

- Já vimos algumas funções que retornam algo
- As funções que fizemos até agora não retornam nada, i.e. retornam `None`

Exemplo (função `area`)

```
def area(radius):  
    temp = math.pi * radius**2  
    return temp
```

Exemplo (função `area`: versão sem variável local)

```
def area(radius):  
    return math.pi * radius**2
```

Exemplo (função absolute_value)

```
def absolute_value(x):  
    if x >= 0:  
        return x  
    else:  
        return -x
```

Exemplo (Dead code)

```
def absolute_value(x):  
    if x >= 0:  
        return x  
    else:  
        return -x  
    print( 'Hello ')
```

Funções com Retorno

Desenvolvimento
Incremental

Composição

Funcoes Booleanas

Funções recursivas
mais elaboradas

Verificação de Tipos

```
def absolute_value(x):  
    if x > 0:  
        return x  
    else:  
        return -x
```

Suponha que pretendemos calcular a distância (Euclidiana) entre dois pontos:

$$\sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

Exemplo (distance v0.1)

```
def distance(x1, y1, x2, y2):  
    return 0.0
```

Exemplo (distance v0.2)

```
def distance(x1, y1, x2, y2):  
    dx = x2 - x1  
    dy = y2 - y1  
    print('dx_is', dx)  
    print('dy_is', dy)  
    return 0.0
```

Funções com Retorno

Desenvolvimento
Incremental

Composição

Funcoes Booleanas

Funções recursivas
mais elaboradas

Verificação de Tipos

Exemplo (distance v0.3)

```
def distance(x1, y1, x2, y2):  
    dx = x2 - x1  
    dy = y2 - y1  
    dsquared = dx**2 + dy**2  
    print('dsquared is ', dsquared)  
    return 0.0
```

Exemplo (distance v0.4)

```
def distance(x1, y1, x2, y2):  
    dx = x2 - x1  
    dy = y2 - y1  
    dsquared = dx**2 + dy**2  
    result = math.sqrt(dsquared)  
    return result
```

Exemplo (distance v1.0)

```
def distance(x1, y1, x2, y2):  
    return math.sqrt((x2 - x1)**2 + (y2 - y1)**2)
```

Exemplo (função circle_area)

```
def circle_area(xc, yc, xp, yp):  
    return area(distance(xc, yc, xp, yp))
```


Exemplo (função `is_divisible`)

```
def is_divisible(x, y):  
    if x % y == 0:  
        return True  
    else:  
        return False
```

Qual será a versão minimalista de `is_divisible`?

Exemplo (Mau uso de uma função booleana)

```
if is_divisible(x, y) == True:  
    print(x, 'is divisible by', y)
```

Exemplo (Uso adequado de uma função booleana)

```
if is_divisible(x, y):  
    print(x, 'is divisible by', y)
```

Definição (Factorial)

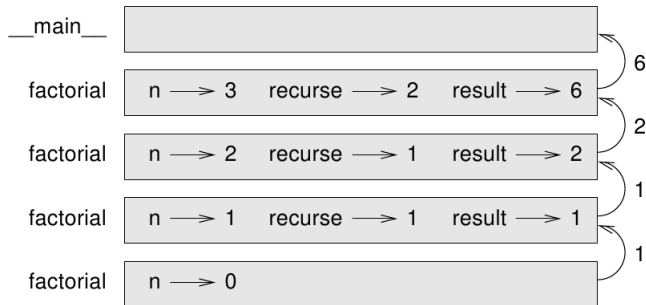
$$0! = 1$$

$$n! = n(n-1)!$$

Exemplo (função factorial)

```
def factorial(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    else:  
        recurse = factorial(n-1)  
        result = n * recurse  
        return result
```

Factorial: stack diagram



Será que conseguimos definir uma versão minimalista do factorial?

Exemplo (função factorial)

```
def factorial(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    else:  
        return n*factorial(n-1)
```

Definição (Fibonacci)

$$\text{fibonnaci}(0) = 0$$

$$\text{fibonnaci}(1) = 1$$

$$\text{fibonnaci}(n) = \text{fibonnaci}(n-1) + \text{fibonnaci}(n-2), n \geq 2$$

Exemplo (função fibonnaci)

```
def fibonnaci(n):  
    if n == 0:  
        return 0  
    else:  
        if n == 1:  
            return 1  
        else:  
            return fibonnaci(n-1)+fibonnaci(n-2)
```

Funções com Retorno

Desenvolvimento
Incremental

Composição

Funcoes Booleanas

Funções recursivas
mais elaboradas

Verificação de Tipos

O que acontece se tentarmos calcular o factorial de 1.5?

```
>>> factorial(1.5)
RuntimeError: Maximum recursion depth exceeded
```

Exemplo

```
def factorial (n):
    if not isinstance(n, int):
        print 'Factorial is only defined for integers.'
        return None
    elif n < 0:
        print 'Factorial is only defined for positive integers'
        return None
    elif n == 0:
        return 1
    else:
        return n * factorial(n-1)
```