# Silabus

# za organizaciju takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj

# autori #TODO

# Februar, 2025

# Sadržaj

| 1      | Uvod   |   |          |  |  |  |  |
|--------|--|---|----------|--|--|--|--|
|        | 1.1  | Opšte informacije   | 5        |  |  |  |  |
|        | 1.2  | Vizija  | 5        |  |  |  |  |
|        | 1.3  | O strukturi dokumenta   | 5        |  |  |  |  |
| 2      | Mat  | Matematika  |          |  |  |  |  |
|        | 2.1 $^{\mathrm{REG}^*}$ Prosti brojevi (en. $Prime\ Numbers)$  |   |          |  |  |  |  |
|        | 2.2 REG* Euklidska udaljenost (en. <i>Euclidean Distance</i> ) |   |          |  |  |  |  |
|        | 2.3 REG* Pitagorina teorema (en. <i>Pythagorean Theorem</i> )  |   | 8        |  |  |  |  |
|        | 2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic)    |   | 9        |  |  |  |  |
|        |  | 2.4.1 REG* Logički izrazi (en. <i>Logical Expressions</i> )   | 9        |  |  |  |  |
|        |  | 2.4.2 REG* Modus ponens i modus tolens (en. <i>Modus Ponens and Modus Tollens</i> ).  | 9        |  |  |  |  |
|        | 2.5 Dokazi (en. <i>Proofs</i> )                                |   | 10       |  |  |  |  |
|        |  | 2.5.1 Reg* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs)   | 10       |  |  |  |  |
|        |  | 2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Defini-   |          |  |  |  |  |
| tions) |  |   | 10       |  |  |  |  |
|        |  | Kombinatorika (en. Combinatorics)   | 11       |  |  |  |  |
|        |  | 2.6.1 REG* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations)  | 11       |  |  |  |  |
|        |  | 2.6.2 REG* Princip uključenja i isključenja (en. <i>Inclusion-Exclusion Principle</i> )   | 11       |  |  |  |  |
|        |  | 2.6.3 REG* Dirihleov princip (en. <i>Pigeonhole Principle</i> )   | 11       |  |  |  |  |
|        |  | 2.6.4 REG* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity)   | 11       |  |  |  |  |
|        |  | 2.6.5 REG* Binomna teorema (en. Binomial Theorem)   | 11       |  |  |  |  |
|        |  | 2.6.6 REG* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial   | 11       |  |  |  |  |
|        | 0.7  | $Coefficients) \dots \dots$ | 11       |  |  |  |  |
|        | 2.7  | Grafovi (i stabla) (en. Graphs (and Trees))   | 12       |  |  |  |  |
|        |  | 2.7.1 REG* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. <i>Undirected and Directed Graphs</i> ).  | 12       |  |  |  |  |
|        |  | 2.7.2 REG* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs)   | 12       |  |  |  |  |
|        |  | $O = \{ j \in J \mid j \in J \}$  | 12<br>12 |  |  |  |  |
|        |  | $\mathcal{I}$   |          |  |  |  |  |
|        |  | 2.7.5 Reg* Razapinjuća stabla (en. <i>Spanning Trees</i> )  | 12       |  |  |  |  |

