ESCUELA POLITECNICA NACIONAL

Metodos Numericos - Tarea N8

Luis Angel Morocho S

Tema: Mínimos cuadrados

Conjunto de ejercicios

1. Dados los datos:

$\overline{x_i}$	4.0	4.2	4.5	4.7	5.1	5.5	5.9	6.3	6.8	7.1
$\overline{y_i}$	102.56	130.11	113.18	142.05	167.53	195.14	224.87	256.73	299.50	326.72

- a. Construya el polinomio por mínimo cuadrados de grado 1 y calcule el error.
- b. Construya el polinomio por mínimo cuadrados de grado 2 y calcule el error.
- c. Construya el polinomio por mínimo cuadrados de grado 3 y calcule el error.
- d. Construya el polinomio por mínimo cuadrados de la forma be^{ax} y calcule el error.
- e. Construya el polinomio por mínimo cuadrados de la forma bx^a y calcule el error.

Primero realizamos la funcion para minimos cuadrados y para hallar los coeficientes:

```
import numpy as np

def minimosCuadrados(n, grado, xi, yi):
    A = np.zeros((grado+1,grado+1))
    b = np.zeros((grado+1,1))
    for i in range (0,grado+1):
```

Con las siguientes funciones podremos dibujar los puntos requerridos

```
import matplotlib.pyplot as plt
import sympy as sym
def graficar(xi,yi,c,colorcurva,rango_x,rango_y,x_pol,y_pol,lim_inf):
   x = sym.Symbol('x')
   f_x = sum(round(coef[0], 4) *x**i for i, coef in enumerate(c))
   # Generar valores de x
   x_val = np.linspace(min(xi)-lim_inf, max(xi)+lim_inf, 100)
   f = sym.lambdify(x, f_x, modules=['numpy'])
   # Calcular los valores de y
   y = f(x_val)
   xi = np.array(xi)
   yi = np.array(yi)
   # Calcular los residuos (errores)
   residuos = yi - f(xi)
   imprimirErrores(residuos,xi)
   # Calcular el error cuadrático medio (MSE)
   mse = np.mean(residuos**2)
   print("El error cuadrático medio para este ajuste es de:", round(mse,6))
   imprimirPolinomio(f_x)
   # Graficar
```

```
plt.figure(figsize=(10, 8))
   # Graficar los puntos originales con barras de error
   plt.errorbar(xi, yi, yerr=abs(residuos), fmt=' ', color='red', label='Datos originales co
   # Graficar la ecuación
   plt.plot(x val, y,color = colorcurva, label = 'Polinomio aproximado')
   #Graficar los datos originales
   plt.scatter(xi, yi, color='black', label='Datos originales', s = 20)
   #Graficar los nombres de los ejes
   plt.xlabel('x')
   plt.ylabel('y')
   #Limites para x e y
   ax = plt.gca()
   ax.set_ylim(rango_y)
   ax.set_xlim(rango_x)
   #Agregar cuadrícula
   plt.grid(True)
   #Agregar la leyenda
   plt.legend()
   #Agregar la ecuación de la curva a la gráfica
   plt.text(x_pol, y_pol, f'$P(x) = {sym.latex(f_x)}$', fontsize=12, color=colorcurva, vert
   # Marca los ejes coordenados
   plt.axhline(0, color='black',linewidth=0.5)
   plt.axvline(0, color='black',linewidth=0.5)
   plt.show()
def graficarNoLineales(xi,yi,f_x,colorcurva,rango_x,rango_y,x_pol,y_pol,lim_inf):
   x = sym.Symbol('x')
   # Generar valores de x
   x_{val} = np.linspace(min(xi)-lim_inf, max(xi)+1, 100)
   f = sym.lambdify(x, f_x, modules=['numpy'])
   # Calcular los valores de y
   y = f(x_val)
   xi = np.array(xi)
   yi = np.array(yi)
   # Calcular los residuos (errores)
   residuos = yi - f(xi)
   imprimirErrores(residuos,xi)
   # Calcular el error cuadrático medio (MSE)
   mse = np.mean(residuos**2)
   print("El error cuadrático medio para este ajuste es de:", round(mse,2))
   imprimirPolinomio(f_x)
```

```
# Graficar los puntos originales con barras de error
    plt.errorbar(xi, yi, yerr=abs(residuos), fmt=' ', color='red', label='Datos originales co
    # Graficar la ecuación
    plt.plot(x_val, y,color = colorcurva, label = 'Polinomio aproximado')
    #Graficar los datos originales
    plt.scatter(xi, yi, color='black', label='Datos originales', s = 20)
    #Graficar los nombres de los ejes
    plt.xlabel('x')
   plt.ylabel('y')
    #Limites para x e y
    ax = plt.gca()
    ax.set_ylim(rango_y)
    ax.set_xlim(rango_x)
    #Agregar cuadrícula
    plt.grid(True)
    #Agregar la leyenda
   plt.legend()
    #Agregar la ecuación de la curva a la gráfica
   plt.text(x_pol, y_pol, f'$P(x) = {sym.latex(f_x)}$', fontsize=12, color=colorcurva, vert
    # Marca los ejes coordenados
    plt.axhline(0, color='black',linewidth=0.5)
    plt.axvline(0, color='black',linewidth=0.5)
    plt.show()
from IPython.display import display, Math
def expOriginal(c,exp):
    print("Con los coeficientes asociados al polinomio linealizado hallamos los coeficientes
    #Hallar los coeficientes adecuados
   b_{exp} = np.e**(c[0,0])
    a_{exp} = c[1,0]
   print("a =",a_exp," y b =", b_exp,"\n")
   x = sym.Symbol('x')
    if exp:
        #Generar la ecuación en la forma be^{ax}
        f_x = round(b_{exp}, 4)*sym.exp(round(a_{exp}, 4)*x)
    else:
```

