Algoritmos de Ordenação

Selection Sort e Insertion Sort

Aulas 3 e 4

Estrutura de Dados - 3º Semestre ADS

Revisão da Aula Anterior

Conceitos Fundamentais das Aulas 1 e 2

Antes de avançarmos para os novos algoritmos, vamos revisar brevemente os conceitos principais que estudamos:



O Que é Ordenação?

Processo de reorganizar uma coleção de elementos em uma determinada ordem (crescente, decrescente ou outro critério).

• Aplicações: busca eficiente, processamento de dados, visualização clara, detecção de anomalias.



Classificação dos Algoritmos

Os algoritmos de ordenação podem ser classificados por diferentes critérios:

- Estável vs Instável (ordem relativa de chaves iguais)



Notação Big O

Forma de descrever o comportamento assintótico de funções, focando no termo dominante e ignorando constantes.

Principais classes: O(1), O(log n), O(n), O(n log n), O(n²), O(n³), O(2^n), O(n!)



Análise de Casos

Diferentes cenários para análise de desempenho de algoritmos:

- Pior Caso: Maior número de operações
- Caso Médio: Desempenho esperado para entrada típica

Bubble Sort: Nosso Primeiro Algoritmo

Revisamos o **Bubble Sort**, um algoritmo simples que compara pares adjacentes e os troca se estiverem na ordem errada.

- ✓ Complexidade: O(n²) no pior e caso médio, O(n) no melhor caso (otimizado)
- Espaço: O(1) In-place
- Estabilidade: Estável



Comparação e troca de elementos adjacentes

Selection Sort: Conceito

A Ideia Fundamental

O **Selection Sort** é baseado na ideia de **selecionar** repetidamente o menor (ou maior) elemento da parte não ordenada e colocá-lo na posição correta na parte ordenada.

Como Funciona

- 1. Divide o array em duas partes: ordenada (inicialmente vazia) e não ordenada.
- 2. Encontra o menor elemento na parte não ordenada.
- 3. Troca esse elemento com o primeiro elemento da parte não ordenada.
- **4.** Expande a parte ordenada para incluir esse elemento.
- 5. Repete até que toda a lista esteja ordenada.

Características

- Simples de entender e implementar
- ✓ Número de trocas é minimizado (máximo n-1 trocas)
- Desempenho previsível (sempre O(n²))
- Não é adaptativo (não se beneficia de ordem parcial)
- Não é estável (pode alterar a ordem relativa de elementos iguais)

Visualização Conceitual

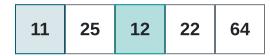
Ordenando o array: [64, 25, 12, 22, 11]

Passo 1: Encontrar o menor elemento (11)



Trocar 11 com o primeiro elemento (64)

Passo 2: Encontrar o próximo menor (12)



Trocar 12 com o segundo elemento (25)

Passo 3: Encontrar o próximo menor (22)



Trocar 22 com o terceiro elemento (25)

Resultado Final



• O Selection Sort é eficiente em termos de **número de trocas**, realizando no máximo n-1 trocas (uma por iteração). Isso pode ser vantajoso quando o custo de troca é alto.

Selection Sort: Algoritmo

Algoritmo Passo a Passo

Vamos detalhar o funcionamento do Selection Sort com um exemplo completo:

Pseudocódigo

Explicação

Loop Externo (i)

Controla a posição atual na parte ordenada. A cada iteração, um novo elemento é adicionado à parte ordenada.

Loop Interno (j)

Percorre a parte não ordenada para encontrar o elemento mínimo.

Troca

Coloca o elemento mínimo encontrado na posição correta da parte ordenada.

Otimização

A verificação if min_idx != i evita trocas desnecessárias quando o elemento já está na posição correta.

