Programação Funcional

1º Ano

Maria João Frade - Dep. Informática, UM

Exemplo da função factorial



Haskell (uma linguagem declarativa)

```
fact 0 = 1
fact n = n * fact (n-1)
```

As equações que são usadas na definição de fact são equações matemáticas. Elas indicam que o lado esquerdo e o lado direito do = têm o mesmo valor. O valor dos identificadores é imutável.

C (uma linguagem imperativa)

```
int factorial(int n)
{ int i, r;
    i = 1;
    r = 1;
    while (i<=n) {
        r = r*i;
        i = i+1; }
    return r;
}</pre>
```

Isto é muito diferente do uso do = nas linguagens imperativas como o C. Neste caso, o valor dos identificadores é mutável. Por exemplo, a instrução i = i+1 representa uma atribuição (o valor anterior de i é destruído, e o novo valor passa a ser o anterior mais 1). Portanto, o valor de i é alterado.

O que é a programação funcional?

- É um estilo de programação em que o mecanismo básico de computação é a aplicação de funções a argumentos.
- Uma linguagem de programação que suporte e encoraje esta forma de programação diz-se <u>funcional</u>.
- É um estilo de programação declarativo (em que um programa é um conjunto de declarações que descrevem a relação entre input e output), ao invés de um estilo imperativo (em que o programa é uma sequência de instruções que vai alterando o estado, o valor das variáveis).

Programa resumido

Esta UC corresponde a uma introdução ao paradigma funcional de programação, tendo por base a linguagem programação **Haskell** (uma linguagem puramente funcional).

- 1. Aspectos básicos da linguagem Haskell: valores, expressões e tipos. O mecanismo de avaliação. Inferência de tipos. Definições multi-clausais de funções. Polimorfismo.
- 2. Listas. Funções recursivas sobre listas. Modelação de problemas usando listas.
- 3. Algoritmos de ordenação de listas: insertion sort, quick sort e merge sort.
- 4. Ordem superior. Padrões de computação. Programação com funções de ordem superior.
- 5. Tipos algébricos. Definição de novos tipos e sua utilização na modelação de problemas.
- 6. Árvores. Árvores binárias, árvores de procura, árvores irregulares e algoritmos associados.
- 7. Classes. O mecanismo de classes no tratamento do polimorfismo e da sobrecarga de funções.
- 8. IO. O tratamento puramente funcional do input/output. O monade IO.

Resultados de aprendizagem

- Resolver problemas de programação decompondo-os em problemas mais pequenos.
- Desenvolver e implementar algoritmos recursivos sobre listas e sobre árvores.
- Desenvolver programas tirando partido da utilização das funções de ordem superior.
- Definir tipos algébricos enquadrá-los na hierarquia de classes e programar com esses tipos.
- Escrever programas interativos.

Sala de estudo

Sala **DI 1.09**, 4ª feiras, das 14h às 17h

Método de avaliação

Nota Final = (Nota do 1º teste) x (Nota do 2º teste)

- 1º teste: uma questão selecionada aleatoriamente de um conjunto de questões simples, previamente divulgado. (Notas 0 ou 1)
- 2º teste: prova escrita sobre toda a matéria. (Notas de 0 a 20)

Datas previstas para as avaliações

1º teste: 10 de Novembro2º teste: 12 de Janeiro

Exame de recurso: 2 de Fevereiro

Bibliografia

- Fundamentos da Computação. Livro II: Programação Funcional.
 José Manuel Valença e José Bernardo Barros. Universidade Aberta.
- Programming in Haskell. Graham Hutton. Cambridge University Press, 2016.
- Haskell: the craft of functional programming. Simon Thompson. Addison-Wesley.
- www.haskell.org/documentation
- Slides das aulas teóricas e fichas práticas: elearning.uminho.pt

Características das linguagens funcionais

- O mecanismo básico de programação é a definição e aplicação de funções.
- Funções são entidades de 1ª classe, isto é, podem ser usadas como qualquer outro objecto: passadas como parâmetro, devolvidas como resultado, ou mesmo armazenadas em estruturas de dados.
- Grande flexibilidade, capacidade de abstração e modularização do processamento de dados.
- Os programas são concisos, fáceis de manter e rápidos de desenvolver.