Graficar

plt.figure(figsize=(10, 8))

#Generar la ecuación en la forma bx^{a}
f_x = round(b_exp,4)*x**(round(a_exp,4))

```
return f_x
```

Impresion:

```
def print_matrix(matrix, name):
   print(name + ":")
   for row in matrix:
        print(" [ ", "
                         ".join(f"{elem:12.4f}" for elem in row), "]")
def imprimirErrores(residuos,xi):
    i=1
   print(" ")
    for res in residuos:
        print("El error absoluto de f(x_"+str(i)+") al punto x_"+str(i)+" es de",round(abs(re))
        i += 1
def imprimirPolinomio(f_x):
    latex_expr = sym.latex(f_x)
    print("\n")
   print("El polinomio es:\n")
    display(Math(latex_expr))
```

Ahora, vamos a considerar que el polinomio de grado m
 que se desea ajustar a n puntos tiene la forma: $P(x) = c_0 + c_1 x + c_2 x^2 + \dots + c_m x^m$.

Aplicamos mínimos cuadrados y derivamos P(x) para cada coeficiente c_i con $i \in [0, m]$, obtenemos el sistema de ecuaciones: Ac = b. Y para los coeficientes calculamos $c = A^{-1}b$

```
import numpy as np
import sympy as sym

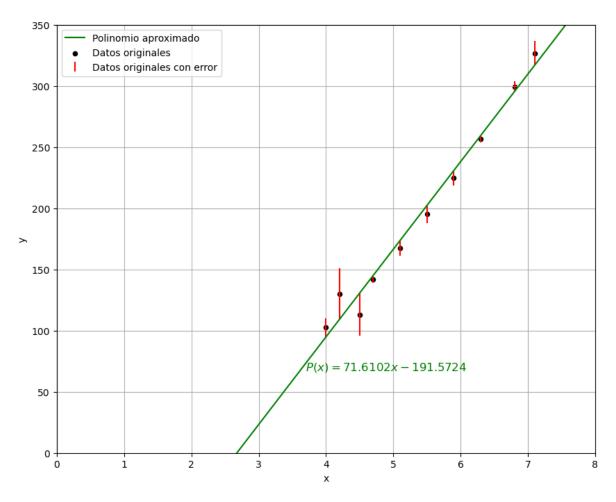
xi_1 = [4.0, 4.2, 4.5, 4.7, 5.1, 5.5, 5.9, 6.3, 6.8, 7.1]
yi_1 = [102.56, 130.11, 113.18, 142.05, 167.53, 195.14, 224.87, 256.73, 299.50, 326.72]
xi_lin_1 = np.log(xi_1)
yi_lin_1 = np.log(yi_1)
```

