# Silabus

# za organizaciju takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj

# autori #TODO

# Februar, 2025

# Sadržaj

1	Uvod						
	1.1	Opšte informacije	5				
	1.2	Vizija	5				
	1.3	O strukturi dokumenta	5				
2	Mat	Matematika					
	2.1 $^{\text{REG*}}$ Prosti brojevi (en. <i>Prime Numbers</i> )						
	2.2 REG* Euklidska udaljenost (en. Euclidean Distance)						
	2.3 REG* Pitagorina teorema (en. <i>Pythagorean Theorem</i> )		8				
	2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic)		9				
		2.4.1 REG* Logički izrazi (en. <i>Logical Expressions</i> )	9				
		2.4.2 REG* Modus ponens i modus tolens (en. <i>Modus Ponens and Modus Tollens</i> ).	9				
	2.5 Dokazi (en. <i>Proofs</i> )		10				
		2.5.1 Reg* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs)	10				
		2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Defini-					
tions)			10				
		Kombinatorika (en. Combinatorics)	11				
		2.6.1 REG* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations)	11				
		2.6.2 REG* Princip uključenja i isključenja (en. <i>Inclusion-Exclusion Principle</i> )	11				
		2.6.3 REG* Dirihleov princip (en. <i>Pigeonhole Principle</i> )	11				
		2.6.4 REG* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity)	11				
		2.6.5 REG* Binomna teorema (en. Binomial Theorem)	11				
		2.6.6 REG* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial	11				
	0.7	$Coefficients) \dots \dots$	11				
	2.7	Grafovi (i stabla) (en. Graphs (and Trees))	12				
		2.7.1 REG* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. <i>Undirected and Directed Graphs</i> ).	12				
		2.7.2 REG* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs)	12				
		$O = \{ j \in J \mid j \in J \}$	12 12				
		$\mathcal{O}$					
		2.7.5 Reg* Razapinjuća stabla (en. <i>Spanning Trees</i> )	12				

		2.7.6	REG* Bipartitni grafovi (en. Bipartite Graphs)	12		
		2.7.7	REG* Direktni aciklični grafovi (en. Direct Acyclic Graphs)	12		
		2.7.8	REG* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph			
			Shapes)	12		
		2.7.9	REG* Osnovne kombinatorne osobine grafova (en. Fundamental Combinatorial	10		
	0.0	REG* T	Properties of a Graph)	12		
	2.8	L	Linearna algebra (en. <i>Linear Algebra</i> )	13		
3	Rač	unarsl	ke Nauke - Algoritmi	14		
	3.1	Osnov	rne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures)	14		
		3.1.1	REG** Primitivni tipovi (en. <i>Primitive Types</i> )	14		
		3.1.2	REG** Nizovi (en. Arrays)	14		
		3.1.3	REG** Povezane strukture (en. <i>Linked Structures</i> )	14		
		3.1.4	REG** Tehnike implementacije grafova i stabala (en. Techniques of Implemen-			
			tations of Graphs and Trees)	14		
		3.1.5	REG** Pokazivači i reference (en. <i>Pointers and References</i> )	14		
	3.2		zija (en. Recursion)	15		
		3.2.1	REG** Koncepti (en. Concepts)	15		
		3.2.2	REG** Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions)	15		
	0.0	3.2.3	REG** Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures) .	15		
	3.3		ralna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory)	16		
		3.3.1 3.3.2	REG* Asimptotska analiza (en. Asymptotic Analysis)	16 16		
		3.3.3	REG* Standardne klase kompleksnosti (en. Standard Complexity Classes)	16		
	3.4		ralne algoritamske strategije (en. General Algorithm Strategies)	17		
	0.1	3.4.1	REG** Algoritmi iscrpne pretrage (en. Brute-Force Algorithms)	17		
		3.4.2	REG** Gramzivi algoritmi (en. Greedy Algorithms)	17		
		3.4.3	REG** Zavadi-pa-vladaj (en. Divide-and-Conquer Algorithms)	17		
		3.4.4	REG** Bektreking (en. Backtracking)	17		
		3.4.5	REG** Dinamičko programiranje (en. <i>Dynamic Programming</i> )	17		
			3.4.5.1 REP** Dinamičko programiranje nad opsegom (en. Range $DP$ )	18		
			$3.4.5.2$ $^{\mathrm{REP}^{**}}$ Dinamičko programiranje sa bitmaskama (en. $Bitmask\ DP)$ .	18		
			3.4.5.3 REP** Dinamičko programiranje nad ciframa broja (en. Range $DP$ )	18		
			3.4.5.4 REP** Dinamičko programiranje na stablu (en. Tree $DP$ )	18		
			3.4.5.5 REP** Dinamičko programiranje na usmjerenom acikličnom grafu (en.			
			$DAG\ DP)$	18		
	3.5		stavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms)	19		
		3.5.1	REG** Konverzija brojeva (en. <i>Radix Conversion</i> )	19		
		3.5.2	REG** Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm)	19		
		3.5.3	REG** Test prostosti (en. Primality Test)	19		
		3.5.4	REG** Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes)	19		
		3.5.5 3.5.6	REG** Faktorizacija (en. Factorization)	19		
	3.6			19 20		
	$\frac{3.0}{3.7}$	1 0 1				
	3.7 REG** Jednostavni algoritmi sa stringovima (en. Simple String Algorithms) 3.8 Pretrage (en. Searches)					
	<b>9.</b> 0	3.8.1	REG** Sekvencijalna pretraga (en. Sequential Search)	22 22		

