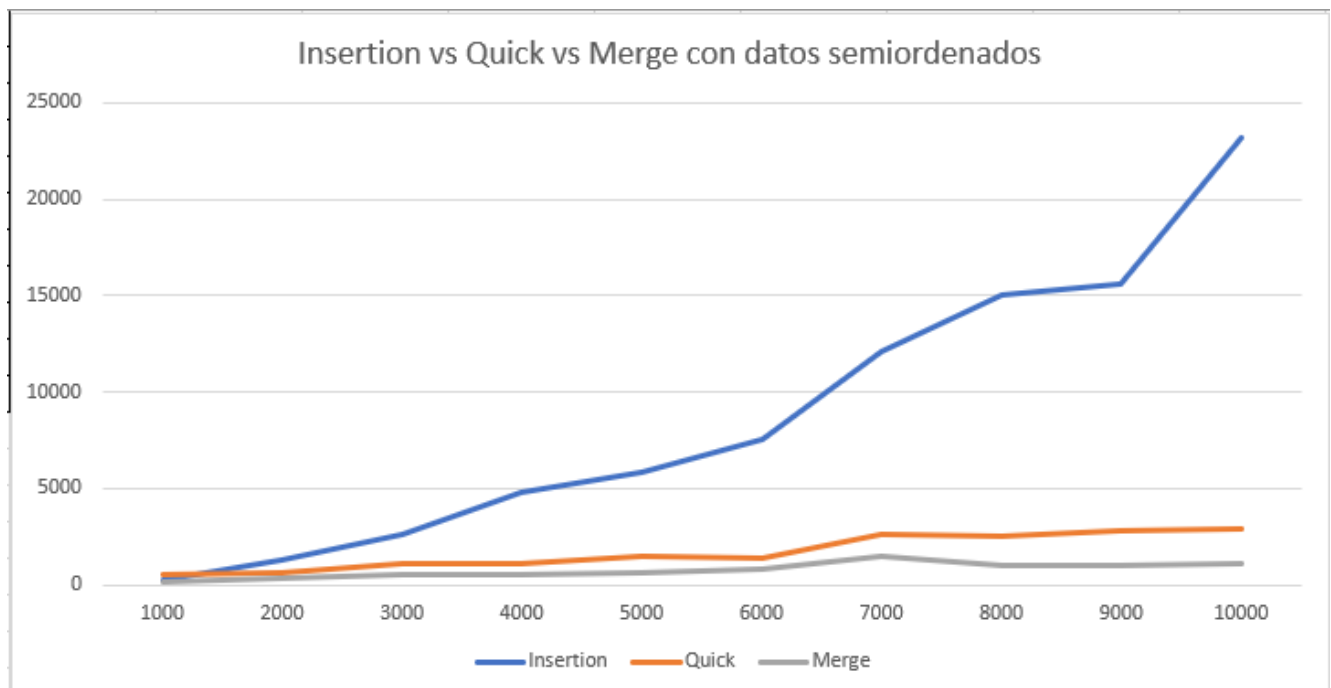


## Lab5

### InsertionSort vs QuickSort vs MergeSort con datos semiordenados

Tamaño	Insertion	Quick	Merge
1000	291	503	151
2000	1257	595	351
3000	2612	1104	516
4000	4827	1140	506
5000	5874	1451	667
6000	7532	1387	787
7000	12066	2642	1439
8000	15028	2475	967
9000	15577	2808	996
10000	23178	2906	1076



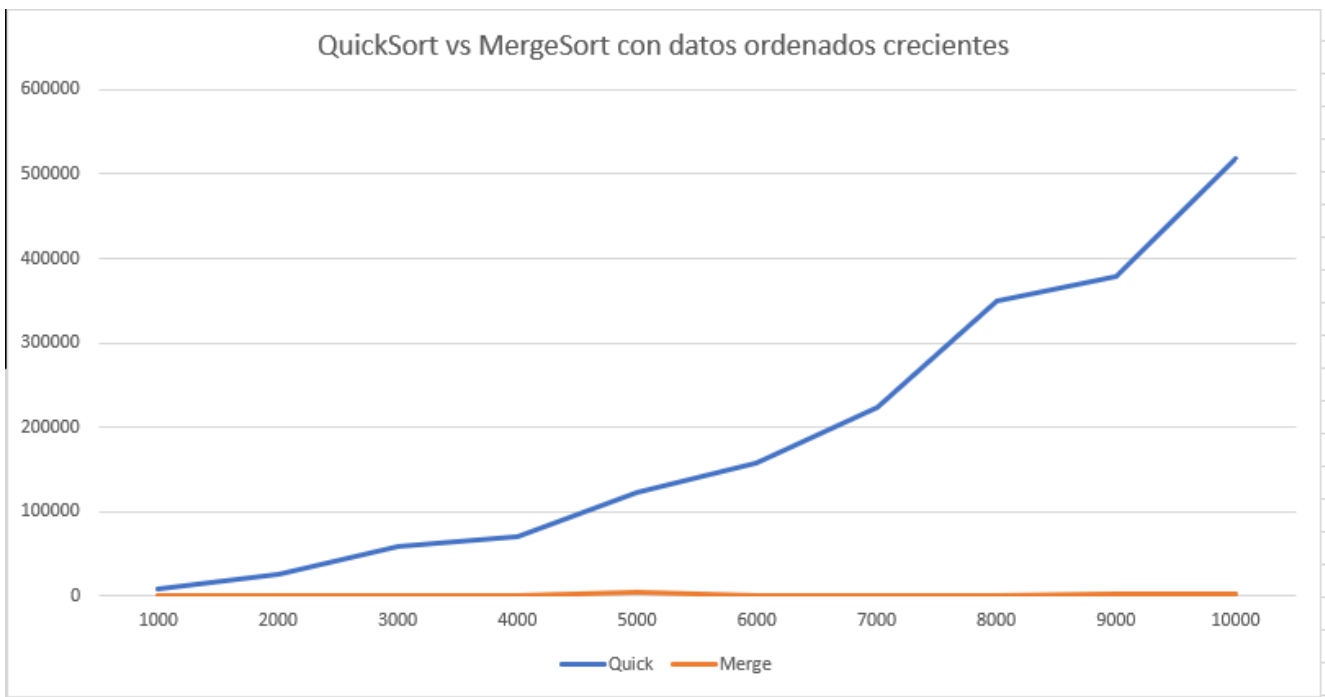
### Conclusión

- Bueno el insertionSort pierde contra el QuickSort y MergeSort pero en cambio estos dos últimos tienen una curva muy pegada.
- El insertionSort en el peor de los casos ordena en  $O(n^2)$  de igual manera en el caso promedio, de todas formas el insertion tiene las de perder
- Si el insertionSort lo comparamos con los otros dos algoritmos de ordenamiento, el caso de QuickSort este tiene un  $O(n^2)$  en su peor de los tiempos pero no estamos tratando con el peor de los casos, tal tratar con un arreglo semiordenado estamos en el caso promedio donde ordena en  $\theta(n \log(n))$ ,
- Si el insertionSort ahora lo comparamos con el Merge Sort se mas aun la gran diferencia como se mencionó anteriormente el InsertionSort en el peor de los casos es  $O(n^2)$  y en el caso promedio  $O(n^2)$ , el MergeSort tiene en el peor de los casos

un  $O(n * \log(n))$  y en el caso promedio un  $O(n * \log(n))$ , con esto se quiere decir el MergeSort es mucho mas eficiente que el InsertionSort, en cualquier situacion que se encuentre el arreglo, ademas el mergeSort nos da el permite interaccuar con arreglos de gran dimension o pequeña dimension

