Silabus

za organizaciju takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj

autori #TODO

Februar, 2025

Sadržaj

| 1 | Uvod | | | | |
|-----------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------|--|--|
| | 1.1 | Opšte informacije | 5 | | |
| | 1.2 | Vizija | 5 | | |
| | 1.3 | O strukturi dokumenta | 5 | | |
| 2 | Matematika | | | | |
| 2.1 REG* Prosti brojevi (en. <i>Prime Numbers</i>) | | | | | |
| | 2.2 REG* Euklidska udaljenost (en. Euclidean Distance) | | 7 | | |
| | | | 8 | | |
| | 2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic) | | 9 | | |
| | | 2.4.1 REG* Logički izrazi (en. <i>Logical Expressions</i>) | 9 | | |
| | | 2.4.2 REG* Modus ponens i modus tolens (en. <i>Modus Ponens and Modus Tollens</i>). | 9 | | |
| | | Dokazi (en. <i>Proofs</i>) | 10 | | |
| | | 2.5.1 Reg* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs) | 10 | | |
| | | 2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Defini- | | | |
| , | | tions) | 10 | | |
| | | Kombinatorika (en. Combinatorics) | 11 | | |
| | | 2.6.1 REG* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations) | 11 | | |
| | | 2.6.2 REG* Princip uključenja i isključenja (en. <i>Inclusion-Exclusion Principle</i>) | 11 | | |
| | | 2.6.3 REG* Dirihleov princip (en. <i>Pigeonhole Principle</i>) | 11 | | |
| | | 2.6.4 REG* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity) | 11 | | |
| | | 2.6.5 REG* Binomna teorema (en. Binomial Theorem) | 11 | | |
| | | 2.6.6 REG* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial | 11 | | |
| | 0.7 | $Coefficients) \dots \dots$ | 11 | | |
| | 2.7 | Grafovi (i stabla) (en. Graphs (and Trees)) | 12 | | |
| | | 2.7.1 REG* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. <i>Undirected and Directed Graphs</i>). | 12 | | |
| | | 2.7.2 REG* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs) | 12 | | |
| | | $O = \{ j \in J \mid j \in J \}$ | 12 12 | | |
| | | \mathcal{I} | | | |
| | | 2.7.5 Reg* Razapinjuća stabla (en. <i>Spanning Trees</i>) | 12 | | |

