main_runner_linear_system_trajectory_wise

October 4, 2025

```
[1]: import sys
     import os
     notebook_path = os.getcwd()
     parent_dir = os.path.dirname(notebook_path)
     project_root = os.path.dirname(parent_dir)
     if project_root not in sys.path:
         sys.path.insert(0, project_root)
[2]: import torch
     import torch.nn as nn
     from torch.utils.data import DataLoader, TensorDataset
     import matplotlib.pyplot as plt
     from copy import deepcopy
[3]: import state_NN_models
     import Filters
     import utils
     import Systems
     from utils import losses, trainer, utils
     from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader, random_split
     from state_NN_models.StateBayesianKalmanNet import StateBayesianKalmanNet
     from state_NN_models.StateKalmanNet import StateKalmanNet
     from state_NN_models.StateKalmanNetWithKnownR import StateKalmanNetWithKnownR
[4]: device = torch.device("cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu")
     print(f"Používané zařízení: {device}")
    Používané zařízení: cuda
[5]: state_dim_2d = 2
     obs \dim 2d = 2
     F_base_2d = torch.tensor([[1.0, 1.0],
                               [0.0, 1.0]])
     svd_F = torch.linalg.svd(F_base_2d)
     F_true_2d = F_base_2d / svd_F.S[0]
```

```
H_true_2d = torch.eye(obs_dim_2d)
Q_true_2d = torch.eye(state_dim_2d) * 0.5 # Šum procesu
R_true_2d = torch.eye(obs_dim_2d) * 0.1 # Šum měření
# Počáteční podmínky
ExO_true_2d = torch.tensor([[1.0], [0.0]])
PO_true_2d = torch.eye(state_dim_2d) * 1.5
F_model_2d = F_true_2d
H_model_2d = H_true_2d
Q_model_2d = torch.eye(state_dim_2d) * 0.1
R_{model_2d} = R_{true_2d}
Ex0_model_2d = torch.tensor([[0.5], [0.5]])
P0_model_2d = torch.eye(state_dim_2d) * 1.0
print("\nInicializuji 2D Linear Canonical systém (replikace autorů)...")
sys_true = Systems.DynamicSystem(
    state_dim=state_dim_2d, obs_dim=obs_dim_2d,
    Ex0=Ex0_true_2d, P0=P0_true_2d,
    Q=Q_true_2d, R=R_true_2d,
    F=F_true_2d, H=H_true_2d,
    device=device
)
sys_model = Systems.DynamicSystem(
    state_dim=state_dim_2d, obs_dim=obs_dim_2d,
    Ex0=Ex0_model_2d, P0=P0_model_2d,
    Q=Q_model_2d, R=R_model_2d,
    F=F_model_2d, H=H_model_2d,
    device=device
print("... 2D systém inicializován.")
```

