Algoritmo LMS

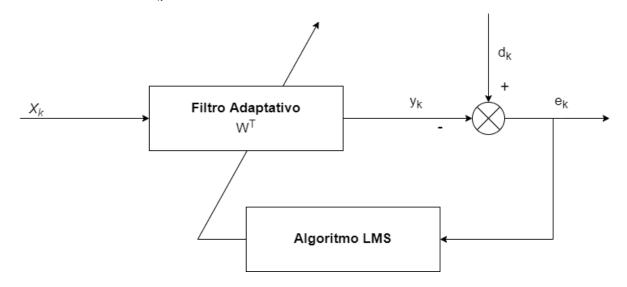
Análise do algoritmo

• Temos um sinal de entrada X_k : $X_k = \begin{bmatrix} x_{1k}, x_{2k}, x_{3k}, ..., x_{nk} \end{bmatrix}^T$

• Conjunto de Coeficientes: $W^T = [w_1, w_2, w_3, ..., w_n]$

• O erro no k-ésimo instante: $e_k = d_k - y_k = d_k - W^T X_k$

onde $d_{_k}$ é o sinal desejado.



O algoritmo atualiza os coeficientes fazendo alterações na forma proporcional ao gradiente, definindo o gradiente como a derivada do quadrado do erro em relação a cada um dos coeficientes:

$$\begin{aligned} \boldsymbol{W}_{k+1} &= \boldsymbol{W}_k + \ \boldsymbol{\mu} \Big(- \ \widehat{\boldsymbol{\nabla}}_k \Big) \\ & \Longrightarrow \qquad \boldsymbol{W}_{k+1} &= \boldsymbol{W}_k + \ 2 \boldsymbol{\mu} \boldsymbol{e}_k \boldsymbol{X}_k \\ & \widehat{\boldsymbol{\nabla}}_k &= - \ 2 \boldsymbol{e}_k \boldsymbol{X}_k \end{aligned}$$
 Equação que rege o algoritmo LMS

Portanto, a atualização é baseada na informação da amplitude do erro e(n). A equação buscará minimizar a potência do sinal de erro e(n).