a)

```
%autoreload 2
a,b = minimosCuadrados(len(xi_1),1,xi_1,yi_1)
c = hallarCoef(a,b)
graficar(xi_1,yi_1,c,'green',[0, 8],[0, 350],3.7,65,10)
```

```
Matriz A:
                   54.1000 ]
 [ 10.0000
 54.1000
                    303.3900 ]
Vector b:
 [ 1958.3900 ]
    11361.7640 ]
Coeficientes del polinomio:
     -191.5724 ]
 Γ
 Γ
        71.6102 ]
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 7.6916
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 20.91956
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 17.4935
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 2.94554
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 6.10962
El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 7.1437
El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 6.05778
El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 2.84186
El error absoluto de f(x_9) al punto x_9 es de 4.12304
El error absoluto de f(x_10) al punto x_10 es de 9.85998
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 105.883889
```

71.6102x - 191.5724

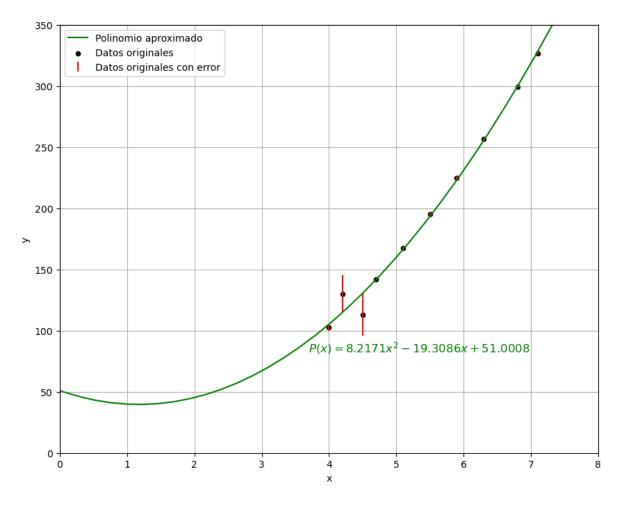


b)

```
%autoreload 2
a,b = minimosCuadrados(len(xi_1),2,xi_1,yi_1)
c = hallarCoef(a,b)
graficar(xi_1,yi_1,c,'green',[0, 8],[0, 350],3.7,80,10)
Matriz A:
 10.0000
                        54.1000
                                      303.3900 ]
 54.1000
                                     1759.8310 ]
                       303.3900
 303.3900
                      1759.8310
                                    10523.1207 ]
Vector b:
 1958.3900 ]
 Г
      11361.7640 ]
```

```
67962.4938 ]
Coeficientes del polinomio:
 51.0008 ]
 -19.3086 ]
 Γ
          8.2171 ]
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 2.68
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 15.255676
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 17.328375
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.283881
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 1.276289
El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 1.769225
El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 1.752689
El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 1.236681
El error absoluto de f(x_9) al punto x_9 es de 0.161024
El error absoluto de f(x_10) al punto x_10 es de 1.413751
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 55.165621
```

$$8.2171x^2 - 19.3086x + 51.0008$$



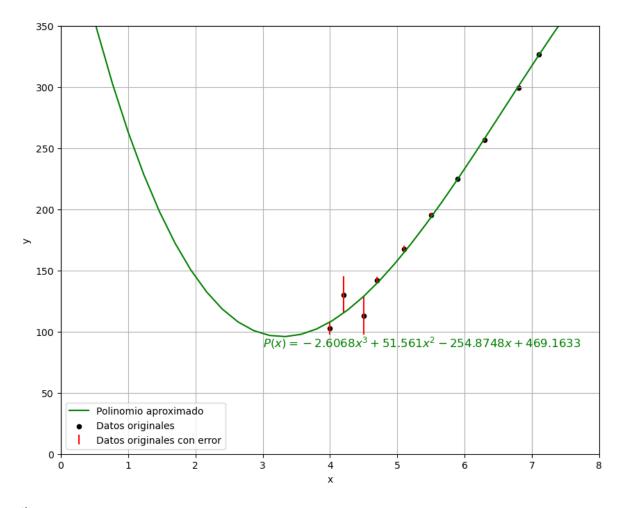
c)

```
%autoreload 2
a,b = minimosCuadrados(len(xi_1),3,xi_1,yi_1)
c = hallarCoef(a,b)
graficar(xi_1,yi_1,c,'green',[0, 8],[0, 350],3,85,10)
```

```
Matriz A:
 10.0000
                        54.1000
                                      303.3900
                                                    1759.8310 ]
 54.1000
                                                   10523.1207 ]
                       303.3900
                                     1759.8310
 Г
        303.3900
                                                   64607.9775 ]
                      1759.8310
                                    10523.1207
 1759.8310
                     10523.1207
                                    64607.9775
                                                  405616.7435 ]
Vector b:
 1958.3900 ]
```

```
11361.7640 ]
     67962.4938 ]
    417441.6618 ]
Coeficientes del polinomio:
 469.1633 ]
 -254.8748 ]
 51.5610 ]
 Γ
         -2.6068 ]
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 5.2449
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 15.017418
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 15.6123
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 2.461566
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 2.921197
El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 1.7742
El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.011587
El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 1.35563
El error absoluto de f(x_9) al punto x_9 es de 1.033962
El error absoluto de f(x_10) al punto x_10 es de 0.980165
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 51.83839
```