Inicializuji 2D Linear_Canonical systém (replikace autorů)... ... 2D systém inicializován.

```
[6]: TRAIN_SEQ_LEN = 10  # Krátké sekvence pro stabilní trénink (TBPTT)

VALID_SEQ_LEN = 20  # Stejná délka pro konzistentní validaci

TEST_SEQ_LEN = 100  # Dlouhé sekvence pro testování generalizace

NUM_TRAIN_TRAJ = 500  # Hodně trénovacích příkladů

NUM_VALID_TRAJ = 200  # Dostatek pro spolehlivou validaci

NUM_TEST_TRAJ = 100  # Pro robustní vyhodnocení

BATCH_SIZE = 8  # Dobrý kompromis
```

```
[7]: import torch
    import torch.nn as nn
    from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
    import numpy as np
    import os
    import random
    import csv
    from datetime import datetime
    import pandas as pd
    from copy import deepcopy
    model_config = {
       "hidden_size_multiplier": 10,
       "output_layer_multiplier": 4,
       "num_gru_layers": 1,
       "init_min_dropout": 0.5,
       "init_max_dropout": 0.8
    }
    train config = {
       "total_train_iter": 1200,
       "learning_rate": 1e-4,
       "clip_grad": 10.0,
       "J_samples": 20,
       "validation period": 20,
       "logging_period": 20,
       "warmup iterations":100 # Trénuj prvních 400 iterací jen na MSE
    }
     # KROK 3: SPUŠTĚNÍ JEDNOHO TRÉNINKOVÉHO BĚHU
    #__
```

```
print("="*80)
print("Spouštím jeden plnohodnotný tréninkový běh...")
print(f"Parametry modelu: {model_config}")
print(f"Parametry tréninku: {train_config}")
print("="*80)
# Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
torch.manual seed(42)
np.random.seed(42)
random.seed(42)
# Vytvoření modelu
state_bkn_knet = StateBayesianKalmanNet(
    sys model,
   device=device,
    **model_config
).to(device)
# Spuštění tréninku
# Používáme `run_training_session`, která vrací slovník s výsledky
results = trainer.
 otraining_session_trajectory_with_gaussian_nll_training_fcn(model=state_bkn_knet,
   train_loader=train_loader,
   val_loader=val_loader,
   device=device,
   **train_config
)
# `run_training_session` automaticky načte nejlepší model zpět,
# takže `state_bkn_knet` nyní obsahuje váhy nejlepšího modelu.
trained_model = results['final_model']
print("\n" + "="*80)
print("TRÉNINK DOKONČEN - FINÁLNÍ VÝSLEDKY Z NEJLEPŠÍHO MODELU")
print("="*80)
print(f"Nejlepší model byl nalezen v iteraci: {results['best iter']}")
# --- Změněné klíče, aby odpovídaly return statementu ---
print(f"Nejlepší dosažený validační ANEES: {results['best_val_anees']:.4f}")
print("--- Metriky odpovídající tomuto nejlepšímu modelu ---")
print(f" MSE na validační sadě:
                                  {results['best_val_mse']:.4f}")
print(f" NLL na validační sadě: {results['best_val_nll']:.4f}")
print("="*80)
# Nyní můžeš s `trained model` pokračovat, například ho vyhodnotit na testovací
 ⇔sadě.
```

```
Spouštím jeden plnohodnotný tréninkový běh...
Parametry modelu: {'hidden_size_multiplier': 10, 'output_layer_multiplier': 4,
'num_gru_layers': 1, 'init_min_dropout': 0.5, 'init_max_dropout': 0.8}
Parametry tréninku: {'total_train_iter': 1200, 'learning_rate': 0.0001,
'clip_grad': 10.0, 'J_samples': 20, 'validation_period': 20, 'logging_period':
20, 'warmup iterations': 100}
--- Iteration [20/1200] ---
    - Total Loss: 0.4271
    - NLL: 0.0000
    - Reg: 0.0026
    - p1=0.602, p2=0.654
--- Validace v iteraci 20 ---
 Průměrný MSE: 0.3677, Průměrný ANEES: 20.7470
  >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [40/1200] ---
    - Total Loss: 0.2617
   - NLL: 0.0000
    - Reg: 0.0026
    - p1=0.602, p2=0.654
--- Validace v iteraci 40 ---
 Průměrný MSE: 0.2596, Průměrný ANEES: 17.3996
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 _____
--- Iteration [60/1200] ---
   - Total Loss: 0.2009
    - NLL: 0.0000
    - Reg: 0.0026
    -p1=0.602, p2=0.654
--- Validace v iteraci 60 ---
 Průměrný MSE: 0.1960, Průměrný ANEES: 14.5069
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [80/1200] ---
   - Total Loss: 0.1843
    - NLL: 0.0000
    - Reg: 0.0026
    - p1=0.602, p2=0.653
--- Validace v iteraci 80 ---
 Průměrný MSE: 0.1563, Průměrný ANEES: 12.6139
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
```

```
--- Iteration [100/1200] ---
   - Total Loss: 0.1574
   - NLL: 0.0000
   - Reg: 0.0026
   - p1=0.602, p2=0.653
--- Validace v iteraci 100 ---
 Průměrný MSE: 0.1280, Průměrný ANEES: 10.9480
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [120/1200] ---
   - Total Loss: 5.0544
   - NLL: 5.0518
   - Reg: 0.0026
   - p1=0.602, p2=0.654
--- Validace v iteraci 120 ---
 Průměrný MSE: 0.1072, Průměrný ANEES: 8.4279
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 _____
--- Iteration [140/1200] ---
   - Total Loss: 1.3709
   - NLL: 1.3683
   - Reg: 0.0026
   - p1=0.603, p2=0.654
--- Validace v iteraci 140 ---
 Průměrný MSE: 0.0968, Průměrný ANEES: 6.2870
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [160/1200] ---
   - Total Loss: 6.0467