	3.8.2 REG** Binarna pretraga (en. Binary Search)					
3.9	Sortiranja (en. <i>Sorts</i> )					
	$3.9.1$ $\stackrel{\text{REG}^*}{=}$ Sortiranje mjehurom (en. Bubble Sort)					
	3.9.2 REG* Sortiranje umetanjem (en. <i>Insertion Sort</i> )					
	3.9.3 REP* Kviksort (en. <i>Quicksort</i> )					
	3.9.4 REG* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort)					
	3.9.5 REG* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort)					
	3.9.6 REP* Commenter and in the Develop Country Sort					
2.10	3.9.6 REP* Segmentno sortiranje (en. $Bucket Sort$ )					
3.10	Obilasci (en. Traversals)					
	3.10.1 REG** Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search)					
	3.10.2 REG** Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search)					
	3.10.3 Primjene					
	3.10.3.1 REG** Topološko sortiranje (en. Topological Sort)					
	24					
	3.10.3.2 REP** Ojlerov put (en. Euler Path)					
3.11	REP** Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en. Connected components					
	and transitive closures)					
3.12	Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms) 26					
	3.12.1 REP** Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm) 26					
	3.12.2 REP** Dajkstrin algoritam (en. <i>Dijkstra's Algorithm</i> )					
	3.12.3 REP** Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm) 26					
3.13						
	3.13.1 REP** Primov algoritam (en. <i>Prim's Algorithm</i> )					
	3.13.2 REP** Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm)					
3.14	Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en. Biconnectivity in undirected graphs) 28					
	3.14.1 REP** Mostovi (en. <i>Bridges</i> )					
	3.14.2 REP** Artikulacione tačke (en. Articulation Points)					
3.15	Povezanost u usmjerenim grafovima (en. Connectivity in Directed Graphs) 29					
	3.15.1 REP** Čvrste komponente povezanosti (en. Strongly Connected Components) 29					
3.16	REG** Osnove kombinatorne teorije igara (en. Basics of combinatorial game theory) 30					
	Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms)					
5,12,	3.17.1 REP** Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression)					
	3.17.2 REP** #TODO (en. Sweeping Line)					
	3.17.3 REP** Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en. Vector and Scalar Product,					
	and Applications)					
	3.17.4 REP** $O(N * log(N))$ Konveksni omotač (en. $O(N * log(N))$ Convex Hull) 31					
	5.11.4 O(1 log(11)) Rohvekshi olilotac (ch. O(11 log(11)) Comoca Hatt) 51					
Rač	unarske Nauke - Strukture Podataka 32					
4.1	REG** Stek (en. <i>Stack</i> )					
4.2	$^{\mathrm{REG}^{**}}$ Red (en. $Queue$ )					
4.3						
4.4	REG** Reprezentacije grafova (en. <i>Graph Representations</i> )					
4.5	Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary					
1.0	Search Trees)					
	4.5.1 REP** Segment no stable (en. Segment Tree)					
	4.5.1 Segmentino stablo (en. Segment Tree)					
	Indexed Tree - $BIT$ )					

