## Introdução a Física Moderna Conjunto 4

1. Em referencial **S**, o evento 1 toma lugar nos coordenados (ct1 = 0, x1=0) enquanto o evento 2 acontece no (ct2=1m, x2 = 2m).

Determinar a velocidade dum referencial **S**´ para qual os dois eventos ocorrem no simultaneamente.

Qual é a velocidade dum referencial **S**´ para qual a diferença temporal c(t2-t1) seja igual a -1m?

2. Dois comboios: Comboio A com um comprimento próprio de L se desloca para o norte a uma velocidade v. Numa linha paralela, comboio B com um comprimento próprio de 2L se desloca para o sul também com uma velocidade v.

Quanto demora o tempo de "cruzamento", i.e. o tempo desde que as duas frentes coincidem até a altura em que as duas traseiras dos comboios se cruzam:

- (a) no referencial do comboio A?
- (b) no referencial do comboio B?
- (c) Verificar que o intervalo invariante é o mesmo nos dois referenciais.
- 3. Invariância do produto interno: Considere dois "tetra vetores"  $\mathbf{A} = (\mathbf{a}_t, \mathbf{a}_x, \mathbf{a}_y, \mathbf{a}_z)$  e  $\mathbf{B} = (b_t, \mathbf{b}_x, \mathbf{b}_y, \mathbf{b}_z)$  no referencial **S**. Os valores dos elementos deste tetra vetors e variam se tranformam de acordo com as transformações de Lorentz, i.e. num referencial S' que se desloca com uma velocidade constante u ao longo do eixo dos xxs os novo componentes de  $\mathbf{A}'$  serão:

$$\mathbf{a}_{t}' = \gamma \left[ \mathbf{a}_{t} - \beta \mathbf{a}_{x} \right]$$
$$\mathbf{a}_{x}' = \gamma \left[ \mathbf{a}_{x} - \beta \mathbf{a}_{t} \right]$$

$$a_y' = a_y; \quad a_z' = a_z$$

Aqui os fatores  $\beta$  e  $\gamma$  são os de costume,  $\beta = u/c$  e  $\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$ . Os elementos de B se transformam duma maneira análoga. Demonstrar que o valor do produto interno  $\mathbf{A} \bullet \mathbf{B} = a_t b_t - (a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z)$  mantém se igual em S´, i.e.  $\mathbf{A} \bullet \mathbf{B} = \mathbf{A}' \bullet \mathbf{B}'$ .