### **QuickSort vs MergeSort con datos ordenados crecientes**

Tamaño	Quick	Merge
1000	8451	156
2000	26110	152
3000	58573	265
4000	69664	324
5000	122746	3921
6000	158048	505
7000	223658	963
8000	349468	713
9000	377795	1269
10000	517507	1318



### **Conclusión**

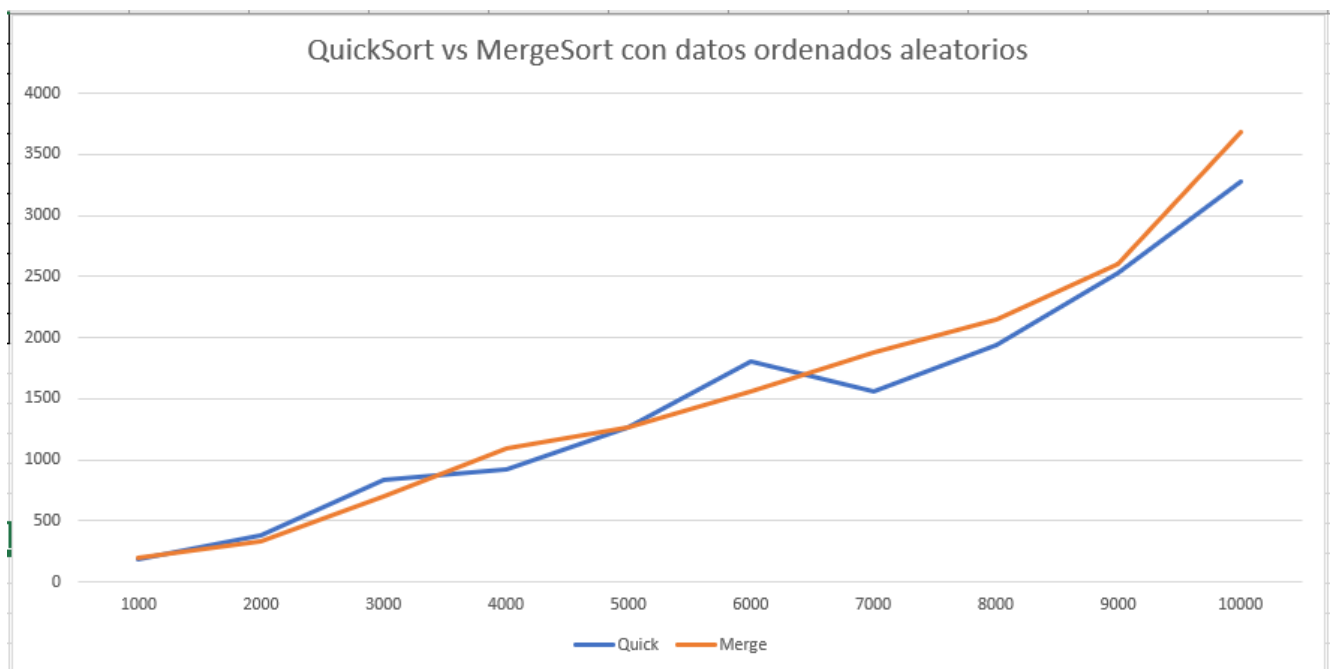
- Como notamos el quicksort pierde por demasía frente al MergeSort y a que se debe esto
- El mergeSort divide a los arreglos en dos partes iguales( $n/2$ ), en el caso del quickSort no existe una proporcionalidad exacta para partir los arreglos
- En el quickSort tiene que realizar comparaciones hasta en peor de los casos( $n^2$ ), en este caso el quickSort está enfrentándose a un arreglo semiordenado creciente, por

ello mismo la gráfica se levanta de tal manera que al MergeSort no se deja visualizar su curva

- Otro punto a resaltar es que el MergeSort tiene la capacidad de interactuar y funcionar de manera eficiente con distintos tamaños de un arreglo(grande o pequeño), en cambio el QuickSort tiende a funcionar de manera correcta con arreglos de tamaño grande
- Mirando los tiempos podemos decir que en este caso el mergeSort es mucho mas eficiente que el quickSort

### **QuickSort vs MergeSort con datos ordenados aleatorios**

Tamaño	Quick	Merge
1000	180	199
2000	377	328
3000	837	701
4000	918	1088
5000	1268	1271
6000	1803	1560
7000	1562	1878
8000	1935	2150
9000	2526	2606
10000	3278	3680