Exemplo Detalhado



Selection Sort: Implementação

Implementação em C++

Vamos implementar o Selection Sort em C++ básico, sem usar recursos avançados como STL ou POO:

```
// Função para trocar dois elementos de lugar
void trocar(int* a, int* b) {
    int temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}
// Função para imprimir um array
void imprimirArray(int arr[], int tamanho) {
    for (int i = 0; i < tamanho; i++) {</pre>
        std::cout << arr[i] << " ";
    std::cout << std::endl;</pre>
}
// Função que implementa o Selection Sort
void selectionSort(int arr[], int n) {
    int i, j, indice_minimo;
    // Um por um, move o limite do subarray não ordenado
    for (i = 0; i < n - 1; i++) {
        // Encontra o elemento mínimo no array não ordenado
        indice_minimo = i;
        for (j = i + 1; j < n; j++) {
            if (arr[j] < arr[indice_minimo]) {</pre>
                indice_minimo = j;
            }
        }
        // Troca o elemento mínimo encontrado com o primeiro
        // elemento da parte não ordenada (se não for o mesmo)
        if (indice_minimo != i) {
            trocar(&arr[indice_minimo], &arr[i]);
        }
        // Opcional: Imprimir o array após cada iteração
        // std::cout << "Após iteração " << i + 1 << ": ";
        // imprimirArray(arr, n);
    }
}
```

```
// Função principal para testar o Selection Sort
int main() {
   int arr[] = {64, 25, 12, 22, 11};
   int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);

   std::cout << "Array original: \n";
   imprimirArray(arr, n);

   selectionSort(arr, n);

   std::cout << "Array ordenado: \n";
   imprimirArray(arr, n);

   return 0;
}</pre>
```

Explicação do Código

Função trocar()

Função auxiliar que troca dois elementos usando ponteiros. Esta é uma implementação genérica de troca que pode ser reutilizada em outros algoritmos.

Função selectionSort()

- **> Loop externo (i)**: Controla a posição atual na parte ordenada, indo de 0 a n-2.
- **> Loop interno (j)**: Percorre a parte não ordenada (de i+1 até n-1) para encontrar o elemento mínimo.
- > Verificação: Compara cada elemento com o mínimo atual e atualiza o índice se necessário.
- > Troca condicional: Troca apenas se o mínimo encontrado não for o elemento atual (otimização).

Detalhes de Implementação

- Uso de ponteiros para realizar a troca eficientemente.
- Comentários explicativos para facilitar a compreensão.
- Código modular com funções separadas para cada responsabilidade.
- Otimização para evitar trocas desnecessárias (verificação if (indice_minimo != i)).
- Para visualizar o progresso do algoritmo, você pode descomentar as linhas que imprimem o array após cada iteração.

Análise de Complexidade

Vamos analisar o Selection Sort em termos de complexidade de tempo, espaço e outras características:

Complexidade de Tempo

Análise do Algoritmo:

- **Loop externo**: Executa (n-1) vezes
- **Loop interno**: Na primeira iteração executa (n-1) vezes, na segunda (n-2) vezes, e assim por diante
- > Total de comparações: $(n-1) + (n-2) + ... + 1 = n(n-1)/2 \approx n^2/2$

Complexidade:

- ✓ Melhor caso: O(n²) Mesmo número de comparações
- Caso médio: O(n²)
- Pior caso: O(n²)

Outras Características

Complexidade de Espaço:

- > O(1) Ordenação in-place
- > Usa apenas algumas variáveis auxiliares (índices e temporária para troca)

Estabilidade:

- Não é estável Pode alterar a ordem relativa de elementos com valores iguais
- > Exemplo: $[4, 2, 3, 4^*, 1] \rightarrow [1, 2, 3, 4^*, 4]$ (a ordem dos 4s pode ser alterada)

Número de Trocas:

- > No máximo (n-1) trocas Uma por iteração do loop externo
- > Significativamente menor que o Bubble Sort (que pode fazer até n(n-1)/2 trocas)



Vantagens

- Simples de entender e implementar
- Número mínimo de trocas (O(n))
- Desempenho previsível (sempre O(n²))
- Funciona bem para arrays pequenos

Desvantagens

- Ineficiente para grandes conjuntos de dados
- Sempre O(n²), mesmo quando o array já está ordenado
- Não é estável
- Não é adaptativo (não se beneficia de ordem parcial)

Insertion Sort: Conceito

A Ideia Fundamental

O **Insertion Sort** é baseado na ideia de construir a sequência ordenada um elemento por vez, **inserindo** cada elemento na posição correta.