$$-2.6068x^3 + 51.561x^2 - 254.8748x + 469.1633$$



d)

```
%autoreload 2

A,b = minimosCuadrados(len(xi_1),1,xi_1,yi_lin_1)
c = hallarCoef(A,b)
f_x = expOriginal(c,True)
graficarNoLineales(xi_1,yi_1,f_x,'green',[0,8],[0,350],3,65,5)
```

```
Matriz A:
    [ 10.0000 54.1000 ]
    [ 54.1000 303.3900 ]

Vector b:
    [ 52.0336 ]
    [ 285.4480 ]
```

```
Coeficientes del polinomio:
```

```
[ 3.2099 ]
[ 0.3685 ]
```

Con los coeficientes asociados al polinomio linealizado hallamos los coeficientes de nuestra expresión:

```
a = 0.368476623831711 y b = 24.776723697835532
```

```
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 5.631596

El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 13.643498

El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 16.900527

El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 2.020419

El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 5.261285

El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 7.10019

El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 6.966197

El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 4.219282

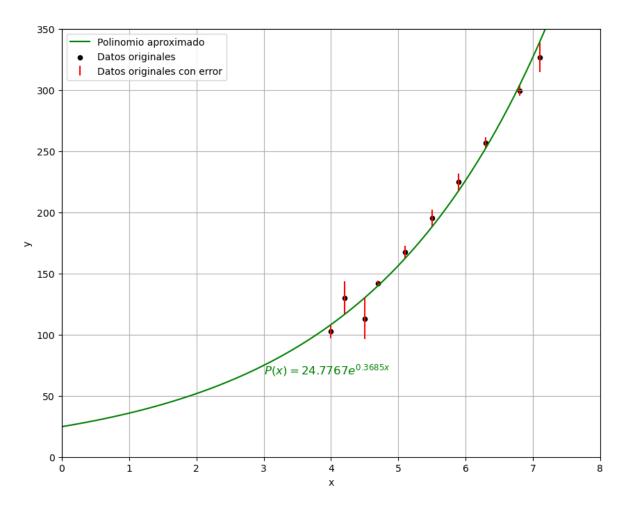
El error absoluto de f(x_9) al punto x_9 es de 4.097769

El error absoluto de f(x_1) al punto x_10 es de 12.365977

El error cuadrático medio para este ajuste es de: 82.17
```

El polinomio es:

 $24.7767e^{0.3685x}$



e)

```
%autoreload 2

A,b = minimosCuadrados(len(xi_1),1,xi_lin_1,yi_lin_1)
c = hallarCoef(A,b)
f_x = expOriginal(c,False)
graficarNoLineales(xi_1,yi_1,f_x,'green',[0,8],[0,350],3.1,50,3)
```

```
Matriz A:
    [ 10.0000 16.6995 ]
    [ 16.6995 28.2537 ]

Vector b:
    [ 52.0336 ]
    [ 87.6238 ]
```

```
Coeficientes del polinomio:
```

```
[ 1.8747 ]
[ 1.9933 ]
```

