

Artigo sobre Linguagens Formais em JFLAP

Nome: Luiz Henrique Botega Beraldi

Professora: Cinthyan Renata Sachs Camerlengo de Barbosa

O intuito do artigo é comparar as resoluções e ajudas do JFLAP com os slides e aulas ministradas pela professora Cinthyan.

DEFINIÇÕES

Alfabeto: O JFLAP reconhece o alfabeto por meio de letras minúsculas e dígitos para Terminais, e letras maiúsculas para Não-Terminais.

Palavra: O JFLAP reconhece uma sequência finita de símbolos do alfabeto justapostos como uma palavra.

Concatenação de frases/cadeias: O JFLAP reconhece as propriedades de concatenação como ministradas nos slides.

Concatenação sucessiva: O JFLAP consegue fazer uma concatenação sucessiva, tendo apenas que o usuário colocar a palavra e quantas n-vezes ela tem que se repetir.

Linguagem formal: O JFLAP entende que uma linguagem formal L é um conjunto de palavras sobre um alfabeto.

Sintaxe: O JFLAP permite inserirmos a sintaxe da linguagem, assim, delimitar o subconjunto V^* com o conjunto de regras.

Leis de formação: O JFLAP permite inserirmos as leis de formação de uma gramática para definir a linguagem, colocando um Não-Terminal à esquerda e o que ele gera à sua direita, conseguimos criar inúmeras leis de formação, que chamamos de produção da gramática.

Derivação: O JFLAP permite derivarmos a nossa gramática da forma que desejarmos, no automático ou escolhendo por onde iremos derivar.

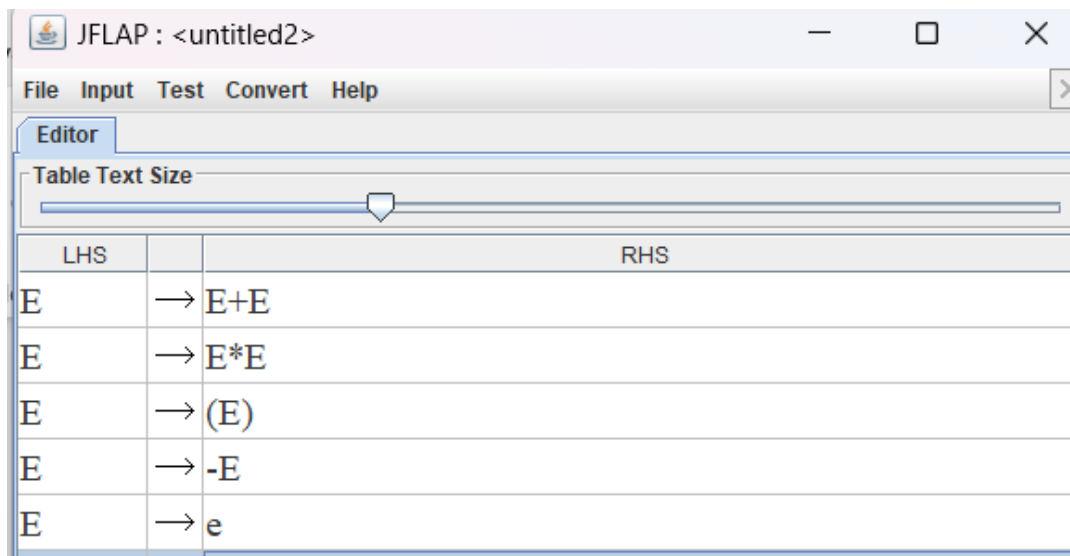
Linguagem gerada por uma gramática: O JFLAP permite que nós insiramos uma palavra e conferimos se ela faz parte ou não daquela

gramática, porém, mesmo que nós colocamos as leis de formação, ele não nos mostra a linguagem gerada e nem todas as palavras que aquela gramática pode gerar.

ENTER GRAMMAR

O JFLAP permite analisar e inserir gramáticas irrestritas e livres de contexto.

Se montarmos uma gramática do slide 3 (exemplo 1.15):



O programa mostra que a variável inicial está na primeira linha do programa, ele reconhece letras maiúsculas como Não-Terminais e letras minúsculas e números como Terminais. E λ é a cadeia vazia.

TYPE GRAMMAR

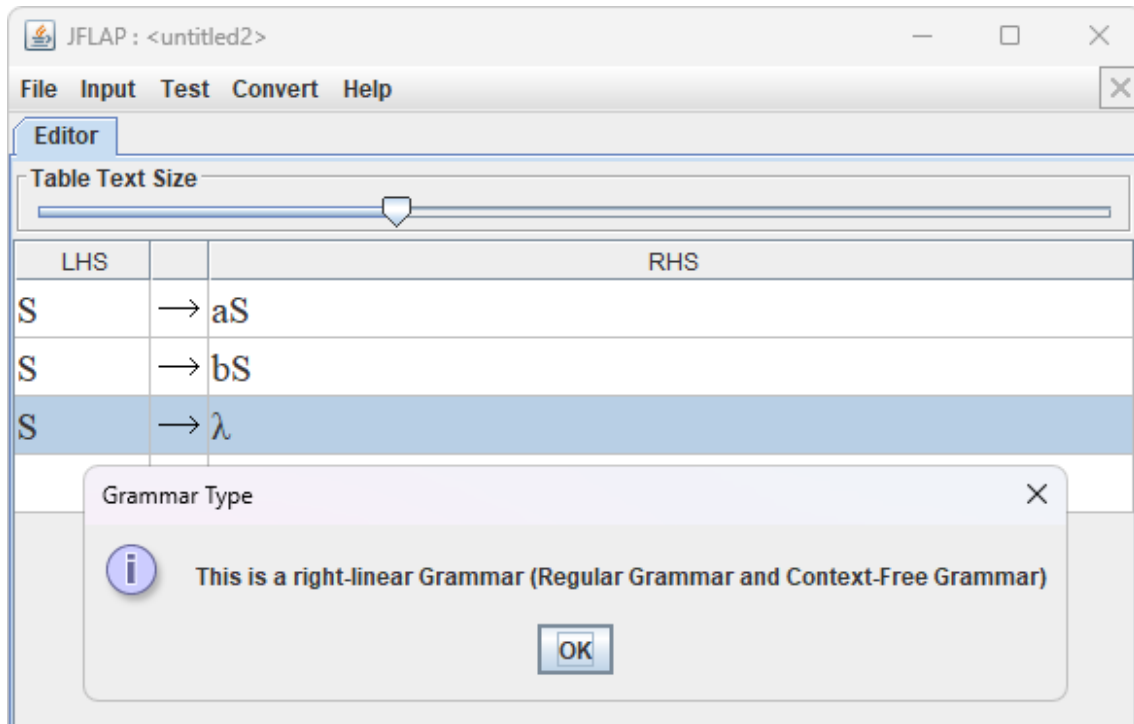
Ele nos permite colocar uma gramática e verificar de qual tipo ela é.

Ao tentar usar a gramática anterior ele não compila, simplesmente não aparecendo nada na tela, o que nos mostra que talvez ele não compreenda símbolos como “+”, “*”, etc. Achei que o problema poderia ser na última linha, já que talvez ele não reconhecesse “num” como um terminal, mas mesmo alterando para “e”, ainda não funcionou. Trata-se de uma gramática ambígua, Livre de Contexto, ou seja, existe uma palavra que possui duas ou mais árvores de derivação.

