Metodologias de Otimização e Apoio à Decisão Folha Prática nº3

Programação Inteira Mista

Considere os seguintes problemas de **Programação Linear Inteira Mista** (PLIM). Resolva cada um deles utilizando o algoritmo de Gomory e, sempre que possível, proceda à interpretação gráfica dessa resolução.

1.

Maximizar
$$z = 8x_1 + 5x_2$$

sujeito a
 $x_1 + x_2 \le 6$
 $9x_1 + 5x_2 \le 45$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_2 inteiro

2.

Maximizar
$$z = x_1 + 2x_2$$

sujeito a
 $x_1 + x_2 \le 7$
 $-x_1 + x_2 \le 2$
 $x_1 - x_2 \le 4$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_1 inteiro



3.

Maximizar
$$z = 1x_1 + 5x_2$$

sujeito a
 $-4x_1 + 3x_2 \le 6$
 $2x_1 + 1x_2 \le 18$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_1 inteiro

4.

Maximizar
$$z = x_1 + 9x_2 + x_3$$

sujeito a
 $x_1 + 2x_2 + 3x_3 \le 9$
 $3x_1 + 2x_2 + 2x_3 \le 15$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0, x_3 \ge 0$
 x_1 e x_2 inteiros

5.

Maximizar
$$z = 3x_1 + 6x_2$$

sujeito a
 $6x_1 + 8x_2 \le 72$
 $-4x_1 + 3x_2 \le 12$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_2 inteiro

6.

Maximizar
$$z = x_1 + x_2$$

sujeito a
 $2x_1 - x_2 \le 2$
 $x_1 + 3x_2 \le 3$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_1 inteiro



7.

Minimizar
$$z = x_1 + x_2$$

sujeito a
 $2x_1 + x_2 \ge 3$
 $4x_1 - x_2 \le 7$
 $-x_1 + x_2 \le 2$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_1 inteiro

8.

Maximizar
$$z = 2x_1 + 4x_2 + x_3$$

sujeito a
 $2x_1 + 6x_2 + x_3 \ge 1$
 $x_1 + 2x_3 \le 4$
 $x_1 + 4x_2 \le 6$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0, x_3 \ge 0$
 x_2, x_3 inteiro

9.

Maximizar
$$z = x_1 + x_2$$

sujeito a
 $2x_1 - x_2 \le 2$
 $x_1 + 3x_2 \le 3$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_2 inteiro