   - NLL: 6.0441
   - Reg: 0.0026
   -p1=0.603, p2=0.655
--- Validace v iteraci 160 ---
 Průměrný MSE: 0.0974, Průměrný ANEES: 5.4672
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [180/1200] ---
   - Total Loss: 1.5348
   - NLL: 1.5321
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.655
--- Validace v iteraci 180 ---
 Průměrný MSE: 0.0991, Průměrný ANEES: 4.7779
```

```
>>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [200/1200] ---
   - Total Loss: 0.9042
   - NLL: 0.9015
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.656
--- Validace v iteraci 200 ---
 Průměrný MSE: 0.1022, Průměrný ANEES: 4.5412
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [220/1200] ---
   - Total Loss: 1.7928
   - NLL: 1.7902
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.656
--- Validace v iteraci 220 ---
 Průměrný MSE: 0.1018, Průměrný ANEES: 4.2032
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
   -----
--- Iteration [240/1200] ---
   - Total Loss: 0.8775
   - NLL: 0.8749
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.656
--- Validace v iteraci 240 ---
 Průměrný MSE: 0.1030, Průměrný ANEES: 3.9030
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [260/1200] ---
   - Total Loss: 1.1027
   - NLL: 1.1001
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.656
--- Validace v iteraci 260 ---
 Průměrný MSE: 0.1025, Průměrný ANEES: 3.6003
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  _____
--- Iteration [280/1200] ---
   - Total Loss: 0.6619
   - NLL: 0.6592
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.657
```

```
--- Validace v iteraci 280 ---
 Průměrný MSE: 0.1038, Průměrný ANEES: 3.5456
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [300/1200] ---
   - Total Loss: 0.9836
   - NLL: 0.9809
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.657
--- Validace v iteraci 300 ---
 Průměrný MSE: 0.1036, Průměrný ANEES: 3.5079
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [320/1200] ---
   - Total Loss: 1.2034
   - NLL: 1.2007
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.657
--- Validace v iteraci 320 ---
 Průměrný MSE: 0.1027, Průměrný ANEES: 3.1700
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [340/1200] ---
   - Total Loss: 1.0566
   - NLL: 1.0539
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.657
--- Validace v iteraci 340 ---
 Průměrný MSE: 0.1020, Průměrný ANEES: 3.2367
_____
--- Iteration [360/1200] ---
   - Total Loss: 1.2669
   - NLL: 1.2642
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 360 ---
 Průměrný MSE: 0.1024, Průměrný ANEES: 3.0605
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [380/1200] ---
   - Total Loss: 1.1213
   - NLL: 1.1187
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
```

```
--- Validace v iteraci 380 ---
 Průměrný MSE: 0.1025, Průměrný ANEES: 2.9179
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  -----
--- Iteration [400/1200] ---
   - Total Loss: 1.0404
   - NLL: 1.0377
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 400 ---
 Průměrný MSE: 0.1060, Průměrný ANEES: 2.9437
_____
--- Iteration [420/1200] ---
   - Total Loss: 1.0199
   - NLL: 1.0172
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 420 ---
 Průměrný MSE: 0.1073, Průměrný ANEES: 2.8654
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [440/1200] ---
   - Total Loss: 0.8777
   - NLL: 0.8751
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 440 ---
 Průměrný MSE: 0.1046, Průměrný ANEES: 2.8241
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 _____
--- Iteration [460/1200] ---
   - Total Loss: 1.8787
   - NLL: 1.8761
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 460 ---
 Průměrný MSE: 0.1010, Průměrný ANEES: 2.7593
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [480/1200] ---
   - Total Loss: 2.2730
   - NLL: 2.2704
   - Reg: 0.0027
```

```
- p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 480 ---
 Průměrný MSE: 0.1028, Průměrný ANEES: 2.7094
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [500/1200] ---
   - Total Loss: 0.9197
   - NLL: 0.9170
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 500 ---
 Průměrný MSE: 0.1020, Průměrný ANEES: 2.6628
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [520/1200] ---
   - Total Loss: 1.6027
   - NLL: 1.6000
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 520 ---
 Průměrný MSE: 0.1057, Průměrný ANEES: 2.6544
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [540/1200] ---
   - Total Loss: 0.8484
   - NLL: 0.8457
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 540 ---
 Průměrný MSE: 0.1046, Průměrný ANEES: 2.8505
--- Iteration [560/1200] ---
   - Total Loss: 0.9150
   - NLL: 0.9123
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 560 ---
 Průměrný MSE: 0.1033, Průměrný ANEES: 2.4956
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
._____
--- Iteration [580/1200] ---
   - Total Loss: 1.0730
```

