# Silabus

# za organizaciju takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj

# autori #TODO

# Februar, 2025

# Sadržaj

1	Uvod						
	1.1	Opšte informacije	5				
	1.2	Vizija	5				
	1.3	O strukturi dokumenta	5				
2	Mat	Matematika					
	2.1 $^{\mathrm{REG}^*}$ Prosti brojevi (en. $Prime\ Numbers)$						
	2.2 REG* Euklidska udaljenost (en. <i>Euclidean Distance</i> )						
	2.3 REG* Pitagorina teorema (en. <i>Pythagorean Theorem</i> )		8				
	2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic)		9				
		2.4.1 REG* Logički izrazi (en. <i>Logical Expressions</i> )	9				
		2.4.2 REG* Modus ponens i modus tolens (en. <i>Modus Ponens and Modus Tollens</i> ).	9				
	2.5 Dokazi (en. <i>Proofs</i> )		10				
		2.5.1 Reg* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs)	10				
		2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Defini-					
tions)			10				
		Kombinatorika (en. Combinatorics)	11				
		2.6.1 REG* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations)	11				
		2.6.2 REG* Princip uključenja i isključenja (en. <i>Inclusion-Exclusion Principle</i> )	11				
		2.6.3 REG* Dirihleov princip (en. <i>Pigeonhole Principle</i> )	11				
		2.6.4 REG* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity)	11				
		2.6.5 REG* Binomna teorema (en. Binomial Theorem)	11				
		2.6.6 REG* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial	11				
	0.7	$Coefficients) \dots \dots$	11				
	2.7	Grafovi (i stabla) (en. Graphs (and Trees))	12				
		2.7.1 REG* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. <i>Undirected and Directed Graphs</i> ).	12				
		2.7.2 REG* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs)	12				
		$O = \{ j \in J \mid j \in J \}$	12 12				
		$\mathcal{I}$					
		2.7.5 Reg* Razapinjuća stabla (en. <i>Spanning Trees</i> )	12				

		2.7.6	REG* Bipartitni grafovi (en. <i>Bipartite Graphs</i> )	12			
		2.7.7	REG* Direktni aciklični grafovi (en. Direct Acyclic Graphs)	12			
		2.7.8	REG* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph	4.0			
		2.7.9	Shapes)	12			
	20	REG* T	Properties of a Graph)	12 13			
2.8 REG* Linearna algebra (en. <i>Linear Algebra</i> )							
3	Rač		ke Nauke - Algoritmi	14			
	3.1		vne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures)	14			
		3.1.1	REG** Primitivni tipovi (en. <i>Primitive Types</i> )	14			
		3.1.2	REG** Nizovi (en. Arrays)	14			
		3.1.3	REG** Povezane strukture (en. <i>Linked Structures</i> )	14			
		3.1.4	REG** Tehnike implementacije grafova i stabala (en. Techniques of Implemen-				
			tations of Graphs and Trees)	14			
	0.0	3.1.5	REG** Pokazivači i reference (en. <i>Pointers and References</i> )	14			
	3.2		rzija (en. Recursion)	15			
		3.2.1	REG** Koncepti (en. Concepts)	15			
		3.2.2	REG** Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions)	15			
	0.0	3.2.3	REG** Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures) .	15 16			
	3.3 Generalna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory)						
			REG* Asimptotska analiza (en. Asymptotic Analysis)	16			
		3.3.2 3.3.3	REG* Big-O notacija (en. <i>Big-O Notation</i> )	16 16			
	3.4		ralne algoritamske strategije (en. General Algorithm Strategies)	17			
	5.4	3.4.1	REG** Algoritmi iscrpne pretrage (en. Brute-Force Algorithms)	17			
		3.4.1 $3.4.2$	REG** Gramzivi algoritmi (en. Greedy Algorithms)	17			
		3.4.3	REG** Zavadi-pa-vladaj (en. Divide-and-Conquer Algorithms)	17			
		3.4.4	REG** Bektreking (en. Backtracking)	17			
		3.4.5	REG** Dinamičko programiranje (en. <i>Dynamic Programming</i> )	17			
		3,1,3	3.4.5.1 REP** Dinamičko programiranje nad opsegom (en. Range DP)	18			
			3.4.5.2 REP** Dinamičko programiranje sa bitmaskama (en. Bitmask $DP$ ).	18			
			3.4.5.3 REP** Dinamičko programiranje nad ciframa broja (en. Range DP)	18			
			3.4.5.4 REP** Dinamičko programiranje na stablu (en. Tree $DP$ )	18			
			3.4.5.5 REP** Dinamičko programiranje na usmjerenom acikličnom grafu (en.				
			$DAG\ DP)$	18			
	3.5	Jedno	stavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms)	19			
		3.5.1	REG** #TODO (en. Radix Conversion)	19			
		3.5.2	REG** Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm)	19			
		3.5.3	REG** Test prostosti (en. <i>Primality Test</i> )	19			
		3.5.4	REG** Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes)	19			
		3.5.5	REG** Faktorizacija (en. Factorization)	19			
		3.5.6	REG** Efikasno eksponovanje (en. Efficient Exponentiation)	19			
	3.6		Jednostavne manipulacije nizovima (en. Simple Array Manipulations)	20 21			
	3.7						
	3.8		age (en. Searches)	22			
		3.8.1	Sekvencijalna pretraga (en Sequential Search)	22			