|  |   | 2.7.6          | REG* Bipartitni grafovi (en. <i>Bipartite Graphs</i> )                       | 12       |  |  |  |
|--|---|----------------|--|----------|--|--|--|
|  |   | 2.7.7          | REG* Direktni aciklični grafovi (en. Direct Acyclic Graphs)                  | 12       |  |  |  |
|  |   | 2.7.8          | REG* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph   | 4.0      |  |  |  |
|  |   | 2.7.9          | Shapes)  | 12       |  |  |  |
|  | 20  | REG* T         | Properties of a Graph)   | 12<br>13 |  |  |  |
| 2.8 REG* Linearna algebra (en. <i>Linear Algebra</i> ) |   |                |  |          |  |  |  |
| 3  | Rač   |                | ke Nauke - Algoritmi   | 14       |  |  |  |
|  | 3.1   |                | vne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures)                     | 14       |  |  |  |
|  |   | 3.1.1          | REG** Primitivni tipovi (en. <i>Primitive Types</i> )                        | 14       |  |  |  |
|  |   | 3.1.2          | REG** Nizovi (en. Arrays)  | 14       |  |  |  |
|  |   | 3.1.3          | REG** Povezane strukture (en. <i>Linked Structures</i> )                     | 14       |  |  |  |
|  |   | 3.1.4          | REG** Tehnike implementacije grafova i stabala (en. Techniques of Implemen-  |          |  |  |  |
|  |   |                | tations of Graphs and Trees)   | 14       |  |  |  |
|  | 0.0   | 3.1.5          | REG** Pokazivači i reference (en. <i>Pointers and References</i> )           | 14       |  |  |  |
|  | 3.2   |                | rzija (en. Recursion)  | 15       |  |  |  |
|  |   | 3.2.1          | REG** Koncepti (en. Concepts)  | 15       |  |  |  |
|  |   | 3.2.2          | REG** Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions) | 15       |  |  |  |
|  | 0.0   | 3.2.3          | REG** Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures) .   | 15<br>16 |  |  |  |
|  | 3.3 Generalna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory) |                |  |          |  |  |  |
|  |   |                | REG* Asimptotska analiza (en. Asymptotic Analysis)                           | 16       |  |  |  |
|  |   | 3.3.2<br>3.3.3 | REG* Big-O notacija (en. <i>Big-O Notation</i> )                             | 16<br>16 |  |  |  |
|  | 3.4   |                | ralne algoritamske strategije (en. General Algorithm Strategies)             | 17       |  |  |  |
|  | 5.4   | 3.4.1          | REG** Algoritmi iscrpne pretrage (en. Brute-Force Algorithms)                | 17       |  |  |  |
|  |   | 3.4.1 $3.4.2$  | REG** Gramzivi algoritmi (en. Greedy Algorithms)                             | 17       |  |  |  |
|  |   | 3.4.3          | REG** Zavadi-pa-vladaj (en. Divide-and-Conquer Algorithms)                   | 17       |  |  |  |
|  |   | 3.4.4          | REG** Bektreking (en. Backtracking)  | 17       |  |  |  |
|  |   | 3.4.5          | REG** Dinamičko programiranje (en. <i>Dynamic Programming</i> )              | 17       |  |  |  |
|  |   | 3,1,3          | 3.4.5.1 REP** Dinamičko programiranje nad opsegom (en. Range DP)             | 18       |  |  |  |
|  |   |                | 3.4.5.2 REP** Dinamičko programiranje sa bitmaskama (en. Bitmask $DP$ ).     | 18       |  |  |  |
|  |   |                | 3.4.5.3 REP** Dinamičko programiranje nad ciframa broja (en. Range DP)       | 18       |  |  |  |
|  |   |                | 3.4.5.4 REP** Dinamičko programiranje na stablu (en. Tree $DP$ )             | 18       |  |  |  |
|  |   |                | 3.4.5.5 REP** Dinamičko programiranje na usmjerenom acikličnom grafu (en.    |          |  |  |  |
|  |   |                | $DAG\ DP)$   | 18       |  |  |  |
|  | 3.5   | Jedno          | stavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms)                 | 19       |  |  |  |
|  |   | 3.5.1          | REG** #TODO (en. Radix Conversion)   | 19       |  |  |  |
|  |   | 3.5.2          | REG** Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm)                            | 19       |  |  |  |
|  |   | 3.5.3          | REG** Test prostosti (en. <i>Primality Test</i> )                            | 19       |  |  |  |
|  |   | 3.5.4          | REG** Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes)                          | 19       |  |  |  |
|  |   | 3.5.5          | REG** Faktorizacija (en. Factorization)                                      | 19       |  |  |  |
|  |   | 3.5.6          | REG** Efikasno eksponovanje (en. Efficient Exponentiation)                   | 19       |  |  |  |
|  | 3.6   |                | Jednostavne manipulacije nizovima (en. Simple Array Manipulations)           | 20<br>21 |  |  |  |
|  | 3.7   |                |  |          |  |  |  |
|  | 3.8   |                | age (en. Searches)   | 22       |  |  |  |
|  |   | 3.8.1          | Sekvencijalna pretraga (en Sequential Search)                                | 22       |  |  |  |