- NLL: 1.0704

```
- Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 580 ---
 Průměrný MSE: 0.1048, Průměrný ANEES: 2.6164
_____
--- Iteration [600/1200] ---
   - Total Loss: 1.0738
   - NLL: 1.0711
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 600 ---
 Průměrný MSE: 0.1070, Průměrný ANEES: 2.6561
_____
--- Iteration [620/1200] ---
   - Total Loss: 1.4671
   - NLL: 1.4644
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 620 ---
 Průměrný MSE: 0.1020, Průměrný ANEES: 2.6141
--- Iteration [640/1200] ---
   - Total Loss: 0.7937
   - NLL: 0.7910
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 640 ---
 Průměrný MSE: 0.1037, Průměrný ANEES: 2.5194
_____
--- Iteration [660/1200] ---
   - Total Loss: 0.9657
   - NLL: 0.9630
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.658
--- Validace v iteraci 660 ---
 Průměrný MSE: 0.1058, Průměrný ANEES: 2.4838
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [680/1200] ---
   - Total Loss: 1.4594
   - NLL: 1.4567
   - Reg: 0.0027
```

- p1=0.603, p2=0.659

```
--- Validace v iteraci 680 ---
 Průměrný MSE: 0.1054, Průměrný ANEES: 2.5075
--- Iteration [700/1200] ---
   - Total Loss: 1.1748
   - NLL: 1.1721
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 700 ---
 Průměrný MSE: 0.1036, Průměrný ANEES: 2.5126
_____
--- Iteration [720/1200] ---
   - Total Loss: 0.9268
   - NLL: 0.9241
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 720 ---
 Průměrný MSE: 0.1039, Průměrný ANEES: 2.5878
._____
--- Iteration [740/1200] ---
   - Total Loss: 0.7291
   - NLL: 0.7264
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 740 ---
 Průměrný MSE: 0.1044, Průměrný ANEES: 2.6425
-----
--- Iteration [760/1200] ---
   - Total Loss: 1.0571
   - NLL: 1.0545
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 760 ---
 Průměrný MSE: 0.1034, Průměrný ANEES: 2.5182
_____
--- Iteration [780/1200] ---
   - Total Loss: 1.6794
   - NLL: 1.6768
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 780 ---
 Průměrný MSE: 0.1023, Průměrný ANEES: 2.5053
```

```
--- Iteration [800/1200] ---
   - Total Loss: 0.7407
   - NLL: 0.7380
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 800 ---
 Průměrný MSE: 0.1033, Průměrný ANEES: 2.5903
_____
--- Iteration [820/1200] ---
   - Total Loss: 1.1119
   - NLL: 1.1092
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 820 ---
 Průměrný MSE: 0.1011, Průměrný ANEES: 2.4979
_____
--- Iteration [840/1200] ---
   - Total Loss: 0.6638
   - NLL: 0.6611
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 840 ---
 Průměrný MSE: 0.0995, Průměrný ANEES: 2.5023
_____
--- Iteration [860/1200] ---
   - Total Loss: 1.6858
   - NLL: 1.6831
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 860 ---
 Průměrný MSE: 0.1016, Průměrný ANEES: 2.5397
-----
--- Iteration [880/1200] ---
   - Total Loss: 1.0831
   - NLL: 1.0804
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 880 ---
 Průměrný MSE: 0.1005, Průměrný ANEES: 2.5972
-----
--- Iteration [900/1200] ---
```

