

Algoritmos de Ordenação

Bubble Sort

Conceito • Implementação • Análise de Complexidade



Estrutura de Dados

3º Semestre - ADS

Bubble Sort: A Ideia Principal

💡 Conceito Intuitivo

O Bubble Sort funciona como **bolhas de ar na água**: os elementos maiores "borbulham" para o topo (final do array) através de comparações e trocas sucessivas.

⇄ Como Funciona

- 1 Compara elementos adjacentes
- 2 Troca se estiverem na ordem errada
- 3 Repete até que não haja mais trocas

Analogia: Bolhas na Água



Como Funciona? (Passo a Passo)

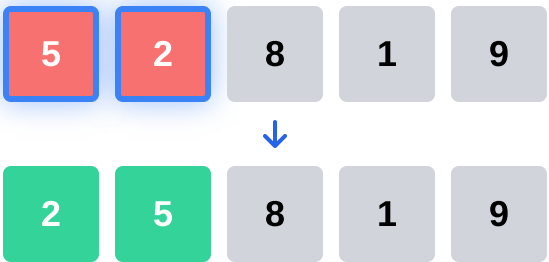
Exemplo: Ordenando [5, 2, 8, 1, 9]

Estado Inicial:



1ª Passada:

Compara 5 > 2? Sim → Troca



Compara 5 > 8? Não → Não troca



Após 1ª Passada:



O maior elemento (9) chegou ao final!

 O processo continua até que nenhuma troca seja necessária

Pseudocódigo do Bubble Sort

</> Algoritmo

```
ALGORITMO BubbleSort
ENTRADA: array[0..n-1], n
SAÍDA: array ordenado

PARA i = 0 ATÉ n-2 FAÇA
  PARA j = 0 ATÉ n-2-i FAÇA
    SE array[j] > array[j+1] ENTÃO
      // Troca os elementos
      temp = array[j]
      array[j] = array[j+1]
      array[j+1] = temp
    FIM SE
  FIM PARA
FIM PARA
```

💡 Explicação das Variáveis

- i** **Laço externo**
Controla o número de passadas (0 a n-2)
- j** **Laço interno**
Percorre o array fazendo comparações (0 a n-2-i)
- t** **Variável temporária**
Armazena valor durante a troca

⚙️ Funcionamento dos Laços

Laço externo (i): Cada iteração garante que um elemento chegue à sua posição final

Laço interno (j): Compara elementos adjacentes e os troca se necessário

Otimização: A cada passada, o limite do laço interno diminui (n-2-i)

Análise de Complexidade do Bubble Sort

Análise dos Casos

Pior Caso: $O(n^2)$

Array em ordem decrescente

[9, 8, 7, 6, 5] → Máximo de comparações e trocas

Comparações: $n(n-1)/2 \approx n^2/2$

Caso Médio: $O(n^2)$

Array em ordem aleatória

[5, 2, 8, 1, 9] → Algumas comparações e trocas

Em média: $n^2/4$ comparações

Melhor Caso: $O(n)$

Array já ordenado (versão otimizada)

[1, 2, 3, 4, 5] → Apenas comparações, sem trocas

Uma passada: $n-1$ comparações

Cálculo da Complexidade

Número de Comparações

1ª passada: $(n-1)$ comparações

2ª passada: $(n-2)$ comparações

3ª passada: $(n-3)$ comparações

...

Última passada: 1 comparação

$$\begin{aligned}\text{Total} &= (n-1) + (n-2) + \dots + 1 \\ &= n(n-1)/2 = O(n^2)\end{aligned}$$

Complexidade de Espaço

$O(1)$ - Constante

Usa apenas uma variável temporária (temp) para as trocas, independentemente do tamanho do array.

Otimização Possível

Early Stop: Parar se nenhuma troca for feita em uma passada

```
bool swapped = false; // Flag para detectar trocas
```

Melhora o melhor caso para $O(n)$

Comparação e Conclusão

⚖️ Comparação com Outros Algoritmos

Algoritmo	Melhor	Médio	Pior
Bubble Sort	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$
Selection Sort	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$
Insertion Sort	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$
Merge Sort	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$

👍 Vantagens do Bubble Sort

- ✔️ Simples de entender e implementar
- ✔️ Não requer memória adicional (in-place)
- ✔️ Estável (mantém ordem de elementos iguais)
- ✔️ Detecta se o array já está ordenado

🗨️ Desvantagens do Bubble Sort

- ❌ Muito lento para arrays grandes ($O(n^2)$)
- ❌ Mais comparações que outros algoritmos $O(n^2)$
- ❌ Não é prático para uso em produção

❓ Quando Usar?

✅ Recomendado para:

- Aprendizado e ensino de algoritmos
- Arrays muito pequenos ($n < 10$)
- Quando simplicidade é mais importante que eficiência
- Verificar se um array está quase ordenado

❌ Não recomendado para:

- Arrays grandes ($n > 100$)
- Aplicações que precisam de performance
- Sistemas em produção
- Quando há alternativas mais eficientes disponíveis

🎓 Valor Educacional

O Bubble Sort é excelente para entender conceitos fundamentais: comparações, trocas, laços aninhados e análise de complexidade.

Exercícios Propostos

</> Exercícios Práticos

1. Implementação Básica

Implemente o Bubble Sort e teste com diferentes arrays. Adicione prints para visualizar cada passada.

2. Versão Otimizada

Adicione uma flag para detectar quando não há mais trocas e pare a execução antecipadamente.

3. Contador de Operações

Modifique o código para contar o número de comparações e trocas realizadas.

4. Ordenação Decrescente

Adapte o algoritmo para ordenar em ordem decrescente.

≡ Exercícios de Análise

5. Análise Experimental

Teste o algoritmo com arrays de diferentes tamanhos e meça o tempo de execução.

6. Comparação de Casos

Compare o desempenho em arrays ordenados, desordenados e inversamente ordenados.

7. Visualização

Crie uma função que imprima o estado do array após cada troca para visualizar o processo.

→ Próximos Passos

- ✓ Selection Sort - Algoritmo de seleção
- ✓ Insertion Sort - Algoritmo de inserção
- ✓ Merge Sort - Algoritmo de intercalação
- ✓ Quick Sort - Algoritmo de particionamento

💡 Dica Final

Pratique implementando o algoritmo do zero várias vezes. A repetição ajuda a fixar os conceitos fundamentais!

Obrigado!

Dúvidas?