

Nomes: Luiz Carlos, Gleidson Ramos e Jorael Rodrigues

Questão 5

$$A) Z = \frac{170\,000 - 150\,000}{5\,000} = \frac{170 - 150}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

$$\begin{aligned} P(X < 170\,000) &= P(Z \leq 4) = 0,5 + P(0 \leq Z \leq 4) \\ &= 0,5 + 0,499968 \\ &= 0,999968 \approx 1 \rightarrow \text{RESPOSTA} \end{aligned}$$

$$B) Z = \frac{140\,000 - 150\,000}{5\,000} = \frac{-10}{5} = -2$$

$$Z = \frac{165\,000 - 150\,000}{5\,000} = \frac{15}{5} = 3$$

$$\begin{aligned} P(140\,000 < X < 165\,000) &= P(-2 \leq Z \leq 3) \quad \text{RESPOSTA} \\ &= P(-2 \leq Z \leq 0) + P(-2 \leq Z \leq 3) \\ &= 0,477250 + 0,448650 = 0,925900 \rightarrow \end{aligned}$$

$$C) P(X \leq X_A) = 0,002$$

$$= 2,87 = \frac{X_A - 150\,000}{5\,000}$$

$$X_A = 135\,650$$

RESPOSTA

A GARANTIA DEVE
SER DE 135 650 km

6º)

$$P\{24,85 \leq x \leq 25,15\}$$

$$= P\{x \leq 25,15\} - P\{x \leq 24,85\}$$

$$= P\left\{Z \leq \frac{25,15 - 25,08}{0,05}\right\} - P\left\{Z \leq \frac{24,85 - 25,08}{0,05}\right\}$$

$$= P\{Z \leq 1,4\} - P\{Z \leq -4,6\} = 0,9192 - 0,0000 = 0,9192$$

91,92% DAS UNIDADES FORAM PRODUZIDAS DENTRO DAS
ESPECIFICAÇÕES

RESPOSTA

1º)

$$BBB = 0,4 * 0,4 * 0,4 = 0,064 \quad BBP = 0,4 * 0,4 * 0,6 = 0,096 * 3 = 0,288$$

$$BPP = 0,4 * 0,6 * 0,6 = 0,144 * 3 = 0,432$$

$$PPP = 0,6 * 0,6 * 0,6 = 0,216$$

SE UTILIZOU A PROBABILIDADE DE OCORRÊNCIA DE CADA BOLA PARA ENCONTRAR O VALOR DO ACONTECIMENTO JÁ QUE, BBP APARECE 3 VEZES, MULTIPLICAMOS O SEU VALOR POR 3. O MESMO ACONTECE COM BPP, EM BPP, PBP E PPB. A PARTIR DOS DADOS OBTIDOS, EXCLUÍMOS A BOLA BRANCA PARA SER X EM 4 VALORES, $X = 0, 1, 2$ E 3 , POR CONSEQUENTE MULTIPLICAMOS POROS RESPECTIVOS VALORES EM PROBABILIDADE DE ACONTECIMENTO.

$$E(X) = 0 * 0,216 + 1 * 0,432 + 2 * 0,288 + 3 * 0,064$$

$$E(X) = 0 + 0,432 + 0,576 + 0,192$$

$$E(X) = 1,2 \quad \leftarrow \text{RESPOSTA}$$

2º) $E(X) = \text{VALOR ESPERADO}$ $E(X) = \text{SOMATÓRIO DE } X * P(X)$ OU $N * P$ OUG: $N = \text{QUANTIDADE DE LANÇAMENTOS}$ E $P = \text{PROBABILIDADE COM BASE NOS LANÇAMENTOS}$.

$$VAR(X) = \text{VARIÂNCIA} \quad VAR(X) = S(X^2) - (E(X))^2 \quad \text{OU} \quad N * P * Q$$

ASSIM, TEREMOS:

$$P(\text{CARA}) = 4 * P(\text{COROA})$$

$$P(\text{CARA}) + P(\text{COROA}) = 1$$

$$5 * P(\text{COROA}) = 1$$

$$P(\text{COROA}) = \frac{1}{5}$$

$$P(\text{CARA}) = \frac{4}{5}$$

$$A) E(X) = N * P$$

$$E(X) = 4 * \frac{4}{5}$$

$$E(X) = \frac{16}{5}$$

$$E(X) = 3,2$$

$$B) VAR(X) = N * P * Q$$

$$VAR(X) = 4 * \frac{4}{5} * \frac{1}{5}$$

$$VAR(X) = \frac{16}{25}$$

$$VAR(X) = 0,64$$

$$P(X \geq 2) \rightarrow 2 \leq \frac{X}{\frac{4}{5}}$$

$$2 \leq X * \frac{5}{4}$$

$$2,4 \leq X$$

$$5$$

$$\frac{8}{5} \leq X$$

$$P(X \geq 2) \geq \frac{8}{5}$$

$$E(X) = 3,2$$

$$VAR(X) = 0,64$$

RESPOSTA

3=)

$$P = 1 - [(C_{20,0} * 0,40^0 * 0,60^{20}) + (C_{20,1} * 0,40^1 * 0,60^{19})]$$

$$P = 1 - (0,60^{20} + 20 * 0,40 * 0,60^{19})$$

$$P = 0,9996 = 99,95\%$$

$$M = 20 * 0,4 = 8$$

$$\sigma^2 = 20 * 0,4 * 0,6 = 4,8$$

$$\sigma = \sqrt{4,8} \approx 2,19$$

$$\text{MÉDIA} = 8$$

$$\text{VARIÂNCIA} = 4,8$$

$$\text{DESVIO PADRÃO} = 2,19$$

Resposta

4.) C) $P(2 < X \leq 4) = P(X=3) + P(X=4) \rightarrow$ Para $P(X=3)$ TEREMOS:

$X =$ NÃO SOBREVIVENTES $N = 20$ $K = 40$

$P =$ PROBABILIDADE DE SUCESSO (NÃO SOBREVIVEREM) $= 0,20$

$(1 - P) =$ PROBABILIDADE DE INSUCESSO (SOBREVIVEREM) $= 1 - 0,2 = 0,8$

A BINOMIAL SERÁ ENTÃO: $P(X=4) = C(20,4) * (0,20)^4 * (0,8)^{16}$

$$P(2 < X \leq 4) = P(X=4) + P(X=3)$$

$$P(2 < X \leq 4) = [C(20,3) * (0,20)^3 * (0,8)^{17}] + [C(20,4) * (0,20)^4 * (0,8)^{16}]$$

$$P(2 < X \leq 4) = [(1140) * (0,000583440)] + [(10628) * (0,000045036)]$$

$$P(2 < X \leq 4) = [0,2053641430] + [0,21819940]$$

$$P(2 < X \leq 4) = 0,423563545$$

$$D) P(X \geq 2) = 1 - P(X=0) - P(X=1) \Rightarrow P(X=0) = C_{20,0} * 0,2^0 * (1-0,2)^{20} \approx 0,0113 \Rightarrow P(X=1) = C_{20,1} * 0,2^1 * (1-0,2)^{19} \approx 0,058$$

$$P(X \geq 2) = 1 - 0,0113 - 0,058 \approx 0,9307 \text{ ou } 93,07\%$$

Resposta

A) DISTRIBUIÇÃO BINOMIAL $(\frac{2}{10}; 20)$

$P = \frac{2}{10}$ E $N = 20$ SÃO OS PARÂMETROS

Resposta

$$P(X=x) = C_{20,x} * P^x * (1-P)^{20-x}$$

$$B) E(X) = N * P = 20 * 0,2 = 4$$

$$VAR(X) = NP * (1-P) = 20 * 0,2 * (1-0,2) = 4 * 0,8 = 3,2$$

Resposta

8º) A) CT. CURA TOTAL M - MORTE
CF → CURA PRECIZ

RESPOSTA: $P(A) = \left(\frac{CT + CP + M}{100} \right) \rightarrow P(A) = \left(\frac{24 + 24 + 12}{100} \right) = 60\%$

PROBABILIDADE: 60%

A₂) TOTALMENTE CURADO.

RESPOSTA: $P(TE) = \left(\frac{24 + 16}{100} \right) \rightarrow P(TE) = \frac{40}{100} = \underline{40\%}$

A₃)

RESPOSTA: $P(A/PC) = 100 - \frac{P(A \cup PC)}{100} \rightarrow P(A/PC) = \left(\frac{100 - 24}{100} \right) =$

$\frac{24}{100} = 24\%$ PROBABILIDADE 24%



A₄) $P(A \cup PC) = P(A) + P(PC) - P(A \cap PC)$

$= 60 + 40 - 24 =$

$100 - 24 = 76\%$

PROBABILIDADE 76%

7.) A) VALORES DO ENUNCIADO: $\mu = 10$

VARIÁVEL: $X \sim N(\mu, \sigma^2)$

$$\sigma^2 = 4$$

$$Z = \frac{(X - 10)}{2}$$

PROBABILIDADE PEDIDA: $P(X > 13)$

$$\text{PADRONIZANDO: } Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

SOLUÇÃO:

$$P(X > 13) = P\left(\frac{X - 10}{2} > \frac{13 - 10}{2}\right) = P(Z > 1,5) = 0,0668 \quad \text{resposta}$$

VALOR ENCONTRADO NA TABELA, PROBABILIDADE = 0,0668

B) ~~PROBABILIDADE PEDIDA~~ $P(9 < X < 11) = P\left(\frac{9 - 10}{2} < \frac{X - 10}{2} < \frac{11 - 10}{2}\right)$
 $= P(-0,5 < Z < 0,5) = P(Z < 0,5) - P(Z < -0,5) = 0,69146 - 0,30854 =$
0,38292 ← RESPOSTA

C) PADRONIZAÇÃO: $P(X < x) = P\left(\frac{(X - 10)}{2} < \frac{(x - 10)}{2}\right) = P\left(Z < \frac{(x - 10)}{2}\right) = 0,98$

VALOR DA Z → OBSERVO NA TABELA

$$P(Z < 2) = 0,98 \rightarrow P(Z < 2,05) = 0,9798$$

ENTÃO:

$$\frac{(X - 10)}{2} = 2,05$$

PADRONIZAÇÃO CONTRÁRIA PARA DETERMINAR X.

$$X = 2 \cdot (2,05) + 10 = \underline{14,1 \text{ mA}} \quad \leftarrow \text{RESPOSTA}$$