Se colocarmos a gramática do exemplo do slide 2 (exemplo 1.13), onde:

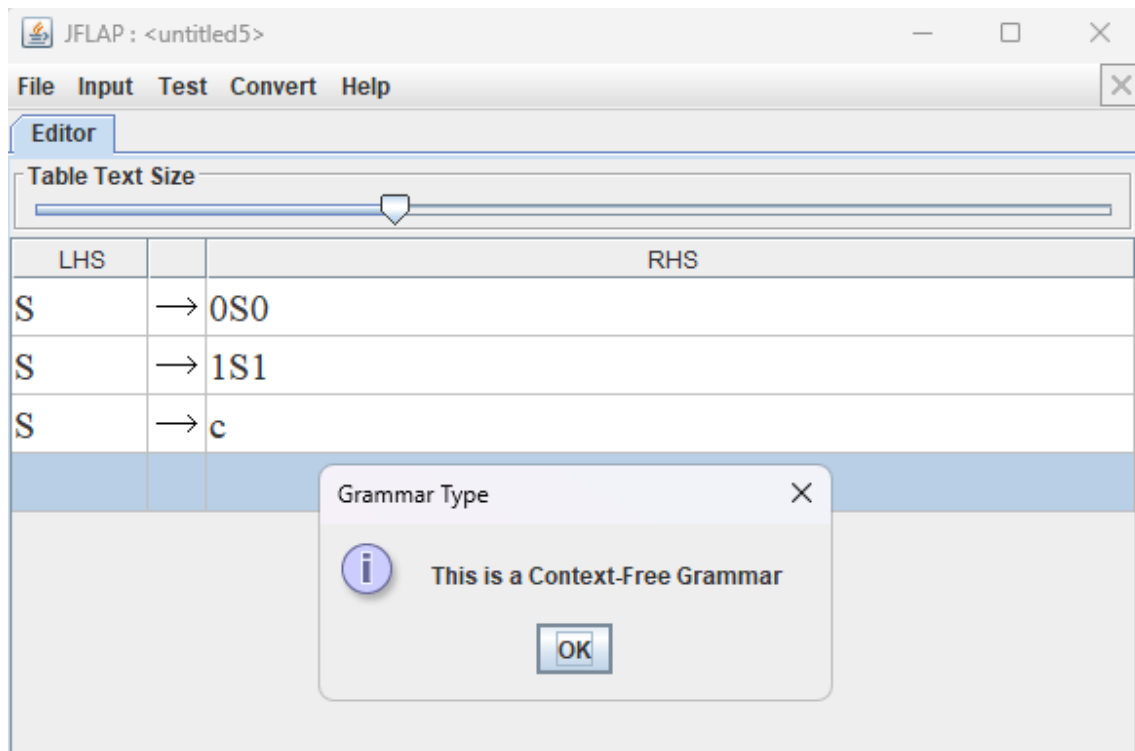
$$S \rightarrow aS \mid bS \mid \lambda$$

Esta gramática representa a linguagem $a^n b^m$, onde $n \geq 0$ e $m \geq 0$.



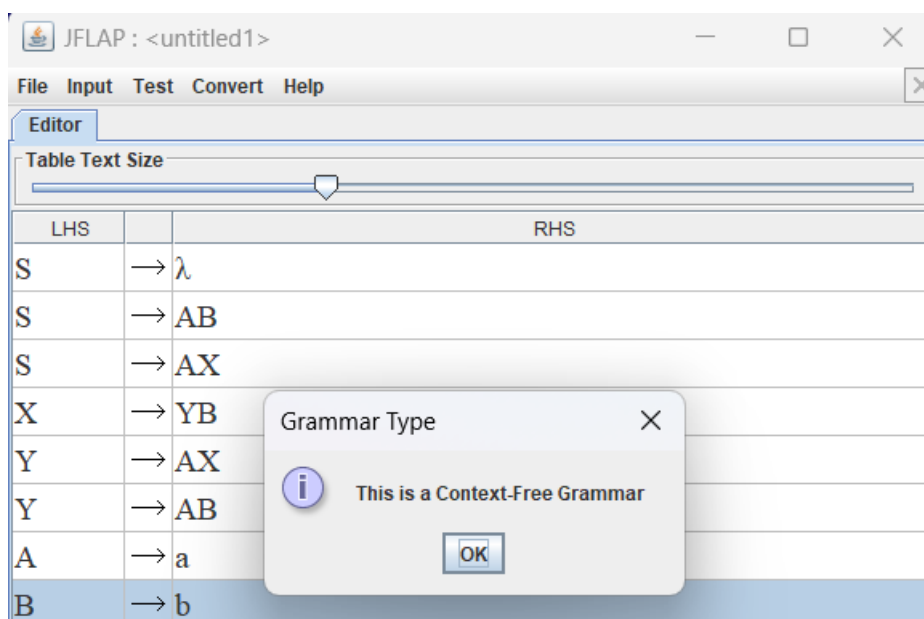
O programa nos mostra que é uma Gramática Regular e Livre de Contexto, além de que ela é uma Gramática linear à direita.

Agora para mostrar que o programa reconhece números como Não-Terminais, irei utilizar o slide 4, onde temos o exercício c), onde a gramática é $L(G3) = \{wcw^t \mid w \text{ está em } \{0,1\}^*\}$.



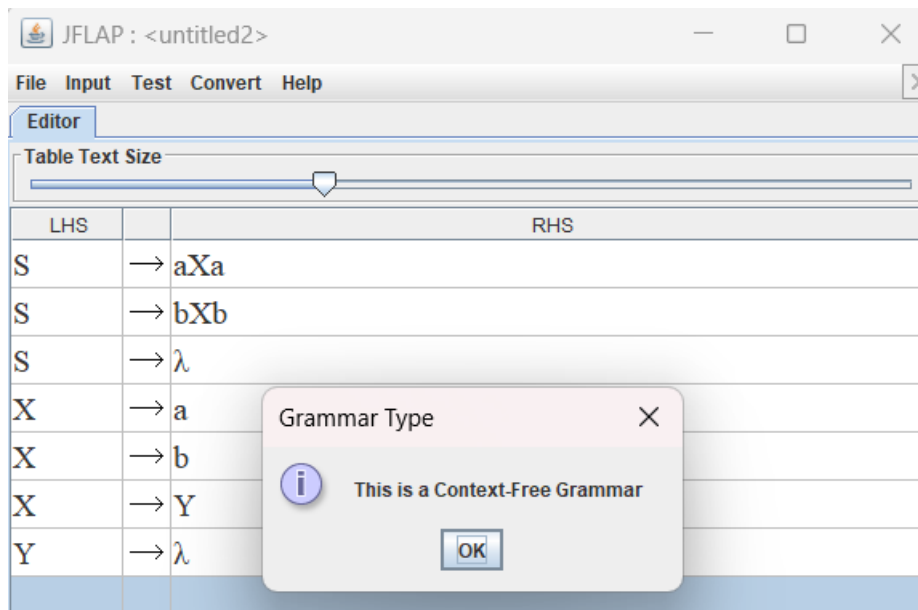
O programa nos indica que a gramática acima é uma Livre de Contexto e nos mostra que ele compreende números como Não-Terminais.

Pegando mais uma gramática como exemplo, agora o exemplo 1.19 do slide 5, onde $S \rightarrow \lambda \mid AB \mid AX$, $X \rightarrow YB$, $Y \rightarrow AX \mid AB$, $A \rightarrow a$, $B \rightarrow b$.



O JFLAP nos mostra que é uma Gramática Livre de Contexto assim como diz o slide.

Outro exemplo que podemos usar é o exemplo 1.21 do slide 5, onde $S \rightarrow aXa \mid bXb \mid \lambda$, $X \rightarrow a \mid b \mid Y$, $Y \rightarrow \lambda$.

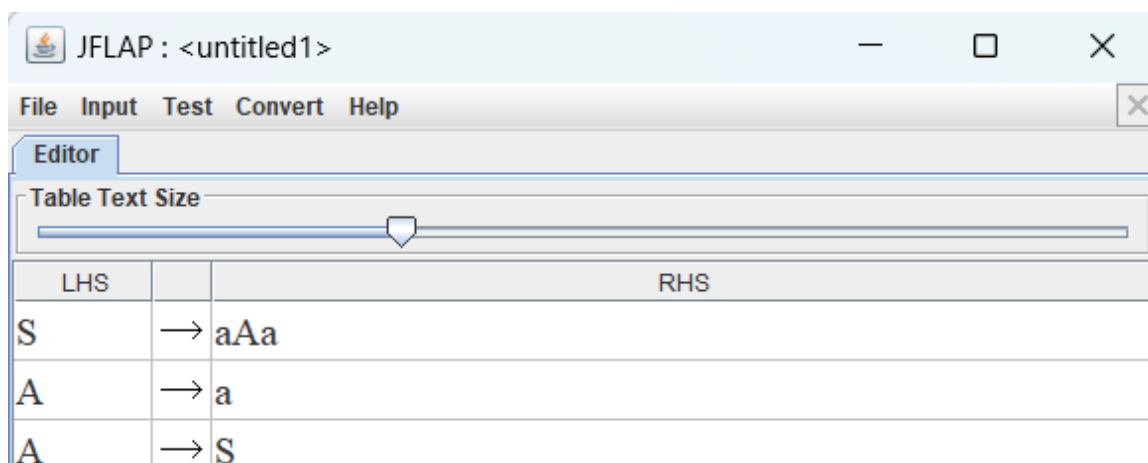


Novamente, o JFLAP nos mostra que a gramática inserida é uma Gramática Livre de Contexto.