|       | 3.8.2 REG** Binarna pretraga (en. Binary Search)                                      |  |  |  |  |  |
|-------|---|--|--|--|--|--|
| 3.9   | Sortiranja (en. <i>Sorts</i> )  |  |  |  |  |  |
|       | $3.9.1$ $\stackrel{\text{REG}^*}{=}$ Sortiranje mjehurom (en. Bubble Sort)            |  |  |  |  |  |
|       | 3.9.2 REG* Sortiranje umetanjem (en. <i>Insertion Sort</i> )                          |  |  |  |  |  |
|       | 3.9.3 REP* Kviksort (en. <i>Quicksort</i> )   |  |  |  |  |  |
|       | 3.9.4 REG* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort)                                      |  |  |  |  |  |
|       | 3.9.5 REG* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort)                              |  |  |  |  |  |
|       | 3.9.6 REP* Commenter and in the Develop Country Sort                                  |  |  |  |  |  |
| 2.10  | 3.9.6 REP* Segmentno sortiranje (en. $Bucket Sort$ )                                  |  |  |  |  |  |
| 3.10  | Obilasci (en. Traversals)   |  |  |  |  |  |
|       | 3.10.1 REG** Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search)                               |  |  |  |  |  |
|       | 3.10.2 REG** Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search)                             |  |  |  |  |  |
|       | 3.10.3 Primjene   |  |  |  |  |  |
|       | 3.10.3.1 REG** Topološko sortiranje (en. Topological Sort)                            |  |  |  |  |  |
|       | 24  |  |  |  |  |  |
|       | 3.10.3.2 REP** Ojlerov put (en. Euler Path)   |  |  |  |  |  |
| 3.11  | REP** Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en. Connected components       |  |  |  |  |  |
|       | and transitive closures)  |  |  |  |  |  |
| 3.12  | Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms) 26            |  |  |  |  |  |
|       | 3.12.1 REP** Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm) 26                  |  |  |  |  |  |
|       | 3.12.2 REP** Dajkstrin algoritam (en. <i>Dijkstra's Algorithm</i> )                   |  |  |  |  |  |
|       | 3.12.3 REP** Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm) 26             |  |  |  |  |  |
| 3.13  |   |  |  |  |  |  |
|       | 3.13.1 REP** Primov algoritam (en. <i>Prim's Algorithm</i> )                          |  |  |  |  |  |
|       | 3.13.2 REP** Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm)                            |  |  |  |  |  |
| 3.14  | Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en. Biconnectivity in undirected graphs) 28  |  |  |  |  |  |
|       | 3.14.1 REP** Mostovi (en. <i>Bridges</i> )  |  |  |  |  |  |
|       | 3.14.2 REP** Artikulacione tačke (en. Articulation Points)                            |  |  |  |  |  |
| 3.15  | Povezanost u usmjerenim grafovima (en. Connectivity in Directed Graphs) 29            |  |  |  |  |  |
|       | 3.15.1 REP** Čvrste komponente povezanosti (en. Strongly Connected Components) 29     |  |  |  |  |  |
| 3.16  | REG** Osnove kombinatorne teorije igara (en. Basics of combinatorial game theory) 30  |  |  |  |  |  |
|       | Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms)                                     |  |  |  |  |  |
| 5,12, | 3.17.1 REP** Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression)                       |  |  |  |  |  |
|       | 3.17.2 REP** #TODO (en. Sweeping Line)  |  |  |  |  |  |
|       | 3.17.3 REP** Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en. Vector and Scalar Product, |  |  |  |  |  |
|       | and Applications)   |  |  |  |  |  |
|       | 3.17.4 REP** $O(N * log(N))$ Konveksni omotač (en. $O(N * log(N))$ Convex Hull) 31    |  |  |  |  |  |
|       | 5.11.4 O(1 log(11)) Rohvekshi olilotac (ch. O(11 log(11)) Comoca Hatt) 51             |  |  |  |  |  |
| Rač   | unarske Nauke - Strukture Podataka 32   |  |  |  |  |  |
| 4.1   | REG** Stek (en. <i>Stack</i> )  |  |  |  |  |  |
| 4.2   | $^{\mathrm{REG}^{**}}$ Red (en. $Queue$ )   |  |  |  |  |  |
| 4.3   |   |  |  |  |  |  |
| 4.4   | REP** Reprezentacije disjunktnog skupa (en. <i>Disjoint-set representations</i> )     |  |  |  |  |  |
| 4.5   | Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary     |  |  |  |  |  |
| 1.0   | Search Trees)   |  |  |  |  |  |
|       | 4.5.1 REP** Segment no stable (en. Segment Tree)                                      |  |  |  |  |  |
|       | 4.5.1 Segmentino stablo (en. Segment Tree)  |  |  |  |  |  |
|       |   |  |  |  |  |  |
|       | Indexed Tree - $BIT$ )  |  |  |  |  |  |