Haskell

Haskell is a general purpose, purely functional programming language incorporating many recent innovations in programming language design. Haskell provides higher-order functions, non-strict semantics, static polymorphic typing, user-defined algebraic datatypes, pattern-matching, list comprehensions, a module system, a monadic IO system, and a rich set of primitive datatypes, including lists, arrays, arbitrary and fixed precision integers, and floating-point numbers. Haskell is both the culmination and solidification of many years of research on non-strict functional languages.

(The Haskell 2010 Report)

www.haskell.org





Contém o compilador de Haskell **GHC**, que vamos usar.

Haskell with batteries included

Cronologia

1930's - Lambda calculus: uma teoria matemática the funções. (Alonso Church, Haskell Curry)

1950's - Lisp: a 1^a ling. prog. funcional, sem tipos, impura. (John McCarthy)

1960's - ISWIN: a 1ª ling. prog. funcional pura. (Peter Landin)

1970's - FP: ênfase nas funções de ordem superior e no raciocínio sobre programas. (John Backus)
ML: a 1ª ling, funcional moderna, com polimorfismo e inferência de tipos. (Robin Milner)

1980's - Miranda: ling. funcional com lazy evaluation, polimorfismo e inferência de tipos. (David Turner)

1990's - Haskell: ling. funcional pura, *lazy*, com um sistema de tipos extremamente evoluído, criada por um comité de académicos.

2000's - Publicação do Haskell Report: a 1ª versão estável da linguagem, actualizada em 2010.

2010's - Haskell Platform: distribuição standard do GHC (Glasgow Haskell Compiler), que inclui bibliotecas e ferramentas de desenvolvimento.

Glasgow Haskell Compiler

- Principal compilador de Haskell da actualidade.
- · Usado na indústria.
- Inclui um compilador e um interpretador de Haskell:
 - GHC o compilador que a partir do programa Haskell cria código executável.
 - GHCi o interpretador que actua como uma "máquina de calcular". Tem uma natureza interactiva adequada ao desenvolvimento passo a passo de um programa. É o que usaremos nas aulas.

O ciclo de funcionamento do interpretador é o sequinte:

lê uma expressão, calcula o seu valor e apresenta o resultado

O interpretador GHCi

O interpretador arranca, a partir de um terminal, com o comando ghci

```
$ ghci
GHCi, version ... : http://www.haskell.org/ghc/. :? for help
Prelude>
```

- O prompt > indica que o GHCi está pronto para avaliar.
- Prelude é o nome da biblioteca que é carregada, por omissão, no arranque do GHCi e que disponibiliza uma vasta lista de funções.

```
Prelude> 5+3*2
11
Prelude> sqrt 9
3.0
```

Aplicação de funções

A notação usada em Haskell para a aplicação de funções difere da notação matemática tradicional.

- Na matemática, a aplicação de funções é denotada usando parêntesis e multiplicação denotada por um espaço.
- Em Haskell, a aplicação de funções é denotada por um espaço e multiplicação denotada por *.

```
Notação matemática Notação Haskell f(a,b) + c d f a b + c*d
```

Em Haskell a aplicações de funções tem prioridade máxima sobre todos os outros operadores.

```
f a + b significa (f a) + b
```

A biblioteca Prelude

O Prelude é a biblioteca Haskell que contém as declarações de tipos, funções e classes que constituem o núcleo central da linguagem Haskell. É sempre carregada por omissão.

Por exemplo, tem muitas funções sobre <u>listas</u>:

```
> length [4,2,6,3,1]
5
> head [4,2,6,3,1]
4
> tail [4,2,6,3,1]
[2,6,3,1]
> reverse [4,2,6,3,1]
[1,3,6,2,4]
    last [1..5]
5
> sum [4,2,6,3,1]
16
```

```
> product [1..5]

120
> [1,2,3] ++ [4,5]
[1,2,3,4,5]
> head (tail [1..5])

2
> take 2 [3,4,7,1,8]
[3,4]
> drop 2 [3,4,7,1,8]
[7,1,8]
> length [4,2,1] + head [7,5]

10
```

Notação Haskell

Aplicação de funções

Notação matemática

f(x) f x f(x,y) f x y f(g(x)) f (g x) f(x,g(x)) f x (g x) f(a) + b f a + b

Haskell scripts

- Um programa Haskell é constituído por um, ou mais, ficheiros de texto que contêm as definições das novas funções, tipos e classes usados na resolução de um dado problema.
- A esses ficheiros Haskell costumam-se chamar scripts, pelo que o nome dos ficheiros Haskell termina normalmente com .hs (de Haskell script).
- No desenvolvimento de um programa Haskell é útil manter duas janelas abertas: uma com o
 editor de texto onde se vai desenvolvendo o programa, e outra com o GHCi para ir testando as
 funções que se vão definindo.