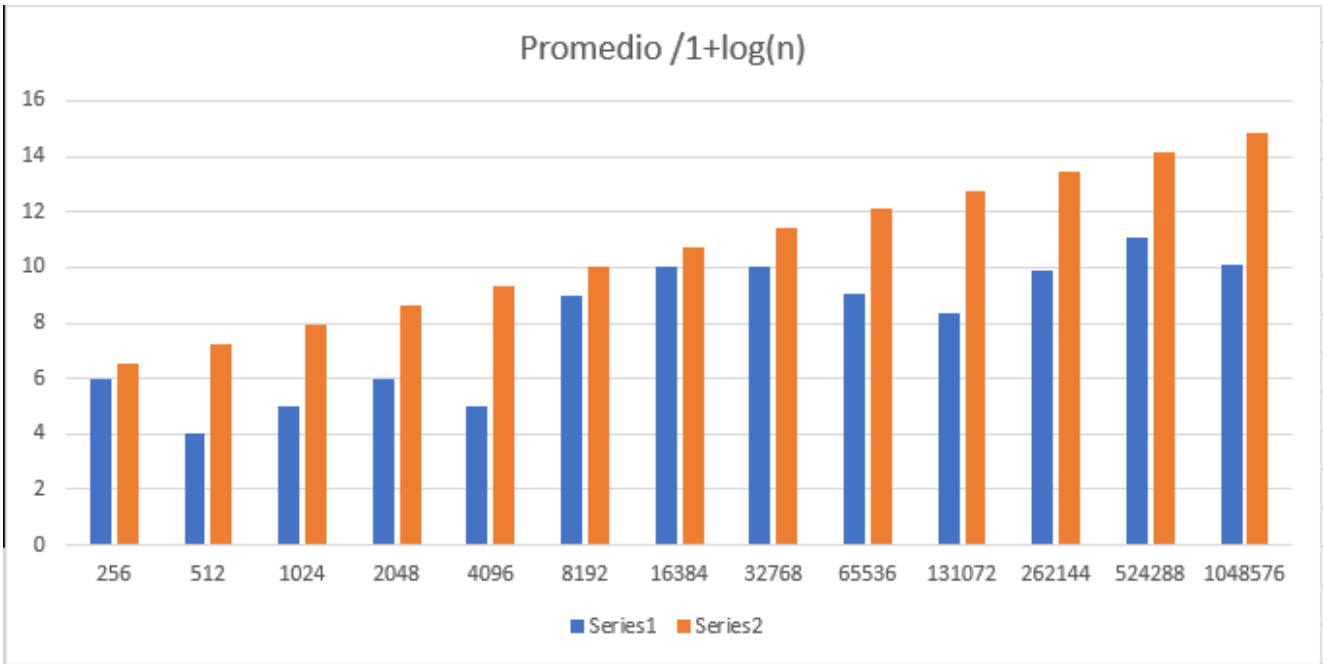
# Lab6

## Maximo

Generar 200 vectores de tamaño 256, 512, 1024, ... 2^20. Calcular el promedio de veces que la línea 4 es ejecutada. Crear una tabla mostrando

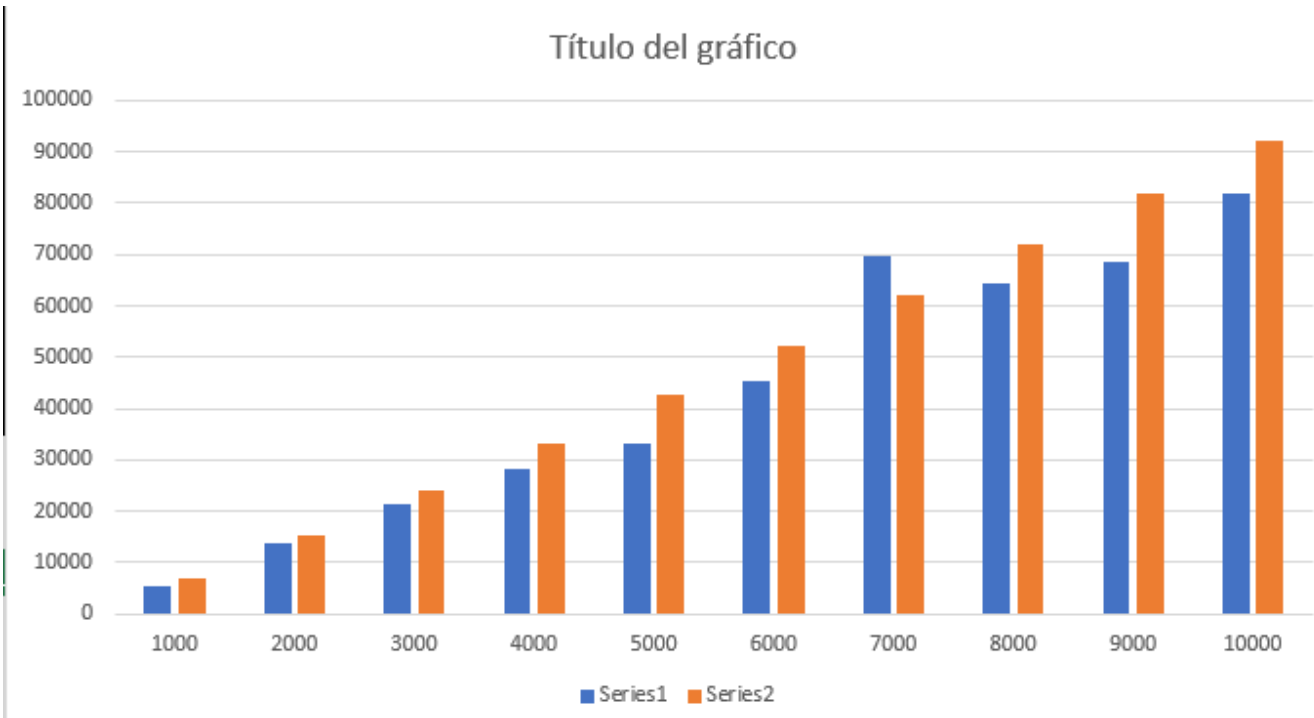
- n
- Promedio
- 1+ln(n)

Tamaño	Promedio	1+log(n)
256	6	6.54518
512	4	7.23832
1024	5	7.93147
2048	6	8.62462
4096	5	9.31777
8192	9	10.0109
16384	10	10.7041
32768	10	11.3972
65536	9.04	12.0904
131072	8.36	12.7835
262144	9.9	13.4766
524288	11.055	14.1698
1048576	10.095	14.8629



# Quicksort

Tamaño	Promedio	$n \cdot \log(n)$
1000	5485	6907.76
2000	13579	15201.8
3000	21440	24019.1
4000	28198.2	33176.2
5000	33259	42586
6000	45209	52197.1
7000	69605	61975.7
8000	64243.7	71897.6
9000	68517	81944.8
10000	81920.8	92103.4



## Lab7

### Fibonacci Recursivo

F(1)1	F(26)121393
F(2)1	F(27)196418
F(3)2	F(28)317811
F(4)3	F(29)514229
F(5)5	F(30)832040
F(6)8	F(31)1346269
F(7)13	F(32)2178309
F(8)21	F(33)3524578
F(9)34	F(34)5702887
F(10)55	F(35)9227465
F(11)89	F(36)14930352
F(12)144	F(37)24157817
F(13)233	F(38)39088169
F(14)377	F(39)63245986
F(15)610	F(40)102334155
F(16)987	F(41)165580141
F(17)1597	F(42)267914296
F(18)2584	F(43)433494437
F(19)4181	F(44)701408733
F(20)6765	F(45)1134903170
F(21)10946	F(46)1836311903
F(22)17711	<b>F(47)-1323752223</b>
F(23)28657	F(48)512559680
F(24)46368	F(49)
F(25)75025	

### Conclusión

- En este caso nos damos cuenta que en el Fibo(47) se nos rompe la pila, y tras varios minutos de espera se demora en resolver el F(49).
- La llamada a un Fibonacci recursivo revienta la memoria RAM, por esto mismo no es recomendable hacer un Fibonacci recursivo
- La ineficiencia del Fibonacci recursivo se radica en un árbol(visto en clase) Para calcular 1 vez Fib(6), es necesario calcular 1 vez Fib(5), 2 veces Fib(4), 3 veces Fib(3), 5 veces Fib(2), 8 veces Fib(1) , es decir estamos repitiendo operaciones y estas se repitan justamente haciendo las operaciones correctas del Fibonacci