| 4.6  | 4.6 REP* Balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Balanced Binary Search Tree). |    |  |  |  |  |
|------|--|----|--|--|--|--|
|      | 4.6.1 REP** Logaritamski algoritmi za pronalaženje najnižeg zajedničkog pretka (en.  |    |  |  |  |  |
|      | $Logarithmic \ Algorithms \ for \ Lowest \ Common \ Ancestor)$                       | 38 |  |  |  |  |
| 4.7  | Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions)                                       | 39 |  |  |  |  |
|      | 4.7.1 REP** Teška-laka dekompozicija (en. <i>Heavy-Light Decomposition</i> )         | 39 |  |  |  |  |
|      | 4.7.2 REP** Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition)                    | 39 |  |  |  |  |
| 4.8  | REP** Perzistente strukture podataka (en. Persistent Data Structures)                | 40 |  |  |  |  |
|      |  |    |  |  |  |  |
| 4.10 | REP** Prefiksno stablo (en. <i>Prefix tree - Trie</i> )                              | 42 |  |  |  |  |
|      |  |    |  |  |  |  |

#### 1 Uvod

#### 1.1 Opšte informacije

Internacionalna informatička olimpijada (IOI, eng. International Olympiad in Informatics) najprestižnije je globalno takmičenje učenika osnovnih i srednjih škola iz programiranja. Kao takvo, samo učešće na istoj može biti od velikog značaja za budućnost pojedinca, a osvojene medalje su uspjele plasirati takmičare na prestižne svjetske univerzitete, te im, takođe, otvorile mogućnost zaposlenja u najvećim tehnološkim gigantima. IOI predstavlja cilj određenog dijela takmičara, pretežno iz srednje škole.

Tematika koja se pojavljuje u IOI zadacima definisana je planom (eng. IOI Syllabus). Dakle, adekvatno bi bilo uključivati one algoritme i strukture podataka, te oblasti, koje su propisane ovim planom. Iako su zadaci prezentovani na IOI, većinu vremena, ad-hoc prirode (onakve da ne pripadaju ni jednoj kategoriji), oni nisu striktno ad-hoc prirode - kombinuju razne metode kako bi se došlo do rješenja, nerijetko su implementacijski kompleksni i zahtijevaju duboko poznavanje algoritama i struktura podataka. Zbog ovoga, smatramo da je potrebno da zadaci postavljeni na takmičenjima sadrže više konkretnih algoritama i struktura podataka, koje je vješto potrebno adaptirati i kombinovati sa drugim tehnikama. Ovo ne znači da svaki zadatak mora biti moguće riješiti nekom konkretnom metodom, već da je samo potrebno povećati količinu i nivo poznavanja popularnih algoritama i struktura podataka na višim nivoima takmičenja.

#### 1.2 Vizija

Tim za zadatke odlučio je da kreira ovaj dokument, u cilju olakšavanja procesa učenja i informisanju učenika-takmičara. Korištenjem ovog dokumenta, učenicima-takmičarima bi na dohvat ruke bila dostupna respektabilna količina resursa za pripremanja za takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj, ali, neminovno, i za **BHOI**, **BOI** i **IOI**. Smatramo da će učenici, prateći ovaj dokument, te koristeći druge izvore, uspjeći da podignu kvalitet znanja na dosta viši nivo, do sada rijetko viđen među takmičarima, te, samim tim, i unaprediti kvalitet takmičenja i takmičarsku kulturu u Republici Srpskoj.

#### 1.3 O strukturi dokumenta

Informacije o temama, kao i resursi, nalaze se u 3 kategorije: Matematika, Računarske Nauke - Algoritmi i Računarske Nauke - Strukture Podataka.

Razlog ove podijele baziran je na ideji da bi, u početku, trebalo izučiti, makar na osnovnom nivou, razne teorijske osnove računarskih nauka. Takmičar će brže razumijevati dalje konkretne koncepte vezane za ove teorijske ideje, te biti versatilniji u njihovom korištenju. Što je snažniji matematički alat - kreativnost na takmičenjima će rasti.