4.6	4.6 REP* Balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Balanced Binary Search Tree).					
	4.6.1 REP** Logaritamski algoritmi za pronalaženje najnižeg zajedničkog pretka (en.					
	$Logarithmic \ Algorithms \ for \ Lowest \ Common \ Ancestor)$	38				
4.7	Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions)	39				
	4.7.1 REP** Teška-laka dekompozicija (en. <i>Heavy-Light Decomposition</i> )	39				
	4.7.2 REP** Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition)	39				
4.8	REP** Perzistente strukture podataka (en. Persistent Data Structures)	40				
4.10	REP** Prefiksno stablo (en. <i>Prefix tree - Trie</i> )	42				

#### 1 Uvod

#### 1.1 Opšte informacije

Internacionalna informatička olimpijada (IOI, eng. International Olympiad in Informatics) najprestižnije je globalno takmičenje učenika osnovnih i srednjih škola iz programiranja. Kao takvo, samo učešće na istoj može biti od velikog značaja za budućnost pojedinca, a osvojene medalje su uspjele plasirati takmičare na prestižne svjetske univerzitete, te im, takođe, otvorile mogućnost zaposlenja u najvećim tehnološkim gigantima. IOI predstavlja cilj određenog dijela takmičara, pretežno iz srednje škole.

Tematika koja se pojavljuje u IOI zadacima definisana je planom (eng. IOI Syllabus). Dakle, adekvatno bi bilo uključivati one algoritme i strukture podataka, te oblasti, koje su propisane ovim planom. Iako su zadaci prezentovani na IOI, većinu vremena, ad-hoc prirode (onakve da ne pripadaju ni jednoj kategoriji), oni nisu striktno ad-hoc prirode - kombinuju razne metode kako bi se došlo do rješenja, nerijetko su implementacijski kompleksni i zahtijevaju duboko poznavanje algoritama i struktura podataka. Zbog ovoga, smatramo da je potrebno da zadaci postavljeni na takmičenjima sadrže više konkretnih algoritama i struktura podataka, koje je vješto potrebno adaptirati i kombinovati sa drugim tehnikama. Ovo ne znači da svaki zadatak mora biti moguće riješiti nekom konkretnom metodom, već da je samo potrebno povećati količinu i nivo poznavanja popularnih algoritama i struktura podataka na višim nivoima takmičenja.

#### 1.2 Vizija

Tim za zadatke odlučio je da kreira ovaj dokument, u cilju olakšavanja procesa učenja i informisanju učenika-takmičara. Korištenjem ovog dokumenta, učenicima-takmičarima bi na dohvat ruke bila dostupna respektabilna količina resursa za pripremanja za takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj, ali, neminovno, i za **BHOI**, **BOI** i **IOI**. Smatramo da će učenici, prateći ovaj dokument, te koristeći druge izvore, uspjeći da podignu kvalitet znanja na dosta viši nivo, do sada rijetko viđen među takmičarima, te, samim tim, i unaprediti kvalitet takmičenja i takmičarsku kulturu u Republici Srpskoj.

#### 1.3 O strukturi dokumenta

Informacije o temama, kao i resursi, nalaze se u 3 kategorije: Matematika, Računarske Nauke - Algoritmi i Računarske Nauke - Strukture Podataka.

Razlog ove podijele baziran je na ideji da bi, u početku, trebalo izučiti, makar na osnovnom nivou, razne teorijske osnove računarskih nauka. Takmičar će brže razumijevati dalje konkretne koncepte vezane za ove teorijske ideje, te biti versatilniji u njihovom korištenju. Što je snažniji matematički alat - kreativnost na takmičenjima će rasti.

Nakon toga, algoritmi i strukture podataka se mogu izučavati u generalno arbitrarnom redoslijedu, tj. mogu se kombinovati i učiti po učenikovoj preferenci.

Teme označene sa  $^{\rm REG}$  označavaju teme koje se mogu pojaviti na regionalnom takmičenju, dok teme označene sa  $^{\rm REP}$  označavaju teme koje se mogu pojaviti isključivo na republičkom takmičenju. Jedna zvjezdica pored nivoa ( $^{\rm REG*}$ ,  $^{\rm REP*}$ ) označava teme koje bi se trebale poznavati na generalnom, teorijskom nivou, dok dvije zvjezdice ( $^{\rm REG**}$ ,  $^{\rm REP**}$ ) označavaju teme za koje je potrebno poznavanje implementacije.

