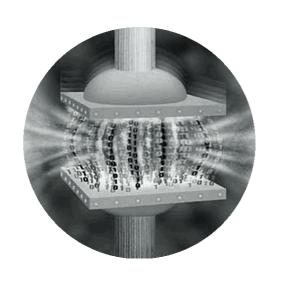
ALGORITMOS E ESTRUTURAS DE DADOS III

Prof. Marcos André S. Kutova



CODIFICAÇÃO DE HUFFMAN

Método de compressão baseado na probabilidade de ocorrência dos símbolos. Desenvolvido em 1952 por David A. Huffman.

Compressão estatística

- Baseada na estimativa (ou cálculo) da frequência de cada símbolo.
 - Símbolos mais frequentes usarão menos bits
 - Símbolos menos frequentes usarão mais bits

Exemplo:

aaaeabbaaaabcaaadacaaabbaaaabbcaaaeaaaba

• a: 26 vezes Código: 1 d: 1 vez Código: 0110

• b: 8 vezes Código: 00 e: 2 vezes Código: 0111

• c: 3 vezes Código: 010

Entropia

$$S_x = -log_2(P_x)$$

- x = Simbolo
- $S_x = Entropia de x$
- P_x = Probabilidade de x

Exemplo:

aaaeabbaaaabcaaadacaaabbaaaabbcaaaeaaaba

Total: 40 caracteres

$$P_{a} = 25/40 = 0,625 \qquad S_{a} = 0,68 * 25 \qquad = 16,95$$

$$P_{b} = 8/40 = 0,2 \qquad S_{b} = 2,32 * 8 \qquad = 18,58$$

$$P_{c} = 3/40 = 0,075 \qquad S_{c} = 3,74 * 3 \qquad = 11,21$$

$$P_{d} = 1/40 = 0,025 \qquad S_{d} = 5,32 * 1 \qquad = 5,32$$

$$P_{e} = 2/40 = 0,05 \qquad S_{e} = 4,32 * 2 \qquad = 8,54$$

60,70

Entropia

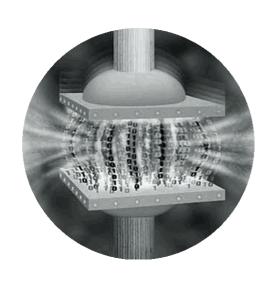
$$S_{x} = -log_{2}(P_{x})$$

Símbolo	Probabilidade	Entropia para cada símbolo	Entropia total
U	12/72		
V	18/72		
W	7/72		
X	15/72		
Υ	20/72		

Entropia

$$S_{x} = -log_{2}(P_{x})$$

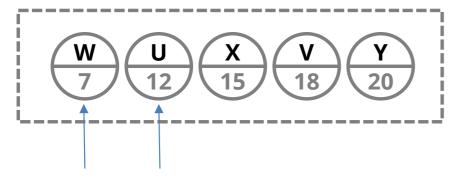
Símbolo	Probabilidade	Entropia para cada símbolo	Entropia total
U	12/72	2,584963	31,01955
V	18/72	2,00000	36,00000
W	7/72	3,362570	23,53799
X	15/72	2,263034	33,94552
Υ	20/72	1,847997	36,95994