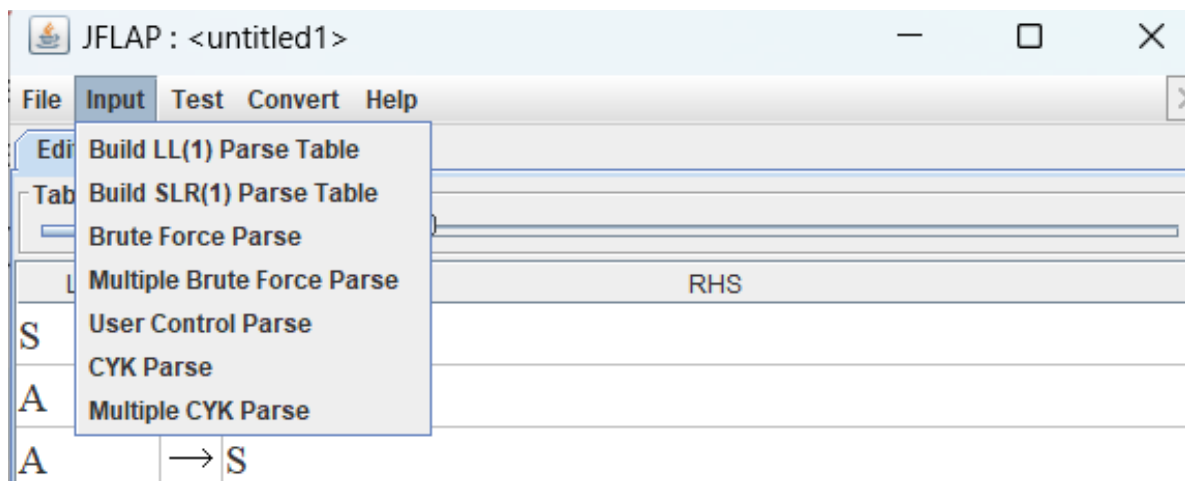
BRUTE FORCE PARSER – REGULAR OR CFG(context-free grammars)

O programa nos permite também colocar uma sequência de caracteres e conferir se faz parte ou não da linguagem da gramática.

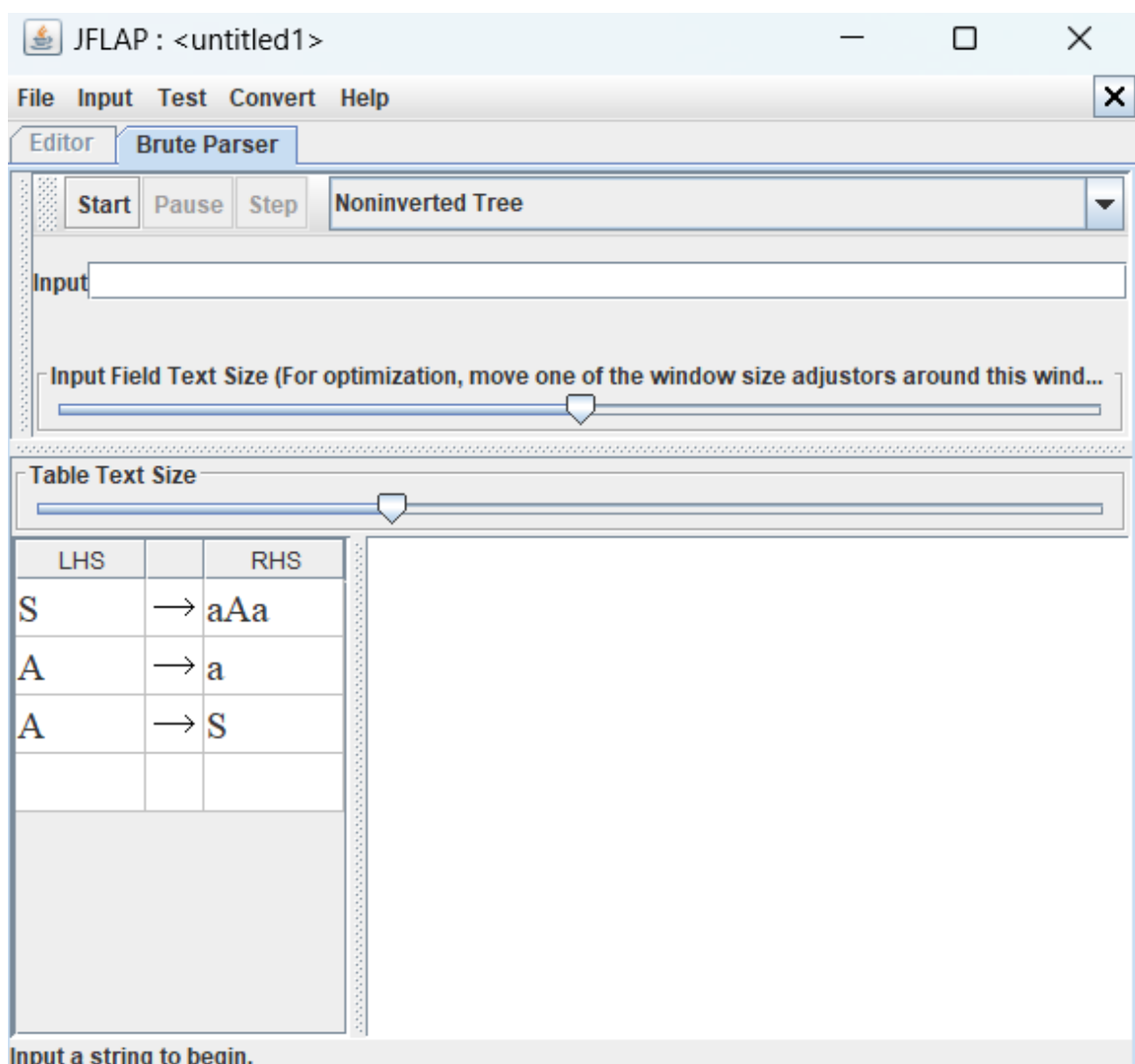
Vou pegar como exemplo a gramática $G = (\{S, A\}, \{a\}, P, S)$, onde $P = \{S \rightarrow aAa, A \rightarrow a \mid S\}$ que é o exemplo 1.20 do slide 5.



Agora clicamos em Input



E selecionamos Brute Force Parse, o programa irá ficar assim



Em Input, podemos digitar os caracteres e dando enter, assim ele nos mostra se o que digitamos está ou não na gramática.

Como exemplo, digitei "aaa" e é isso que ele nos mostra

JFLAP : <untitled1>

File Input Test Convert Help

Editor Brute Parser

Start Pause Step Noninverted Tree

Input: aaa

String accepted! 3 nodes generated.

Input Field Text Size (For optimization, move one of the window size adjusters around this wind...)

Table Text Size

LHS		RHS
S	→	aAa
A	→	a
A	→	S

Derived a from A. Derivations complete.

O programa nos diz que “aaa” está na gramática e ainda nos mostra a árvore de derivação para chegar até “aaa”.

Pegando mais um exemplo, agora o exemplo 1.22 do slide 6, onde $G = (\{S, X\}, \{a, b\}, P, S)$ e $P = \{S \rightarrow aXa \mid bXb \mid X, X \rightarrow a \mid b \mid \lambda \mid aXa \mid bXb\}$.