| | | 2.7.6 | REG* Bipartitni grafovi (en. Bipartite Graphs) | 12 |
|---|-----|---------------|------------------------------------------------------------------------------|-----------------|
| | | 2.7.7 | REG* Direktni aciklični grafovi (en. Direct Acyclic Graphs) | 12 |
| | | 2.7.8 | REG* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph | |
| | | | Shapes) | 12 |
| | | 2.7.9 | REG* Osnovne kombinatorne osobine grafova (en. Fundamental Combinatorial | |
| | | DEC* - | Properties of a Graph) | 12 |
| | 2.8 | REG I | Linearna algebra (en. <i>Linear Algebra</i>) | 13 |
| 3 | Rač | unarsl | ke Nauke - Algoritmi | 14 |
| | 3.1 | Osnov | vne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures) | 14 |
| | | 3.1.1 | REG** Primitivni tipovi (en. <i>Primitive Types</i>) | 14 |
| | | 3.1.2 | REG** Nizovi (en. Arrays) | 14 |
| | | 3.1.3 | REG** Povezane strukture (en. <i>Linked Structures</i>) | 14 |
| | | 3.1.4 | REG** Tehnike implementacije grafova i stabala (en. Techniques of Implemen- | |
| | | | tations of Graphs and Trees) | 14 |
| | | 3.1.5 | REG** Pokazivači i reference (en. <i>Pointers and References</i>) | 14 |
| | 3.2 | | zija (en. Recursion) | 15 |
| | | 3.2.1 | REG** Koncepti (en. <i>Concepts</i>) | 15 |
| | | 3.2.2 | REG** Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions) | 15 |
| | | 3.2.3 | REG** Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures) . | 15 |
| | 3.3 | | ralna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory) | 16 |
| | | 3.3.1 | REG* Asimptotička analiza (en. Asymptotic Analysis) | 16 |
| | | 3.3.2 | REG* Big-O notacija (en. <i>Big-O Notation</i>) | 16 |
| | 9 4 | 3.3.3 | REG* Standardne klase kompleksnosti (en. Standard Complexity Classes) | 16 |
| | 3.4 | 3.4.1 | ralne algoritamske strategije (en. <i>General Algorithm Strategies</i>) | 17 17 |
| | | 3.4.1 $3.4.2$ | REG** Gramzivi algoritmi (en. Greedy Algorithms) | $\frac{17}{17}$ |
| | | 3.4.3 | REG** Zavadi-pa-vladaj (en. Divide-and-Conquer Algorithms) | 17 |
| | | 3.4.3 $3.4.4$ | REG** Bektreking (en. Backtracking) | 17 |
| | | 3.4.5 | REG** Dinamičko programiranje (en. Dynamic Programming) | 17 |
| | 3.5 | | stavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms) | 18 |
| | 0.0 | 3.5.1 | REG** #TODO (en. Radix Conversion) | 18 |
| | | 3.5.2 | REG** Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm) | 18 |
| | | 3.5.3 | REG** Test prostosti (en. <i>Primality Test</i>) | 18 |
| | | 3.5.4 | REG** Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes) | 18 |
| | | 3.5.5 | REG** Faktorizacija (en. Factorization) | 18 |
| | | 3.5.6 | REG** Efikasno eksponovanje (en. Efficient Exponentiation) | 18 |
| | 3.6 | REG** | Jednostavne manipulacije nizovima (en. Simple Array Manipulations) | 19 |
| | 3.7 | REG** | Jednostavni algoritmi sa stringovima (en. Simple String Algorithms) | 20 |
| | 3.8 | Pretra | age (en. Searches) | 21 |
| | | 3.8.1 | REG** Sekvencijalna pretraga (en. Sequential Search) | 21 |
| | | 3.8.2 | REG** Binarna pretraga (en. Binary Search) | 21 |
| | 3.9 | | anja (en. $Sorts$) | 22 |
| | | 3.9.1 | REG* Sortiranje mjehurom (en. Bubble Sort) | 22 |
| | | 3.9.2 | REG* Sortiranje umetanjem (en. Insertion Sort) | 22 |
| | | 3.9.3 | REP* Kviksort (en. Quicksort) | 22 |
| | | 3.9.4 | REG* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort) | 22 |

| | | 3.9.5 REG* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort) |
|---|------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| | | 3.9.6 REP* Segmentno sortiranje (en. Bucket Sort) |
| | 3.10 | Obilasci (en. Traversals) |
| | | 3.10.1 REG** Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search) |
| | | 3.10.2 REG** Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search) |
| | | 3.10.3 Primjene |
| | | 3.10.3.1 REG** Topološko sortiranje (en. <i>Topological Sort</i>) |
| | | 3.10.3.2 REP** Ojlerov put (en. Euler Path) |
| | 3.11 | REP** Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en. Connected components |
| | | and transitive closures) |
| | 3.12 | Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms) 2 |
| | | 3.12.1 REP** Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm) |
| | | 3.12.2 REP** Dajkstrin algoritam (en. <i>Dijkstra's Algorithm</i>) |
| | | 3.12.3 REP** Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm) |
| | 3.13 | Minimalno razapinjuće stablo (en. Minimum Spanning Tree) |
| | | 3.13.1 REP** Primov algoritam (en. <i>Prim's Algorithm</i>) |
| | | 3.13.2 REP** Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm) |
| | 3.14 | Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en. Biconnectivity in undirected graphs) 2 |
| | | 3.14.1 REP** Mostovi (en. <i>Bridges</i>) |
| | | 3.14.2 REP** Artikulacione tačke (en. Articulation Points) |
| | 3.15 | Povezanost u usmjerenim grafovima (en. Connectivity in Directed Graphs) 2 |
| | | 3.15.1 REP** Čvrste komponente povezanosti (en. Strongly Connected Components) 2 |
| | | REG** Osnove kombinatorne teorije igara (en. Basics of combinatorial game theory) 2 |
| | 3.17 | Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms) |
| | | 3.17.1 REP** Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression) |
| | | $3.17.2 \stackrel{\text{REP**}}{\longrightarrow} \# \text{TODO (en. } Sweeping Line) \dots 3$ |
| | | 3.17.3 REP** Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en. Vector and Scalar Product, |
| | | and Applications) |
| | | 3.17.4 REP** $O(N * log(N))$ Konveksni omotač (en. $O(N * log(N))$ Convex Hull) 3 |
| 4 | Rač | unarske Nauke - Strukture Podataka 3 |
| | | $^{\text{REG**}}$ Stek (en. $Stack$) |
| | 4.2 | $\operatorname{REG^{**}} \operatorname{Red} (en. \ Queue) \dots \dots$ |
| | 4.3 | REG** Reprezentacije grafova (en. <i>Graph Representations</i>) |
| | 4.4 | REP** Reprezentacije disjunktnog skupa (en. Disjoint-set representations) |
| | 4.5 | Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary |
| | | Search Trees) |
| | | 4.5.1 REP** Segmentno stablo (en. Segment Tree) |
| | | 4.5.2 REP** Fenvikovo stablo (en. Fenwick Tree) |
| | 4.6 | REP* Balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Balanced Binary Search Tree) 3 |
| | | 4.6.1 REP** Logaritamski algoritmi za pronalaženje najnižeg zajedničkog pretka (en. |
| | | $Logarithmic\ Algorithms\ for\ Lowest\ Common\ Ancestor)$ |
| | 4.7 | Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions) |
| | | 4.7.1 REP** Teška-laka dekompozicija (en. <i>Heavy-Light Decomposition</i>) |
| | | 4.7.2 REP** Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition) |
| | 4.8 | REP** Perzistente strukture podataka (en. Persistent Data Structures) |
| | 4.9 | Ugnježdavanje struktura podataka (en. Nesting of Data Structures) |

