Metodologias de Otimização e Apoio à Decisão Folha Prática nº2

Programação Linear Inteira Pura

Considere os seguintes problemas de Programação Linear Inteira Pura (PLIP). Resolva cada um deles utilizando o algoritmo de Gomory e interprete, em termos gráficos, essa resolução.

1.

Maximizar
$$z = 3x_1 + 4x_2$$

sujeito a
 $2x_1 + 3x_2 \le 6$
 $4x_1 + 5x_2 \le 8$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_1, x_2 inteiros

2.

Maximizar
$$z = 6x_1 + 5x_2$$

sujeito a
 $x_1 + 2x_2 \le 10$
 $3x_1 + x_2 \le 12$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_1, x_2 inteiros

3.

Maximizar
$$z = 2x_1 + x_2$$

sujeito a
 $2x_1 + 5x_2 \le 17$
 $3x_1 + 2x_2 \le 10$
 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$
 x_1, x_2 inteiros



4.

Maximizar
$$z = 4500x_1 + 4500x_2$$

sujeito a

 $x_1 \leq 1$

 $x_2 \leq 2$

 $5x_1 + 4x_2 \le 6$

 $4x_1 + 5x_2 \le 6$

 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$

x₁, x₂ inteiros

5.

Maximizar
$$z = x_1 + 3x_2$$

sujeito a

$$-x_1 + 2x_2 \le 2$$

$$5x_1 + 2x_2 \le 10$$

 $x_1 \leq 1$

 $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$

x₁, x₂ inteiros

6.

Maximizar
$$z = 3x_1 + 4x_2$$

sujeito a

$$2x_1 + x_2 \le 6$$

$$2x_1 + 3x_2 \le 9$$

$$x_1\geq 0,\; x_2\geq 0$$

x₁, x₂ inteiros