- 2 Matematika
- 2.1 REG\* Prosti brojevi (en.  $Prime\ Numbers$ )

# 2.2 REG\* Euklidska udaljenost (en. $Euclidean\ Distance$ )

Euklidova udaljenost - Wikipedia

 ${\bf Euklidova\ udaljenost\ -\ Geek for Geeks}$ 

2.3 REG\* Pitagorina teorema (en. *Pythagorean Theorem*)

Pitagorina teorema - Wikipedia

## 2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic)

## 2.4.1 REG\* Logički izrazi (en. Logical Expressions)

Bulova algebra - Automatika.rs

Bulova algebra - GeekforGeeks

# 2.4.2 REG\* Modus ponens i modus tolens (en. Modus Ponens and Modus Tollens)

Modus ponens - Wikipedia

Modus tolens - Wikipedia

Modus ponens, modus tolens - GeekforGeeks

- 2.5 Dokazi (en. Proofs)
- 2.5.1 REG\* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs)
- 2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Definitions)

- 2.6 Kombinatorika (en. Combinatorics)
- 2.6.1 REG\* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations)
- 2.6.2 REG\* Princip uključenja i isključenja (en. Inclusion-Exclusion Principle)
- 2.6.3 REG\* Dirihleov princip (en. Pigeonhole Principle)
- 2.6.4 REG\* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity)
- 2.6.5 REG\* Binomna teorema (en. *Binomial Theorem*)
- 2.6.6 REG\* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial Coefficients)

- 2.7 Grafovi (i stabla) (en. *Graphs (and Trees)*)
- 2.7.1 REG\* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. Undirected and Directed Graphs)
- 2.7.2 REG\* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs)
- 2.7.3 REG\* Multigrafovi (en. *Multigraphs*)
- 2.7.4 REG\* Dostupnost (en. Reachability)
- 2.7.5 Reg\* Razapinjuća stabla (en. Spanning Trees)
- 2.7.6 REG\* Bipartitni grafovi (en. Bipartite Graphs)
- 2.7.7 REG\* Direktni aciklični grafovi (en. *Direct Acyclic Graphs*)
- 2.7.8 REG\* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph Shapes)
- 2.7.9 REG\* Osnovne kombinatorne osobine grafova (en. Fundamental Combinatorial Properties of a Graph)

# 2.8 REG\* Linearna algebra (en. Linear Algebra)

#### Linearna algebra - GeekforGeeks

Oblast je preopširna, dovoljno je upoznati se sa osnovnim pojmovima.

Uvod u matrice - GeekforGeeks

#### Matrice kao strukture podataka - GeekforGeeks

Osnovno znanje: "Basics of Matrix Data Structure" i prva polovina "Basic Problems" sekcije.

## 3 Računarske Nauke - Algoritmi

#### 3.1 Osnovne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures)

#### 3.1.1 REG\*\* Primitivni tipovi (en. *Primitive Types*)

Tipovi podataka - USACO

Competitive Programmer's Handbook Strane 16,17 i 18

Fundamentalni tipovi - cppreference

Osnovni tipovi - Petlja

Strane 19 i 20

#### 3.1.2 REG\*\* Nizovi (en. Arrays)

Nizovi - W3School

Nizovi - Petlja

Strane 256 - 299

Uvod u strukture podataka - USACO

#### 3.1.3 REG\*\* Povezane strukture (en. *Linked Structures*)

Povezane strukture – objašnjenje, primjeri, implemetacije

Šta su Povezane liste i kako funkcionišu

Video objašnjenje Povezanih listi

# 3.1.4 REG\*\* Tehnike implementacije grafova i stabala (en. $Techniques\ of\ Implementations\ of\ Graphs\ and\ Trees$ )

Više o Grafovima - vrste, reprezentacije

Različite Implementacije grafova

Više o Stablima – vrste, pravila, terminologija

Implementacija Binarnog stabla

#### 3.1.5 REG\*\* Pokazivači i reference (en. Pointers and References)

Više o Pokazivačima

Video objašnjenje Pokazivača

Više o Referencama

Video objašnjenje Referenci

- 3.2 Rekurzija (en. Recursion)
- 3.2.1 REG\*\* Koncepti (en. *Concepts*)
- 3.2.2 REG\*\* Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions)
- 3.2.3 REG\*\* Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures)