	3.8.2 REG** Binarna pretraga (en. Binary Search)					
3.9	Sortiranja (en. <i>Sorts</i> )					
	$3.9.1$ $\stackrel{\text{REG}^*}{=}$ Sortiranje mjehurom (en. Bubble Sort)					
	3.9.2 REG* Sortiranje umetanjem (en. <i>Insertion Sort</i> )					
	3.9.3 REP* Kviksort (en. <i>Quicksort</i> )					
	3.9.4 REG* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort)					
	3.9.5 REG* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort)					
	3.9.6 REP* Commenter and in the Develop Country Sort					
2.10	3.9.6 REP* Segmentno sortiranje (en. $Bucket Sort$ )					
3.10	Obilasci (en. Traversals)					
	3.10.1 REG** Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search)					
	3.10.2 REG** Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search)					
	3.10.3 Primjene					
	3.10.3.1 REG** Topološko sortiranje (en. Topological Sort)					
	24					
	3.10.3.2 REP** Ojlerov put (en. Euler Path)					
3.11	REP** Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en. Connected components					
	and transitive closures)					
3.12	Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms) 26					
	3.12.1 REP** Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm) 26					
	3.12.2 REP** Dajkstrin algoritam (en. <i>Dijkstra's Algorithm</i> )					
	3.12.3 REP** Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm) 26					
3.13						
	3.13.1 REP** Primov algoritam (en. <i>Prim's Algorithm</i> )					
	3.13.2 REP** Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm)					
3.14	Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en. Biconnectivity in undirected graphs) 28					
	3.14.1 REP** Mostovi (en. <i>Bridges</i> )					
	3.14.2 REP** Artikulacione tačke (en. Articulation Points)					
3.15	Povezanost u usmjerenim grafovima (en. Connectivity in Directed Graphs) 29					
	3.15.1 REP** Čvrste komponente povezanosti (en. Strongly Connected Components) 29					
3.16	REG** Osnove kombinatorne teorije igara (en. Basics of combinatorial game theory) 30					
	Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms)					
5,12,	3.17.1 REP** Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression)					
	3.17.2 REP** #TODO (en. Sweeping Line)					
	3.17.3 REP** Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en. Vector and Scalar Product,					
	and Applications)					
	3.17.4 REP** $O(N * log(N))$ Konveksni omotač (en. $O(N * log(N))$ Convex Hull) 31					
	5.11.4 O(1 log(11)) Rohvekshi olilotac (ch. O(11 log(11)) Comoca Hatt) 51					
Rač	unarske Nauke - Strukture Podataka 32					
4.1	REG** Stek (en. <i>Stack</i> )					
4.2	$^{\mathrm{REG}^{**}}$ Red (en. $Queue$ )					
4.3						
4.4	REP** Reprezentacije disjunktnog skupa (en. <i>Disjoint-set representations</i> )					
4.5	Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary					
1.0	Search Trees)					
	4.5.1 REP** Segment no stable (en. Segment Tree)					
	4.5.1 Segmentino stablo (en. Segment Tree)					
	Indexed Tree - $BIT$ )					