Nakon toga, algoritmi i strukture podataka se mogu izučavati u generalno arbitrarnom redoslijedu, tj. mogu se kombinovati i učiti po učenikovoj preferenci.

Teme označene sa  $^{\rm REG}$  označavaju teme koje se mogu pojaviti na regionalnom takmičenju, dok teme označene sa  $^{\rm REP}$  označavaju teme koje se mogu pojaviti isključivo na republičkom takmičenju. Jedna zvjezdica pored nivoa ( $^{\rm REG*}$ ,  $^{\rm REP*}$ ) označava teme koje bi se trebale poznavati na generalnom, teorijskom nivou, dok dvije zvjezdice ( $^{\rm REG**}$ ,  $^{\rm REP**}$ ) označavaju teme za koje je potrebno poznavanje implementacije.

- 2 Matematika
- 2.1 REG\* Prosti brojevi (en.  $Prime\ Numbers$ )

# 2.2 REG\* Euklidska udaljenost (en. $Euclidean\ Distance$ )

Euklidova udaljenost - Wikipedia

 ${\bf Euklidova\ udaljenost\ -\ Geek for Geeks}$ 

2.3 REG\* Pitagorina teorema (en. *Pythagorean Theorem*)

Pitagorina teorema - Wikipedia

## 2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic)

## 2.4.1 REG\* Logički izrazi (en. Logical Expressions)

Bulova algebra - Automatika.rs

Bulova algebra - GeekforGeeks

# 2.4.2 REG\* Modus ponens i modus tolens (en. Modus Ponens and Modus Tollens)

Modus ponens - Wikipedia

Modus tolens - Wikipedia

Modus ponens, modus tolens - GeekforGeeks

- 2.5 Dokazi (en. Proofs)
- 2.5.1 REG\* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs)
- 2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Definitions)

- 2.6 Kombinatorika (en. Combinatorics)
- 2.6.1 REG\* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations)
- 2.6.2 REG\* Princip uključenja i isključenja (en. Inclusion-Exclusion Principle)
- 2.6.3 REG\* Dirihleov princip (en. Pigeonhole Principle)
- 2.6.4 REG\* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity)
- 2.6.5 REG\* Binomna teorema (en. *Binomial Theorem*)
- 2.6.6 REG\* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial Coefficients)

- 2.7 Grafovi (i stabla) (en. *Graphs (and Trees)*)
- 2.7.1 REG\* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. Undirected and Directed Graphs)
- 2.7.2 REG\* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs)
- 2.7.3 REG\* Multigrafovi (en. *Multigraphs*)
- 2.7.4 REG\* Dostupnost (en. Reachability)
- 2.7.5 Reg\* Razapinjuća stabla (en. Spanning Trees)
- 2.7.6 REG\* Bipartitni grafovi (en. Bipartite Graphs)
- 2.7.7 REG\* Direktni aciklični grafovi (en. *Direct Acyclic Graphs*)
- 2.7.8 REG\* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph Shapes)
- 2.7.9 REG\* Osnovne kombinatorne osobine grafova (en. Fundamental Combinatorial Properties of a Graph)

# 2.8 REG\* Linearna algebra (en. Linear Algebra)

#### Linearna algebra - GeekforGeeks

Oblast je preopširna, dovoljno je upoznati se sa osnovnim pojmovima.

Uvod u matrice - GeekforGeeks

#### Matrice kao strukture podataka - GeekforGeeks

Osnovno znanje: "Basics of Matrix Data Structure" i prva polovina "Basic Problems" sekcije.

## 3 Računarske Nauke - Algoritmi

#### 3.1 Osnovne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures)

#### 3.1.1 REG\*\* Primitivni tipovi (en. *Primitive Types*)

Tipovi podataka - USACO

Competitive Programmer's Handbook Strane 16,17 i 18

Fundamentalni tipovi - cppreference

Osnovni tipovi - Petlja

Strane 19 i 20

#### 3.1.2 REG\*\* Nizovi (en. Arrays)

Nizovi - W3School

Nizovi - Petlja

Strane 256 - 299

Uvod u strukture podataka - USACO

#### 3.1.3 REG\*\* Povezane strukture (en. *Linked Structures*)

Povezane strukture – objašnjenje, primjeri, implemetacije

Šta su Povezane liste i kako funkcionišu

Video objašnjenje Povezanih listi

# 3.1.4 REG\*\* Tehnike implementacije grafova i stabala (en. $Techniques\ of\ Implementations\ of\ Graphs\ and\ Trees$ )