JFLAP : <untitled3>

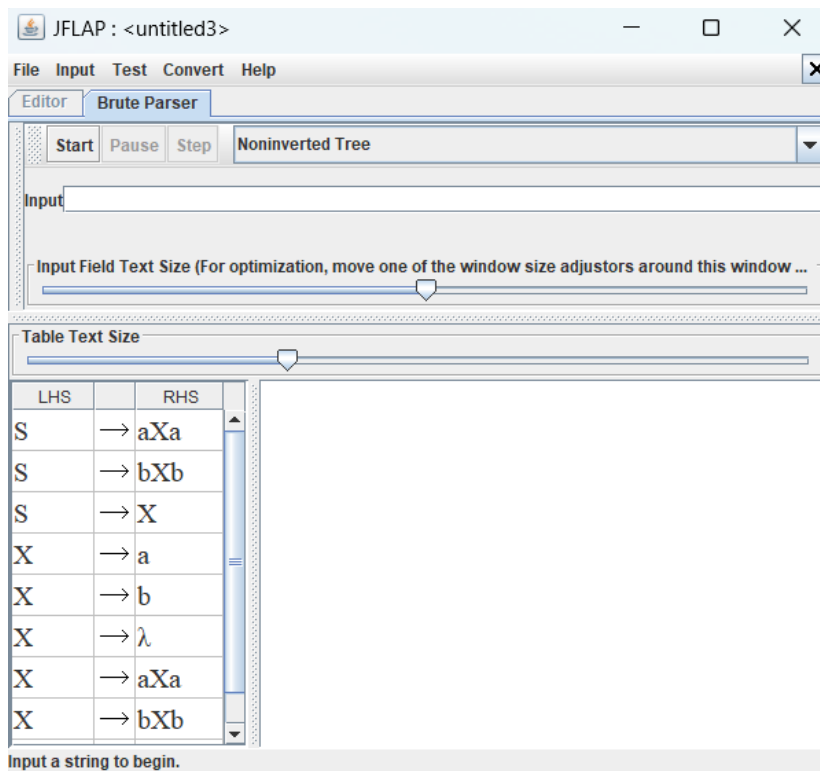
File Input Test Convert Help

Editor

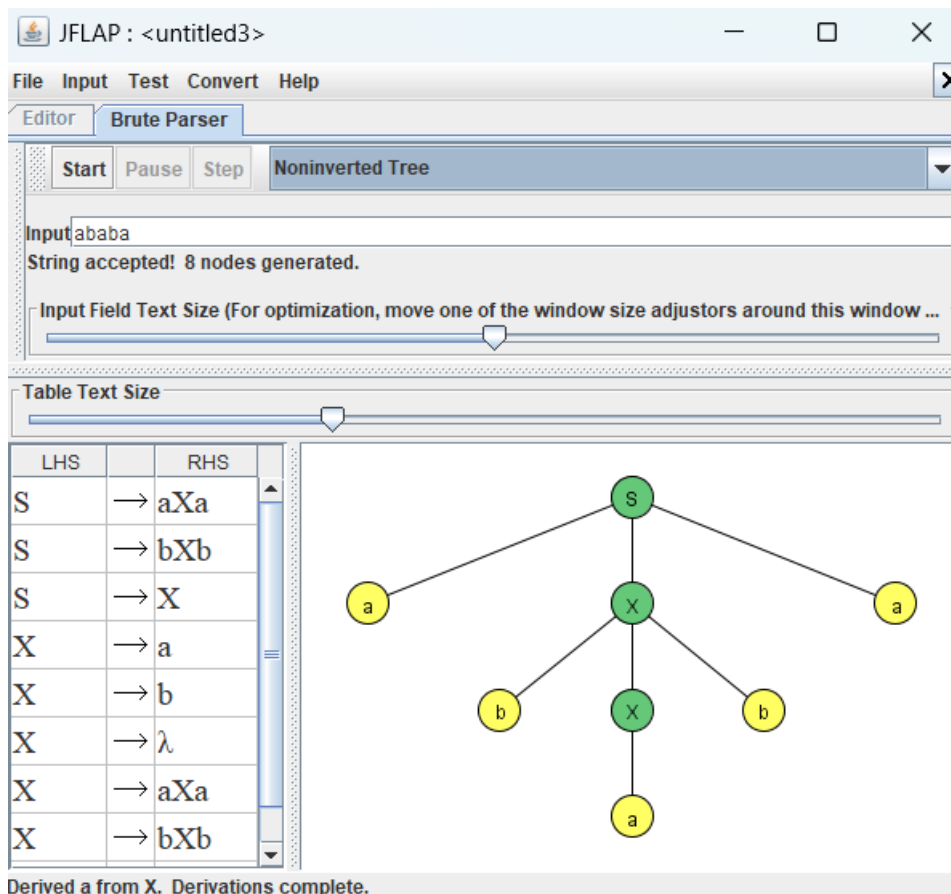
Table Text Size

LHS		RHS
S	→	aXa
S	→	bXb
S	→	X
X	→	a
X	→	b
X	→	λ
X	→	aXa
X	→	bXb

Fazendo os mesmos passos demonstrados antes, clicando em Input e depois em Brute Force Parse, aparece essa tela:



Agora colocando a palavra “ababa” em Input e clicando em step, iremos obter a árvore de derivação e ele nos diz se a palavra está ou não na gramática que inserimos anteriormente.

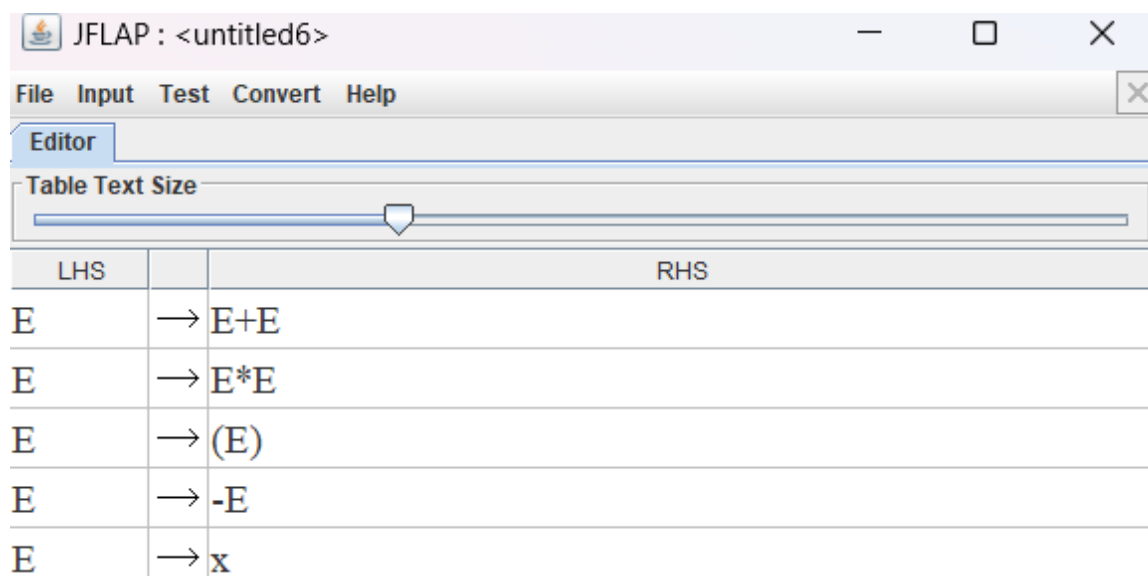


Ele nos mostra a árvore de derivação e diz que a palavra “ababa” está na gramática que havíamos inserido.

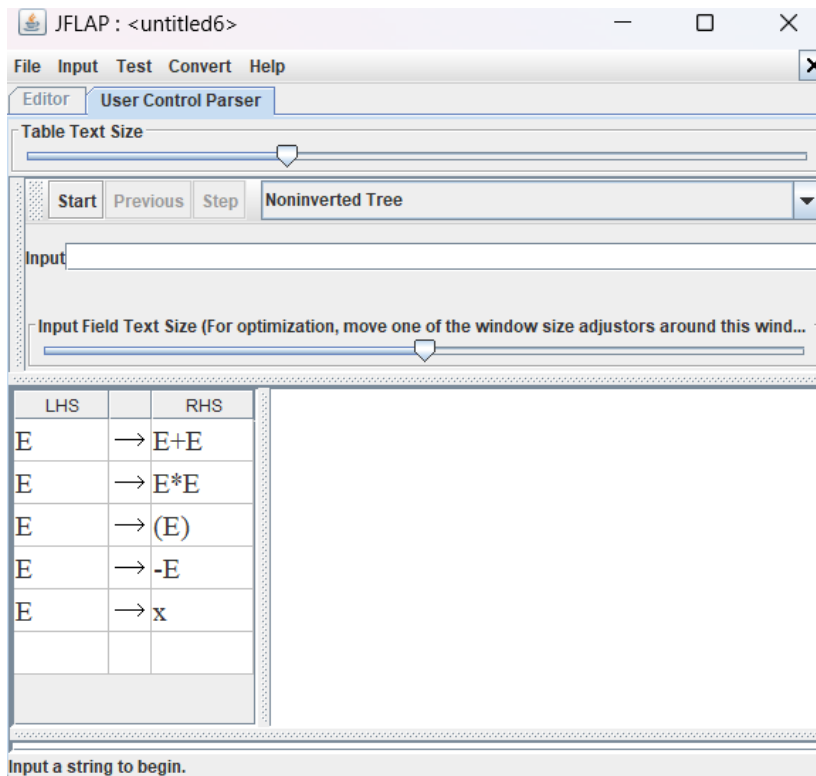
USER CONTROL PARSE

O programa também nos permite escolher o que vamos derivar, nessa opção nos podemos colocar nossa gramática, escrever a sequência de caracteres que nós queremos e verificarmos se derivando, essa sequência de caracteres pertence ou não à gramática, e ainda escolhemos o que vamos derivar.