Alguns comandos do GHCi

Comando

:?	Mostra todos os comandos disponíveis	
:load nome	Carrega no GHCi o ficheiro nome	
:reload	Carrega de novo o ficheiro corrente	
:type expressão	Indica o tipo de uma expressão	
:quit	Sai do GHCi	

Pode usar apenas a primeira letra do comando. Por exemplo, :1 aula1.hs

Haskell scripts

Mantendo o GHCi aberto podemos acrescentar mais definições ao ficheiro aula1.hs e depois recarrega-lo no GHCi para as testar.

Por exemplo, podemos acrescentar ao ficheiro a definição da função factorial

```
fact 0 = 1
fact n = n * fact (n-1)
```

E depois recarrega-lo no GHCi

```
*Aulal> :reload
[1 of 1] Compiling Aulal (aulal.ha. interpreted)
Ok, one module loaded
*Aulal> fact 5
120
*Aulal>
```

Repare na mudança de nome do prompt para *Aula1> que é o nome do módulo que está no ficheiro aula1.hs. Neste momento tem disponíveis no interpretador todas as funções do Prelude e do módulo Aula1.

Valores, expressões e tipos

- · Os valores são as entidades básicas da linguagem Haskell. São os elementos atómicos.
- Uma expressão ou é um valor ou resulta de aplicar funções a expressões.
- O interpretador actua como uma calculadora: lê uma expressão, calcula o seu valor e apresenta o resultado.

```
> 5.3 + 7.2 * 0.1
6.02
> 2 < length [4,2,5,1]
True
> not True
False
```

e :: T

- Um tipo é um nome que denota uma coleção de valores.
- Se da avaliação de uma expressão e resultar um valor do tipo T, então dizemos que a expressão e tem tipo T, e escrevemos

Por exemplo, > :type not True not True :: Bool

Tipos

- Um tipo é um nome que denota uma coleção de valores. Por exemplo,
 - O tipo **Bool** contém os dois valores lógicos: **True** e **False**
 - O tipo Integer contém todos os números inteiros: ..., -2, -1, 0, 1, 2, 3, ...
- · As funções só podem ser aplicadas a argumentos de tipo adequado. Por exemplo,

```
> 2 + True
error: ...

Porque + deve ser aplicada a
números e True não é um número.
```

 Se não houver concordância entre o tipo das funções e os seus argumentos, o programa é rejeitado pelo compilador.

Tipos básicos

Bool	Booleanos	True, False
Char	Caracteres	'a', 'b', 'A', '3', '\n',
Int	Inteiros de tamanho limitado	5, 7, 154243, -3452,
Integer	Inteiros de tamanho ilimitado	2645611806867243336830340043,
Float	Números de vírgula flutuante	55.3, 23E5, 743.2e12,
Double	Números de vírgula flutuante de dupla precisão 55.3, 23.5E5,	
()	Unit	()

Tipos

- Toda a expressão Haskell bem formada tem um tipo que é automaticamente calculado em tempo de compilação por um mecanismo chamado inferência de tipos.
- Por isso se diz que a linguagem Haskell é "statically typed".
- Todos os erros de tipo são encontrados em tempo de compilação, o que torna os programas mais robustos.
- Os tipos permitem assim programar de forma mais produtiva, com menos erros.
- Num programa Haskell não é obrigatório escrever os tipos, o compilador infere-os, mas é boa prática escreve-los pois é uma forma de documentar o código.