Više o Grafovima - vrste, reprezentacije

Različite Implementacije grafova

Više o Stablima – vrste, pravila, terminologija

Implementacija Binarnog stabla

#### 3.1.5 REG\*\* Pokazivači i reference (en. Pointers and References)

Više o Pokazivačima

Video objašnjenje Pokazivača

Više o Referencama

Video objašnjenje Referenci

- 3.2 Rekurzija (en. Recursion)
- 3.2.1 REG\*\* Koncepti (en. *Concepts*)
- 3.2.2 REG\*\* Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions)
- 3.2.3 REG\*\* Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures)

#### 3.3 Generalna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory)

#### 3.3.1 REG\* Asimptotska analiza (en. Asymptotic Analysis)

Uvod u asimptotsku analizu

#### Asimptotska analiza - Petlja

Strane 22 - 28

#### Materijal sa predavanja - ETF BL

Prezentacija sa vježbi iz predmeta Formalne metode u softverskom inženjerstvu, teoretski orijentisana uz par primjera određivanja složenosti

#### 3.3.2 REG\* Big-O notacija (en. Big-O Notation)

Big-O notacija - Petlja

Strana 28

Uvod u Big-O notaciju - Video

**Neetcode Cheat Sheet** 

**Cheat Sheet** 

#### 3.3.3 REG\* Standardne klase kompleksnosti (en. Standard Complexity Classes)

#### Competitive Programmer's Handbook

Strane 20 i 21

**USACO** Book

Strane 8 i 9

Složenosti nekih čestih algoritama - Petlja

Strane 28 - 31

#### 3.4 Generalne algoritamske strategije (en. General Algorithm Strategies)

#### 3.4.1 REG\*\* Algoritmi iscrpne pretrage (en. Brute-Force Algorithms)

#### Potpuna pretraga

Potpuna pretraga - CP Handbook Strane 47 - 49 "Gruba sila" - Petlja Strane 424 - 434 Zadaci - Codeforces

#### 3.4.2 REG\*\* Gramzivi algoritmi (en. Greedy Algorithms)

Uvod u gramzive algoritme - USACO

Gramzivi algoritmi - CP Handbook Strane 57 - 65 Gramzivi algoritmi - Petlja Strane 605 - 631 Zadaci - Codeforces

#### 3.4.3 REG\*\* Zavadi-pa-vladaj (en. $Divide-and-Conquer\ Algorithms$ )

#### 3.4.4 REG\*\* Bektreking (en. Backtracking)

Backtracking - CP Handbook Strane 50 - 54 Bektreking - Petlja Zbirka 2 Objašnjenje koncepta i zadaci Zadaci - SPOJ

#### 3.4.5 REG\*\* Dinamičko programiranje (en. *Dynamic Programming*)

• Problemi optimizacije

Zadaci - SPOJ

• Problemi prebrojavanja

**Napomena:** Za regionalno takmičenje je uključena isključivo optimizacija rekurzivnih problema tabulacijom ili memoizacijom.

**Napomena:** Napredne tehnike optimizacije tehnike dinamičkog programiranje (Convex hull trick, Divide & Conquer DP, Knuth's Optimization...) **nisu uključene** ni za regionalno, ni za republičko.

Dynamic Programming lectures - Errichto
Video lekcije
Uvod u dinamičko programiranje
USACO
Dinamičko programiranje - Petlja Zbirka 2
Objašnjenje koncepta i zadaci
Dinamičko programiranje - GeeksForGeeks
Lista zadataka sa objašnjenjima
Blog post sa listom resursa
Codeforces

# 3.4.5.1 REP\*\* Dinamičko programiranje nad opsegom (en. Range DP) USACO Množenje lanca matrica Zadatak sa objašnjenjem MIXTURES - SPOJ Zadatak

3.4.5.2 REP\*\* Dinamičko programiranje sa bitmaskama (en.  $Bitmask\ DP$ ) Bitmask DP USACO Sum over subset DP USACO

3.4.5.3  $^{\text{REP}^{**}}$  Dinamičko programiranje nad ciframa broja (en. Range DP)  $^{\text{Digit DP}}$  USACO  $^{\text{Codeforces blog post}}$ 

