Programação I

Licenciatura em Engenharia Informática

2015-2016

Introdução Dicionários

Dicionários como um conjunto de contadores

VBN

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Vitor Beires Nogueira

Escola de Ciências e Tecnologia Universidade de Évora



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

- Um dicionário é semelhante a uma lista
 - Numa lista os índices são inteiros
 - ▶ Num dicionários os índices pode ser de *quase* qualquer tipo



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

- Um dicionário é semelhante a uma lista
 - Numa lista os índices são inteiros
 - Num dicionários os índices pode ser de quase qualquer tipo
- Um dicionário é uma atribuição (mapping) entre chaves (keys) e um conjunto de valores (values). Uma associação key value é por vezes designada por item



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

vicinoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
■ Um dicionário é semelhante a uma lista
```

- Numa lista os índices são inteiros
- Num dicionários os índices pode ser de quase qualquer tipo
- Um dicionário é uma atribuição (mapping) entre chaves (keys) e um conjunto de valores (values). Uma associação key value é por vezes designada por item
- A função dict cria um novo dicionário sem items

```
>>> eng2sp = dict()
>>> eng2sp
{}
```

- U © ÉVORA
 - PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
■ Um dicionário é semelhante a uma lista
```

- Numa lista os índices são inteiros
- Num dicionários os índices pode ser de quase qualquer tipo
- Um dicionário é uma atribuição (mapping) entre chaves (keys) e um conjunto de valores (values). Uma associação key value é por vezes designada por item
- A função dict cria um novo dicionário sem items

```
>>> eng2sp = dict()
>>> eng2sp
{}
>>> eng2sp['one'] = 'uno'
>>> eng2sp
```

- U © ÉVORA
 - PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
■ Um dicionário é semelhante a uma lista
```

- Numa lista os índices são inteiros
 - Num dicionários os índices pode ser de quase qualquer tipo
- Um dicionário é uma atribuição (mapping) entre chaves (keys) e um conjunto de valores (values). Uma associação key value é por vezes designada por item
- A função dict cria um novo dicionário sem items

```
>>> eng2sp = dict()
>>> eng2sp
{}
>>> eng2sp['one'] = 'uno'
>>> eng2sp
{ 'one': 'uno' }
```

U © ÉVORA UNIVERSIDADE DE ÉVORA

VBN

Exemplo

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> eng2sp
```

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas Memoization

Inteiros Long



VRN

Exemplo

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> eng2sp
    {'three': 'tres', 'two': 'dos', 'one': 'uno'}
```

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

U @ ÉVOTA

PI VBN

Exemplo

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> eng2sp
    {'three': 'tres', 'two': 'dos', 'one': 'uno'}
>>> eng2sp['one']
    uno
```

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

```
Exemplo
```

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> eng2sp
    {'three': 'tres', 'two': 'dos', 'one': 'uno'}
>>> eng2sp['one']
    uno
>>> eng2sp['four']
    KeyError: 'four'
```



VRN

Exemplo

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> eng2sp
    {'three': 'tres', 'two': 'dos', 'one': 'uno'}
>>> eng2sp['one']
   iino
>>> eng2sp['four']
   KeyError: 'four'
>>> len(eng2sp)
    3
```

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long



VRN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
Exemplo
```

>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos', 'three':'tres'} >>> eng2sp {'three': 'tres', 'two': 'dos', 'one': 'uno'} >>> eng2sp['one'] iino >>> eng2sp['four'] KeyError: 'four' >>> len(eng2sp) 3 >>> 'one' in eng2sp True



VRN

Exemplo Introdução

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> eng2sp
    {'three': 'tres', 'two': 'dos', 'one': 'uno'}
>>> eng2sp['one']
   iino
>>> eng2sp['four']
   KeyError: 'four'
>>> len(eng2sp)
    3
>>> 'one' in eng2sp
   True
>>> 'uno' in eng2sp
```

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long



PI VRN

Exemplo

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> eng2sp
    {'three': 'tres', 'two': 'dos', 'one': 'uno'}
>>> eng2sp['one']
    iino
>>> eng2sp['four']
    KeyError: 'four'
>>> len(eng2sp)
    3
>>> 'one' in eng2sp
    True
>>> 'uno' in eng2sp
    False
```

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

```
Exemplo
```

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> vals = eng2sp.values()
>>> 'uno' in vals
```



