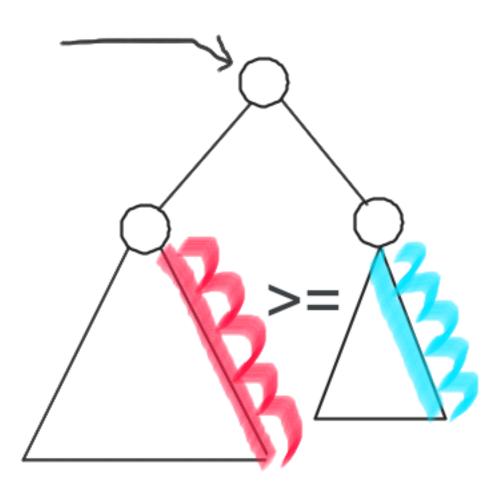
Invariante Leftist: el rango de cualquier hijo izquierdo es mayor o igual que el de su hermano de la derecha.

Rango es la longitud de la espina derecha de cada nodo.



```
type Rank = Int data Heap a = E \mid N Rank a (Heap a) (Heap a)
```

## Definimos la función merge:

```
merge :: Ord a\Rightarrow Heap a\rightarrow Heap a\rightarrow Heap a merge h1 E = h1 merge E h2=h2 merge h1@(N\_x a1 b1) h2@(N\_y a2 b2) = if x\leqslant y then makeH x a1 (merge b1 h2) else makeH y a2 (merge h1 b2)
```

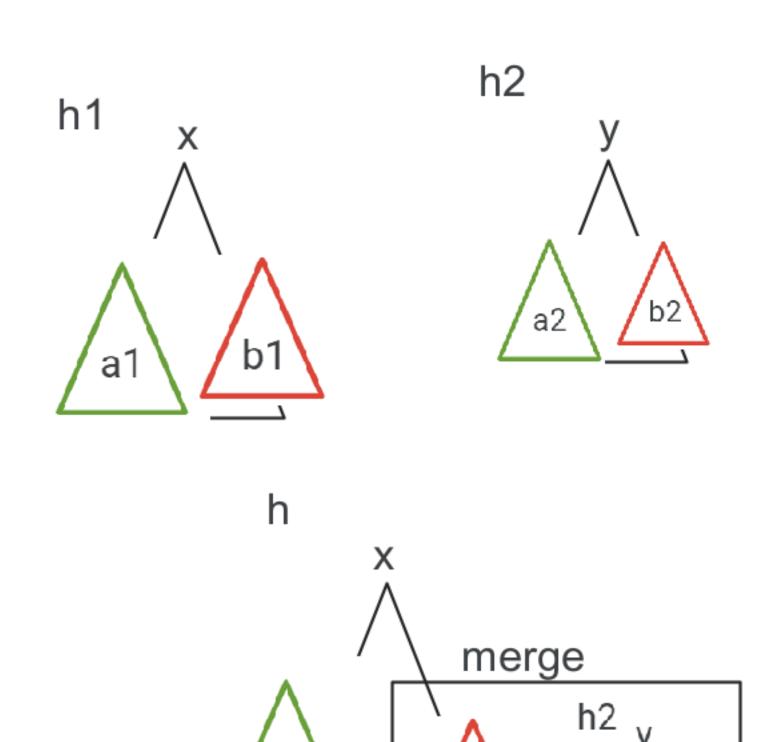
rank :: Heap 
$$a \rightarrow Rank$$
  
rank E = 0  
rank (N  $r = -$ ) =  $r$ 

## Definimos makeH:

$$makeH \times a \ b = if \ rank \ a \geqslant rank \ b \ then \ \mathbb{N} \ (rank \ b + 1) \times a \ b$$
 else  $\mathbb{N} \ (rank \ a + 1) \times b \ a$ 

## Luego tenemos que:

- La espina derecha es la ruta más corta a una hoja.
- Los elementos de la espina derecha están ordenados.



**a**1