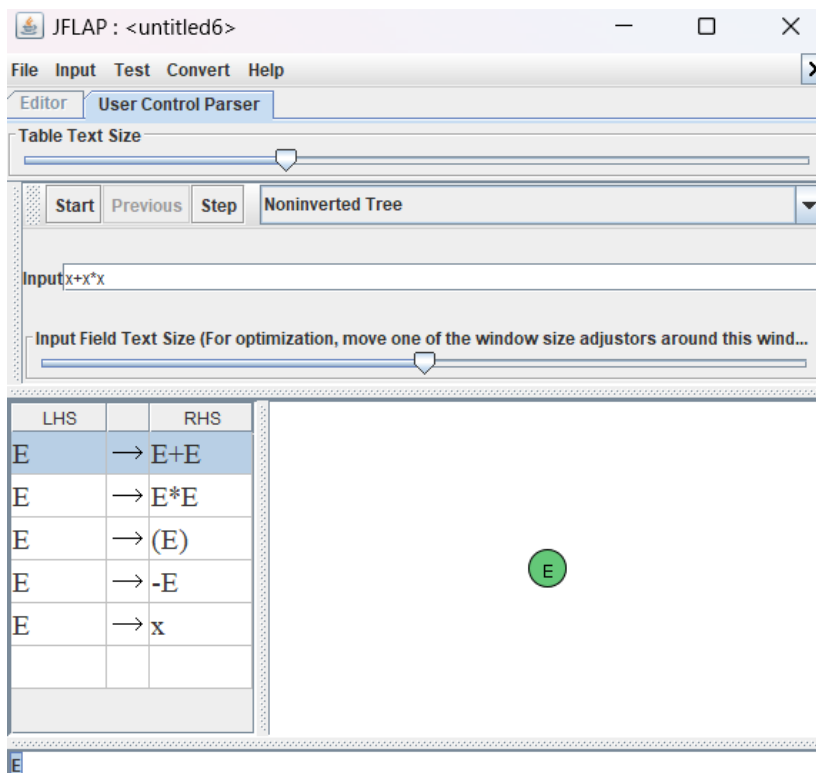
Para esse exemplo escolhi a gramática $E \rightarrow E+E / E^*E / (E) / -E / x$, que é o exemplo 1.15 do slide 3.



Agora clicando em Input e em User Control Parse, irá abrir o seguinte menu



Aqui, em Input colocamos a palavra que queremos verificar se está na nossa gramática e apertamos em Start, irei colocar “ $x+x*x$ ”.



Agora iremos selecionar o Não-Terminal E que ali embaixo e selecionaremos a derivação que iremos fazer nele, irei selecionar $E \rightarrow E+E$.

JFLAP : <untitled6>

File Input Test Convert Help

Editor User Control Parser

Table Text Size

Start Previous Step Noninverted Tree

Input $x+x^*x$

Input Field Text Size (For optimization, move one of the window size adjusters around this wind...)

LHS		RHS
E	\rightarrow	E+E
E	\rightarrow	E*E
E	\rightarrow	(E)
E	\rightarrow	-E
E	\rightarrow	x

E + E

Derived current Strings using E \rightarrow E+E production

Agora podemos selecionar por qual Não-Terminal iremos começar, o mais à direita ou o mais à esquerda, nesse caso não muda nada já que essa gramática em específico é ambígua e podemos seguir vários caminhos para chegar no mesmo lugar. Irei selecionar o E mais à esquerda e derivá-lo em $E \rightarrow x$.

JFLAP : <untitled6>

File Input Test Convert Help

Editor User Control Parser

Table Text Size

Start Previous Step Noninverted Tree

Input $x+x^*x$

Input Field Text Size (For optimization, move one of the window size adjusters around this wind...)

LHS		RHS
E	\rightarrow	E+E
E	\rightarrow	E*E
E	\rightarrow	(E)
E	\rightarrow	-E
E	\rightarrow	x

x + E

Derived current Strings using E \rightarrow x production

Agora o E mais à direita, e irei derivar ele em $E \rightarrow E * E$.

JFLAP : <untitled6>

File Input Test Convert Help

Editor User Control Parser

Table Text Size

Start Previous Step Noninverted Tree

Input $x + x * x$

Input Field Text Size (For optimization, move one of the window size adjusters around this wind...)

LHS		RHS
E	\rightarrow	$E + E$
E	\rightarrow	$E * E$
E	\rightarrow	(E)
E	\rightarrow	$-E$
E	\rightarrow	x

$x + E * E$

Derived current Strings using $E \rightarrow E * E$ production

Irei derivar os dois E Não-Terminais em x e assim iremos obter " $x + x * x$ ".

JFLAP : <untitled6>

File Input Test Convert Help

Editor User Control Parser

Table Text Size

Start Previous Step Noninverted Tree

Input $x + x * x$

String Accepted!

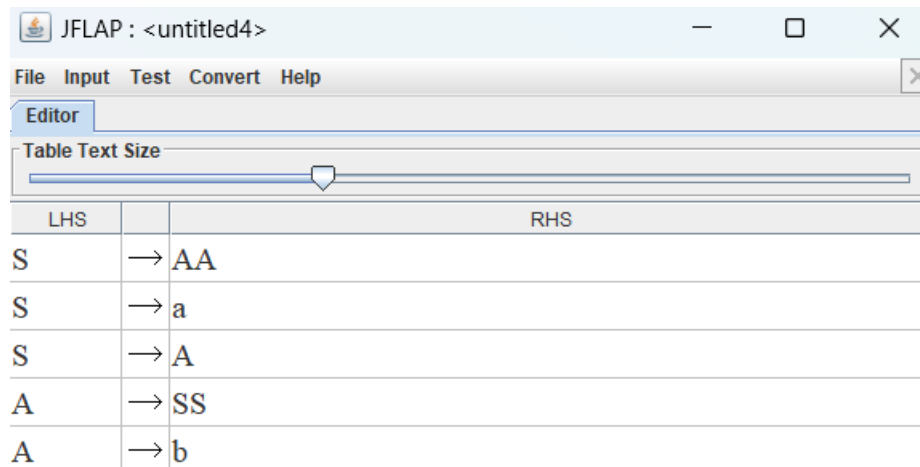
Input Field Text Size (For optimization, move one of the window size adjusters around this wind...)