- Total Loss: 1.1989

```
- NLL: 1.1962
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 900 ---
 Průměrný MSE: 0.1001, Průměrný ANEES: 2.4699
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [920/1200] ---
   - Total Loss: 0.9087
   - NLL: 0.9060
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 920 ---
 Průměrný MSE: 0.0996, Průměrný ANEES: 2.4774
_____
--- Iteration [940/1200] ---
   - Total Loss: 0.8939
   - NLL: 0.8912
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 940 ---
 Průměrný MSE: 0.1012, Průměrný ANEES: 2.5220
_____
--- Iteration [960/1200] ---
   - Total Loss: 0.9680
   - NLL: 0.9653
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 960 ---
 Průměrný MSE: 0.1012, Průměrný ANEES: 2.6007
--- Iteration [980/1200] ---
   - Total Loss: 0.6719
   - NLL: 0.6693
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 980 ---
 Průměrný MSE: 0.1008, Průměrný ANEES: 2.5003
_____
--- Iteration [1000/1200] ---
   - Total Loss: 0.9180
```

- NLL: 0.9154 - Reg: 0.0027

14

```
-p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1000 ---
 Průměrný MSE: 0.1014, Průměrný ANEES: 2.4674
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [1020/1200] ---
   - Total Loss: 2.1481
   - NLL: 2.1454
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1020 ---
 Průměrný MSE: 0.1004, Průměrný ANEES: 2.4936
_____
--- Iteration [1040/1200] ---
   - Total Loss: 0.6588
   - NLL: 0.6561
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1040 ---
 Průměrný MSE: 0.0992, Průměrný ANEES: 2.4758
--- Iteration [1060/1200] ---
   - Total Loss: 1.0053
   - NLL: 1.0027
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1060 ---
 Průměrný MSE: 0.1021, Průměrný ANEES: 2.4952
_____
--- Iteration [1080/1200] ---
   - Total Loss: 1.8229
   - NLL: 1.8202
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1080 ---
 Průměrný MSE: 0.1004, Průměrný ANEES: 2.5728
_____
--- Iteration [1100/1200] ---
   - Total Loss: 0.9756
   - NLL: 0.9729
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
```

```
--- Validace v iteraci 1100 ---
 Průměrný MSE: 0.1008, Průměrný ANEES: 2.4473
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [1120/1200] ---
   - Total Loss: 0.8514
   - NLL: 0.8487
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1120 ---
 Průměrný MSE: 0.1024, Průměrný ANEES: 2.5596
-----
--- Iteration [1140/1200] ---
   - Total Loss: 0.9092
   - NLL: 0.9065
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1140 ---
 Průměrný MSE: 0.0997, Průměrný ANEES: 2.5121
 -----
--- Iteration [1160/1200] ---
   - Total Loss: 0.8878
   - NLL: 0.8851
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1160 ---
 Průměrný MSE: 0.1017, Průměrný ANEES: 2.5504
._____
--- Iteration [1180/1200] ---
   - Total Loss: 0.7918
   - NLL: 0.7892
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1180 ---
 Průměrný MSE: 0.0998, Průměrný ANEES: 2.5709
_____
--- Iteration [1200/1200] ---
   - Total Loss: 1.3961
   - NLL: 1.3935
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.603, p2=0.659
--- Validace v iteraci 1200 ---
 Průměrný MSE: 0.1017, Průměrný ANEES: 2.5752
```

Trénování dokončeno.

Načítám nejlepší model z iterace 1100 s ANEES 2.4473

TRÉNINK DOKONČEN - FINÁLNÍ VÝSLEDKY Z NEJLEPŠÍHO MODELU

Nejlepší model byl nalezen v iteraci: 1100 Nejlepší dosažený validační ANEES: 2.4473

--- Metriky odpovídající tomuto nejlepšímu modelu ---

MSE na validační sadě: 0.1008 NLL na validační sadě: 0.0000

```
[8]: import torch
     import torch.nn as nn
     from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
     import numpy as np
     import os
     import random
     import csv
     from datetime import datetime
     import pandas as pd
     from copy import deepcopy
     # Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
     torch.manual_seed(42)
     np.random.seed(42)
     random.seed(42)
     state_knet = StateKalmanNet(sys_model, device=device,__
      →hidden_size_multiplier=12).to(device)
     trainer.train_state_KalmanNet(
         model=state_knet,
         train_loader=train_loader,
         val_loader=val_loader,
         device=device,
         epochs=100,
         lr=1e-4,
         early_stopping_patience=30
```