| 4.10 REP** Prefiksno stablo (en. <i>Prefix tree - Trie</i>) | | 41 |
|--------------------------------------------------------------|--|----|
|--------------------------------------------------------------|--|----|

1 Uvod

1.1 Opšte informacije

Internacionalna informatička olimpijada (IOI, eng. International Olympiad in Informatics) najprestižnije je globalno takmičenje učenika osnovnih i srednjih škola iz programiranja. Kao takvo, samo učešće na istoj može biti od velikog značaja za budućnost pojedinca, a osvojene medalje su uspjele plasirati takmičare na prestižne svjetske univerzitete, te im, takođe, otvorile mogućnost zaposlenja u najvećim tehnološkim gigantima. IOI predstavlja cilj određenog dijela takmičara, pretežno iz srednje škole.

Tematika koja se pojavljuje u IOI zadacima definisana je planom (eng. IOI Syllabus). Dakle, adekvatno bi bilo uključivati one algoritme i strukture podataka, te oblasti, koje su propisane ovim planom. Iako su zadaci prezentovani na IOI, većinu vremena, ad-hoc prirode (onakve da ne pripadaju ni jednoj kategoriji), oni nisu striktno ad-hoc prirode - kombinuju razne metode kako bi se došlo do rješenja, nerijetko su implementacijski kompleksni i zahtijevaju duboko poznavanje algoritama i struktura podataka. Zbog ovoga, smatramo da je potrebno da zadaci postavljeni na takmičenjima sadrže više konkretnih algoritama i struktura podataka, koje je vješto potrebno adaptirati i kombinovati sa drugim tehnikama. Ovo ne znači da svaki zadatak mora biti moguće riješiti nekom konkretnom metodom, već da je samo potrebno povećati količinu i nivo poznavanja popularnih algoritama i struktura podataka na višim nivoima takmičenja.

1.2 Vizija

Tim za zadatke odlučio je da kreira ovaj dokument, u cilju olakšavanja procesa učenja i informisanju učenika-takmičara. Korištenjem ovog dokumenta, učenicima-takmičarima bi na dohvat ruke bila dostupna respektabilna količina resursa za pripremanja za takmičenja iz informatike u Republici Srpskoj, ali, neminovno, i za **BHOI**, **BOI** i **IOI**. Smatramo da će učenici, prateći ovaj dokument, te koristeći druge izvore, uspjeći da podignu kvalitet znanja na dosta viši nivo, do sada rijetko viđen među takmičarima, te, samim tim, i unaprediti kvalitet takmičenja i takmičarsku kulturu u Republici Srpskoj.