#### 3.3 Generalna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory)

#### 3.3.1 REG\* Asimptotska analiza (en. Asymptotic Analysis)

Uvod u asimptotsku analizu

#### Asimptotska analiza - Petlja

Strane 22 - 28

#### Materijal sa predavanja - ETF BL

Prezentacija sa vježbi iz predmeta Formalne metode u softverskom inženjerstvu, teoretski orijentisana uz par primjera određivanja složenosti

#### 3.3.2 REG\* Big-O notacija (en. Big-O Notation)

Big-O notacija - Petlja

Strana 28

Uvod u Big-O notaciju - Video

**Neetcode Cheat Sheet** 

**Cheat Sheet** 

#### 3.3.3 REG\* Standardne klase kompleksnosti (en. Standard Complexity Classes)

#### Competitive Programmer's Handbook

Strane 20 i 21

**USACO** Book

Strane 8 i 9

Složenosti nekih čestih algoritama - Petlja

Strane 28 - 31

#### 3.4 Generalne algoritamske strategije (en. General Algorithm Strategies)

#### 3.4.1 REG\*\* Algoritmi iscrpne pretrage (en. Brute-Force Algorithms)

#### Potpuna pretraga

Potpuna pretraga - CP Handbook Strane 47 - 49 "Gruba sila" - Petlja Strane 424 - 434 Zadaci - Codeforces

#### 3.4.2 REG\*\* Gramzivi algoritmi (en. *Greedy Algorithms*)

Uvod u gramzive algoritme - USACO

Gramzivi algoritmi - CP Handbook Strane 57 - 65 Gramzivi algoritmi - Petlja Strane 605 - 631 Zadaci - Codeforces

#### 3.4.3 REG\*\* Zavadi-pa-vladaj (en. $Divide-and-Conquer\ Algorithms$ )

#### 3.4.4 REG\*\* Bektreking (en. Backtracking)

Backtracking - CP Handbook Strane 50 - 54 Bektreking - Petlja Zbirka 2 Objašnjenje koncepta i zadaci Zadaci - SPOJ

#### 3.4.5 REG\*\* Dinamičko programiranje (en. *Dynamic Programming*)

• Problemi optimizacije

Zadaci - SPOJ

• Problemi prebrojavanja

**Napomena:** Za regionalno takmičenje je uključena isključivo optimizacija rekurzivnih problema tabulacijom ili memoizacijom.

**Napomena:** Napredne tehnike optimizacije tehnike dinamičkog programiranje (Convex hull trick, Divide & Conquer DP, Knuth's Optimization...) **nisu uključene** ni za regionalno, ni za republičko.

Dynamic Programming lectures - Errichto
Video lekcije
Uvod u dinamičko programiranje
USACO
Dinamičko programiranje - Petlja Zbirka 2
Objašnjenje koncepta i zadaci
Dinamičko programiranje - GeeksForGeeks
Lista zadataka sa objašnjenjima
Blog post sa listom resursa
Codeforces

# 3.4.5.1 REP\*\* Dinamičko programiranje nad opsegom (en. Range DP) USACO Množenje lanca matrica Zadatak sa objašnjenjem MIXTURES - SPOJ Zadatak

3.4.5.2 REP\*\* Dinamičko programiranje sa bitmaskama (en.  $Bitmask\ DP$ ) Bitmask DP USACO Sum over subset DP USACO

3.4.5.3  $^{\text{REP}^{**}}$  Dinamičko programiranje nad ciframa broja (en. Range DP)  $^{\text{Digit DP}}$  USACO  $^{\text{Codeforces blog post}}$ 

Objašnjenje i lista zadataka  $\mathbf{Z}$ adatak

3.4.5.4 REP\*\* Dinamičko programiranje na stablu (en. *Tree DP*) Uvod GeeksForGeeks Dinamičko programiranje nad stablom USACO - podstablo kao podproblem DP nad stablom van podstabla USACO Codeforces blog post

3.4.5.5  $^{\mathrm{REP}^{**}}$  Dinamičko programiranje na usmjerenom acikličnom grafu (en.  $\mathit{DAG\ DP})$ 

Uvod
GeeksForGeeks - Objašnjenje
Primjer Zadatka
GeeksForGeeks
#TODO još resursa

Napomena: Poznatiji algoritmi sa drugim vrstama grafova dati su u drugim poglavljima.