4.6	4.6 REP* Balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Balanced Binary Search Tree).					
	4.6.1 REP** Logaritamski algoritmi za pronalaženje najnižeg zajedničkog pretka (en.					
	$Logarithmic \ Algorithms \ for \ Lowest \ Common \ Ancestor)$	38				
4.7	Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions)	39				
	4.7.1 REP** Teška-laka dekompozicija (en. <i>Heavy-Light Decomposition</i> )	39				
	4.7.2 REP** Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition)	39				
4.8	REP** Perzistente strukture podataka (en. Persistent Data Structures)	40				
4.10	REP** Prefiksno stablo (en. <i>Prefix tree - Trie</i> )	42				

#### 1 Uvod

#### 1.1 Opšte informacije

Internacionalna informatička olimpijada (IOI, eng. International Olympiad in Informatics) najprestižnije je globalno takmičenje učenika osnovnih i srednjih škola iz programiranja. Kao takvo, samo učešće na istoj može biti od velikog značaja za budućnost pojedinca, a osvojene medalje su uspjele plasirati takmičare na prestižne svjetske univerzitete, te im, takođe, otvorile mogućnost zaposlenja u najvećim tehnološkim gigantima. IOI predstavlja cilj određenog dijela takmičara, pretežno iz srednje škole.

Tematika koja se pojavljuje u IOI zadacima definisana je planom (eng. IOI Syllabus). Dakle, adekvatno bi bilo uključivati one algoritme i strukture podataka, te oblasti, koje su propisane ovim planom. Iako su zadaci prezentovani na IOI, većinu vremena, ad-hoc prirode (onakve da ne pripadaju ni jednoj kategoriji), oni nisu striktno ad-hoc prirode - kombinuju razne metode kako bi se došlo do rješenja, nerijetko su implementacijski kompleksni i zahtijevaju duboko poznavanje algoritama i struktura podataka. Zbog ovoga, smatramo da je potrebno da zadaci postavljeni na takmičenjima sadrže više konkretnih algoritama i struktura podataka, koje je vješto potrebno adaptirati i kombinovati sa drugim tehnikama. Ovo ne znači da svaki zadatak mora biti moguće riješiti nekom konkretnom metodom, već da je samo potrebno povećati količinu i nivo poznavanja popularnih algoritama i struktura podataka na višim nivoima takmičenja.

#### 1.2 Vizija

Tim za zadatke odlučio je da kreira ovaj dokument, u cilju olakšavanja procesa učenja i informisanju učenika-takmičara. Korištenjem ovog dokumenta, učenicima-takmičarima bi na dohvat ruke bila dostupna respektabilna količina resursa za pripremanja za takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj, ali, neminovno, i za **BHOI**, **BOI** i **IOI**. Smatramo da će učenici, prateći ovaj dokument, te koristeći druge izvore, uspjeći da podignu kvalitet znanja na dosta viši nivo, do sada rijetko viđen među takmičarima, te, samim tim, i unaprediti kvalitet takmičenja i takmičarsku kulturu u Republici Srpskoj.

#### 1.3 O strukturi dokumenta

Informacije o temama, kao i resursi, nalaze se u 3 kategorije: Matematika, Računarske Nauke - Algoritmi i Računarske Nauke - Strukture Podataka.

Razlog ove podijele baziran je na ideji da bi, u početku, trebalo izučiti, makar na osnovnom nivou, razne teorijske osnove računarskih nauka. Takmičar će brže razumijevati dalje konkretne koncepte vezane za ove teorijske ideje, te biti versatilniji u njihovom korištenju. Što je snažniji matematički alat - kreativnost na takmičenjima će rasti.

Nakon toga, algoritmi i strukture podataka se mogu izučavati u generalno arbitrarnom redoslijedu, tj. mogu se kombinovati i učiti po učenikovoj preferenci.