LHS		RHS
E	\rightarrow	$E + E$
E	\rightarrow	$E * E$
E	\rightarrow	(E)
E	\rightarrow	$-E$
E	\rightarrow	x

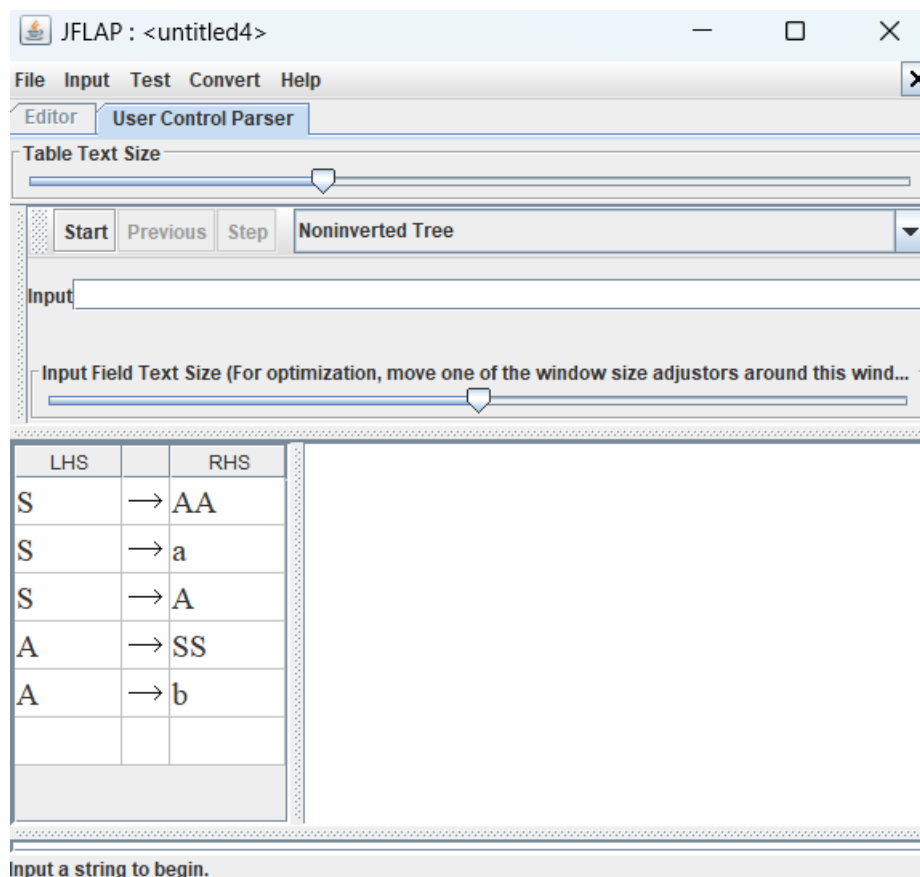
$x + x * x$

Derived current Strings using $E \rightarrow x$ production

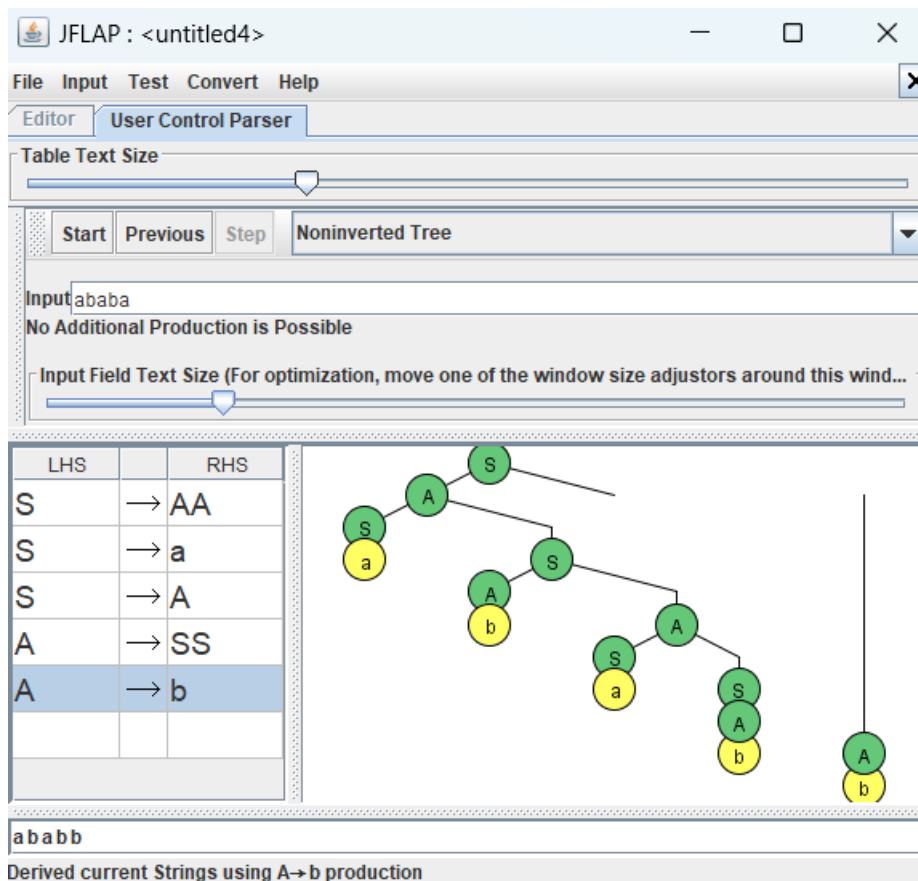
Pegando mais um exemplo, agora o exemplo 1.23 do slide 8, onde $G = (\{S,A\}, \{a,b\}, P, S)$ e $P = \{S \rightarrow AA \mid a, A \rightarrow SS \mid b\}$, colocando a gramática no JFLAP fica:



Agora clicando em Input e em User Control Parse, irá abrir o seguinte menu



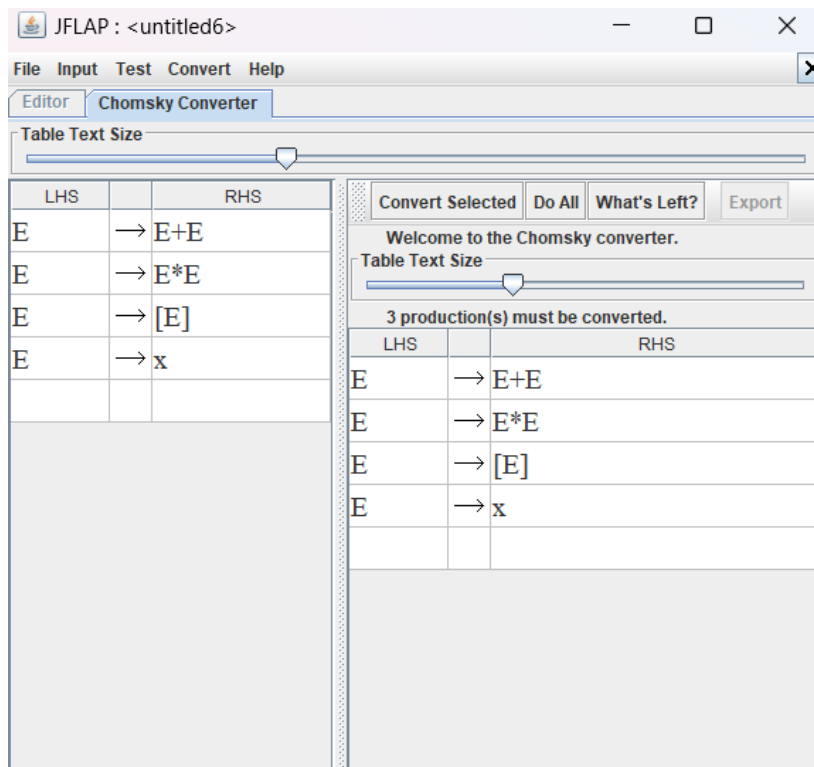
Agora, colocando a palavra “ababb” em Input, podemos verificar que ela está na gramática, e agora podemos escolher como derivá-la, que eu já fiz e irei colocar diretamente o resultado final aqui:



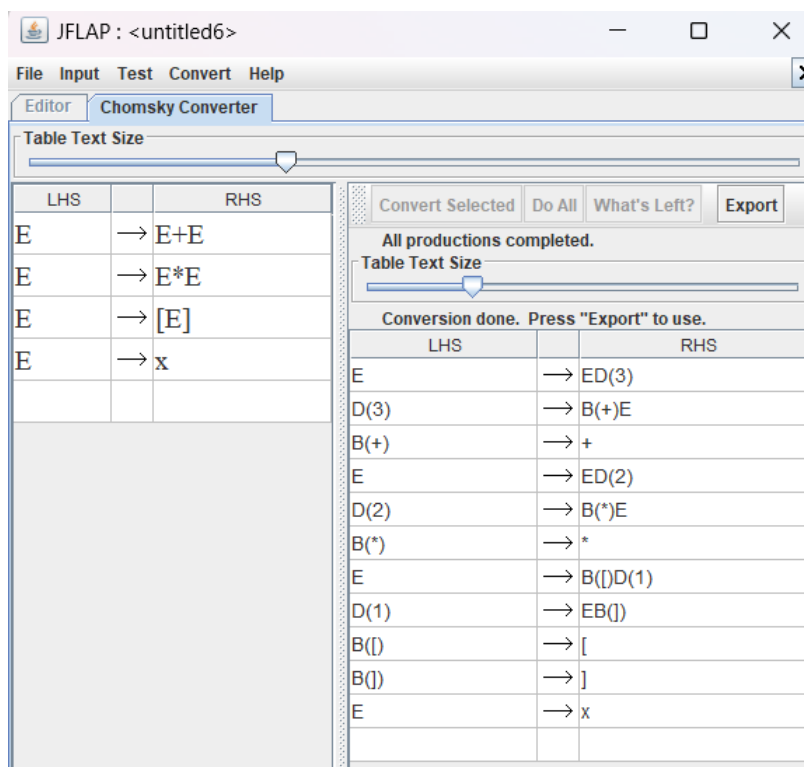
TRANSFORM GRAMMAR

Nessa parte do JFLAP é onde transformamos gramáticas na Forma Nominal de Chomsky (FNC). O JFLAP primeiramente remove as produções de lambda e depois remove as produções inúteis.