#### 3.5 Jednostavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms)

3.5.1 REG\*\* Konverzija brojeva (en. Radix Conversion)

Brojevni sistemi i konverzije - GeekforGeeks

Koverzija iz baze A u bazu B - GeekforGeeks

- 3.5.2 REG\*\* Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm)
- 3.5.3 REG\*\* Test prostosti (en. *Primality Test*)

Provjera prostosti broja - video

Provjera prostosti broja - GeekforGeeks

- 3.5.4 REG\*\* Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes)
- 3.5.5 REG\*\* Faktorizacija (en. Factorization)
- 3.5.6 REG\*\* Efikasno eksponovanje (en. Efficient Exponentiation)

Binarno stepenovanje - GeekforGeeks

Modularno stepenovanje - GeekforGeeks

Često dolazi na takmicenjima

Stepenovanje matrica - GeekforGeeks

Jako rijetko dolazi na takmicenjima, skoro nikad

# 3.6 $^{\mathrm{REG}^{**}}$ Jednostavne manipulacije nizovima (en. Simple Array Manipulations)

Uvod u nizove - GeekforGeeks

Rotiranje niza - GeekforGeeks

Obrtanje elemenata niza - GeekforGeeks

Pronalazak največeg elementa u nizu - GeekforGeeks

Prefix sum - USACO

# 3.7 REG\*\* Jednostavni algoritmi sa stringovima (en. Simple String Algorithms)

Naivno traženje podstringa - GeekforGeeks

Palindrom - w3schools

Brojanje karaktera u stringu - Vultr

Rukovanje podstringovima - Shiksha

Rukovanje substr komandom

## 3.8 Pretrage (en. Searches)

# 3.8.1 REG\*\* Sekvencijalna pretraga (en. Sequential Search)

Potpuna pretraga - USACO

Potpuna pretraga sa rekurzijom - USACO

Linearna pretraga

#### 3.8.2 REG\*\* Binarna pretraga (en. Binary Search)

Binarna pretraga - USACO

Binarna pretraga - CP Algorithms

Binarna pretraga - Petlja

Strane 119 - 175

Binarna pretraga - CP Handbook

Strane 31 - 34

Zadaci - Codeforces

#### 3.9 Sortiranja (en. Sorts)

Uvod u algoritme za sortiranje

Online zadaci iz sortiranja

#### 3.9.1 REG\* Sortiranje mjehurom (en. *Bubble Sort*)

Šta je Sortiranje mjehurom i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja mjehurom

#### 3.9.2 REG\* Sortiranje umetanjem (en. Insertion Sort)

Šta je Sortiranje umetanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja umetanjem

#### 3.9.3 REP\* Kviksort (en. Quicksort)

Šta je Kviksort i kako funkcioniše

Video objašnjenje Kviksort-a

#### 3.9.4 REG\* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort)

Šta je Sortiranje spajanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja spajanjem

#### 3.9.5 REG\* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort)

Šta je Sortiranje prebrojavanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja prebrojavanjem

#### 3.9.6 REP\* Segmentno sortiranje (en. Bucket Sort)

Šta je Segmentno sortiranje i kako funkcioniše

Video objašnjenje Segmentnog sortiranja

```
3.10 Obilasci (en. Traversals)
```

- 3.10.1 REG\*\* Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search)
- 3.10.2 REG\*\* Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search)
- 3.10.3 Primjene
- 3.10.3.1  $^{\text{REG}^{**}}$  Topološko sortiranje (en. Topological Sort)  $^{\text{Topološko sortiranje}}$  USACO

Topološko sortiranje - CP Algorithms

3.10.3.2 REP\*\* Ojlerov put (en. Euler Path) Ojlerov put - USACO

Ojlerov put - CP Handbook

Strane 173 - 176

3.11 REP\*\* Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en.  $Connected\ components\ and\ transitive\ closures)$ 

- 3.12 Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms)
- 3.12.1 REP\*\* Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm)
- 3.12.2 REP\*\* Dajkstrin algoritam (en. *Dijkstra's Algorithm*)
- 3.12.3 REP\*\* Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm)

- 3.13 Minimalno razapinjuće stablo (en. Minimum Spanning Tree)
- 3.13.1 REP\*\* Primov algoritam (en. Prim's Algorithm)
- 3.13.2 REP\*\* Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm)

- 3.14 Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en.  $Biconnectivity\ in\ undirected\ graphs)$
- 3.14.1 REP\*\* Mostovi (en. *Bridges*)

