

# Organización y Arquitectura de Computadoras

## Practica 3

---

Arrieta Mancera Luis Sebastian

### 1. Preguntas

- 1.- ¿Cuál es el procedimiento a seguir para desarrollar un circuito que resuelva un problema que involucre lógica combinacional?
  - 1.- Analizar el problema para determinar las variables booleanas de entrada.
  - 2.- Realizar una tabla de verdad con las variables para asignar un estado a las funciones de conmutación que sean verdaderas.
  - 3.- Obtener la regla de correspondencia, ya sea reduciendo *mintérminos* o *maxtérminos* directamente usando álgebra booleana o con ayuda de mapas de *Karnaugh*.

Para resolver la actividad 9.1 me ayudé de los conocimientos de lógica. Se sabe que  $P \Rightarrow Q$  es lógicamente equivalente a  $\neg P \vee Q$  por lo que el circuito se construye usando una compuerta **NOT** y una compuerta **OR** ya que como tal no existe una compuerta de implicación  $\Rightarrow$ .

Para la actividad 9.2 se siguió el procedimiento descrito anteriormente con las lógicas  $A > B$  y  $A < B$ . Para la lógica  $A = B$  se tenía comparar que los números sean iguales bit a bit. Por lo que solo era necesario el uso de la compuerta **XNOR** y la compuerta **AND**.

## = Comparador $A > B$ =

Tenemos dos números de 2 bits  $A$  y  $B$ .

$A_0 A_1$	$\times$	$B_0 B_1$	$Y_0$	$Y_1$
0 0	0	0 0	0	0
0 0	1	0 0	0	1
0 1	0	0 0	0	1
0 1	1	0 0	0	1
0 0	0	0 1	1	0
0 1	1	0 1	1	0
1 0	0	0 1	1	1
1 1	0	0 1	1	1
0 0	0	1 0	2	0
0 1	1	1 0	2	0
1 0	2	1 0	2	0
1 1	3	1 0	2	1
0 0	0	1 1	3	0
0 1	1	1 1	3	0
1 0	2	1 1	3	0
1 1	3	1 1	3	0

- =  $A_0 A_1 \overline{B_0} B_1$
- =  $A_0 A_1 \overline{B_0} B_1$
- =  $A_0 A_1 \overline{B_0} B_1$
- =  $A_0 A_1 \overline{B_0} B_1$
- =  $A_0 A_1 \overline{B_0} B_1$
- =  $A_0 A_1 \overline{B_0} B_1$

### Mapa de Karnaugh

$A_0 A_1 \backslash B_0 B_1$	00	01	11	10
00				
01	1			
11	1	1		1
10	1	1		

$S =$    
 ■ +   
 ■ +   
 ■ +   
 ■ +   
 ■ +

Agrupamos por colores ■ ■ ■

Para ■ los dígitos que no cambian son

$$A_0 \overline{B_0}$$

Para ■ los dígitos que no cambian son

$$A_1 \overline{B_1}$$

Para ■ los dígitos que no cambian son

$$A_0 A_1 \overline{B_1}$$

De manera que el circuito queda como

$$S = A_0 \overline{B_0} + A_1 \overline{B_0} B_1 + A_0 A_1 \overline{B_1}$$

## Número $A$ y $B$ de 2 bits

$A < B$

## = Circuito $A < B$ =

$A_0 A_1$	$\times$	$B_0 B_1$	$Y_0$	$Y_1$
0 0	0	0 0	0	0
0 1	1	0 0	0	0
1 0	2	0 0	0	0
1 1	3	0 0	0	0
0 0	0	0 1	1	1
0 1	1	0 1	1	1
1 0	2	0 1	1	1
1 1	3	0 1	1	1
0 0	0	1 0	2	1
0 1	1	1 0	2	1
1 0	2	1 0	2	1
1 1	3	1 0	2	1
0 0	0	1 1	3	1
0 1	1	1 1	3	1
1 0	2	1 1	3	1
1 1	3	1 1	3	0

$A_0 A_1 \backslash B_0 B_1$	00	01	11	10
00		1	1	1
01			1	1
11				
10				1

$$S = \overline{A_0} \overline{A_1} \overline{B_0} B_1 + \overline{A_0} A_1 \overline{B_0} B_1 + \overline{A_0} A_1 B_0 \overline{B_1} + \overline{A_0} A_1 B_0 B_1 + \overline{A_0} A_1 B_0 B_1 + \overline{A_0} A_1 B_0 B_1$$

Paso ① Agrupamos por cardinalidades pares

Paso ②

Por cada grupo nos fijamos que posición del dígito no cambia respecto a cada elemento

Para el grupo rosa =  $\overline{A_0} \overline{A_1} B_1 +$

Para el grupo azul =  $\overline{A_0} B_0 +$

Para el grupo amarillo =  $\overline{A_1} B_0 B_1 +$

$$S = \overline{A_0} \overline{A_1} B_1 + \overline{A_0} B_0 + \overline{A_1} B_0 B_1$$

Hacemos este circuito

- 2.- Si una función de conmutación se evalúa a más ceros que unos ¿es conveniente usar min-términos o max-términos? ¿En el caso que se evalúe a más unos que ceros?

Recordemos que

**Mintérmino:** Es una suma de productos donde solo se consideran los casos en los que el resultado fue positivo (1). Se niegan los 0's.

**Maxtérminos:** Es un producto de sumas donde solo se consideran los casos en los que el resultado fue negativo (0). Se niegan los 1's.

Entonces si una función de conmutación se evalúa a más ceros que unos entonces conviene usar **mintérminos** y para el caso en el que se evalúa más unos que ceros entonces conviene usar **maxtérminos**.

- 3.- Analizando el trabajo realizado, ¿Cuáles son los inconvenientes de desarrollar los circuitos de forma manual?

Me parece que los aspectos principales a tomar en cuenta al diseñar circuitos manualmente es lo tardado e inhumano que puede llegar a ser. Puesto que para  $n$  cantidad de variables se tiene  $2^n$  combinaciones posibles. En este caso fue relativamente sencillo hacer un comparador para números de 2 bits.