```
Função de cifragem que recebe a chave pública e uma mensagem e retorna o criptograma resultante.
           CBD
           Função que recebe uma bytestream e um inteiro e retorna um polinómio em Rq.
           Parse
           Função que recebe uma bytestream e retorna um polinómio em Rq.
           BytesToBits
           Função que transforma um bytearray em bitarray.
           compress
           Recebe um elemento x \in Z e retorna um inteiro em \{0, \ldots, 2^d - 1\} com d < log 2(q).
           decompress
           Recebe um elemento \{0, \ldots, 2^d - 1\} com d < log 2(q) e retorna um inteiro em x \in Z.
           rounding
           Função que arredonda x com x \in Q, para o inteiro mais próximo (rounded up).
           Reverse
           Inverte uma lista.
In [300]: import math
           import os
           from hashlib import sha3_512
           from hashlib import shake_128
           from hashlib import shake_256
           class Kyber:
               def __init__(self):
                   self.q = 3329
                   self.n = 256
                   self.k = 2
                   self.du = 10
                   self.dv = 4
                   self.nbin1 = 3
                   self.nbin2 = 2
                   self.R = PolynomialRing(GF(3329), 'x')
                   self.x = self.R.gen()
                   self.fq = (self.x^self.n + 1)
                   self.Rq = QuotientRing(self.R, self.fq)
               def rounding(self, rational):
                    res = math.ceil(rational)
                    if(rational < 0):</pre>
                       res = res * (-1)
                    if(res < rational):</pre>
                       return rational
                    return res
               def Reverse(self,lst):
                        return [ele for ele in reversed(lst)]
               def compress(self, x, d):
                   h = list(x)
                   1 = []
                   for i in h:
                       l.append(self.rounding(((2^d)/self.q) * lift(i)) % 2^d)
                   return 1
               def decompress(self, x, d):
                       1 = []
                           1.append(self.rounding(self.q/(2^d)) * i)
                       return 1
               def BytesToBits(self, bytestream):
                   bytes_as_bits = ''.join(format(ord(bytes([byte])), '08b') for byte in bytestream)
                   return bytes_as_bits
               def Parse(self, bytestream):
                   i = 0
                   j = 0
                   a = []
                   while j < self.n and i < self.n and i + 2 < self.n:</pre>
                       d1 = bytestream[i] + 256 * (bytestream[i+1] % 16)
                       d2 = self.rounding(bytestream[i+1] / 16) + 16 * bytestream[i+2]
                       if d1 < self.q :</pre>
                            a.append(d1)
                            j = j + 1
                       if d2 < self.q and j < self.n and i < self.n:</pre>
                            a.append(d2)
                            j = j + 1
                       i = i + 3
                   return self.Rq(a)
               def CBD(self, bytestream, nbin):
                   bitstream = self.BytesToBits(bytestream)
                   f = []
                   i = 0
                   while i < self.n - 1:</pre>
                       j = 0
                       while j < nbin- 1:</pre>
                            a = int(bitstream[2*i*nbin + j])
                            b = int(bitstream[2*i*nbin + nbin + j])
                            j = j + 1
                       i = i + 1
                       f.append(a-b)
                   return self.Rq(f)
               # Byte array of 321 bytes
               def Decode(self, bytestream):
                   1 = len(bytestream) / 32
                   f = []
                   bitstream = self.BytesToBits(bytestream)
                   while i < self.n - 1:</pre>
                       j = 0
                       while j < 1 - 1:
                            f.append(bitstream[i*l + j] * 2^j)
                           j = j + 1
                       i = i + 1
                   return self.Rq(f)
               def Encode(self,poly):
                   h = list(poly)
                   print(len(h) / 32)
                   1 = len(h) / 32
                   res = []
                   i = 0
                   while i < self.n - 1:</pre>
                       j = 0
                       while j < 1 - 1:
                            res.append(h[i*l + j] / 2^j)
                            j = j + 1
                       i = i + 1
                   return res
               def XOF(self,p,i,j):
                   m = shake_128()
                   dig = p + bytes([i]) + bytes([j])
                   m.update(dig)
                   return m.digest(int(self.n))
               def PRF(self,o,N):
                   m = shake_256()
                   dig = o + bytes([N])
                   m.update(dig)