## Fibonacci Tabla

Fibo(1) 1	Fibo(42) 2.67914e+008
Fibo(2) 1	Fibo(43) 4.33494e+008
Fibo(3) 2	Fibo(44) 7.01409e+008
Fibo(4) 3	Fibo(45) 1.1349e+009
Fibo(5) 5	Fibo(46) 1.83631e+009
Fibo(6) 8	Fibo(47) 2.97122e+009
Fibo(7) 13	Fibo(48) 4.80753e+009
Fibo(8) 21	Fibo(49) 7.77874e+009
Fibo(9) 34	Fibo(50) 1.25863e+010
Fibo(10) 55	Fibo(51) 2.0365e+010
Fibo(11) 89	Fibo(52) 3.29513e+010
Fibo(12) 144	Fibo(53) 5.33163e+010
Fibo(13) 233	Fibo(54) 8.62676e+010
Fibo(14) 377	Fibo(55) 1.39584e+011
Fibo(15) 610	Fibo(56) 2.25851e+011
Fibo(16) 987	Fibo(57) 3.65435e+011
Fibo(17) 1597	Fibo(58) 5.91287e+011
Fibo(18) 2584	Fibo(59) 9.56722e+011
Fibo(19) 4181	Fibo(60) 1.54801e+012
Fibo(20) 6765	Fibo(61) 2.50473e+012
Fibo(21) 10946	Fibo(62) 4.05274e+012
Fibo(22) 17711	Fibo(63) 6.55747e+012
Fibo(23) 28657	Fibo(64) 1.06102e+013
Fibo(24) 46368	Fibo(65) 1.71677e+013
Fibo(25) 75025	Fibo(66) 2.77779e+013
Fibo(26) 121393	Fibo(67) 4.49456e+013
Fibo(27) 196418	Fibo(68) 7.27235e+013
Fibo(28) 317811	Fibo(69) 1.17669e+014
Fibo(29) 514229	Fibo(70) 1.90392e+014
Fibo(30) 832040	Fibo(71) 3.08062e+014
Fibo(31) 1.34627e+006	Fibo(72) 4.98454e+014
Fibo(32) 2.17831e+006	Fibo(73) 8.06516e+014
Fibo(33) 3.52458e+006	Fibo(74) 1.30497e+015
Fibo(34) 5.70289e+006	Fibo(75) 2.11149e+015
Fibo(35) 9.22746e+006	Fibo(76) 3.41645e+015
Fibo(36) 1.49304e+007	Fibo(77) 5.52794e+015
Fibo(37) 2.41578e+007	Fibo(78) 8.94439e+015
Fibo(38) 3.90882e+007	Fibo(79) 1.44723e+016
Fibo(39) 6.3246e+007	Fibo(80) 2.34167e+016
Fibo(40) 1.02334e+008	.
Fibo(41) 1.6558e+008	.

.  
Fibo(12311) inf  
Fibo(12312) inf  
Fibo(12313) inf  
Fibo(12314) inf  
Fibo(12315) inf  
Fibo(12316) inf  
Fibo(12317) inf  
Fibo(12318) inf  
Fibo(12319) inf  
Fibo(12320) inf

Fibo(12321) inf  
Fibo(12322) inf  
Fibo(12323) inf  
Fibo(12324) inf  
Fibo(12325) inf  
Fibo(12326) inf  
Fibo(12327) inf  
Fibo(12328) inf  
Fibo(12329) inf  
Fibo(12330) inf  
Fibo(12331)

## **Conclusión**

- Un Fibonacci Recursivo lo podemos mejorar en tiempo de ejecución con un Fibonacci Tabla
- En este caso el fibonacci se realiza de una manera mucho más rápida por ende nosotros diríamos 'ya podemos sacar cualquier valor de fibonacci' pero esto no es así.
- Si nos fijamos por el Fibonacci de 12000 ya empiezan a botar datos que no corresponde, además si bien haya mejorado el tiempo de ejecución este aun no sigue botando datos falsos

## **Fibonacci iterativo python**

fibonacci 0 : 0

fibonacci 1 : 1

fibonacci 2 : 2

fibonacci 3 : 3

fibonacci 4 : 5

fibonacci 5 : 8

fibonacci 6 : 13

fibonacci 7 : 21

fibonacci 8 : 34

fibonacci 9 : 55

fibonacci 10 : 89

fibonacci 11 : 144

fibonacci 12 : 233

fibonacci 13 : 377

fibonacci 14 : 610

fibonacci 15 : 987

fibonacci 16 : 1597

fibonacci 17 : 2584

fibonacci 18 : 4181

fibonacci 19 : 6765

fibonacci 20 : 10946

fibonacci 21 : 17711

fibonacci 22 : 28657

fibonacci 23 : 46368

fibonacci 24 : 75025

fibonacci 25 : 121393

fibonacci 26 : 196418

fibonacci 27 : 317811

fibonacci 28 : 514229

fibonacci 29 : 832040

fibonacci 30 : 1346269

fibonacci 31 : 2178309

fibonacci 32 : 3524578

fibonacci 33 : 5702887

fibonacci 34 : 9227465

fibonacci 35 : 14930352

fibonacci 36 : 24157817

fibonacci 37 : 39088169

fibonacci 38 : 63245986

fibonacci 39 : 102334155



fibo 40 : 165580141  
fibo 41 : 267914296  
fibo 42 : 433494437  
fibo 43 : 701408733  
fibo 44 : 1134903170  
fibo 45 : 1836311903  
fibo 46 : 2971215073  
fibo 47 : 4807526976  
fibo 48 : 7778742049  
fibo 49 : 12586269025  
fibo 50 : 20365011074  
fibo 51 : 32951280099  
fibo 52 : 53316291173  
fibo 53 : 86267571272  
fibo 54 : 139583862445  
fibo 55 : 225851433717  
fibo 56 : 365435296162  
fibo 57 : 591286729879  
fibo 58 : 956722026041  
fibo 59 : 1548008755920  
fibo 60 : 2504730781961  
fibo 61 : 4052739537881  
fibo 62 : 6557470319842  
fibo 63 : 10610209857723  
fibo 64 : 17167680177565  
fibo 65 : 27777890035288  
fibo 66 : 44945570212853  
fibo 67 : 72723460248141  
fibo 68 : 117669030460994  
fibo 69 : 190392490709135  
fibo 70 : 308061521170129

fibo 71 : 498454011879264  
fibo 72 : 806515533049393  
fibo 73 : 1304969544928657  
fibo 74 : 2111485077978050  
fibo 75 : 3416454622906707  
fibo 76 : 5527939700884757  
fibo 77 : 8944394323791464  
fibo 78 : 14472334024676221  
fibo 79 : 23416728348467685  
fibo 80 : 37889062373143906  
fibo 81 : 61305790721611591  
fibo 82 : 99194853094755497  
fibo 83 : 160500643816367088  
fibo 84 : 259695496911122585  
fibo 85 : 420196140727489673  
fibo 86 : 679891637638612258  
fibo 87 : 1100087778366101931  
fibo 88 : 1779979416004714189  
fibo 89 : 2880067194370816120  
fibo 90 : 4660046610375530309  
fibo 91 : 7540113804746346429  
fibo 92 : 12200160415121876738  
fibo 93 : 19740274219868223167  
fibo 94 : 31940434634990099905  
fibo 95 : 51680708854858323072  
fibo 96 : 83621143489848422977  
fibo 97 : 135301852344706746049  
fibo 98 : 218922995834555169026  
fibo 99 : 354224848179261915075  
fibo 100 : 573147844013817084101

.  
. .  
.