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

```
Exemplo
```

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> vals = eng2sp.values()
>>> 'uno' in vals
    True
```



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
Exemplo
```

>>> vals

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
        'three':'tres'}
>>> vals = eng2sp.values()
>>> 'uno' in vals
        True
```



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

```
Exemplo
```

```
>>> eng2sp = {'one':'uno', 'two':'dos',
    'three':'tres'}
>>> vals = eng2sp.values()
>>> 'uno' in vals
    True
>>> vals
    dict_values(['tres', 'dos', 'uno'])
```

Dependem da "estrutura de dados" utilizada:



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadore

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Considere que pretendemos fazer uma função que recebe uma string e conta o número de vezes que cada letra ocorre na string. Soluções?



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadore

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Considere que pretendemos fazer uma função que recebe uma string e conta o número de vezes que cada letra ocorre na string. Soluções?

Dependem da "estrutura de dados" utilizada:

1 Utilizando 26 variáveis, uma por cada letra do alfabeto.



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadore

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Considere que pretendemos fazer uma função que recebe uma string e conta o número de vezes que cada letra ocorre na string. Soluções?

Dependem da "estrutura de dados" utilizada:

- 1 Utilizando 26 variáveis, uma por cada letra do alfabeto.
- Utilizando listas. Ver a função ord



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Considere que pretendemos fazer uma função que recebe uma string e conta o número de vezes que cada letra ocorre na string. Soluções?

Dependem da "estrutura de dados" utilizada:

- 1 Utilizando 26 variáveis, uma por cada letra do alfabeto.
- 2 Utilizando listas. Ver a função ord
- Utilizando dicionários.

Histograma



VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

```
Exemplo
```

```
def histogram(s):
    d = dict()
    for c in s:
        if c in d:
              d[c] += 1
    else:
        d[c] = 1
    return d
```

Histograma



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
Exemplo
```

```
def histogram(s):
    d = dict()
    for c in s:
        if c in d:
        d[c] += 1
    else:
        d[c] = 1
    return d
```

Exemplo (Utilização)

>>> histogram('banana')

Histograma



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Exemplo

```
def histogram(s):
    d = dict()
    for c in s:
        if c in d:
              d[c] += 1
        else:
              d[c] = 1
    return d
```

Exemplo (Utilização)

```
>>> histogram('banana')
{'a':3, 'b':1, 'n':2}
```

Ciclos e dicionários



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

```
Exemplo (Escrever conteúdo do dicionário)
```

```
def print_hist(h):
    for c in h:
        print(c, h[c])
```

Ciclos e dicionários



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long
Utilizando dicionários
para representar grafos

Exemplo (Escrever conteúdo do dicionário)

```
def print_hist(h):
    for c in h:
        print(c, h[c])
```

Exemplo (Utilização)

```
>>> print_hist(histogram('banana'))
```

Ciclos e dicionários



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
Exemplo (Escrever conteúdo do dicionário)
```

```
def print_hist(h):
    for c in h:
        print(c, h[c])
```

Exemplo (Utilização)

b 1

```
>>> print_hist(histogram('banana'))
    a 3
    n 2
```

Pesquisa inversa



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

- lookup: dada uma chave e um dicionário, podemos facilmente obter o valor correspondente
- Mas como podemos proceder se tivermos o dicionário e o valor e pretendermos obter a chave?

Pesquisa inversa



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
    lookup: dada uma chave e um dicionário, podemos
facilmente obter o valor correspondente
```

- Mas como podemos proceder se tivermos o dicionário e o valor e pretendermos obter a chave?
 - ▶ Podemos ter mais que uma chave para tal valor!
 - Não existe nenhum método específico para tal. Por isso, temos de fazer uma pesquisa inversa

Exemplo (Reverse Lookup)

```
def reverse_lookup(d, v):
    for c in d:
        if d[c] == v:
            return c
    raise ValueError
```

Utilizando reverse lookup



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Exemplo (Utilização)

- >>> h = histogram('parrot')
- >>> k = reverse_lookup(h, 2)
- >>> k
 - r

Utilizando reverse lookup



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
Exemplo (Utilização)
```

r