Teme označene sa  $^{\rm REG}$  označavaju teme koje se mogu pojaviti na regionalnom takmičenju, dok teme označene sa  $^{\rm REP}$  označavaju teme koje se mogu pojaviti isključivo na republičkom takmičenju. Jedna zvjezdica pored nivoa ( $^{\rm REG*}$ ,  $^{\rm REP*}$ ) označava teme koje bi se trebale poznavati na generalnom, teorijskom nivou, dok dvije zvjezdice ( $^{\rm REG**}$ ,  $^{\rm REP**}$ ) označavaju teme za koje je potrebno poznavanje implementacije.

- 2 Matematika
- 2.1 REG\* Prosti brojevi (en.  $Prime\ Numbers$ )

# 2.2 REG\* Euklidska udaljenost (en. $Euclidean\ Distance$ )

Euklidova udaljenost - Wikipedia

 ${\bf Euklidova\ udaljenost\ -\ Geek for Geeks}$ 

2.3 REG\* Pitagorina teorema (en. *Pythagorean Theorem*)

Pitagorina teorema - Wikipedia

## 2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic)

## 2.4.1 REG\* Logički izrazi (en. Logical Expressions)

Bulova algebra - Automatika.rs

Bulova algebra - GeekforGeeks

# 2.4.2 REG\* Modus ponens i modus tolens (en. Modus Ponens and Modus Tollens)

Modus ponens - Wikipedia

Modus tolens - Wikipedia

Modus ponens, modus tolens - GeekforGeeks

- 2.5 Dokazi (en. Proofs)
- 2.5.1 REG\* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs)
- 2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Definitions)

- 2.6 Kombinatorika (en. Combinatorics)
- 2.6.1 REG\* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations)
- 2.6.2 REG\* Princip uključenja i isključenja (en. Inclusion-Exclusion Principle)
- 2.6.3 REG\* Dirihleov princip (en. Pigeonhole Principle)
- 2.6.4 REG\* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity)
- 2.6.5 REG\* Binomna teorema (en. *Binomial Theorem*)
- 2.6.6 REG\* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial Coefficients)

- 2.7 Grafovi (i stabla) (en. *Graphs (and Trees)*)
- 2.7.1 REG\* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. Undirected and Directed Graphs)
- 2.7.2 REG\* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs)
- 2.7.3 REG\* Multigrafovi (en. *Multigraphs*)
- 2.7.4 REG\* Dostupnost (en. Reachability)
- 2.7.5 Reg\* Razapinjuća stabla (en. Spanning Trees)
- 2.7.6 REG\* Bipartitni grafovi (en. Bipartite Graphs)
- 2.7.7 REG\* Direktni aciklični grafovi (en. *Direct Acyclic Graphs*)
- 2.7.8 REG\* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph Shapes)
- 2.7.9 REG\* Osnovne kombinatorne osobine grafova (en. Fundamental Combinatorial Properties of a Graph)

2.8 REG\* Linearna algebra (en.  $Linear\ Algebra)$ 

## 3 Računarske Nauke - Algoritmi

#### 3.1 Osnovne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures)

#### 3.1.1 REG\*\* Primitivni tipovi (en. *Primitive Types*)

Tipovi podataka - USACO

Competitive Programmer's Handbook Strane 16,17 i 18

Fundamentalni tipovi - cppreference

Osnovni tipovi - Petlja

Strane 19 i 20

#### 3.1.2 REG\*\* Nizovi (en. Arrays)

Nizovi - W3School

Nizovi - Petlja

Strane 256 - 299

Uvod u strukture podataka - USACO

#### 3.1.3 REG\*\* Povezane strukture (en. *Linked Structures*)

Povezane strukture – objašnjenje, primjeri, implemetacije

Šta su Povezane liste i kako funkcionišu

Video objašnjenje Povezanih listi

# 3.1.4 REG\*\* Tehnike implementacije grafova i stabala (en. $Techniques\ of\ Implementations\ of\ Graphs\ and\ Trees$ )