#### **fibo 4996 :**

91570023781293727096475729172165217471067426153417955956985725316922409649  
12152379192986736689804922220890219230447181608478541392152663483363749044  
58687555054631152741277749221714691810829745745476210715538565037164572185  
22291196210517698990320537626613945943878893940247623420217746159510941083  
02264807728833568817089560444579395403601346113381327003045931867508148364  
31508080734251048238712918332773790402614076445124911789624344302228202089  
43877165560746427658442444226258471943607064648132822890100555630408040065  
08885995645078879395887214798748687385630145550054958193561882658884405174  
11569692970436983215443066576581882328364775648857022819193519013890008525

04315782667933779138353679783659268290405535595275004505604994182311064420  
86570422718407535355824701543377001315128961788781644459088217484590215549  
59714278485793517159083487917754958193521391403087849840867316115552990391  
01939343759166438463982106679916265413923835121375095926782921593381111938  
25956284920341555129883418075727960438425874637008214206881955017624566153  
14351877

**fibonacci 4997 :**

14816341082876941813685795083021265686857267265560327732953699808631630212  
76410929545762121396615088628602215467919127826317623934869858296012527626  
22639569165479270560141458049639547116143840645538102197058107374438266583  
48554509833656006788078516933522862869491319918526083871579581941033472184  
91885134054441098886039667799905486720012239583815444400994244644457765694  
24578190129527611606816310601006475705161431235125516524029329516773545095  
86377016138454793074534243308958720169309868135977473741719910967852376456  
28407640536269472427611318746932562185771602376571761375729604794245377394  
10297053404131935278416148354538678146524005529638109386713198733100392025  
14725382621721310266401990277099096346589021035538626597947104092538958882  
98862771328657849670354552802402321838814703369306462269123194052986732519  
56003964641552408785447802869589521525229663683948950652827666160394274903  
71107976524021047086685863767590057773965135588328065216814842820624740051  
44397002861109211801942206896393757663352583630451909283449925741707976029  
534255624

**fibonacci 4998 :**

23973343461006314523333368000237787433964009880902123328652272340323871177  
67626167465060795065595580850691237390963845987165478074085124644348902530  
68508324670942385834269232971811016297226815220085723268611963878154723802  
00783629454707776687110570696184257463879209312550846213601356556984566293  
22111614827324455767748623844363426260372374195153577101298837831208580530  
67728998202952716430687602434283854745422838879638007702991763946996365304  
80764732694529435840378487731584567363670574600790756030729966530893180462  
79296240100777360367200040226807430924334616931577257195085793060133817911  
51454022701175633599960455012196866379360483094523811668632550634489392877  
65156960888514688180237358255465023175629574595066127048507603510770065325  
07519813600498603205937022956740021970327599548184626715032015801445754074  
51975392490131760501356151661365017344581802824257735636914397771949573942  
81301910899937690933084074435581684315357519100465574809493134979962851245  
26992631353143367314930548703966553707195171094152730704138121243470432644  
848607501

**fibonacci 4999 :**

38789684543883256337019163083259053120821277146462451061605972148955501390  
44037097010822916462210669479293452858882973813483102008954982940361430156

91147893836421656394410691021450563413370655865623825465670071252592990385  
49338139288363783475189087629707120333370529231076930085180938498018038478  
13996748881765554653788291644268912980384613778969021502293082475666346224  
92307188332480328037503913035290330450584270114763524227021093463769910400  
67141748832984228914912731040543287532980442736768229772449877498745556919  
07703880637046832794811358973739993110106219308149018570815397854379195305  
61751076105307568878376603366735544525884488624161921055345749367589784902  
79882343510235998446639348532564119522218595630604753646454707603309024208  
06382584929156452876291575759142343809142302917491088984155209854432486594  
07979357131684169286803954530954538869811466508206686289742063932343848846  
52409887423958738019769938203171742089322654688793640026307977800587591296  
71389634214252579116872755600360311370547754724604639987588046985178408674  
382863125

**fibonacci 5000 :**

62763028004889570860352531083496840554785287027364574390258244489279372568  
11663264475883711527806250329984690249846819800648580083040107584710332687  
59656218507364042228679923993261579710597471085709548734282035130747714187  
50121768743071560162299658325891377797249738543627776298782295055002604771  
36108363709090010421536915488632339240756987974122598603591920306874926755  
60036186535433044468191515469574185196007108994401531930012857410766275705  
47906481527513664755291218772127854896651017337558985803179844029638737381  
87000120737824193162011399200547424034440836239726275765901190914513013217  
13205098806483202478337058378932410905244971718685732723978300002079177780  
45039304398750686626876706788029142697848170225670880694962311114079089533  
13902398529655056082228598715882365779469902465675715699187225655878240668  
59954749621815929788160106192319556214393269332464421926656461704293422789  
33711798323896428952854012638753426404680173789259214835801112780550442541  
98382265567395946431803304304326865077742925818757370691726168228648841319  
231470626

.  
. .  
.

**fibonacci 9998 :**

20793608237133498072112648988642836825087036094015903119682945866528501423  
45568664892745603430522651559175734329719015801062479426725097317613381017  
99027380382317897483462355564831914315919245323944200280678103204087244146  
93462849062668387083308048250920654493340878733226377580847446324873797603  
73479464825811385863155040408101726038120291994389237094285260164739821355  
44790818235937154295669451493129936648467790904377992847736753792842706601  
75134664833266377698642012106891355791141872776934080803504956794094648292  
88056605636471818766266897075853738335267742083557415594565854200363476532  
45410061210124467856891714948032624086026930912116019739382294466360499015  
31963286159699077880427720289235539329671877182915643419079186525118678856