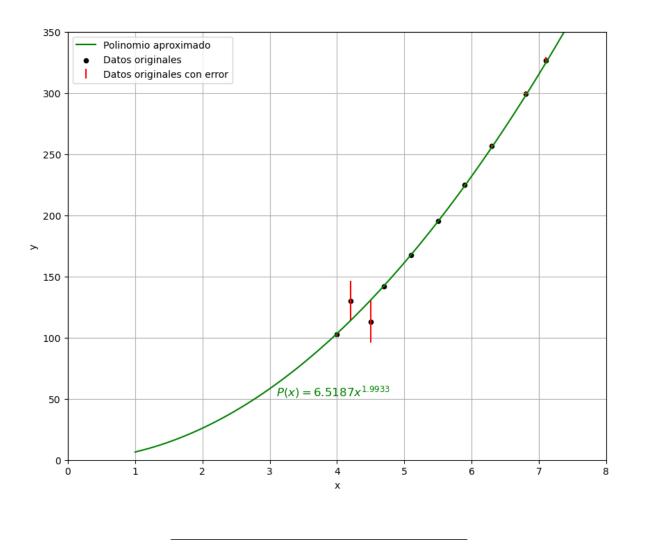
Con los coeficientes asociados al polinomio linealizado hallamos los coeficientes de nuestra expresión:

```
a = 1.9932845789479074 y b = 6.518682345785391
```

```
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.774936 El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 16.220469 El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 17.500112 El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.462728 El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.180644 El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 0.188786 El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.636596 El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 1.173747 El error absoluto de f(x_9) al punto x_9 es de 1.92187 El error absoluto de f(x_{10}) al punto x_{10} es de 2.399604 El error cuadrático medio para este ajuste es de: 58.15
```

El polinomio es:

 $6.5187x^{1.9933}$



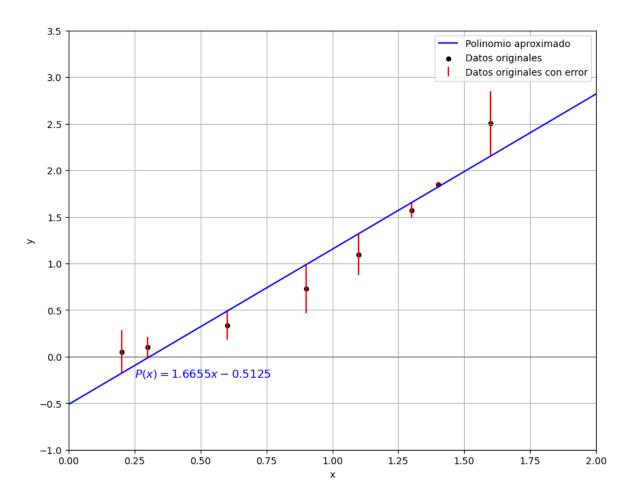
2. Repita el ejercicio 5 para los siguientes datos.

$\overline{x_i}$	0.2	0.3	0.6	0.9	1.1	1.3	1.4	1.6
y_i	0.050446	0.098426	0.33277	0.72660	1.0972	1.5697	1.8487	2.5015

```
xi_2 = [0.2, 0.3, 0.6, 0.9, 1.1, 1.3, 1.4, 1.6]
yi_2 = [0.050446,0.098426,0.33277,0.72660,1.0972,1.5697,1.8487,2.5015]
xi_lin_2 = np.log(xi_2)
yi_lin_2 = np.log(yi_2)
```

a) Construya el polinomio por mínimo cuadrados de grado 1 y calcule el error.

```
%autoreload 2
a,b = minimosCuadrados(len(xi_2),1,xi_2,yi_2)
c = hallarCoef(a,b)
graficar(xi_2,yi_2,c,'blue',[0, 2],[-1, 3.5],0.25,-0.25,10)
Matriz A:
 7.4000 ]
          8.0000
 7.4000
                         8.7200 ]
Vector b:
 Γ
         8.2253 ]
 10.7313 ]
Coeficientes del polinomio:
 -0.5125 ]
 Γ
          1.6655]
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.229846
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 0.111276
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 0.15403
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.25985
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.22235
El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 0.08295
El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.0295
El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 0.3492
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 0.041949
El polinomio es:
1.6655x - 0.5125
```