Como Funciona

- **1.** Divide o array em duas partes: ordenada (inicialmente apenas o primeiro elemento) e não ordenada.
- 2. Pega o primeiro elemento da parte não ordenada.
- 3. Insere este elemento na posição correta dentro da parte ordenada.
- **4.** Expande a parte ordenada para incluir esse elemento.
- **5.** Repete até que toda a lista esteja ordenada.

Características

- Simples de entender e implementar
- ✔ Eficiente para conjuntos pequenos ou quase ordenados
- Adaptativo (se beneficia de ordem parcial)
- **Estável** (mantém a ordem relativa de elementos iguais)
- In-place (usa memória constante)
- Ineficiente para grandes conjuntos desordenados

Visualização Conceitual

Ordenando o array: [5, 2, 4, 6, 1, 3]

Estado inicial: Primeiro elemento já está "ordenado"



Parte ordenada: [5], Parte não ordenada: [2, 4, 6, 1, 3]

Passo 1: Inserir 2 na posição correta



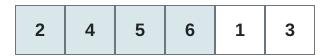
Parte ordenada: [2, 5], Parte não ordenada: [4, 6, 1, 3]

Passo 2: Inserir 4 na posição correta



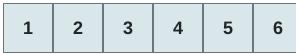
Parte ordenada: [2, 4, 5], Parte não ordenada: [6, 1, 3]

Passo 3: Inserir 6 na posição correta



Parte ordenada: [2, 4, 5, 6], Parte não ordenada: [1, 3]

Resultado Final



Array completamente ordenado

O Insertion Sort é particularmente eficiente quando o array já está parcialmente ordenado. Nesse caso, muitos elementos já estarão em suas posições corretas ou próximas delas.

Insertion Sort: Analogia

Ordenando Cartas de Baralho

Uma das melhores analogias para entender o Insertion Sort é a forma como muitas pessoas organizam cartas de baralho em suas mãos:



Como Organizamos Cartas

- 1. Começamos com uma carta na mão (parte ordenada).
- 2. Pegamos uma nova carta do monte (parte não ordenada).
- 3. Comparamos com as cartas que já temos na mão.
- 4. Inserimos a nova carta na posição correta.
- 5. Repetimos até organizar todas as cartas.



Por Que Esta Analogia Funciona

- Mantemos uma seção ordenada que cresce gradualmente.
- Cada nova carta é inserida na posição correta.
- Precisamos deslocar cartas para abrir espaço.
- O processo é **intuitivo** e natural para humanos.
- ✓ É eficiente quando já temos algumas cartas ordenadas.

Visualização da Analogia

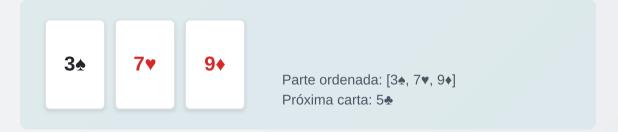
Passo 1: Começamos com uma carta



Passo 2: Inserimos 3♠ antes do 7♥



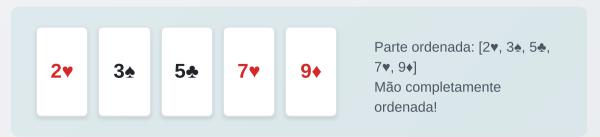
Passo 3: Inserimos 9♦ após o 7♥



Passo 4: Inserimos 5♣ entre 3♠ e 7♥



Passo 5: Inserimos 2♥ antes do 3♠



Esta analogia ilustra perfeitamente por que o Insertion Sort é **adaptativo** e **eficiente para pequenas entradas**. Quando temos poucas cartas ou quando muitas já estão em ordem, o processo é rápido e intuitivo.

Insertion Sort: Algoritmo

Algoritmo Passo a Passo

Vamos detalhar o funcionamento do Insertion Sort com um exemplo completo:

Pseudocódigo

```
function insertionSort(arr[], n):
    // Percorre o array a partir do segundo elemento
    for i = 1 to n-1:
        // Guarda o elemento atual como chave
        key = arr[i]

        // Move elementos maiores que a chave
        // para uma posição à frente
        j = i - 1
        while j >= 0 and arr[j] > key:
            arr[j+1] = arr[j]
            j = j - 1

        // Insere a chave na posição correta
        arr[j+1] = key
```

Explicação

Loop Principal (i)

Percorre o array a partir do segundo elemento (índice 1). Cada elemento será inserido na parte ordenada à esquerda.