Irei utilizar como exemplo o exercício do slide 7, onde $G = (\{E\}, \{+, *, [,], x\}, P, E)$ e $E \rightarrow E + E \mid E * E \mid [E] \mid x$, agora clicamos em Convert e em Transform Grammar.



Podemos selecionar as instruções que iremos fazer isso ou fazer todas de uma vez, irei fazer todas de uma vez clicando em “Do All”, com o JFLAP ficando assim:

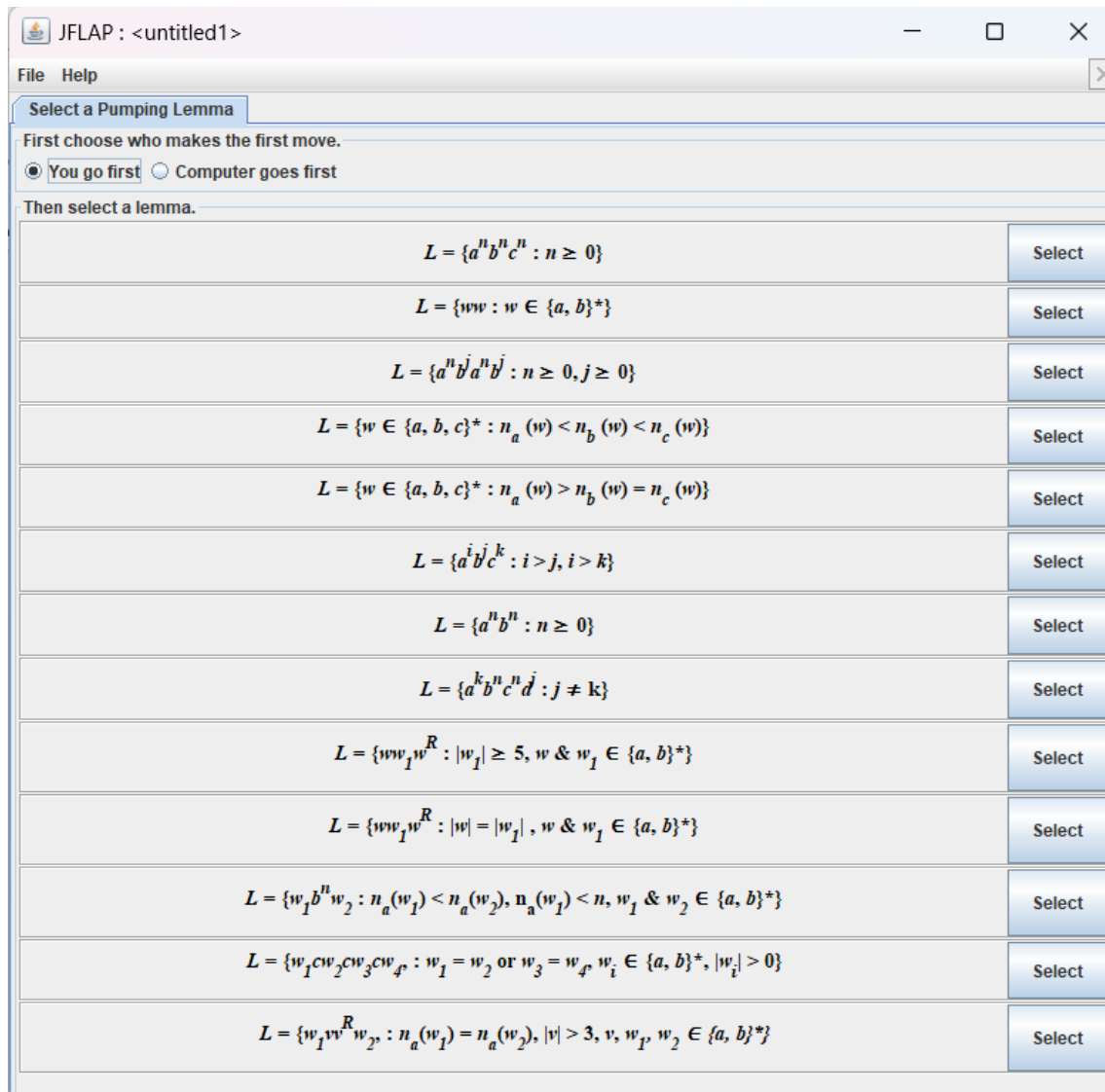


Ele mostra cada transformação que foi feita e onde ela ocorre, o resultado do JFLAP

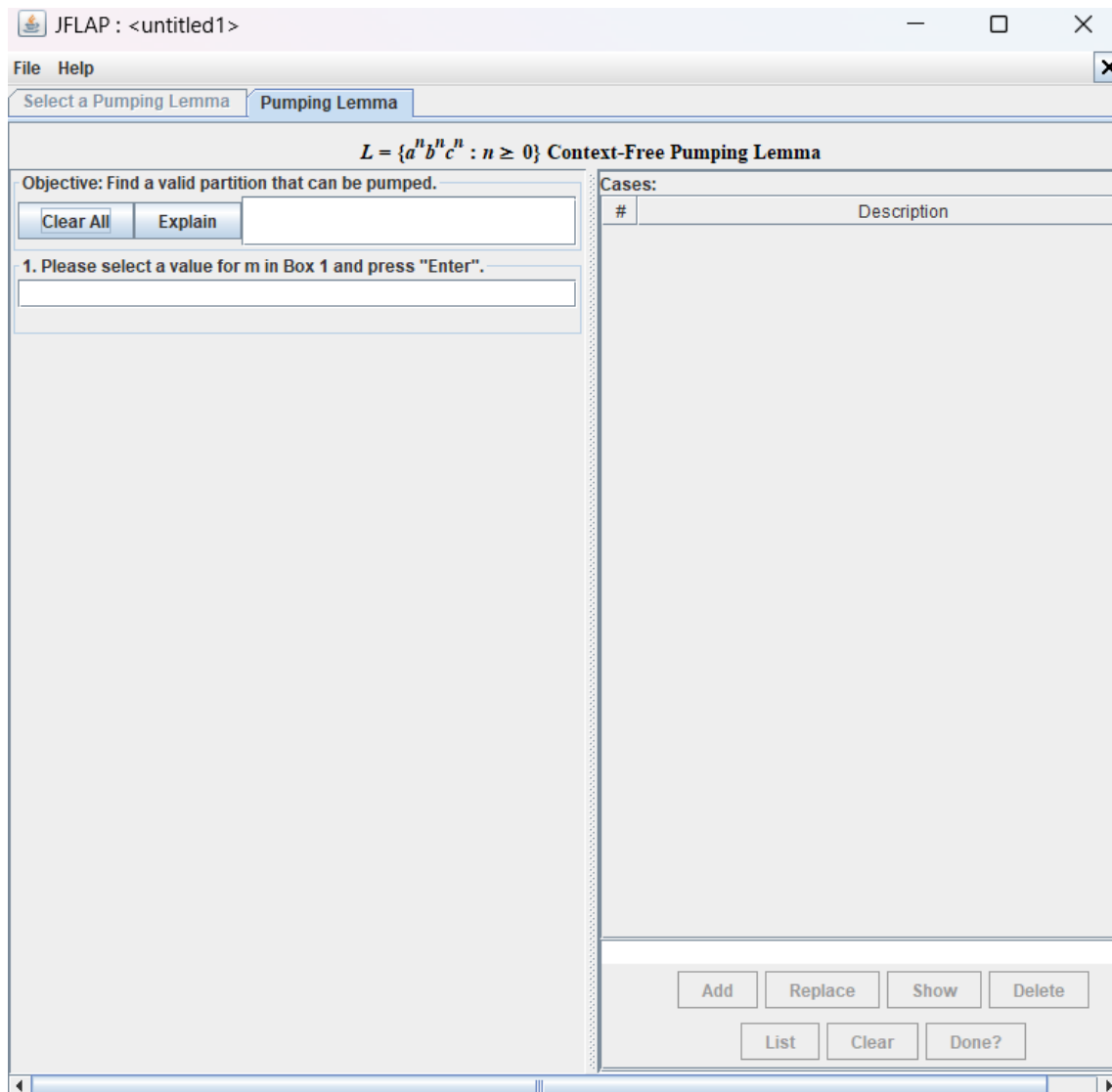
é o mesmo do slide, mostrando que está correto e é uma maneira confiável de testar a Forma Nominal de Chomsky.