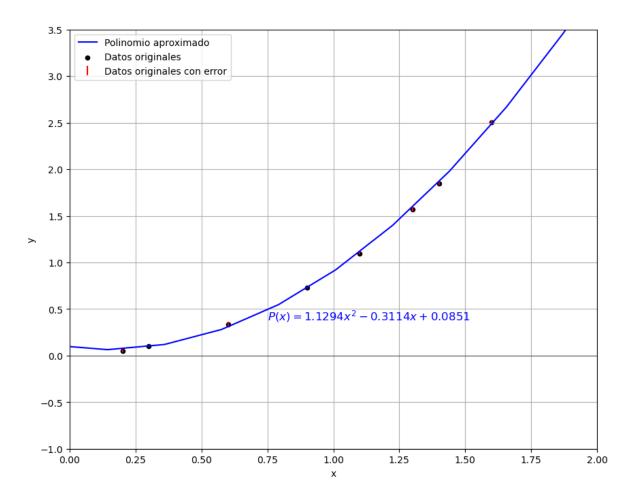


b)Construya el polinomio por mínimo cuadrados de grado 2 y calcule el error.

```
%autoreload 2
a,b = minimosCuadrados(len(xi_2),2,xi_2,yi_2)
c = hallarCoef(a,b)
graficar(xi_2,yi_2,c,'blue',[0, 2],[-1, 3.5],0.75,0.35,10)
Matriz A:
                                        8.7200 ]
 8.0000
                         7.4000
 11.3480 ]
          7.4000
                         8.7200
          8.7200
 11.3480
                                       15.5108 ]
Vector b:
 8.2253 ]
 10.7313 ]
 14.7269 ]
```

```
Coeficientes del polinomio:
 0.0851]
 -0.3114 ]
 1.1294 ]
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.01755
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 0.0051
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 0.027926
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.006946
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.011934
El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 0.019266
El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.014064
El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 0.023376
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 0.000302
El polinomio es:
```

 $1.1294x^2 - 0.3114x + 0.0851$

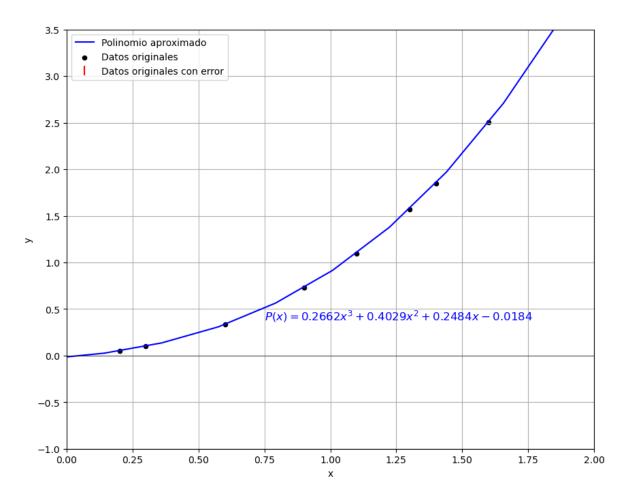


c)Construya el polinomio por mínimo cuadrados de grado 3 y calcule el error.

```
%autoreload 2
a,b = minimosCuadrados(len(xi_2),3,xi_2,yi_2)
c = hallarCoef(a,b)
graficar(xi_2,yi_2,c,'blue',[0, 2],[-1, 3.5],0.75,0.35,10)
Matriz A:
 8.0000
                         7.4000
                                        8.7200
                                                      11.3480 ]
                                                      15.5108]
 7.4000
                         8.7200
                                       11.3480
                                                      21.8584 ]
 8.7200
                        11.3480
                                       15.5108
 11.3480
                        15.5108
                                       21.8584
                                                      31.4840 ]
Vector b:
 8.2253 ]
 10.7313 ]
```

```
14.7269 ]
 20.8326 ]
Coeficientes del polinomio:
 -0.0184 ]
 Г
         0.2484 ]
 Г
          0.4029 ]
 Г
          0.2662 ]
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.00092
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 0.001142
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 0.000413
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.001031
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.000539
El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 0.000562
El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.000797
El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 0.000681
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 1e-06
```

$$0.2662x^3 + 0.4029x^2 + 0.2484x - 0.0184$$



d) Construya el polinomio por mínimo cuadrados de la forma be^{ax} y calcule el error.

```
%autoreload 2
A,b = minimosCuadrados(len(xi_2),1,xi_2,yi_lin_2)
c = hallarCoef(A,b)
f_x = expOriginal(c,True)
graficarNoLineales(xi_2,yi_2,f_x,'blue',[0,2],[0,4],0.5,0.05,1)
```

```
Matriz A:
    [ 8.0000 7.4000 ]
    [ 7.4000 8.7200 ]
Vector b:
    [ -4.6500 ]
    [ 0.7750 ]
Coeficientes del polinomio:
```

```
[ -3.0855 ]
[ 2.7073 ]
```

