

Vaje 15.3.2022: Bézierjeve krivulje – odvodi in zlepki

1. a) Določite kontrolne točke $\mathbf{b}_0, \mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2, \mathbf{b}_3, \mathbf{b}_4$ ravninske Bézierjeve krivulje \mathbf{b} stopnje štiri tako, da njeni tangenti pri parametrih $t = 0$ in $t = 1$ ustrezata vektorjema $(4, \pm 4)$ in da ima krivulja pri parametru $t = 1/2$ špico, s katero se dotakne kontrolne točke $\mathbf{b}_2 = (0, 0)$.
b) Zapišite kontrolne točke Bézierjevih krivulj $\dot{\mathbf{b}}$ in $\ddot{\mathbf{b}}$.

Rešitev: nalogi 2.6 in 2.7 v Gradivo s predavanj in vaj.

2. Naj bosta \mathbf{b} in \mathbf{c} Bézierjevi krivulji stopnje 3 s kontrolnimi točkami \mathbf{b}_i in \mathbf{c}_i , $i = 0, 1, 2, 3$; del njih je podanih:

$$\begin{array}{lll} \mathbf{b}_0 = (-3, 0), & \mathbf{b}_1 = (-2, 1), & \mathbf{b}_2 = (-1, 1), \\ \mathbf{c}_1 = (1, -1), & \mathbf{c}_2 = (2, -3), & \mathbf{c}_3 = (-1, -1). \end{array}$$

- a) Zlepek Bézierjevih krivulj $\mathbf{z}_1 : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R}^2$ s stičnimi točkami $u_0 = -1, u_1 = 0, u_2 = 1$ je definiran s predpisom:

$$\mathbf{z}_1(u) = \begin{cases} \mathbf{b}(u+1); & u \in [-1, 0) \\ \mathbf{c}(u); & u \in [0, 1] \end{cases}.$$

Določite \mathbf{b}_3 in \mathbf{c}_0 tako, da bo \mathbf{z}_1 zvezno odvedljiv.

- b) Zlepek Bézierjevih krivulj $\mathbf{z}_2 : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R}^2$ s stičnimi točkami $u_0 = -1, u_1 = 1/2, u_2 = 1$ je definiran s predpisom:

$$\mathbf{z}_2(u) = \begin{cases} \mathbf{b}(\frac{2}{3}(u+1)); & u \in [-1, \frac{1}{2}) \\ \mathbf{c}(2u-1); & u \in [\frac{1}{2}, 1] \end{cases}.$$

Določite \mathbf{b}_3 in \mathbf{c}_0 tako, da bo \mathbf{z}_2 zvezno odvedljiv.

- c) Ali sta \mathbf{z}_1 in \mathbf{z}_2 dvakrat zvezno odvedljiva?

Rešitev: naloga 2.8 v Gradivo s predavanj in vaj.

3. V *Matlabu* sestavite program, ki na zaslon izriše zvezno odvedljiv kvadratični zlepek Bézierjevih krivulj, določen s točkami $\mathbf{p}_0, \mathbf{p}_1, \dots, \mathbf{p}_{m+1}$ in parametriziran na intervalu $[0, m]$ s stičnimi točkami

$$u_i = i, \quad i = 0, 1, \dots, m.$$