CONTEXT-FREE PUMPING LEMMA

O JFLAP é capaz de fazer bombeamentos tanto para o teste da gramática livre de contexto quanto para gramáticas regulares, porém só é possível testar as linguagens fornecidas pelo software.



Essas são as linguagens fornecidas para os testes de bombeamento para gramáticas livres de contexto, o software também nos fornece a opção de irmos primeiro, ou seja, nós entramos com o tamanho mínimo da palavra w a ser testada e fazemos a divisão das variáveis UVXYZ.



Com a opção de o usuário agir primeiro habilitada e a linguagem $L = \{a^n b^n c^n : n \geq 0\}$ selecionada, devemos agora selecionar um m tal que $|w| \geq m$.

JFLAP : <untitled1>

File Help

Select a Pumping Lemma Pumping Lemma

$L = \{a^n b^n c^n : n \geq 0\}$ Context-Free Pumping Lemma

Objective: Find a valid partition that can be pumped.

Clear All Explain

1. Please select a value for m in Box 1 and press "Enter".

4

2. I have selected w such that $|w| \geq m$. It is displayed in Box 2.

aaaabbbbcccc

3. Select decomposition of w into uvxyz.

u: |u|: 0

v: |v|: 0

x: |x|: 0

y: |y|: 0

z: |z|: 0

a a a a b b b b c c c c

Condition violated: $|vy| \geq 1$

Set uvxyz

Cases:

#	Description
---	-------------

Add Replace Show Delete

List Clear Done?

Após selecionar m, o computador nos dá uma palavra formada, então devemos escolher nossas variáveis UVXYZ tal que $|VXY| \leq m$, e após setadas as variáveis temos a seguinte tela:

4. I have selected i to give a contradiction. It is displayed in Box 4.

i: 0 pumped string: aaaabbbbcccc

5. Animation

u v x y z

w = aaaa b _ _ bbbcccc

$uv^0xy^0z = a^4b^3c^4 = \text{aaaabbbbcccc}$ is NOT in the language. Please try again.

Step Restart

Temos que a palavra formada quando o iterado i é igual a zero, não existe na linguagem, logo a linguagem não pode ser livre de contexto.

JFLAP : <untitled1>

File Help

Select a Pumping Lemma Pumping Lemma

$L = \{a^n b^n c^n : n \geq 0\}$ Context-Free Pumping Lemma

Objective: Prevent the computer from finding a valid partition.

Clear All Explain My Attempts:

7: U = aaaaaa; V = a; X = b; Y = b; Z = bbbbbbcccccc; I = 2; How

1. I have selected a value for m, displayed below.

6

2. Please enter a possible value for w and press "Enter".

aaaaaaabbbbbbbcccccc

3. I have decomposed w into the following...

U = aaaaaa; V = a; X = b; Y = b; Z = bbbbbbcccccc

4. Please enter a possible value for i and press "Enter".

i: 2 pumped string: aaaaaaaabbbbbbbcccccc

5. Animation

u v x y z

w = aaaaaa a b b bbbbbbcccccc

$uv^2xy^2z = a^8b^8c^7 = aaaaaaaabbbbbbbcccccc$ is NOT in the language. YOU WIN!

Step Restart

No teste em que o JFLAP age primeiro, o computador nos dá o valor de m e nós devemos entrar com uma palavra que esteja na linguagem selecionada, após isso o computador separa as variáveis $UVXYZ$ e nós selecionamos o valor do iterado.

REGULAR PUMPING LEMMA

JFLAP : <untitled2>

File Help

Select a Pumping Lemma

First choose who makes the first move.

☒ You go first ☐ Computer goes first

Then select a lemma.

$L = \{a^n b^n : n \geq 0\}$	Select
$L = \{w \in \{a, b\}^* : n_a(w) < n_b(w)\}$	Select
$L = \{ww^R : w \in \{a, b\}^*\}$	Select
$L = \{(ab)^n a^k : n > k, k \geq 0\}$	Select
$L = \{a^n b^k c^{n+k} : n \geq 0, k \geq 0\}$	Select
$L = \{a^n b^l a^k : n > 5, l > 3, k \leq l\}$	Select
$L = \{a^n : n \text{ is even}\}$	Select
$L = \{a^n b^k : n \text{ is odd or } k \text{ is even.}\}$	Select
$L = \{bba(ba)^n a^{n-1}\}$	Select
$L = \{b^5 w : w \in \{a, b\}^*, 2n_a(w) = 3n_b(w)\}$	Select
$L = \{b^5 w : w \in \{a, b\}^*, (2n_a(w) + 5n_b(w)) \bmod 3 = 0\}$	Select
$L = \{b^k (ab)^n (ba)^n : k \geq 4, n = 1, 2, \dots\}$	Select
$L = \{(ab)^{2n} : n = 1, 2, \dots\}$	Select

No caso do Bombeamento para a linguagem regular o caso é parecido. O sistema nos cede algumas linguagens para testarmos e podemos seleccionar quem faz o primeiro movimento, nós ou o JFLAP.

JFLAP : <untitled2>

File Help

Select a Pumping Lemma Pumping Lemma

$L = \{a^n b^n : n \geq 0\}$ Regular Pumping Lemma

Objective: Find a valid partition that can be pumped.

Clear All Explain My Attempts:

1. Please select a value for m in Box 1 and press "Enter".

5

2. I have selected w such that $|w| \geq m$. It is displayed in Box 2.

aaaaabbbb

3. Select decomposition of w into xyz.

x: aaaa |x|: 4

y: a |y|: 1

z: bbbb |z|: 5

a a a a a b b b b b

Set xyz

4. I have selected i to give a contradiction. It is displayed in Box 4.

i: 2 pumped string: aaaaaabbbb

5. Animation

x y z

w = aaaa a bbbb

$xy^2z = a^6b^5 = aaaaaabbbb$ is NOT in the language. Please try again.

Step Restart

A linguagem selecionada foi $L = \{a^n b^n : n \geq 0\}$ e a opção selecionada foi que o usuário fosse primeiro.

O JFLAP pediu para que eu entrasse com um valor para m, então forneceu uma palavra que está na linguagem, após isso eu tive que selecionar as variáveis XYZ tal que $|Y| > 0$ e $|XY| \leq m$.

Setadas as variáveis o sistema escolhe um i e checa se a nova palavra obtida está ou não na linguagem, caso não esteja ela não é uma linguagem regular.

de ajuda do JFLAP é de grande ajuda para entender o que cada função do JFLAP faz, mas um empecilho é que está todo em inglês.

O programa também não tem nada sobre a Forma Normal de Greibach, não citando e nem tendo alguma parte que resolva ou ajude, nem para o Teorema (Fundamental) das Gramáticas Sensíveis ao Contexto e nem sobre o Teorema de Operações Fechadas sobre LLC.

Em resumo, o JFLAP é muito bom para testar as gramáticas e saber quais são seus tipos, além de gerar a Forma Nominal de Chomsky, porém, falta algumas coisas importantes como Greibach.