Undirected biconnected graph, Bridges - Hackerearth

3.14.2 REP\*\* Artikulacione tačke (en. Articulation Points)

Undirected biconnected graph, Articulation points - CodeForces

# 3.15 Povezanost u usmjerenim grafovima (en. $Connectivity\ in\ Directed\ Graphs)$

# $3.15.1 \quad {}^{\mathrm{REP}^{**}}\,\check{\mathrm{C}}\mathrm{vrste}\,\,\mathrm{komponente}\,\,\mathrm{povezanosti}\,\,\mathrm{(en.}\,\,\mathit{Strongly}\,\,\mathit{Connected}\,\,\mathit{Components})$

#### Teorija čvrstih komponenata povezanosti

Gorepomenuti resurs objašnjava pojam čvrstih komponenti povezanosti, te implementaciju Kosarajuvog algoritma.

Kosarajuov algoritam (zadaci)

Tardžanov algoritam

3.16 REG\*\* Osnove kombinatorne teorije igara (en. Basics of combinatorial game theory)

- 3.17 Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms)
- 3.17.1 REP\*\* Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression)
- 3.17.2 REP\*\* #TODO (en. Sweeping Line)
- 3.17.3  $\,^{\text{REP}^{**}}$  Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en.  $\textit{Vector and Scalar Product}, \,\, \textit{and Applications})$
- 3.17.4  $\operatorname{REP^{**}}\operatorname{O}(\operatorname{N} \, * \, \log(\operatorname{N}))$  Konveksni omotač (en.  $O(N \, * \, \log(N))$  Convex Hull)

- 4 Računarske Nauke Strukture Podataka
- 4.1 REG\*\* Stek (en. Stack)

4.2 REG\*\* Red (en. Queue)

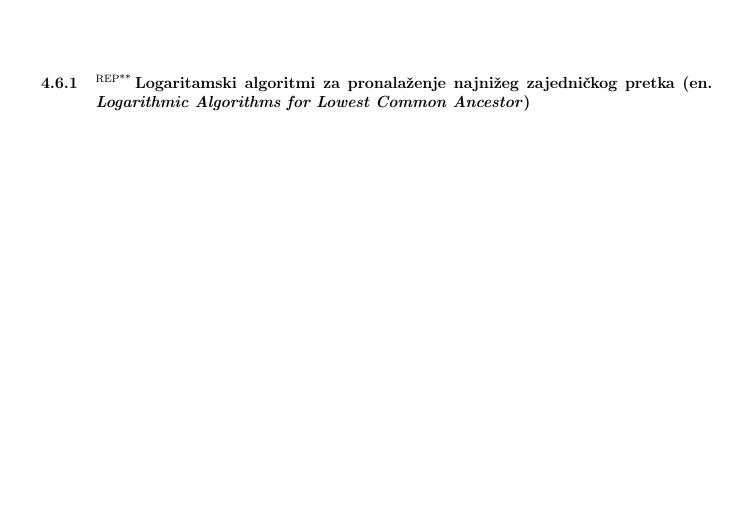
4.3 Reprezentacije grafova (en.  $Graph\ Representations)$ 

4.4 REP\*\* Reprezentacije disjunktnog skupa (en.  $\it Disjoint\textsc{-set}$   $\it representations)$ 

- 4.5 Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary Search Trees)
- 4.5.1 REP\*\* Segmentno stablo (en. Segment Tree)
- 4.5.2 REP\*\* Fenvikovo stablo/Binarno indeksirano stablo (en. Fenvick Tree/Binary Indexed Tree BIT)

Binarno Indeksirano Stablo - USACO Ovaj dio nalazi se na polovini stranice. Fenvikovo stablo - CP Algorithms

Binarno Indeksirano Stablo - CP Handbook Stranice 86, 87 i 88 Fenvikovo stablo - Video 4.6  $^{\mathrm{REP}^{*}}$ Balansirana binarna pretraživačka stabla (en.  $Balanced\ Binary\ Search\ Tree)$ 



- 4.7 Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions)
- 4.7.1 REP\*\* Teška-laka dekompozicija (en.  $Heavy-Light\ Decomposition$ )
- 4.7.2 REP\*\* Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition)

4.8 REP\*\* Perzistente strukture podataka (en.  $Persistent\ Data\ Structures)$ 

4.9	Ugnježdavanje	struktura	podataka	(en.	Nesting	$of\ Data$	Structures)

4.10 REP\*\* Prefiksno stablo (en.  $Prefix\ tree\ -\ Trie)$