82160089752017107049943765706734240087108390881180097625972743182053955425  
68694608153559184582533982343823604357627598231798961167484242695459246332  
04614137992850814352018738480923581553988990897151469406131695614497783720  
74346137375621868510685682609069633981549092125371453724186691160425059735  
37478237332681781821985092402269558264160166900847498160728435824886131848  
29905383150180047844353751554201573833105521980998123833253261228689824051  
77784658846107979080782836713238479845179401107656905752215868037896153216  
08583872238829743804839319295412221008003135806885850025988795664632214278  
20448492565073106595808837401648996423563386109782045634122467872921845606  
40917436063561821688381256232166444282295253757749271536532113420453068674  
24354545051032697681443701184949063902549349423589040315098773697224370533  
83165360388595116980245927935225901537634925654872380877183008301074569444  
00242643641475690509453507280476468449210568002473991449055590439136921869  
63870929181892461571034503870502293006032416114107074539600801709282779518  
34763216705242485820801423866526633816082921442883095463259080471819329201  
71014782802522138565634020748979631766327887220760779103443170011275355881  
34788887275038253890668230986833556957181378678829821117107964227067785369  
13192342733364556727928018953989153106047379741280794091639429908796650294  
603536651238230626

**fibonacci 9999 :**

33644764876431783266621612005107543310302148460680063906564769974680081442  
16666236815559551363373402558206533268083615937373479048386526826304089246  
30564318873545443695598274916066020998841839338646527313000888302692356736  
13135117579297437854413752130520504347701602264758318906527890855154366159  
58298727968298751063120057542878345321551510387081829896979161312785626503  
31954871402142875326981879620469360978799003509623022910263681314931952756  
30227837628441540360584402572114334961180023091208287046088923962328835461  
50577658327125254609359112820392528539343462090424524892940390170623388899  
10858410651831733604374707379085526317643257339937128719375877468974799263  
05837065742830161637408969178426378624212835258112820516370298089332099905  
70792006436742620238978311147005407499845925036063356093388383192338678305  
61364353518921332797329081337326426526339897639227234078829281779535805709  
93691049175470808931841056146322338217465637321248226383092103297701648054  
72624384237486241145309381220656491403275108664339451751216152654536133311  
13140424368548051067658434935238369596534280717687753283482343455573667197  
31392746273629108210679280784718035329131176778924659089938635459327894523  
77767440619224033763867400402133034329749690202832814593341882681768389307  
20036347956231171031012919531697946076327375892535307725523759437884345040  
67715555779056450443016640119462580972216729758615026968443146952034614932  
29110597067624326851599283470989128470674086200858713501626031207190317208  
60940812983215810772820763531866246112782455372085323653057759564300725177  
44315051539600905168603220349163222640885248852433158051534849622434848299  
38090507048348244932745373262456775587908918719080366205800959474315005240  
25327097469953187707243768259074199396322659841474981936092852239450397071

65443156421328157688908058783183404917434556270520223564846495196112460268  
31397097506938264870661326450766507461151267752274862159864253071129844118  
26226610571635150692600298617049454250474913781151541399415506712562711971  
33252763631939606902895650288268608362241082050562430701794976171121233066  
073310059947366875

#### **fibonacci 10000 :**

54438373113565281338734260993750380135389184554695967026247715841208582865  
62234901708305154793896054117382267597802631738435958475111624143917470264  
29591699255863341179060630480897935314761084662590727593678991506779600883  
06597966641965824937721800381441158841042480997984696487375337180028163763  
31778192794110136926275097950980071359671802381471066991264421477525447858  
76745689638080029622651331113599297627266794414001015758000435107774659358  
05362502461707918059226414679005690752321895868142367849593880756423483754  
38634263963597073375626009896246266874611204173981940487506244370986865431  
56268471861956201461266422327118150403670188252053148458758171935335298278  
37800351902529239517836689467661917953884712441028463935449484614450778762  
52952096188759727288922076853739647586954315917243453719361126374392633731  
30058961672480517379863063681150030883967495871026195246313524474995052041  
98305187168321623283859794627245919771454628218399695789223798912199431775  
46970521613108109655995063829726125384824200789710905475402843814961193046  
50618661701229832889643527337507927860694447618535251444210779280459799045  
61298129423809156055033032338919609162236698759922782923191896688017718575  
55552099465332012844650237115371514174929091310489720345557750719664542523  
28620220195060914835852238827110167084330511699421157751512555102516559318  
8816404834412955703882547752111577395780115868397072602565614824956460538  
70028033131186148539980539703155572752969339958607985038158144627643385882  
85295358034248508454264464716815310015331804795674363968156533261525095711  
27480411928196022148849148284389124178520174507305538928717857923509417743  
38333150689823935442198880542933244037119486721554357654856549913451927109  
89198026651845649278278272129576492402355075955582056475693653948733176590  
00206373126570643509709482649710038733517477713403319028105575667931789470  
02411880309460403436295347199746139227479154973035641263307423082405199999  
61015497846673404583268529603883011207656292459981362516523470939630497340  
46445106365304163630823669242257761468288461791843224793434406079917883360  
676846711185597501

#### **Conclusión**

- Con una conclusión más breve para Python, este cuenta que es dinámico por ende no va tener problemas en sacar el resultado que se nos indica, como apreciamos todas las sumas son correctas y es veloz

#### **Fibonacci Recursivo Python**

fibonacci 0 : 0

fibonacci 1 : 1

fibonacci 2 : 1

fibonacci 3 : 2

fibo 4 : 3  
 fibo 5 : 5  
 fibo 6 : 8  
 fibo 7 : 13  
 fibo 8 : 21  
 fibo 9 : 34  
 fibo 10 : 55  
 fibo 11 : 89  
 fibo 12 : 144  
 fibo 13 : 233  
 fibo 14 : 377  
 fibo 15 : 610  
 fibo 16 : 987  
 fibo 17 : 1597  
 fibo 18 : 2584  
 fibo 19 : 4181  
 fibo 20 : 6765  
 fibo 21 : 10946  
 fibo 22 : 17711

fibo 23 : 28657  
 fibo 24 : 46368  
 fibo 25 : 75025  
 fibo 26 : 121393  
 fibo 27 : 196418  
 fibo 28 : 317811  
 fibo 29 : 514229  
 fibo 30 : 832040  
 fibo 31 : 1346269  
 fibo 32 : 2178309  
 fibo 33 : 3524578  
 fibo 34 : 5702887  
 fibo 35 : 9227465  
 fibo 36 : 14930352  
 fibo 37 : 24157817  
 fibo 38 : 39088169  
 fibo 39 : 63245986  
 fibo 40 : 102334155  
 fibo 41 : 165580141

## **Conclusión**

- Si bien Python es dinámico y no tiene problemas en sacar el resultado, nos topamos con el mismo problema del Fibonacci Recursivo en C++, ya que si de nuevo usamos el árbol de Fibonacci, solo para el Fibonacci de 6 hacemos bastantes operaciones, ahora para el dato que pedimos que es Fibo de 2<<29 , sería harían operaciones mucho mayores a 2<<29 (operacione realizadas > 2^29).

