

1.- Determinar la intersección

a= 2.5
b= 1.5
Xd= 8
Yd= 8
 $\theta^\circ = 10$

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_d \\ Y_d \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix}^{-1} \left[\begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} X_d \\ Y_d \end{bmatrix} \right]$$

Talud globales
X1= 1
Y1= 12
X2= 14
Y2= 1

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.985 & -0.17 \\ 0.174 & 0.985 \end{bmatrix}$$

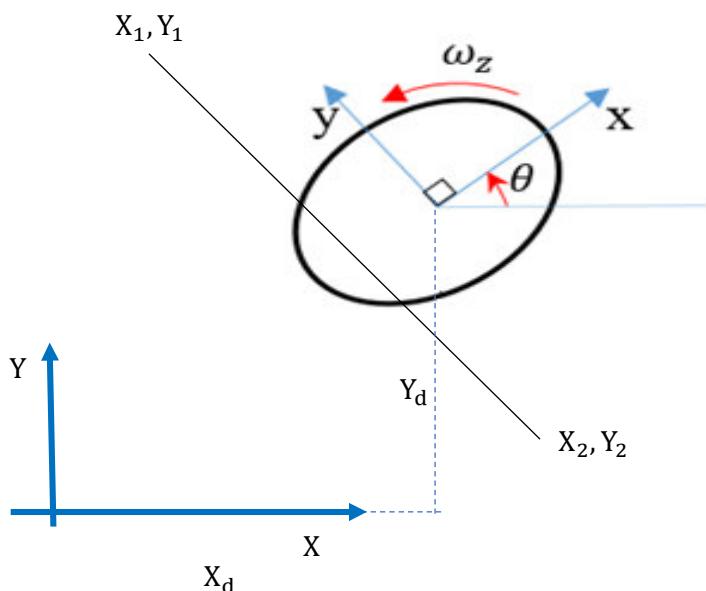
$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} 0.985 & 0.174 \\ -0.17 & 0.985 \end{bmatrix}$$

Traslacion a locales

x1= -7
y1= 4
x2= 6
y2= -7

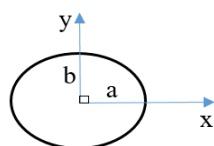
Rotación a locales

x1= -6.2 Talud en
y1= 5.155 coordenadas
x2= 4.693 locales de la
y2= -7.94 elipse girada

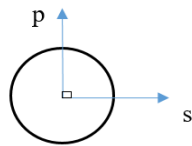


Homogenizar la ecuacion local de la elipse asi:

Sistema local



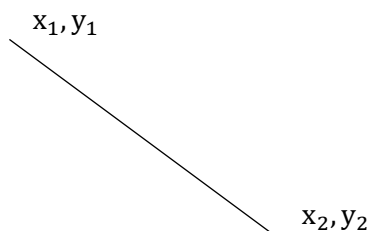
Sistema local homogéneo



$$s = \frac{x}{a} \quad p = \frac{y}{b}$$

$$s^2 + p^2 = 1$$

Homogenizar la ecuacion local de la talud asi:



$$p = m_l s + b_l$$

$$m_l = \left(\frac{a}{b} \right) \left(\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \right) = -2$$

$$b_l = \frac{y_1}{b} - m_l \left(\frac{x_1}{a} \right) = -1.53$$

Finalmente resolver la ecuación

$$(m_l^2 + 1)s^2 + 2m_l b_l s + (b_l^2 - 1) = 0$$

$$5.012 s^2 + 6.13 s + 1.341 = 0$$

$$s_1 = -0.28543775$$

$$p_1 = -0.95839725$$

$$s_2 = -0.93756721$$

$$p_2 = 0.347804137$$

Intersección en
coordenadas locales
y homogéneas.

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_1 = -0.71359436$$

$$y_1 = -1.43759588$$

$$x_2 = -2.34391804$$

$$y_2 = 0.521706205$$

Intersección en
coordenadas locales
de la elipse.

$$s = \frac{x}{a}$$

$$p = \frac{y}{b}$$

$$X_{i1} = -0.45311736$$

$$Y_{i1} = -1.53966993$$

$$X_{i2} = -2.39890199$$

$$Y_{i2} = 0.10676322$$

Primero girar.

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

$$X_{i1} = 7.546882642$$

$$Y_{i1} = 6.460330072$$

$$X_{i2} = 5.601098013$$

$$Y_{i2} = 8.10676322$$

Finalmente
Intersección en
coordenadas
globales

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_d \\ Y_d \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