Objašnjenje i lista zadataka  $\mathbf{Z}$ adatak

3.4.5.4 REP\*\* Dinamičko programiranje na stablu (en. *Tree DP*) Uvod GeeksForGeeks Dinamičko programiranje nad stablom USACO - podstablo kao podproblem DP nad stablom van podstabla USACO Codeforces blog post

3.4.5.5  $^{\mathrm{REP}^{**}}$  Dinamičko programiranje na usmjerenom acikličnom grafu (en.  $\mathit{DAG\ DP})$ 

Uvod
GeeksForGeeks - Objašnjenje
Primjer Zadatka
GeeksForGeeks
#TODO još resursa

Napomena: Poznatiji algoritmi sa drugim vrstama grafova dati su u drugim poglavljima.

- 3.5 Jednostavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms)
- 3.5.1 REG\*\* #TODO (en. Radix Conversion)
- 3.5.2 REG\*\* Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm)
- 3.5.3 REG\*\* Test prostosti (en. *Primality Test*)

Provjera prostosti broja - video

Provjera prostosti broja - GeekforGeeks

- 3.5.4 REG\*\* Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes)
- 3.5.5 REG\*\* Faktorizacija (en. Factorization)
- 3.5.6 REG\*\* Efikasno eksponovanje (en. Efficient Exponentiation)

3.6  $^{\mathrm{REG}^{**}}$  Jednostavne manipulacije nizovima (en. Simple Array Manipulations)

3.7 REG\*\* Jednostavni algoritmi sa stringovima (en. Simple String Algorithms)

## 3.8 Pretrage (en. Searches)

# 3.8.1 REG\*\* Sekvencijalna pretraga (en. Sequential Search)

Potpuna pretraga - USACO

Potpuna pretraga sa rekurzijom - USACO

Linearna pretraga

#### 3.8.2 REG\*\* Binarna pretraga (en. Binary Search)

Binarna pretraga - USACO

Binarna pretraga - CP Algorithms

Binarna pretraga - Petlja

Strane 119 - 175

Binarna pretraga - CP Handbook

Strane 31 - 34

Zadaci - Codeforces

#### 3.9 Sortiranja (en. Sorts)

Uvod u algoritme za sortiranje

Online zadaci iz sortiranja

#### 3.9.1 REG\* Sortiranje mjehurom (en. *Bubble Sort*)

Šta je Sortiranje mjehurom i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja mjehurom

#### 3.9.2 REG\* Sortiranje umetanjem (en. Insertion Sort)

Šta je Sortiranje umetanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja umetanjem

#### 3.9.3 REP\* Kviksort (en. Quicksort)

Šta je Kviksort i kako funkcioniše

Video objašnjenje Kviksort-a

#### 3.9.4 REG\* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort)

Šta je Sortiranje spajanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja spajanjem

#### 3.9.5 REG\* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort)

Šta je Sortiranje prebrojavanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja prebrojavanjem

#### 3.9.6 REP\* Segmentno sortiranje (en. Bucket Sort)

Šta je Segmentno sortiranje i kako funkcioniše

Video objašnjenje Segmentnog sortiranja

```
3.10 Obilasci (en. Traversals)
```

- 3.10.1 REG\*\* Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search)
- 3.10.2 REG\*\* Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search)
- 3.10.3 Primjene
- 3.10.3.1  $^{\text{REG}^{**}}$  Topološko sortiranje (en. Topological Sort)  $^{\text{Topološko sortiranje}}$  USACO

Topološko sortiranje - CP Algorithms

3.10.3.2 REP\*\* Ojlerov put (en. Euler Path) Ojlerov put - USACO

Ojlerov put - CP Handbook

Strane 173 - 176

3.11 REP\*\* Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en.  $Connected\ components\ and\ transitive\ closures)$ 

- 3.12 Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms)
- 3.12.1 REP\*\* Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm)
- 3.12.2 REP\*\* Dajkstrin algoritam (en. *Dijkstra's Algorithm*)
- 3.12.3 REP\*\* Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm)

- 3.13 Minimalno razapinjuće stablo (en. Minimum Spanning Tree)
- 3.13.1 REP\*\* Primov algoritam (en. Prim's Algorithm)
- 3.13.2 REP\*\* Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm)