## **Aritmética Modular**

F(1)%2^20-> 1  
 F(2)%2^20-> 1  
 F(3)%2^20-> 2  
 F(4)%2^20-> 3  
 F(5)%2^20-> 5  
 F(6)%2^20-> 8  
 F(7)%2^20-> 13  
 F(8)%2^20-> 21  
 F(9)%2^20-> 34  
 F(10)%2^20-> 55  
 F(11)%2^20-> 89  
 F(12)%2^20-> 144  
 F(13)%2^20-> 233  
 F(14)%2^20-> 377  
 F(15)%2^20-> 610  
 F(16)%2^20-> 987

F(17)%2^20-> 1597  
 F(18)%2^20-> 2584  
 F(19)%2^20-> 4181  
 F(20)%2^20-> 6765  
 F(21)%2^20-> 10946  
 F(22)%2^20-> 17711  
 F(23)%2^20-> 28657  
 F(24)%2^20-> 46368  
 F(25)%2^20-> 75025  
 F(26)%2^20-> 121393  
 F(27)%2^20-> 196418  
 F(28)%2^20-> 317811  
 F(29)%2^20-> 514229  
 F(30)%2^20-> 832040  
 F(31)%2^20-> 297693  
 F(32)%2^20-> 81157

F(33)%2^20-> 378850	F(67)%2^20-> -54283
F(34)%2^20-> 460007	F(68)%2^20-> 250445
F(35)%2^20-> 838857	F(69)%2^20-> -852414
F(36)%2^20-> 250288	F(70)%2^20-> 446607
F(37)%2^20-> 40569	F(71)%2^20-> 642769
F(38)%2^20-> 290857	F(72)%2^20-> 40800
F(39)%2^20-> 331426	F(73)%2^20-> -365007
F(40)%2^20-> 622283	F(74)%2^20-> -324207
F(41)%2^20-> 953709	F(75)%2^20-> 359362
F(42)%2^20-> 527416	F(76)%2^20-> 35155
F(43)%2^20-> 432549	F(77)%2^20-> -654059
F(44)%2^20-> 959965	F(78)%2^20-> 429672
F(45)%2^20-> 343938	F(79)%2^20-> -224387
F(46)%2^20-> 255327	F(80)%2^20-> -843291
F(47)%2^20-> -449311	F(81)%2^20-> -19102
F(48)%2^20-> 854592	F(82)%2^20-> -862393
F(49)%2^20-> -643295	F(83)%2^20-> 167081
F(50)%2^20-> -837279	F(84)%2^20-> 353264
F(51)%2^20-> -431998	F(85)%2^20-> -528231
F(52)%2^20-> -220701	F(86)%2^20-> -174967
F(53)%2^20-> 395877	F(87)%2^20-> -703198
F(54)%2^20-> 175176	F(88)%2^20-> -878165
F(55)%2^20-> 571053	F(89)%2^20-> 515789
F(56)%2^20-> -302347	F(90)%2^20-> -362376
F(57)%2^20-> 268706	F(91)%2^20-> -895163
F(58)%2^20-> -33641	F(92)%2^20-> 839613
F(59)%2^20-> -813511	F(93)%2^20-> 993026
F(60)%2^20-> 201424	F(94)%2^20-> -264513
F(61)%2^20-> 436489	F(95)%2^20-> -320063
F(62)%2^20-> -410663	F(96)%2^20-> 464000
F(63)%2^20-> -1022750	F(97)%2^20-> -904639
F(64)%2^20-> 663739	F(98)%2^20-> -440639
F(65)%2^20-> 689565	F(99)%2^20-> -296702
F(66)%2^20-> -743848	F(100)%2^20-> -7373

## **Conclusión**

- Si tratamos con aritmética modular ya que eso nos pide  $\text{Fibo}(2^{30})\%2^{20}$  podemos notar que siempre hay una periodicidad en los módulos, mas exacto en los Fibo de potencia 2 por ejemplo

$$\text{Fibo}(2)\text{mod } 2 = 0,1,1,0,1,1,\dots$$

$$\text{Fibo}(4)\text{mod } 2 = 0,1,1,2,3,1,0,1,1,\dots$$

Podemos observar que hay una periodicidad  $F(2) = 3$  y  $F(4) = 6$

$$F(2) = 3 \rightarrow F(2^1)$$

$$F(4) = 6 \rightarrow F(2^2) \rightarrow 2 \cdot F(2)$$

$$F(8) = 12 \rightarrow F(2^3) \rightarrow 2^2 \cdot F(2)$$

$$F(n) \rightarrow 2^{(n-1)} \cdot 3$$

todo esto hablando de periodicidad

A que se quiere llegar con esto de periodicidad, pues queremos decir que después de un cierto número de módulos estos se van a volver a repetir una y otra vez

$$F(2^{30}) \bmod 2^{20} \rightarrow 2^{29} \cdot 3 \rightarrow \text{resultado}$$

## **Fibonacci Matriz**

fibonacci( 1)1	modulo 1597
modulo 1	fibonacci( 18)2584
fibonacci( 2)1	modulo 2584
modulo 1	fibonacci( 19)4181
fibonacci( 3)2	modulo 4181
modulo 2	fibonacci( 20)6765
fibonacci( 4)3	modulo 6765
modulo 3	fibonacci( 21)10946
fibonacci( 5)5	modulo 10946
modulo 5	fibonacci( 22)17711
fibonacci( 6)8	modulo 17711
modulo 8	fibonacci( 23)28657
fibonacci( 7)13	modulo 28657
modulo 13	fibonacci( 24)46368
fibonacci( 8)21	modulo 46368
modulo 21	fibonacci( 25)75025
fibonacci( 9)34	modulo 75025
modulo 34	fibonacci( 26)121393
fibonacci( 10)55	modulo 121393
modulo 55	fibonacci( 27)196418
fibonacci( 11)89	modulo 196418
modulo 89	fibonacci( 28)317811
fibonacci( 12)144	modulo 317811
modulo 144	fibonacci( 29)514229
fibonacci( 13)233	modulo 514229
modulo 233	fibonacci( 30)832040
fibonacci( 14)377	modulo 832040
modulo 377	fibonacci( 31)1346269
fibonacci( 15)610	modulo 297693
módulo 610	fibonacci( 32)2178309
fibonacci( 16)987	modulo 81157
modulo 987	fibonacci( 33)3524578
fibonacci( 17)1597	modulo 378850