Više o Grafovima - vrste, reprezentacije

Različite Implementacije grafova

Više o Stablima – vrste, pravila, terminologija

Implementacija Binarnog stabla

#### 3.1.5 REG\*\* Pokazivači i reference (en. Pointers and References)

Više o Pokazivačima

Video objašnjenje Pokazivača

Više o Referencama

Video objašnjenje Referenci

- 3.2 Rekurzija (en. Recursion)
- 3.2.1 REG\*\* Koncepti (en. *Concepts*)
- 3.2.2 REG\*\* Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions)
- 3.2.3 REG\*\* Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures)

#### 3.3 Generalna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory)

#### 3.3.1 REG\* Asimptotska analiza (en. Asymptotic Analysis)

Uvod u asimptotsku analizu

#### Asimptotska analiza - Petlja

Strane 22 - 28

#### Materijal sa predavanja - ETF BL

Prezentacija sa vježbi iz predmeta Formalne metode u softverskom inženjerstvu, teoretski orijentisana uz par primjera određivanja složenosti

#### 3.3.2 REG\* Big-O notacija (en. Big-O Notation)

Big-O notacija - Petlja

Strana 28

Uvod u Big-O notaciju - Video

**Neetcode Cheat Sheet** 

**Cheat Sheet** 

#### 3.3.3 REG\* Standardne klase kompleksnosti (en. Standard Complexity Classes)

#### Competitive Programmer's Handbook

Strane 20 i 21

**USACO** Book

Strane 8 i 9

Složenosti nekih čestih algoritama - Petlja

Strane 28 - 31

#### 3.4 Generalne algoritamske strategije (en. General Algorithm Strategies)

#### 3.4.1 REG\*\* Algoritmi iscrpne pretrage (en. Brute-Force Algorithms)

#### Potpuna pretraga

Potpuna pretraga - CP Handbook Strane 47 - 49 "Gruba sila" - Petlja Strane 424 - 434 Zadaci - Codeforces

#### 3.4.2 REG\*\* Gramzivi algoritmi (en. Greedy Algorithms)

Uvod u gramzive algoritme - USACO

Gramzivi algoritmi - CP Handbook Strane 57 - 65 Gramzivi algoritmi - Petlja Strane 605 - 631 Zadaci - Codeforces

#### 3.4.3 REG\*\* Zavadi-pa-vladaj (en. $Divide-and-Conquer\ Algorithms$ )

#### 3.4.4 REG\*\* Bektreking (en. Backtracking)

Backtracking - CP Handbook Strane 50 - 54 Bektreking - Petlja Zbirka 2 Objašnjenje koncepta i zadaci Zadaci - SPOJ

#### 3.4.5 REG\*\* Dinamičko programiranje (en. *Dynamic Programming*)

• Problemi optimizacije

Zadaci - SPOJ

• Problemi prebrojavanja

**Napomena:** Za regionalno takmičenje je uključena isključivo optimizacija rekurzivnih problema tabulacijom ili memoizacijom.

**Napomena:** Napredne tehnike optimizacije tehnike dinamičkog programiranje (Convex hull trick, Divide & Conquer DP, Knuth's Optimization...) **nisu uključene** ni za regionalno, ni za republičko.

Dynamic Programming lectures - Errichto
Video lekcije
Uvod u dinamičko programiranje
USACO
Dinamičko programiranje - Petlja Zbirka 2
Objašnjenje koncepta i zadaci
Dinamičko programiranje - GeeksForGeeks
Lista zadataka sa objašnjenjima
Blog post sa listom resursa
Codeforces

# 3.4.5.1 REP\*\* Dinamičko programiranje nad opsegom (en. Range DP) USACO Množenje lanca matrica Zadatak sa objašnjenjem MIXTURES - SPOJ Zadatak

3.4.5.2 REP\*\* Dinamičko programiranje sa bitmaskama (en.  $Bitmask\ DP$ ) Bitmask DP USACO Sum over subset DP USACO

3.4.5.3  $^{\text{REP}^{**}}$  Dinamičko programiranje nad ciframa broja (en. Range DP)  $^{\text{Digit DP}}$  USACO  $^{\text{Codeforces blog post}}$ 

Objašnjenje i lista zadataka  $\mathbf{Z}$ adatak

3.4.5.4 REP\*\* Dinamičko programiranje na stablu (en. *Tree DP*) Uvod GeeksForGeeks Dinamičko programiranje nad stablom USACO - podstablo kao podproblem DP nad stablom van podstabla USACO Codeforces blog post

3.4.5.5  $^{\mathrm{REP}^{**}}$  Dinamičko programiranje na usmjerenom acikličnom grafu (en.  $\mathit{DAG\ DP})$ 

Uvod
GeeksForGeeks - Objašnjenje
Primjer Zadatka
GeeksForGeeks
#TODO još resursa

Napomena: Poznatiji algoritmi sa drugim vrstama grafova dati su u drugim poglavljima.