1.3 O strukturi dokumenta

Informacije o temama, kao i resursi, nalaze se u 3 kategorije: Matematika, Računarske Nauke - Algoritmi i Računarske Nauke - Strukture Podataka.

Razlog ove podijele baziran je na ideji da bi, u početku, trebalo izučiti, makar na osnovnom nivou, razne teorijske osnove računarskih nauka. Takmičar će brže razumijevati dalje konkretne koncepte vezane za ove teorijske ideje, te biti versatilniji u njihovom korištenju. Što je snažniji matematički alat - kreativnost na takmičenjima će rasti.

Nakon toga, algoritmi i strukture podataka se mogu izučavati u generalno arbitrarnom redoslijedu, tj. mogu se kombinovati i učiti po učenikovoj preferenci.

Teme označene sa $^{\rm REG}$ označavaju teme koje se mogu pojaviti na regionalnom takmičenju, dok teme označene sa $^{\rm REP}$ označavaju teme koje se mogu pojaviti isključivo na republičkom takmičenju. Jedna zvjezdica pored nivoa ($^{\rm REG*}$, $^{\rm REP*}$) označava teme koje bi se trebale poznavati na generalnom, teorijskom nivou, dok dvije zvjezdice ($^{\rm REG**}$, $^{\rm REP**}$) označavaju teme za koje je potrebno poznavanje implementacije.

- 2 Matematika
- 2.1 REG* Prosti brojevi (en. $Prime\ Numbers$)

2.2 REG* Euklidska udaljenost (en. $Euclidean\ Distance$)

2.3 REG* Pitagorina teorema (en. *Pythagorean Theorem*)

- 2.4 Osnovna logika prvog reda (en. Basic First-Order Logic)
- 2.4.1 REG* Logički izrazi (en. *Logical Expressions*)
- 2.4.2 REG* Modus ponens i modus tolens (en. Modus Ponens and Modus Tollens)

- 2.5 Dokazi (en. Proofs)
- 2.5.1 REG* Generalne metode dokazivanja (en. General Methods of Proofs)
- 2.5.2 Rekurzivne matematičke definicije (en. Recursive Mathematical Definitions)

- 2.6 Kombinatorika (en. Combinatorics)
- 2.6.1 REG* Permutacije i kombinacije (en. Permutations and Combinations)
- 2.6.2 REG* Princip uključenja i isključenja (en. Inclusion-Exclusion Principle)
- 2.6.3 REG* Dirihleov princip (en. Pigeonhole Principle)
- 2.6.4 REG* Paskalov identitet (en. Pascal's Identity)
- 2.6.5 REG* Binomna teorema (en. Binomial Theorem)
- 2.6.6 REG* Faktorijel i binomni koeficijenti (en. Factorial Function and Binomial Coefficients)

- 2.7 Grafovi (i stabla) (en. *Graphs (and Trees)*)
- 2.7.1 REG* Neusmjereni i usmjereni grafovi (en. Undirected and Directed Graphs)
- 2.7.2 REG* Težinski i netežinski grafovi (en. Weighted and Unweighted Graphs)
- 2.7.3 REG* Multigrafovi (en. *Multigraphs*)
- 2.7.4 REG* Dostupnost (en. Reachability)
- 2.7.5 Reg* Razapinjuća stabla (en. Spanning Trees)
- 2.7.6 REG* Bipartitni grafovi (en. Bipartite Graphs)
- 2.7.7 REG* Direktni aciklični grafovi (en. *Direct Acyclic Graphs*)
- 2.7.8 REG* Jednostavni specifični oblici grafova (en. Fundamental Specific Graph Shapes)
- 2.7.9 REG* Osnovne kombinatorne osobine grafova (en. Fundamental Combinatorial Properties of a Graph)

2.8 REG* Linearna algebra (en. Linear Algebra)

3 Računarske Nauke - Algoritmi

- 3.1 Osnovne strukture podataka (en. Fundamental Data Structures)
- 3.1.1 REG** Primitivni tipovi (en. *Primitive Types*)
- 3.1.2 REG** Nizovi (en. Arrays)
- 3.1.3 REG** Povezane strukture (en. *Linked Structures*)
- 3.1.4 REG** Tehnike implementacije grafova i stabala (en. Techniques of Implementations of Graphs and Trees)
- 3.1.5 REG** Pokazivači i reference (en. *Pointers and References*)