Elemento Chave

O elemento atual (arr[i]) é armazenado como "chave" para ser inserido na posição correta.

Loop Interno (j)

Desloca os elementos maiores que a chave para a direita, abrindo espaço para inserir a chave.

Inserção

Insere a chave na posição correta, após todos os elementos menores e antes de todos os maiores.

Exemplo Detalhado

Array: [31, 41, 59, 26, 41, 58]

Estado inicial: Primeiro elemento já está "ordenado"



Iteração 1 (i=1): key = 41



41 > 31, então permanece na posição



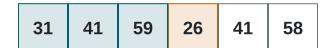
Iteração 2 (i=2): key = 59



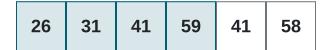
59 > 41, então permanece na posição



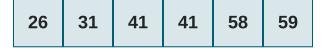
Iteração 3 (i=3): key = 26



Deslocando elementos maiores que 26



Resultado após todas as iterações



Insertion Sort: Implementação

Implementação em C++

Vamos implementar o Insertion Sort em C++ básico, sem usar recursos avançados como STL ou POO:

```
// Função para imprimir um array
void imprimirArray(int arr[], int tamanho) {
    for (int i = 0; i < tamanho; i++) {</pre>
        std::cout << arr[i] << " ";
    }
    std::cout << std::endl;</pre>
}
// Função que implementa o Insertion Sort
void insertionSort(int arr[], int n) {
    int i, chave, j;
    // Percorre o array a partir do segundo elemento
    for (i = 1; i < n; i++) {
        // Guarda o elemento atual como chave
        chave = arr[i];
        // Move elementos maiores que a chave
        // para uma posição à frente
        j = i - 1;
        while (j >= 0 && arr[j] > chave) {
            arr[j + 1] = arr[j];
            j = j - 1;
        // Insere a chave na posição correta
        arr[j + 1] = chave;
        // Opcional: Imprimir o array após cada iteração
        // std::cout << "Após iteração " << i << ": ";
        // imprimirArray(arr, n);
    }
}
```

```
// Função principal para testar o Insertion Sort
int main() {
   int arr[] = {12, 11, 13, 5, 6};
   int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);

   std::cout << "Array original: \n";
   imprimirArray(arr, n);

   insertionSort(arr, n);

   std::cout << "Array ordenado: \n";
   imprimirArray(arr, n);

   return 0;
}</pre>
```

Explicação do Código

Função insertionSort()

- **> Loop principal (i)**: Percorre o array a partir do segundo elemento (índice 1).
- **> Variável chave**: Armazena o elemento atual que será inserido na posição correta.
- **> Loop interno (while)**: Desloca elementos maiores que a chave para a direita.
- > Inserção: Coloca a chave na posição correta após o deslocamento.

Detalhes de Implementação

- Simplicidade: Implementação direta e fácil de entender.
- ✔ In-place: Ordenação feita no próprio array, sem arrays auxiliares.
- **Estabilidade**: Mantém a ordem relativa de elementos iguais.
- Adaptabilidade: Eficiente para arrays quase ordenados.

Visualização do Processo

```
Para o array [12, 11, 13, 5, 6]:

Após iteração 1: [11, 12, 13, 5, 6]

Após iteração 2: [11, 12, 13, 5, 6]

Após iteração 3: [5, 11, 12, 13, 6]

Após iteração 4: [5, 6, 11, 12, 13]
```

Para visualizar o progresso do algoritmo, você pode descomentar as linhas que imprimem o array após cada iteração.

Insertion Sort: Análise

Análise de Complexidade

Vamos analisar o Insertion Sort em termos de complexidade de tempo, espaço e outras características:

Complexidade de Tempo

Análise do Algoritmo:

- > Loop externo: Executa (n-1) vezes
- **Loop interno**: No pior caso, executa i vezes para cada i
- > Total de comparações (pior caso): $1 + 2 + ... + (n-1) = n(n-1)/2 \approx n^2/2$

Complexidade:

- Melhor caso: O(n) Array já ordenado
- Caso médio: O(n²)
- Pior caso: O(n²) Array em ordem inversa

Outras Características

Complexidade de Espaço:

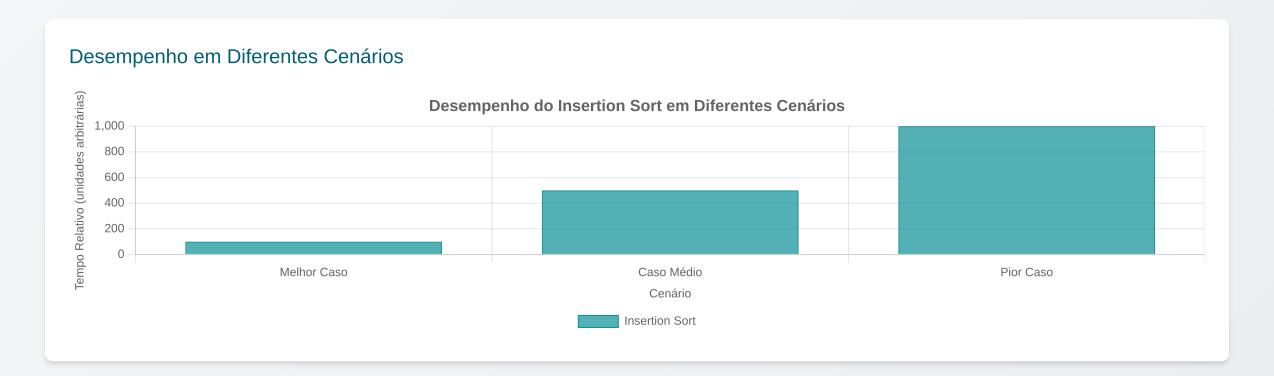
- > O(1) Ordenação in-place
- > Usa apenas algumas variáveis auxiliares (chave, índices)

Estabilidade:

- **Estável** Mantém a ordem relativa de elementos com valores iguais
- **Exemplo:** $[4, 2, 3, 4^*, 1] \rightarrow [1, 2, 3, 4, 4^*]$ (a ordem dos 4s é preservada)

Adaptabilidade:

- Adaptativo Eficiente para arrays quase ordenados
- > Quanto mais ordenado o array, menos comparações e movimentações são necessárias



Vantagens

- Simples de entender e implementar
- Eficiente para conjuntos pequenos (< 20 elementos)
- Adaptativo eficiente para arrays quase ordenados
- 😝 Estável mantém a ordem relativa de elementos iguais
- In-place requer espaço auxiliar constante
- Online pode ordenar os dados à medida que chegam

Desvantagens

- Ineficiente para grandes conjuntos de dados
- O(n²) no pior caso e caso médio
- Significativamente mais lento que algoritmos O(n log n)
- 😑 Muitas operações de deslocamento para arrays grandes

Comparação: Selection vs Insertion

Análise Comparativa

Vamos comparar os dois algoritmos estudados em diferentes aspectos:

Característica	Selection Sort	Insertion Sort	Vantagem
Melhor Caso	O(n²)	O(n)	Insertion Sort
Caso Médio	O(n²)	O(n²)	Empate
Pior Caso	O(n²)	O(n²)	Empate
Espaço	O(1)	O(1)	Empate
Estabilidade	Não	Sim	Insertion Sort
Adaptabilidade	Não	Sim	Insertion Sort
Número de Trocas	O(n) no máximo	O(n²) no pior caso	Selection Sort
Número de Comparações	Sempre n(n-1)/2	Depende da ordem	Insertion Sort

Quando Usar Cada Algoritmo



Selection Sort

Melhor escolha quando:

- O custo de **troca de elementos é alto** (objetos grandes)
- ✓ Você precisa de um **comportamento previsível** (sempre O(n²))
- ✓ A memória é extremamente limitada (usa menos variáveis auxiliares)
- A simplicidade de implementação é mais importante que o desempenho



Insertion Sort

Melhor escolha quando:

- Os dados estão parcialmente ordenados
- ✓ Você precisa de um algoritmo estável (mantém ordem de elementos iguais)
- Os dados chegam **online** (um elemento por vez)
- ✓ Você está trabalhando com conjuntos pequenos (< 20 elementos)</p>



Exercícios Propostos

Atividades Práticas

Para consolidar o aprendizado sobre Selection Sort e Insertion Sort, propomos os seguintes exercícios:

1 Implementação e Teste

Implemente o Selection Sort e o Insertion Sort em C++ e compare o desempenho deles com diferentes tipos de entrada:

- > Array já ordenado
- > Array em ordem inversa
- > Array com elementos aleatórios
- Dica: Use a função clock() da biblioteca ctime para medir o tempo de execução.