- 3.5 Jednostavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms)
- 3.5.1 REG\*\* #TODO (en. Radix Conversion)
- 3.5.2 REG\*\* Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm)
- 3.5.3 REG\*\* Test prostosti (en. *Primality Test*)
- 3.5.4 REG\*\* Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes)
- 3.5.5 REG\*\* Faktorizacija (en. Factorization)
- 3.5.6 REG\*\* Efikasno eksponovanje (en. Efficient Exponentiation)

3.6  $^{\mathrm{REG}^{**}}$  Jednostavne manipulacije nizovima (en. Simple Array Manipulations)

3.7 REG\*\* Jednostavni algoritmi sa stringovima (en. Simple String Algorithms)

## 3.8 Pretrage (en. Searches)

# 3.8.1 REG\*\* Sekvencijalna pretraga (en. Sequential Search)

Potpuna pretraga - USACO

Potpuna pretraga sa rekurzijom - USACO

Linearna pretraga

#### 3.8.2 REG\*\* Binarna pretraga (en. Binary Search)

Binarna pretraga - USACO

Binarna pretraga - CP Algorithms

Binarna pretraga - Petlja

Strane 119 - 175

Binarna pretraga - CP Handbook

Strane 31 - 34

Zadaci - Codeforces

#### 3.9 Sortiranja (en. Sorts)

Uvod u algoritme za sortiranje

Online zadaci iz sortiranja

#### 3.9.1 REG\* Sortiranje mjehurom (en. *Bubble Sort*)

Šta je Sortiranje mjehurom i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja mjehurom

#### 3.9.2 REG\* Sortiranje umetanjem (en. Insertion Sort)

Šta je Sortiranje umetanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja umetanjem

#### 3.9.3 REP\* Kviksort (en. Quicksort)

Šta je Kviksort i kako funkcioniše

Video objašnjenje Kviksort-a

#### 3.9.4 REG\* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort)

Šta je Sortiranje spajanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja spajanjem

#### 3.9.5 REG\* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort)

Šta je Sortiranje prebrojavanjem i kako funkcioniše

Video objašnjenje Sortiranja prebrojavanjem

#### 3.9.6 REP\* Segmentno sortiranje (en. Bucket Sort)

Šta je Segmentno sortiranje i kako funkcioniše

Video objašnjenje Segmentnog sortiranja

```
3.10 Obilasci (en. Traversals)
```

- 3.10.1 REG\*\* Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search)
- 3.10.2 REG\*\* Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search)
- 3.10.3 Primjene
- 3.10.3.1  $^{\text{REG}^{**}}$  Topološko sortiranje (en. Topological Sort)  $^{\text{Topološko sortiranje}}$  USACO

Topološko sortiranje - CP Algorithms

3.10.3.2 REP\*\* Ojlerov put (en. Euler Path) Ojlerov put - USACO

Ojlerov put - CP Handbook

Strane 173 - 176

3.11 REP\*\* Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en.  $Connected\ components\ and\ transitive\ closures)$ 

- 3.12 Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms)
- 3.12.1 REP\*\* Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm)
- 3.12.2 REP\*\* Dajkstrin algoritam (en. *Dijkstra's Algorithm*)
- 3.12.3 REP\*\* Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm)

- 3.13 Minimalno razapinjuće stablo (en. Minimum Spanning Tree)
- 3.13.1 REP\*\* Primov algoritam (en. Prim's Algorithm)
- 3.13.2 REP\*\* Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm)

- 3.14 Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en.  $Biconnectivity\ in\ undirected\ graphs)$
- 3.14.1 REP\*\* Mostovi (en. Bridges)
- 3.14.2 REP\*\* Artikulacione tačke (en. Articulation Points)