Tipos compostos

• Tuplos - sequências de tamanho fixo de elementos de diferentes tipos

```
(5, True) :: (Int, Bool)
(False, 3.5, 'b') :: (Bool, Float, Char)
```

• Listas - sequências de tamanho variável de elementos de um mesmo tipo

```
[1,2,3,4,5] :: [Int]
[True, True, False] :: [Bool]
```

• Funções - mapeamento de valores de um tipo (o domínio da função) em valores de outro tipo (o contra-domínio da função)

```
fact :: Integer -> Integer
fact 0 = 1
fact n = n * fact (n-1)
```

Tuplos

Um tuplo é uma sequência de <u>tamanho fixo</u> de elementos que podem ser de <u>diferentes tipos</u>.

```
(\mathbf{T}_1, \mathbf{T}_2, ..., \mathbf{T}_n) é o tipo dos tuplos de tamanho n, cujo 1° elemento é de tipo \mathbf{T}_1, o 2° elemento é de tipo \mathbf{T}_2, ..., e na posição n tem um elemento de tipo \mathbf{T}_n.
```

```
Exemplos:
    ('C', 2, 'A') :: (Char, Int, Char)
    (True, 1, False, 0) :: (Bool, Int, Bool, Int)
    (3.5, ('a',True), 20) :: (Float, (Char,Bool), Int)
```

de lipo In.

Listas

As listas são sequências de tamanho variável de elementos do mesmo tipo.

[T] é o tipo das listas de elementos do tipo **T**.

```
Exemplos:
```

```
[10,20,30] :: [Int]
[10, 20, 6, 19, 27, 30] :: [Int]
[True,True,False,True] :: [Bool]
[('a',True), ('b',False)] :: [(Char,Bool)]
[[3,2,1], [4,7,9,2], [5]] :: [[Int]]
```

Funções

Uma função é um mapeamento de valores de um tipo (o <u>domínio</u> da função) em valores de outro tipo (o <u>contra-domínio</u> da função)

```
\mathbf{T_1} -> \mathbf{T_2} é o tipo das funções que recebem valores do tipo \mathbf{T_1} e devolvem valores do tipo \mathbf{T_2}.
```

Exemplos:

```
even :: Int -> Bool
odd :: Int -> Bool
not :: Bool -> Bool
```

Funções com vários argumentos

Uma função com vários argumentos pode ser codificada de duas formas.

Usando tuplos:

```
soma recebe um par de inteiros (x,y) e devolve o resultado inteiro x+y.
```

```
soma :: (Int,Int) \rightarrow Int soma (x,y) = x + y
```

• Retornando funções como resultado:

```
add :: Int -> (Int -> Int)
add x y = x + y
```

 $\begin{array}{l} \text{add recebe um inteiro } x \text{ e devolve uma função (add } x). \\ \text{Depois esta função recebe o inteiro } y \text{ e devolve o resultado } x+y. \\ \end{array}$

Curried functions

```
soma :: (Int,Int) -> Int
add :: Int -> (Int -> Int)
```

soma e add produzem o mesmo resultado final, mas soma recebe os dois argumentos ao mesmo tempo, enquanto add recebe um argumento de cada vez.

- As funções que recebem os seus argumentos um de cada vez dizem-se "curried" em honra do matemático Haskell Curry que as estudou.
- Funções que recebem mais do que dois argumentos podem ser curried retornando funções aninhadas.

```
mult :: Int -> (Int -> (Int -> Int))
mult x y z = x * y * z
```

mult recebe um inteiro x e devolve uma função (mult x), que por sua vez recebe o inteiro y e devolve a função (mult x y), que finalmente recebe o inteiro z e devolve o resultado x*y*z.

Convenções

Para evitar o uso excessivo de parêntesis quando se usam funções *curried* são adotadas as seguintes convenções:

• A seta -> associa à direita

• A aplicação de funções associa à esquerda

```
mult x y z Significa ((mult x) y) z
```

Porque é que as funções curried são úteis?

 As funções curried são mais flexíveis porque é possível gerar novas funções, aplicando parcialmente uma função curried.

```
add 1 :: Int -> Int
```

• As funções Haskell são normalmente definidas na forma curried.

```
take :: Int -> [Int] -> [Int]
take 5 :: [Int] -> [Int]
```

Funções polimórficas

Há funções às quais é possível associar mais do que um tipo concreto. Por exemplo, a função length (que calcula o comprimento de uma lista) pode ser aplicada a quaisquer listas independentemente do tipo dos seus elementos.

```
> length [3,2,2,1,4]
5
> length [True,False]
2
```

Um função diz-se polimórfica se o seu tipo contém variáveis de tipo (representadas por letras minúsculas).

```
length :: [a] -> Int
```

Para qualquer tipo a, a função length recebe uma lista de valores do tipo a e devolve um inteiro.

