio, X), Xs).
Xs = [francisco, tomas, mariana]
yes
| ?-
```

# Exemplo do mapa

#### Temos:

```
e(lisboa, santarem).
e(santarem,coimbra).
e(santarem, caldas).
e(caldas,lisboa).
e(coimbra, porto).
e(lisboa, evora).
e(evora, beja).
e(lisboa, faro).
e(beja, faro).
c(X) :- e(X, _).
c(X) :- e(_{,} X).
```

# Todas as soluções

```
\mid ?- findall(C, c(C), Cs).
   Cs =
    [lisboa, santarem, santarem, caldas, coimbra, lisboa, evora, lis
   boa, beja, santarem, coimbra, caldas, lisboa, porto, evora, beja,
   faro, faro]
Temos repetições.
Podemos em vez de findall/3, usar setof/3:
    | ?- setof(C, c(C), Cs).
   Cs =
    [beja,caldas,coimbra,evora,faro,lisboa,porto,santarem]
```

#### Resumo

```
| ?- setof(K=V, e(K, V), KVs).

KVs =
[beja=faro,caldas=lisboa,coimbra=porto,evora=beja,lisboa=evora,lisboa=faro,lisboa=santarem,santarem=caldas,santarem=coimbra]
```

#### Temos 3 predicados:

- findall(PAT, GEN, SET)
- bagof(PAT, GEN, SET)
- setof(PAT, GEN, SET)

PAT pode incluir variáveis "existencialmente quantificadas", que não vão ser usadas no resultado.

# As diferenças

Primeira diferença: o que acontece à variáveis livres no goal, que não sejam colecionadas?

- No caso do findall/3 temos todos as variáveis livres como sendo existencialmente quantificadas (i.e. não interessa o seu valor, desde que haja pelo menos uma)
- No caso do bagof/3 e setof/3, as variáveis livres são transmitidas para fora do goal de conjunto. Funciona um pouco como um "group by" do SQL...

Segunda diferença: o que fazer com duplicados?

- No caso do findall/3 e bagof/3, pode haver duplicados e a ordem é aquela induzida pela ordem pela qual as soluções individuais são produzidas.
- No caso do setof/3, a coleção vê-se ordenada e os duplicados removidos.

## exemplo

```
| ?- findall(X, filho(X, Y), XX).
XX = [tomas, tomas, mariana, mariana, francisco, francisco]
| ?- bagof(X, filho(X, Y), XX).
XX = [tomas, mariana]
Y = ana ? ;
XX = [francisco]
Y = antonio ? :
XX = [francisco]
Y = francisca ?;
XX = [tomas, mariana]
Y = francisco
| ?- setof(X, filho(X, Y), XX).
XX = [mariana, tomas]
Y = ana ? :
XX = [francisco]
Y = antonio ?;
XX = [francisco]
Y = francisca ? ;
XX = [mariana, tomas]
Y = francisco
 ?-
```

# exemplo

```
| ?- findall(X, filho(X, Y), XX).
XX = [tomas, tomas, mariana, mariana, francisco, francisco]
yes
| ?- bagof(X, Y^filho(X, Y), XX).
XX = [tomas, tomas, mariana, mariana, francisco, francisco]
yes
| ?- setof(X, Y^filho(X, Y), XX).
XX = [francisco, mariana, tomas]
yes
```

# Não-Determinismo e Base de Dados

Assert/retract com backtracking

# A BD pode interagir com a execução Prolog

Por exemplo, suponhamos que queremos colecionar as soluções dum goal:

```
collect(G, GG) :-
   retractall(gg(_)),
   collect1(G, GG).

collect1(G, _) :- G, assertz(gg(G)), fail.
collect1(_, GG) :- collect2([], GG).

collect2(L, GG) :- retract(gg(G)), !, collect2([G|L], GG).
collect2(GG, GG).
```

## exemplo

```
| ?- antepassado(X, tomas).

X = francisco ? a
X = ana
X = antonio
X = francisca

no
| ?- collect(antepassado(X, tomas), G).

G =
[antepassado(francisca, tomas), antepassado(antonio, tomas), antepassado(francisco, tomas)]

yes
```

# O collect/2 e os predicados de conjunto

Os predicados de "conjunto" (findall, bagof, setof) podem ser implementados como o collect/2.

A diferença é que são mais gerais pois separam o goal que produz soluções do padrão que se recolhe.

Podiamos definir collect/2 em termos do findall, assimologicollect(G, GG):findall(G, G, GG).