- 3.2 Rekurzija (en. Recursion)
- 3.2.1 REG** Koncepti (en. *Concepts*)
- 3.2.2 REG** Rekurzivne matematičke funkcije (en. Recursive Mathematical Functions)
- 3.2.3 REG** Jednostavne rekurzivne procedure (en. Simple Recursive Procedures)

- 3.3 Generalna teorijala algoritama (en. General Algorithm Theory)
- 3.3.1 REG* Asimptotička analiza (en. Asymptotic Analysis)
- 3.3.2 REG* Big-O notacija (en. Big-O Notation)
- 3.3.3 REG* Standardne klase kompleksnosti (en. $Standard\ Complexity\ Classes$)

- 3.4 Generalne algoritamske strategije (en. General Algorithm Strategies)
- 3.4.1 REG** Algoritmi iscrpne pretrage (en. Brute-Force Algorithms)
- 3.4.2 REG** Gramzivi algoritmi (en. *Greedy Algorithms*)
- 3.4.3 REG** Zavadi-pa-vladaj (en. $Divide-and-Conquer\ Algorithms$)
- 3.4.4 REG** Bektreking (en. *Backtracking*)
- 3.4.5 REG** Dinamičko programiranje (en. *Dynamic Programming*)

- 3.5 Jednostavni cjelobrojni algoritmi (en. Simple Integer Algorithms)
- 3.5.1 REG** #TODO (en. Radix Conversion)
- 3.5.2 REG** Euklidov algoritam (en. Euclid's Algorithm)
- 3.5.3 REG** Test prostosti (en. *Primality Test*)
- 3.5.4 REG** Eratostenovo sito (en. Sieve of Erathostenes)
- 3.5.5 REG** Faktorizacija (en. Factorization)
- 3.5.6 REG** Efikasno eksponovanje (en. Efficient Exponentiation)

3.6 $^{\mathrm{REG}^{**}}$ Jednostavne manipulacije nizovima (en. Simple Array Manipulations)

3.7 REG** Jednostavni algoritmi sa stringovima (en. Simple String Algorithms)

- 3.8 Pretrage (en. Searches)
- 3.8.1 REG** Sekvencijalna pretraga (en. Sequential Search)
- 3.8.2 REG** Binarna pretraga (en. *Binary Search*)

- 3.9 Sortiranja (en. Sorts)
- 3.9.1 REG* Sortiranje mjehurom (en. $Bubble\ Sort$)
- 3.9.2 REG* Sortiranje umetanjem (en. *Insertion Sort*)
- 3.9.3 REP* Kviksort (en. Quicksort)
- 3.9.4 REG* Sortiranje spajanjem (en. Merge Sort)
- 3.9.5 REG* Sortiranje prebrojavanjem (en. Counting Sort)
- 3.9.6 REP* Segmentno sortiranje (en. $Bucket\ Sort$)

- 3.10 Obilasci (en. *Traversals*)
- 3.10.1 REG** Obilazak u dubinu (en. Depth-First Search)
- 3.10.2 REG** Obilazak u sirinu (en. Breadth-First Search)
- 3.10.3 Primjene
- 3.10.3.1 REG** Topološko sortiranje (en. Topological Sort)
- 3.10.3.2 REP** Ojlerov put (en. Euler Path)

3.11 REP** Komponente povezanosti i tranzitivna zatvorenja (en. $Connected\ components\ and\ transitive\ closures)$

- 3.12 Algoritmi za pronalaženje najkraćeg puta (en. Shortest Path Algorithms)
- 3.12.1 REP** Belman-Fordov algoritam (en. Bellman-Ford Algorithm)
- 3.12.2 REP** Dajkstrin algoritam (en. *Dijkstra's Algorithm*)
- 3.12.3 REP** Flojd-Varšalov algoritam (en. Floyd-Warshall's Algorithm)

- 3.13 Minimalno razapinjuće stablo (en. Minimum Spanning Tree)
- 3.13.1 REP** Primov algoritam (en. Prim's Algorithm)
- 3.13.2 REP** Kruskalov algoritam (en. Kruskal's Algorithm)

- 3.14 Bikonektivnost u neusmjerenim grafovima (en. $Biconnectivity\ in\ undirected\ graphs)$
- 3.14.1 REP** Mostovi (en. Bridges)
- 3.14.2 REP** Artikulacione tačke (en. Articulation Points)