CODIFICAÇÃO DE HUFFMAN

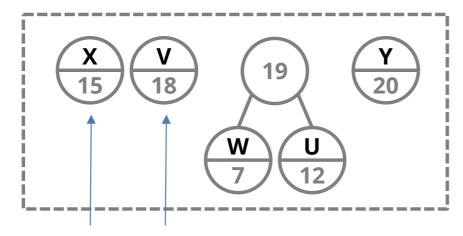
Determinação dos códigos dos símbolos

Pilha ordenada de tries



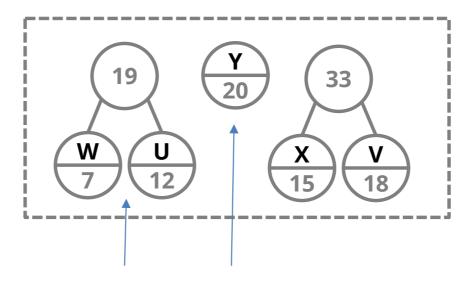
Duas árvores de menor valor

Pilha ordenada de tries



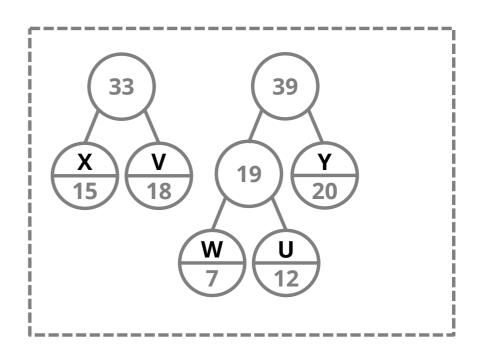
Duas árvores de menor valor

Pilha ordenada de tries

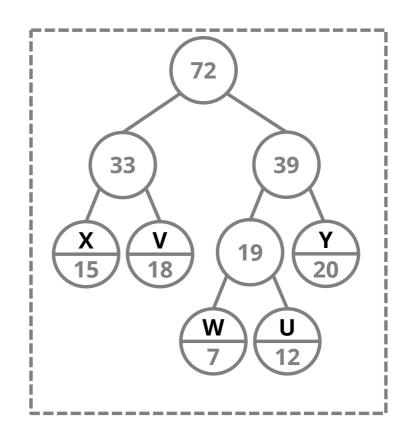


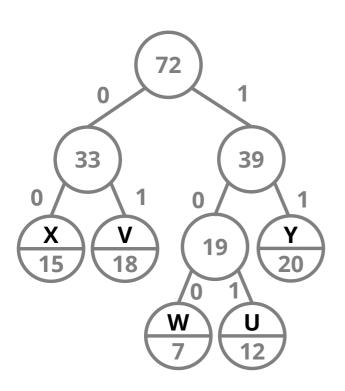
Duas árvores de menor valor

Pilha ordenada de tries

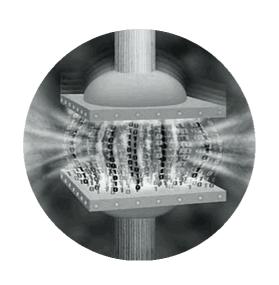


Pilha ordenada de tries





Símbolo	Código	
U	101	
V	01	
W	100	
X	00	
Υ	11	

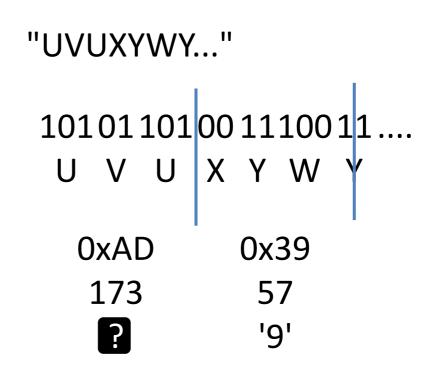


CODIFICAÇÃO DE HUFFMAN

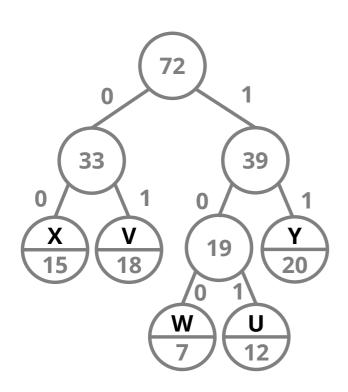
Exemplo

Codificação com Huffman

Símbolo	Código	
U	101	
V	01	
W	100	
X	00	
Υ	11	



Decodificação com Huffman



10101101001110111...

10101101001110011....

UVUXYWY