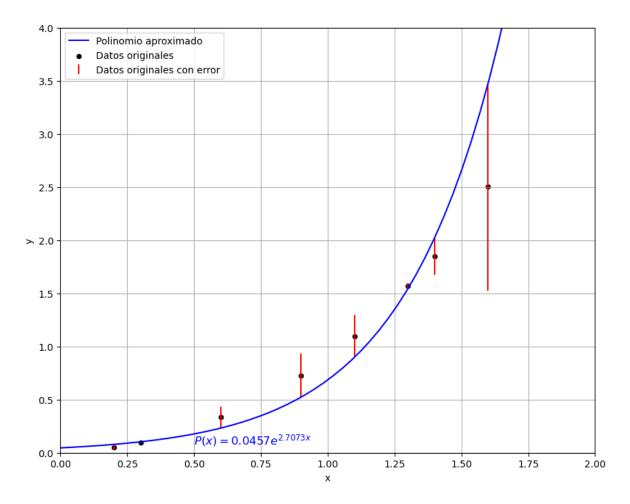
Con los coeficientes asociados al polinomio linealizado hallamos los coeficientes de nuestra expresión:

a = 2.707294686913418 y b = 0.04570748069533027

```
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.02809 El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 0.004529 El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 0.10083 El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.204077 El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.199238 El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 0.026539 El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.174262 El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 0.974989 El error cuadrático medio para este ajuste es de: 0.13
```

El polinomio es:

 $0.0457e^{2.7073x}$



e) Construya el polinomio por mínimo cuadrados de la forma bx^a y calcule el error.

```
%autoreload 2

A,b = minimosCuadrados(len(xi_2),1,xi_lin_2,yi_lin_2)
c = hallarCoef(A,b)
f_x = expOriginal(c,False)
graficarNoLineales(xi_2,yi_2,f_x,'blue',[0,2],[0,3],0.5,0.16,0.15)

Matriz A:
  [ 8.0000 -2.2654 ]
```

4.7239]

Vector b:

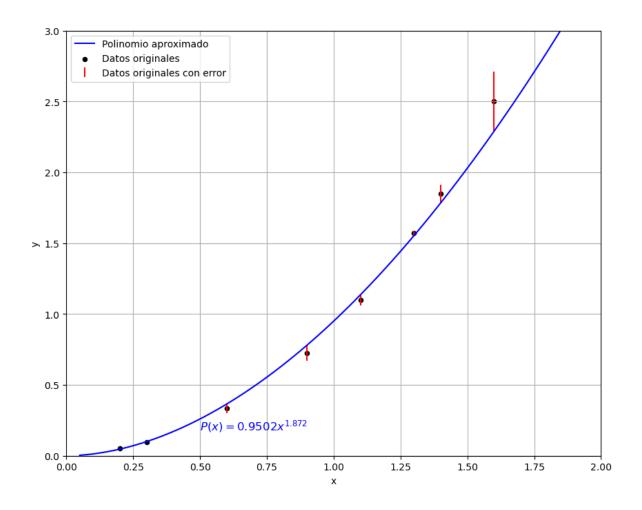
-2.2654

-4.6500]

```
[ 8.9591]
Coeficientes del polinomio:
[ -0.0511]
[ 1.8720]
Con los coeficientes asociados al polinomio linealizado hallamos los coeficientes de nuestra expresión:
a = 1.8720092843265204 y b = 0.9501564755920617
```

```
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.003743 El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 0.001341 El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 0.032416 El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.053512 El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.038601 El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 0.016895 El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.064816 El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 0.211014 El error cuadrático medio para este ajuste es de: 0.01
```