# 3.15 Povezanost u usmjerenim grafovima (en. $Connectivity\ in\ Directed\ Graphs)$

# $3.15.1 \quad {}^{\mathrm{REP}^{**}}\,\check{\mathrm{C}}\mathrm{vrste}\,\,\mathrm{komponente}\,\,\mathrm{povezanosti}\,\,\mathrm{(en.}\,\,\mathit{Strongly}\,\,\mathit{Connected}\,\,\mathit{Components})$

#### Teorija čvrstih komponenata povezanosti

Gorepomenuti resurs objašnjava pojam čvrstih komponenti povezanosti, te implementaciju Kosarajuvog algoritma.

Kosarajuov algoritam (zadaci)

Tardžanov algoritam

3.16 REG\*\* Osnove kombinatorne teorije igara (en. Basics of combinatorial game theory)

- 3.17 Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms)
- 3.17.1 REP\*\* Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression)
- 3.17.2 REP\*\* #TODO (en. Sweeping Line)
- 3.17.3  $\,^{\text{REP}^{**}}$  Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en.  $\textit{Vector and Scalar Product}, \,\, \textit{and Applications})$

- 4 Računarske Nauke Strukture Podataka
- 4.1 REG\*\* Stek (en. Stack)

4.2 REG\*\* Red (en. Queue)

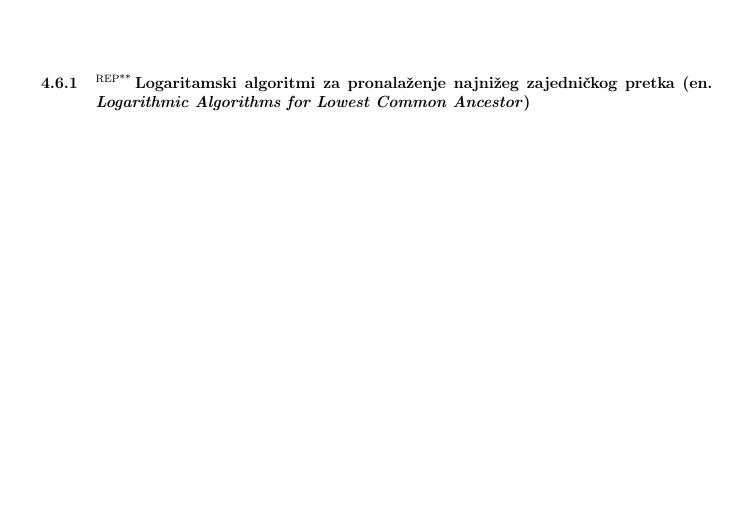
4.3 Reprezentacije grafova (en.  $Graph\ Representations)$ 

4.4 REP\*\* Reprezentacije disjunktnog skupa (en.  $\it Disjoint\textsc{-set}$   $\it representations)$ 

- 4.5 Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary Search Trees)
- 4.5.1 REP\*\* Segmentno stablo (en. Segment Tree)
- 4.5.2 REP\*\* Fenvikovo stablo/Binarno indeksirano stablo (en. Fenvick Tree/Binary Indexed Tree BIT)

Binarno Indeksirano Stablo - USACO Ovaj dio nalazi se na polovini stranice. Fenvikovo stablo - CP Algorithms

Binarno Indeksirano Stablo - CP Handbook Stranice 86, 87 i 88 Fenvikovo stablo - Video 4.6  $^{\mathrm{REP}^{*}}$ Balansirana binarna pretraživačka stabla (en.  $Balanced\ Binary\ Search\ Tree)$ 



- 4.7 Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions)
- 4.7.1 REP\*\* Teška-laka dekompozicija (en.  $Heavy-Light\ Decomposition$ )
- 4.7.2 REP\*\* Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition)

4.8 REP\*\* Perzistente strukture podataka (en.  $Persistent\ Data\ Structures)$ 

4.9	Ugnježdavanje	struktura	podataka	(en.	Nesting	$of\ Data$	Structures)

4.10 REP\*\* Prefiksno stablo (en.  $Prefix\ tree\ -\ Trie)$