INFO: Detekováno, že model vrací kovarianci: False

/home/luky/.local/lib/python3.10/site-packages/torch/optim/lr_scheduler.py:28: UserWarning: The verbose parameter is deprecated. Please use get_last_lr() to access the learning rate.

warnings.warn("The verbose parameter is deprecated. Please use get_last_lr() "

Epoch [5/100], Train Loss: 0.107615, Val Loss: 0.095001

```
Epoch [10/100], Train Loss: 0.095457, Val Loss: 0.088108
    Epoch [15/100], Train Loss: 0.090471, Val Loss: 0.086000
    Epoch [20/100], Train Loss: 0.088392, Val Loss: 0.085304
    Epoch [25/100], Train Loss: 0.087707, Val Loss: 0.085010
    Epoch [30/100], Train Loss: 0.086927, Val Loss: 0.084870
    Epoch [35/100], Train Loss: 0.086662, Val Loss: 0.084835
    Epoch [40/100], Train Loss: 0.086551, Val Loss: 0.084570
    Epoch [45/100], Train Loss: 0.086482, Val Loss: 0.084791
    Epoch [50/100], Train Loss: 0.086219, Val Loss: 0.084568
    Epoch [55/100], Train Loss: 0.086040, Val Loss: 0.084611
    Epoch [60/100], Train Loss: 0.085912, Val Loss: 0.084599
    Epoch [65/100], Train Loss: 0.085877, Val Loss: 0.084595
    Epoch [70/100], Train Loss: 0.085877, Val Loss: 0.084601
    Epoch [75/100], Train Loss: 0.085693, Val Loss: 0.084631
    Epoch [80/100], Train Loss: 0.085577, Val Loss: 0.084628
    Early stopping spuštěno po 83 epochách.
    Trénování dokončeno.
    Načítám nejlepší model s validační chybou: 0.084523
[8]: StateKalmanNet(
       (dnn): DNN_KalmanNet(
         (input_layer): Linear(in_features=4, out_features=96, bias=True)
         (gru): GRU(96, 96)
         (output layer): Linear(in features=96, out features=4, bias=True)
      )
     )
[9]: import torch
     import torch.nn as nn
     from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
     import numpy as np
     import os
     import random
     import csv
     from datetime import datetime
     import pandas as pd
     from copy import deepcopy
     # Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
     torch.manual_seed(42)
     np.random.seed(42)
     random.seed(42)
     state_knetR = StateKalmanNetWithKnownR(sys_model, device=device,_
      →hidden_size_multiplier=12).to(device)
     trainer.train state KalmanNet(
         model=state knetR,
         train loader=train loader,
```

```
val_loader=val_loader,
         device=device,
         epochs=100,
         lr=1e-4,
         early_stopping_patience=30
     )
    INFO: Detekováno, že model vrací kovarianci: True
    Epoch [5/100], Train Loss: 0.107615, Val Loss: 0.095001, Avg Cov Trace: 0.156844
    Epoch [10/100], Train Loss: 0.095457, Val Loss: 0.088108, Avg Cov Trace:
    0.160658
    Epoch [15/100], Train Loss: 0.090471, Val Loss: 0.086000, Avg Cov Trace:
    0.163118
    Epoch [20/100], Train Loss: 0.088392, Val Loss: 0.085304, Avg Cov Trace:
    0.163777
    Epoch [25/100], Train Loss: 0.087707, Val Loss: 0.085010, Avg Cov Trace:
    0.164836
    Epoch [30/100], Train Loss: 0.086927, Val Loss: 0.084870, Avg Cov Trace:
    0.165734
    Epoch [35/100], Train Loss: 0.086662, Val Loss: 0.084835, Avg Cov Trace:
    0.165818
    Epoch [40/100], Train Loss: 0.086551, Val Loss: 0.084570, Avg Cov Trace:
    0.165289
    Epoch [45/100], Train Loss: 0.086482, Val Loss: 0.084791, Avg Cov Trace:
    0.165082
    Epoch [50/100], Train Loss: 0.086219, Val Loss: 0.084568, Avg Cov Trace:
    0.166322
    Epoch [55/100], Train Loss: 0.086040, Val Loss: 0.084611, Avg Cov Trace:
    0.165869
    Epoch [60/100], Train Loss: 0.085912, Val Loss: 0.084599, Avg Cov Trace:
    0.164969
    Epoch [65/100], Train Loss: 0.085877, Val Loss: 0.084595, Avg Cov Trace:
    0.166229
    Epoch [70/100], Train Loss: 0.085877, Val Loss: 0.084601, Avg Cov Trace:
    0.166023
    Epoch [75/100], Train Loss: 0.085693, Val Loss: 0.084631, Avg Cov Trace:
    Epoch [80/100], Train Loss: 0.085577, Val Loss: 0.084628, Avg Cov Trace:
    0.165833
    Early stopping spuštěno po 83 epochách.
    Trénování dokončeno.
    Načítám nejlepší model s validační chybou: 0.084523
[9]: StateKalmanNetWithKnownR(
       (dnn): DNN_KalmanNet(
         (input_layer): Linear(in_features=4, out_features=96, bias=True)
```

```
(output_layer): Linear(in_features=96, out_features=4, bias=True)
     )
    )
[11]: import torch
    import torch.nn.functional as F
    import numpy as np
    from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
    # O. PŘEDPOKLADY - ZDE PŘIŘAĎTE VAŠE NATRÉNOVANÉ MODELY
    # Ujistěte se, že v proměnných níže máte již natrénované a připravené modely.
    # Názvy proměnných si upravte podle vašeho kódu, pokud se liší.
    try:
       trained_model_bkn = trained_model
       trained_model_classic = state_knet
       trained_model_knetR = state_knetR
       print("INFO: Všechny natrénované modely nalezeny a přiřazeny.")
    except NameError:
       print("VAROVÁNÍ: Některé z proměnných `trained model`, `state knet`, nebo⊔
     →`state_knetR` nebyly nalezeny.")
                   Ujistěte se, že jste nejprve úspěšně dokončili trénink⊔
     ⇔všech modelů.")
    # -----
    # 1. KONFIGURACE TESTU
    # ------
    TEST_SEQ_LEN = 500
    NUM_TEST_TRAJ = 10
    J_SAMPLES_TEST = 25
    # 2. PŘÍPRAVA DAT
    print(f"\nGeneruji {NUM_TEST_TRAJ} testovacích trajektorií o délce⊔
     →{TEST_SEQ_LEN}...")
    x test, y_test = utils.generate_data(sys_true, num_trajectories=NUM_TEST_TRAJ,__
     →seq_len=TEST_SEQ_LEN)
    test_dataset = TensorDataset(x_test, y_test)
    test_loader = DataLoader(test_dataset, batch_size=1, shuffle=False)
    print("Generování dat dokončeno.")
    # ------
    # 3. INICIALIZACE VŠECH FILTRŮ PRO POROVNÁNÍ
```