                   return m.digest(int(self.n))
               def mult_mat_vec(self, matrix, vector):
                   res = [None] * (self.k)
                   for i in range(self.k):
                       res[i] = 0
                       for j in range(self.k):
                            mult = self.Rq(vector[j]) * self.Rq(matrix[i * (self.k) + j])
                            res[i] += self.Rq(mult)
                   return res
               def sum_vec(self, vec1, vec2):
                   res = [None]*self.k
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                            res[i] = self.Rq(vec1[i]) + self.Rq(vec2[i])
                            i = i + 1
                   return res
               def sub_vec(self, vec1, vec2):
                   res = [None]*self.k
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                            res[i] = self.Rq(vec1[i]) - self.Rq(vec2[i])
                            i = i + 1
                   return res
               def mult_vec(self, vec1, vec2):
                   res = [0]*self.k
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       res[i] = res[i] + self.Rq(vec1[i]) * self.Rq(vec2[i])
                       i = i + 1
                   return res
               def keygen(self):
                   d = os.urandom(32)
                   p = sha3_512(d).digest()
                   o = p[-32:]
                   A = [None] * ((self.k)* (self.k))
                   s = [None]*self.k
                   e = [None]*self.k
                   N = 0
                   t = [None]*self.k
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       j = 0
                       while j < self.k:</pre>
                            index = i*(self.k)+j
                            A[index] = self.Parse(self.XOF(p,i,j))
                            j = j + 1
                       i = i + 1
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       s[i] = self.CBD(self.PRF(o,N), self.nbin1)
                       N = N + 1
                       i = i + 1
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       e[i] = self.CBD(self.PRF(o,N),self.nbin1)
                       N = N + 1
                       i = i + 1
                   i = 0
                   t = self.sum_vec(self.mult_mat_vec(A,s),e)
                   pk = t
                   sk = s
                   return (pk, sk)
               def enc(self, pub_key, message):
                   rcoins = os.urandom(32)
                   A = [None] * ((self.k)* (self.k))
                   r = [None]*self.k
                   e1 = [None]*self.k
                   e2 = [None]*self.k
                   c1 = [None]*self.k
                   c2 = [None]*self.k
                   p = sha3_512(rcoins).digest()
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       while j < self.k:</pre>
                           index = i*(self.k)+j
                            A[index] = self.Parse(self.XOF(p,i,j))
                           j = j + 1
                       i = i + 1
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       r[i] = self.CBD(self.PRF(rcoins, N), self.nbin1)
                       i = i + 1
                       N = N + 1
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       e1[i] = self.CBD(self.PRF(rcoins, N), self.nbin2)
                       i = i + 1
                       N = N + 1
                   e2 = self.CBD(self.PRF(rcoins, N), self.nbin2)
                   u = self.sum_vec(self.mult_mat_vec(A,r),e1)
                   v = self.sum_vec(self.sum_vec(self.mult_vec(pub_key,r),e2),self.decompress(message,1
           ))
                   i = 0
                   while i < self.k:</pre>
                       c1[i] = self.compress(u[i], self.du)
                       c2[i] = self.compress(v[i], self.dv)
                       i = i + 1
                   return (c1,c2)
               def dec(self, sec_key, cif):
                   i = 0
                   u = [None]*self.k
                   v = [None]*self.k
                   aux = [None]*self.k
                   (c1,c2) = cif
                   u = self.decompress(c1, self.du)
                   while i < self.k:</pre>
                       u[i] = self.decompress(c1[i], self.du)
                       i = i + 1
                   v = self.decompress(c2, self.dv)
                   while i < self.k:</pre>
                       aux[i] = self.mult_vec(sec_key[i],u[i])
                       i = i + 1
                   # message = self.compress(self.sub_vec(v,aux),1)
                   return []
In [301]: test = Kyber()
           td = test.Parse(os.urandom(256))
           (p,s) = test.keygen()
           cif = test.enc(p,mess)
           test.dec(s,cif)
Out[301]: []
```

**PKE Kyber** 

Função que gera as chaves pública e privada usadas na cifragem e decifragem

Função de decifragem que recebe a chave privada e um criptograma e retorna a mensagem original.

keypair

dec

enc