- 3.14 Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en.  $Biconnectivity\ in\ undirected\ graphs)$
- 3.14.1 REP\*\* Mostovi (en. Bridges)
- 3.14.2 REP\*\* Artikulacione tačke (en. Articulation Points)

# 3.15 Povezanost u usmjerenim grafovima (en. $Connectivity\ in\ Directed\ Graphs)$

# $3.15.1 \quad {}^{\mathrm{REP}^{**}}\,\check{\mathrm{C}}\mathrm{vrste}\,\,\mathrm{komponente}\,\,\mathrm{povezanosti}\,\,\mathrm{(en.}\,\,\mathit{Strongly}\,\,\mathit{Connected}\,\,\mathit{Components})$

#### Teorija čvrstih komponenata povezanosti

Gorepomenuti resurs objašnjava pojam čvrstih komponenti povezanosti, te implementaciju Kosarajuvog algoritma.

Kosarajuov algoritam (zadaci)

Tardžanov algoritam

3.16 REG\*\* Osnove kombinatorne teorije igara (en. Basics of combinatorial game theory)

- 3.17 Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms)
- 3.17.1 REP\*\* Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression)
- 3.17.2 REP\*\* #TODO (en. Sweeping Line)
- 3.17.3  $\,^{\text{REP}^{**}}$  Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en.  $\textit{Vector and Scalar Product}, \,\, \textit{and Applications})$

- 4 Računarske Nauke Strukture Podataka
- 4.1 REG\*\* Stek (en. Stack)

4.2 REG\*\* Red (en. Queue)

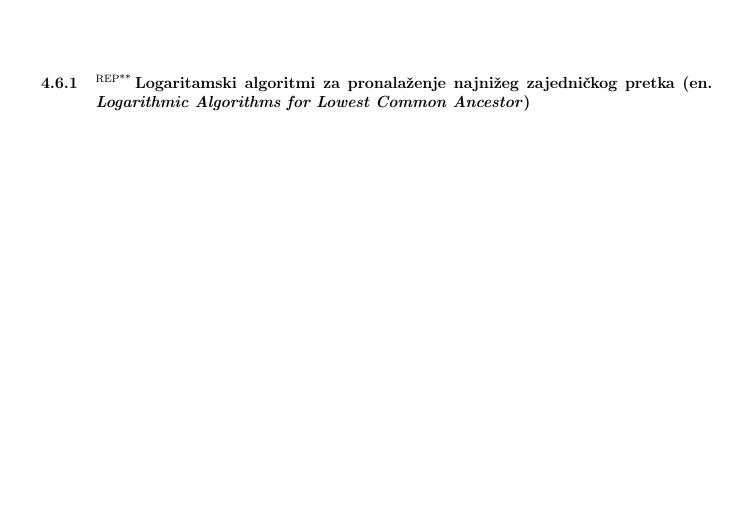
4.3 Reprezentacije grafova (en.  $Graph\ Representations)$ 

4.4 REP\*\* Reprezentacije disjunktnog skupa (en.  $\it Disjoint\textsc{-set}$   $\it representations)$ 

- 4.5 Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary Search Trees)
- 4.5.1 REP\*\* Segmentno stablo (en. Segment Tree)
- 4.5.2 REP\*\* Fenvikovo stablo/Binarno indeksirano stablo (en. Fenvick Tree/Binary Indexed Tree BIT)

Binarno Indeksirano Stablo - USACO Ovaj dio nalazi se na polovini stranice. Fenvikovo stablo - CP Algorithms

Binarno Indeksirano Stablo - CP Handbook Stranice 86, 87 i 88 Fenvikovo stablo - Video 4.6  $^{\mathrm{REP}^{*}}$ Balansirana binarna pretraživačka stabla (en.  $Balanced\ Binary\ Search\ Tree)$ 



- 4.7 Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions)
- 4.7.1 REP\*\* Teška-laka dekompozicija (en.  $Heavy-Light\ Decomposition$ )
- 4.7.2 REP\*\* Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition)

4.8 REP\*\* Perzistente strukture podataka (en.  $Persistent\ Data\ Structures)$ 

| 4.9 | Ugnježdavanje | struktura | podataka | (en. | Nesting | $of\ Data$ | Structures) |
|-----|---------------|-----------|----------|------|---------|------------|-------------|
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |
|     |               |           |          |      |         |            |             |

4.10 REP\*\* Prefiksno stablo (en.  $Prefix\ tree\ -\ Trie)$