Funções polimórficas

As variáveis de tipo podem ser instanciadas por diferentes tipos consoante as circunstâncias.

length :: [a] -> Int > length [3,2,2,1,4] 5 > length [True,False] a = Bool

- As variáveis de tipo começam por letras minúsculas (normalmente usam-se as letras a, b, c, etc).
- O nome dos tipos concretos começa sempre por uma letra maiúscula (ex: Int, Bool, Float, etc)

Funções polimórficas

A maioria das funções da biblioteca Prelude são polimórficas.

```
head :: [a] -> a

tail :: [a] -> [a]

take :: Int -> [a] -> [a]

fst :: (a,b) -> a

snd :: (a,b) -> b

id :: a -> a

reverse :: [a] -> [a]

zip :: [a] -> [b] -> [(a,b)]
```

Sobrecarga (overloading) de funções

Considere os seguintes exemplos:

Note que a -> a -> a é um tipo demasiado permissivo para a função (+), pois não é possível somar elementos de qualquer tipo

'a' + 'b'

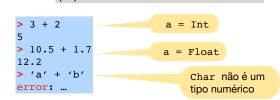
:error ...

O Haskell resolve o problema com restrições de classes

Sobrecarga (overloading) de funções

Uma função polimórfica diz-se sobrecarregada se o seu tipo contém uma ou mais restrições de classes.

(+) :: Num a => a -> a -> a



Mais exemplos:

```
sum :: Num a => [a] -> a
(*) :: Num a => a -> a -> a
product :: Num a => [a] -> a
```

Class constraints

O Haskell tem muitas classes mas, por agora, apenas precisamos de ter a noção de que existem as sequintes

Num - a classe dos tipos numéricos (tipos sobre os quais estejam definidas operações como a soma e a multiplicação).

Eq - a classe dos tipos que têm o teste de igualdade definido.

Ord - a classe dos tipos que têm uma relação de ordem definida sobre os seus elementos.

```
(+) :: Num a => a -> a -> a

(==) :: Eq a => a -> a -> Bool

(<) :: Ord a => a -> a -> Bool
```

Mais tarde estudaremos em mais detalhe o mecanismo de classes do Haskell.

!!! Aviso !!!

Na versão actual do GHCi, se perguntarmos o tipo de certas funções sobre listas temos uma surpresa!!

```
> :type sum
sum :: (Foldable t, Num a) => t a -> a
```

Este é um tipo mais geral do que sum :: Num a => [a] -> a mas como as listas pertencem à classe Foldable, quando aplicamos sum a uma lista de números, este é o tipo efectivo da função sum.

Ao longo das aulas iremos sempre apresentar o tipo destas funções usando <u>listas</u> em vez da classe Foldable, para simplificar a apresentação.

Sempre que virem a classe Foldable num tipo das funções do Prelude, podem entender isso como sendo o tipo das listas.

Class constraints

Qual será o tipo das funções elem e max?

```
> elem 3 [1,2,3,4,5]
True
> elem 7 [1,2,3,4,5]
False
> max 35 28
35
> max 5.6 10.7
10.7
```

```
elem :: Eq a \Rightarrow a \rightarrow [a] \rightarrow Bool
```

Porque se usa a função (==) na sua implementação.

```
max :: Ord a => a -> a -> a
```

Porque se usa a função (<) na sua implementação.

Mais alguns operadores do Prelude

```
Lógicos: & (conjunção), | | (disjunção), not (negação)

Numéricos: +, -, *, / (divisão de reais), ^ (exponenciação com inteiros),
div (divisão inteira), mod (resto da divisão inteira), abs (módulo)
** (exponenciações com reais), log, sin, cos, tan, ...

Relacionais: == (igualdade), /= (desigualdade), <, <=, >, >=

Condicional: if ... then ... else ...
```