fibo( 34)5702887  
modulo 460007  
fibo( 35)9227465  
modulo 838857  
fibo( 36)14930352  
modulo 250288  
fibo( 37)24157817  
modulo 40569  
fibo( 38)39088169  
modulo 290857  
fibo( 39)63245986  
modulo 331426  
fibo( 40)102334155  
modulo 622283  
fibo( 41)165580141  
modulo 953709  
fibo( 42)267914296  
modulo 527416  
fibo( 43)433494437  
modulo 432549  
fibo( 44)701408733  
modulo 959965  
fibo( 45)1134903170  
modulo 343938  
fibo( 46)1836311903  
modulo 255327  
fibo( 47)2971215073  
modulo 599265  
fibo( 48)4807526976  
modulo 854592  
fibo( 49)7778742049  
modulo 405281  
fibo( 50)12586269025  
modulo 211297  
fibo( 51)20365011074  
modulo 616578  
fibo( 52)32951280099  
modulo 827875  
fibo( 53)53316291173  
modulo 395877  
fibo( 54)86267571272  
modulo 175176  
fibo( 55)139583862445  
modulo 571053

fibo( 56)225851433717  
modulo 746229  
fibo( 57)365435296162  
modulo 268706  
fibo( 58)591286729879  
modulo 1014935  
fibo( 59)956722026041  
modulo 235065  
fibo( 60)1548008755920  
modulo 201424  
fibo( 61)2504730781961  
modulo 436489  
fibo( 62)4052739537881  
modulo 637913  
fibo( 63)6557470319842  
modulo 25826  
fibo( 64)10610209857723  
modulo 663739  
fibo( 65)17167680177565  
modulo 689565  
fibo( 66)27777890035288  
modulo 304728  
fibo( 67)44945570212853  
modulo 994293  
fibo( 68)72723460248141  
modulo 250445  
fibo( 69)117669030460994  
modulo 196162  
fibo( 70)190392490709135  
modulo 446607  
fibo( 71)308061521170129  
modulo 642769  
fibo( 72)498454011879264  
modulo 40800  
fibo( 73)806515533049393  
modulo 683569  
fibo( 74)1304969544928657  
modulo 724369  
fibo( 75)2111485077978050  
modulo 359362  
fibo( 76)3416454622906707  
modulo 35155  
fibo( 77)5527939700884757  
modulo 394517

fibo( 78)8944394323791464  
 modulo 429672  
 fibo( 79)14472334024676221  
 modulo 824189  
 fibo( 80)23416728348467685  
 modulo 205285  
 fibo( 81)37889062373143906  
 modulo 1029474  
 fibo( 82)61305790721611591  
 modulo 186183  
 fibo( 83)99194853094755497  
 modulo 167081  
 fibo( 84)160500643816367088  
 modulo 353264  
 fibo( 85)259695496911122585  
 modulo 520345  
 fibo( 86)420196140727489673  
 modulo 873609  
 fibo( 87)679891637638612258  
 modulo 345378  
 fibo( 88)1100087778366101931  
 modulo 170411  
 fibo( 89)1779979416004714189

modulo 515789  
 fibo( 90)2880067194370816120  
 modulo 686200  
 fibo( 91)4660046610375530309  
 modulo 153413  
 fibo( 92)7540113804746346429  
 modulo 839613  
 fibo( 93)12200160415121876738  
 modulo 993026  
 fibo( 94)1293530146158671551  
 modulo 784063  
 fibo( 95)13493690561280548289  
 modulo 728513  
 fibo( 96)14787220707439219840  
 modulo 464000  
 fibo( 97)9834167195010216513  
 modulo 143937  
 fibo( 98)6174643828739884737  
 modulo 607937  
 fibo( 99)16008811023750101250  
 modulo 751874  
 fibo( 100)3736710778780434371  
 modulo 311235

Resultado -> 4743502516118483515  
 modulo 651835

## **Conclusiones**

- Este ejercicio se vuelve un  $O(\log_2 n)$
- Teniendo en cuenta que  $Fib(n) = Fib(n-1) + Fib(n-2)$
- Podemos desarrollar un sistema de ecuaciones
 
$$0 * Fib(n-2) + 1 * Fib(n-1) = 1 * Fib(n-1)$$

$$1 * Fib(n-2) + 1 * Fib(n-1) = 1 * Fib(n)$$

Desarrollando se llega, usando las propiedades

1.  $A^1 = A$
2.  $(A^m)^n = A^{(m*n)}$
3.  $A^n = A^i * X^j$  si  $i+j = n$

Llegamos al sistema siguiente

$$\begin{array}{ll}
 A & \text{si } n==1 \\
 A^{(n/2)^2} & \text{si } n\%2 == 0 \\
 A * A^{(n-1)} & \text{si } n\%2 != 0
 \end{array}$$

Con esta forma de calcular el fibonacci es una manera más eficiente ya que se divide el fibonacci en subproblemas, así nos evitamos como anteriormente mencionamos

que solo para un cálculo corto de Fibo(6) se realizan 8 operaciones. Con esto mostramos que las diferencias entre cada algoritmo son abismales

## Lab8

### Número de Cuadrados

Para una cierta coordenada i,j indicar cuántos cuadrados se pueden formar hasta nxn														
0														
1														
2														
3														
4														
5														
6														
7														
8														
9														
10														
11														
12														
13														
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13

Por ejemplo: 11,11

- De tamaño 1: 9
- De tamaño 4: 4
- De tamaño 9: 1

UTILIZAR PROGRAMACIÓN DINÁMICA

Idea: Una coordenada le pregunta a las otras para no contar todo de nuevo. Además, tener cuidado con evitar repetir cuadrados más de 1 vez.

Por ejemplo: 11,11

- De tamaño 1: 9

- De tamaño 4: 4

- De tamaño 9: 1

UTILIZAR PROGRAMACIÓN DINÁMICA

Idea: Una coordenada le pregunta a las otras para no contar todo de nuevo. Además, tener cuidado con evitar repetir cuadrados más de 1 vez.

```
#include <iostream>

using namespace std;
int matriz[14][14];
int temp(int index);
void square_index(int matriz[14][14]){
    for (int i = 0; i < 14; i++){
        for (int j = 0; j < 14; j++){
            matriz[i][j] = 0;
        }
    }
    matriz[13][13] = 1;
}

int numb_square(int index, int n){
    int alpha = matriz[index+1][index+1];
    int cont = 0;
    int n_square = n*n;
    if (matriz[index+1][index+1] == 0)
        alpha = temp(index+1);
```

```

        cont = alpha + n_square;
    return cont;
}

int temp(int index){
    int answer = numb_square(index, 14-index);
    return answer;
}

int square(int i, int j){
    int index;
    if (matriz[i][j] != 0)
        return matriz[i][j];
    else{
        if(i<j)
            index = i;
        index = j;
    }
    return temp(index);
}

```

```

void print(int A[][14]){
    for(int i=0; i < 14; i++){
        for(int j=0; j < 14; j++){
            cout<<A[i][j]<<" ";
        }
        cout<<endl;
    }
}

int main(){
    int i, j;
    cout<< "i:";
    cin>> i;
    cout<< "j:";
    cin>> j;
    square_index(matriz);
    cout<< square(i, j)<<" cuadrados"<<endl;
    return 0;
}

```

```

i:11
j:11
14 cuadrados

```