 $0.9502x^{1.872}$



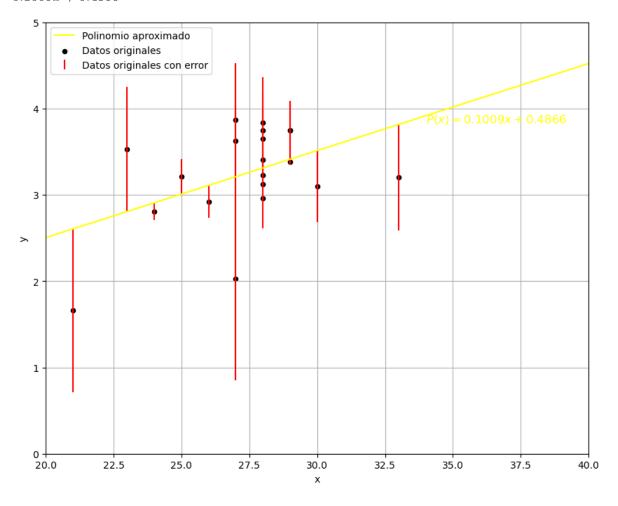
3. La siguiente tabla muestra los promedios de puntos del colegio de 20 especialistas en matemáticas y ciencias computacionales, junto con las calificaciones que recibieron estos estudiantes en la parte de matemáticas de la prueba ACT (Programa de Pruebas de Colegios Americanos) mientras estaban en secundaria. Grafique estos datos y encuentre la ecuación de la recta por mínimos cuadrados para estos datos.

Puntuación ACT	Promedio de puntos	Puntuación ACT	Promedio de puntos
28	3.84	29	3.75
25	3.21	28	3.65
28	3.23	27	3.87
27	3.63	29	3.75
28	3.75	21	1.66

Puntuación ACT	Promedio de puntos	Puntuación ACT	Promedio de puntos
33	3.20	28	3.12
28	3.41	28	2.96
29	3.38	26	2.92
23	3.53	30	3.10
27	2.03	24	2.81

```
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.5282
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 0.2009
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 0.0818
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.4191
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.4382
El error absoluto de f(x_6) al punto x_6 es de 0.6163
El error absoluto de f(x_7) al punto x_7 es de 0.0982
El error absoluto de f(x_8) al punto x_8 es de 0.0327
El error absoluto de f(x_9) al punto x_9 es de 0.7227
El error absoluto de f(x_10) al punto x_10 es de 1.1809
El error absoluto de f(x_11) al punto x_11 es de 0.3373
El error absoluto de f(x_12) al punto x_12 es de 0.3382
El error absoluto de f(x_13) al punto x_13 es de 0.6591
El error absoluto de f(x_14) al punto x_14 es de 0.3373
El error absoluto de f(x_15) al punto x_15 es de 0.9455
El error absoluto de f(x_16) al punto x_16 es de 0.1918
El error absoluto de f(x_17) al punto x_17 es de 0.3518
El error absoluto de f(x_18) al punto x_18 es de 0.19
El error absoluto de f(x_19) al punto x_19 es de 0.4136
El error absoluto de f(x_20) al punto x_20 es de 0.0982
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 0.252437
```

0.1009x + 0.4866



4. El siguiente conjunto de datos, presentado al Subcomité Antimonopolio del Senado, muestra las características comparativas de supervivencia durante un choque de automóviles de diferentes clases. Encuentre la recta por mínimos cuadrados que aproxima estos datos (la tabla muestra el porcentaje de vehículos que participaron en un accidente en los que la lesión más grave fue fatal o seria).

Tipo	Peso promedio	Porcentaje de presentación
1. Regular lujoso doméstico	4800 lb	3.1
2. Regular intermediario doméstico	3700 lb	4.0
3. Regular económico doméstico	3400 lb	5.2

Tipo	Peso promedio	Porcentaje de presentación
4. Compacto doméstico	2800 lb	6.4
5. Compacto extranjero	1900 lb	9.6

```
xi = [4800,3700,3400,2800,1900]
yi = [3.1,4.0,5.2,6.4,9.6]
%autoreload 2
graficar(xi,yi,c,'yellow',[1000, 5000],[0, 10],2250,8,1000)
```

```
El error absoluto de f(x_1) al punto x_1 es de 0.9935
El error absoluto de f(x_2) al punto x_2 es de 0.6365
El error absoluto de f(x_3) al punto x_3 es de 0.1265
El error absoluto de f(x_4) al punto x_4 es de 0.3065
El error absoluto de f(x_5) al punto x_5 es de 0.8235
El error cuadrático medio para este ajuste es de: 0.436054
```

13.1465 - 0.0023x