3.15 Povezanost u usmjerenim grafovima (en. $Connectivity\ in\ Directed\ Graphs)$

$3.15.1 \quad {}^{\mathrm{REP}^{**}}\,\check{\mathrm{C}}\mathrm{vrste}\,\,\mathrm{komponente}\,\,\mathrm{povezanosti}\,\,\mathrm{(en.}\,\,\mathit{Strongly}\,\,\mathit{Connected}\,\,\mathit{Components})$

Teorija čvrstih komponenata povezanosti

Gorepomenuti resurs objašnjava pojam čvrstih komponenti povezanosti, te implementaciju Kosarajuvog algoritma.

Kosarajuov algoritam (zadaci)

Tardžanov algoritam

3.16 REG** Osnove kombinatorne teorije igara (en. $Basics\ of\ combinatorial\ game\ theory)$

- 3.17 Geometrijski algoritmi (en. Geometric Algorithms)
- 3.17.1 REP** Kompresija koordinata (en. Coordinate Compression)
- 3.17.2 REP** #TODO (en. Sweeping Line)
- 3.17.3 $\,^{\text{REP}^{**}}$ Vektorski i skalarni proizvod i primjene (en. $\textit{Vector and Scalar Product}, \,\, \textit{and Applications})$
- 3.17.4 $\operatorname{REP^{**}}\operatorname{O}(\operatorname{N} \, * \, \log(\operatorname{N}))$ Konveksni omotač (en. $O(N \, * \, \log(N))$ Convex Hull)

- 4 Računarske Nauke Strukture Podataka
- 4.1 REG** Stek (en. Stack)

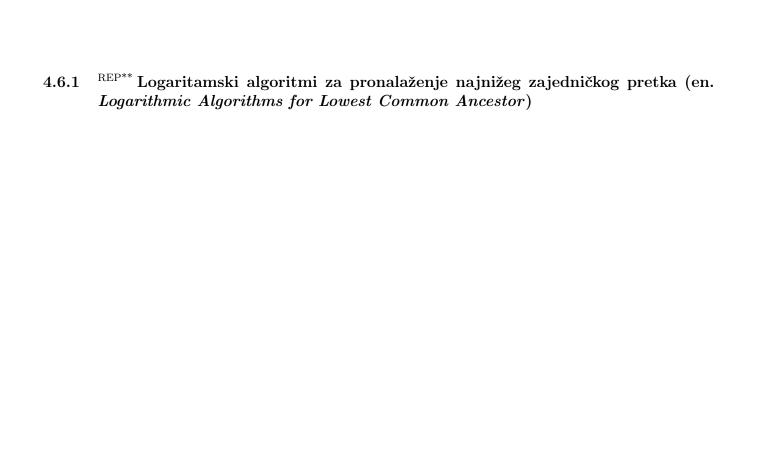
4.2 REG** Red (en. Queue)

4.3 $^{\mathrm{REG}^{**}}$ Reprezentacije grafova (en. *Graph Representations*)

4.4 Reprezentacije disjunktnog skupa (en. $\it Disjoint\textsubscript{-set}\ representations)$

- 4.5 Statički balansirana binarna pretraživačka stabla (en. Statically Balanced Binary Search Trees)
- 4.5.1 REP** Segmentno stablo (en. Segment Tree)
- 4.5.2 REP** Fenvikovo stablo (en. Fenwick Tree)

4.6 $^{\mathrm{REP}^{*}}$ Balansirana binarna pretraživačka stabla (en. $Balanced\ Binary\ Search\ Tree)$



- 4.7 Dekompozicije stabla (en. Tree Decompositions)
- 4.7.1 REP** Teška-laka dekompozicija (en. $Heavy-Light\ Decomposition$)
- 4.7.2 REP** Centroidna dekompozicija (en. Centroid Decomposition)

4.8 REP** Perzistente strukture podataka (en. $Persistent\ Data\ Structures)$

| 4.9 | Ugnježdavanje | struktura | podataka (en. | Nesting of Data | Structures |
|-----|---------------|-----------|---------------|-----------------|------------|
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |

4.10 REP** Prefiksno stablo (en. $Prefix\ tree\ -\ Trie)$