```
>>> h = histogram('parrot')
>>> k = reverse_lookup(h, 2)
>>> k
```

>>> k = reverse_lookup(h, 3)

Traceback (most recent call last):

File «stdin>", line 1, in ?

File «stdin>", line 5, in reverse_lookup

ValueError



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

- A instrução raise tem um argumento opcional que pode ser utilizado para detalhar a mensagem de erro.
- Por exemplo, podemos fazer:

```
>>> raise ValueError('value does not appear
in the dictionary')
Traceback (most recent call last):
File "<stdin>", line 1, in ?
ValueError: value does not appear in the dictionary
```

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Dicionários e listas



Exemplo (Inversa de um dicionário)

```
def invert_dict(d):
    inv = dict()
    for key in d:
        val = d[key]
        if val in inv:
            inv[val].append(key)
        else:
            inv[val] = [key]
    return inv
```

PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
>>> h = histogram('parrot')
>>> inv_h = invert_dict(h)
>>> inv h
```

Dicionários e listas

J 🌣 ÉVOTA

VRN

Exemplo (Inversa de um dicionário)

```
def invert_dict(d):
    inv = dict()
    for key in d:
        val = d[key]
        if val in inv:
            inv[val].append(key)
        else:
            inv[val] = [key]
    return inv
```

Introdução

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Exemplo

```
>>> h = histogram('parrot')
>>> inv_h = invert_dict(h)
>>> inv_h
{1: ['a', 'p', 't', 'o'], 2: ['r']}
```

1 11

Keys must be hashable



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
Exemplo
```

>>> t = [1, 2, 3] >>> d = dict() >>> d[t] = 'oops' Traceback (most r

TypeError: unhashable type: 'list'

Keys must be hashable



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Exemplo

>>> t = [1, 2, 3]
>>> d = dict()
>>> d[t] = 'oops'
Traceback (most recent call last):
 File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: unhashable type: 'list'

Definição (Hash)

Uma função de *hash* é uma função que recebe um valor (de qualquer tipo) e devolve um inteiro.

Memoization



VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

```
Exemplo (função fibonnaci)

def fibonnaci(n):
   if n == 0:
      return 0
   else:
      if n == 1:
        return 1
      else:
      return fibonnaci(n-1)+fibonnaci(n-2)
```

Grafo de chamadas de fibonnaci(4)





Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

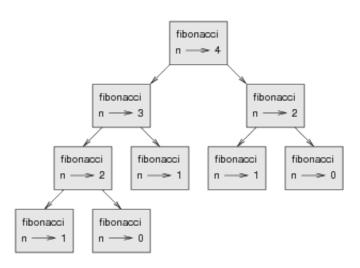
Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long



- Existe muita redundância
- Como resolver?

Fibonacci com memoization



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

```
Exemplo (Fibonacci com memoization)
```

```
known = {0:1, 1:1}

def fibonacci_memo(n):
    if n in known:
        return known[n]
    fib_n = fibonacci_memo(n-1) + \
              fibonacci_memo(n-2)
    known[n] = fib_n
```

Utilizando dicionários para representar grafos



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

- Resumidamente um grafo é como um conjunto de pontos (*nós*) ligados por segmentos de recta (*arestas*).
- Em grafos dirigidos, as arestas são direccionadas e "setas".
- Existem imensos algoritmo de grafos para:
 - descobrir o caminho entre dois nós
 - encontrar ciclos num grafo
 - encontrar um caminho que passe por todos os nós

Exemplo de um grafo utilizando dicionários



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

Pesquisando caminhos



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa

Dicionários e listas

Memoization Inteiros Long

```
Exemplo
```

```
def find_path(graph, start, end, path = []):
    path = path + [start]
    if start == end:
        return path
    if not (start in graph):
        return None
    for node in graph[start]:
        if node not in path:
            newpath = find_path(graph, node, end, path)
            if newpath:
                return None
```

Utilizando a pesquisa



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Exemplo

>>> print (find_path(grafo, 'A', 'D'))

Utilizando a pesquisa



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

Exemplo

>>> print (find_path(grafo, 'A', 'D'))
['A', 'B', 'C', 'D']

Utilizando a pesquisa



PI VBN

Introdução

Dicionários como um conjunto de contadores

Ciclos e dicionários

Pesquisa inversa Dicionários e listas

Memoization

Inteiros Long

Utilizando dicionários para representar grafos

```
Exemplo
```

>>> print (find_path(grafo, 'A', 'D'))
['A', 'B', 'C', 'D']