2 Modificação de Algoritmos

Modifique os algoritmos para ordenar em ordem decrescente em vez de crescente.

```
// Exemplo de modificação para o Selection Sort
void selectionSortDecrescente(int arr[], int n) {
   int i, j, indice_maximo;

   for (i = 0; i < n - 1; i++) {
      indice_maximo = i;
      for (j = i + 1; j < n; j++) {
        if (arr[j] > arr[indice_maximo]) {
            indice_maximo = j;
        }
    }

   if (indice_maximo != i) {
        trocar(&arr[indice_maximo], &arr[i]);
    }
}
```

Pica: Basta alterar o operador de comparação nos algoritmos.

3 Ordenação de Estruturas

Crie uma estrutura Aluno com campos para nome, matrícula e nota. Implemente o Insertion Sort para ordenar um array de alunos por nota (decrescente) e, em caso de empate, por nome (alfabética).

```
struct Aluno {
    char nome[50];
    int matricula;
    float nota;
};

// Implemente a função:
void insertionSortAlunos(Aluno arr[], int n);
```

Pica: Use a função strcmp() da biblioteca cstring para comparar strings.

4 Análise de Complexidade

Analise e compare a complexidade de tempo e espaço dos seguintes algoritmos:

```
// Algoritmo A
void algoritmoA(int arr[], int n) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < n - i - 1; j++) {
            if (arr[j] > arr[j + 1]) {
                int temp = arr[j];
                arr[j] = arr[j + 1];
                arr[j + 1] = temp;
    }
// Algoritmo B
void algoritmoB(int arr[], int n) {
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        int chave = arr[i];
        int j = i - 1;
        while (j \ge 0 \&\& arr[j] > chave) {
            arr[j + 1] = arr[j];
            j--;
        arr[j + 1] = chave;
    }
}
```

Pica: Identifique qual algoritmo é qual e compare suas características.

Desafio Extra



Implemente uma versão do Insertion Sort que utilize busca binária para encontrar a posição correta de inserção de cada elemento, em vez de busca linear.

Esta variação é chamada de **Binary Insertion Sort** e pode reduzir o número de comparações, embora o número de movimentações continue o mesmo.

Pergunta: Qual é a complexidade de tempo desta variação? O Binary Insertion Sort ainda é O(n²) ou melhora para O(n log n)?

Entrega dos Exercícios

- Arquivos .cpp com as implementações solicitadas
- Relatório com análises de complexidade e comparações de desempenho
- 苗 Data de entrega: Próxima aula

Próximas Aulas

O Que Vem Por Aí

Agora que compreendemos os algoritmos de ordenação por troca e inserção, nas próximas aulas vamos explorar algoritmos mais eficientes baseados em outras estratégias:



Aulas 5-6: Merge Sort

- 🛂 Paradigma de Divisão e Conquista
- Implementação recursiva
- Análise de complexidade O(n log n)
- Estabilidade e aplicações práticas



Aulas 7-10: Ordenação por Distribuição

- Ocunting Sort ordenação por contagem
- ✓ Radix Sort ordenação dígito a dígito
- ✓ Complexidade linear em casos específicos
- Limitações e casos de uso ideais

Visão Geral do Módulo

Semana 1

- Introdução e Complexidade
- Bubble Sort
- Selection Sort
- Insertion Sort

Semana 2

- Divisão e Conquista
- Merge Sort
- Counting Sort
- Radix Sort (início)

Semana 3

- Radix Sort (conclusão)
- Comparação de Algoritmos
- Casos de Uso Práticos
- Revisão e Avaliação

Preparação para a Próxima Aula



Para aproveitar melhor a próxima aula sobre Merge Sort, recomendamos:

- > Revisar o conceito de recursão em C++
- > Completar os exercícios propostos sobre Selection e Insertion Sort
- > Pesquisar sobre o paradigma "Dividir para Conquistar" (opcional)