(gru): GRU(96, 96)

```
ekf_mismatched = Filters.ExtendedKalmanFilter(sys_model)
ekf_ideal = Filters.ExtendedKalmanFilter(sys_true)
ukf_mismatched = Filters.UnscentedKalmanFilter(sys_model)
ukf_ideal = Filters.UnscentedKalmanFilter(sys_true)
akf_mismatched = Filters.AdaptiveKalmanFilter(sys_model,mdm_L=3,mdm_version=2)
kf_ideal = Filters.KalmanFilter(sys_true)
print("Všechny model-based filtry (EKF, UKF, AKF) inicializovány.")
# 4. VYHODNOCOVACÍ SMYČKA
# ------
# Seznamy pro ukládání výsledků z každé trajektorie
all_x_true_cpu = []
all_x_hat_bkn_cpu, all_P_hat_bkn_cpu = [], []
all_x_hat_classic_knet_cpu = []
all_x_hat_knetR_cpu, all_P_hat_knetR_cpu = [], []
all_x_hat_ekf_mismatched_cpu, all_P_hat_ekf_mismatched_cpu = [], []
all_x_hat_ekf_ideal_cpu, all_P_hat_ekf_ideal_cpu = [], []
all_x_hat_ukf_mismatched_cpu, all_P_hat_ukf_mismatched_cpu = [], []
all_x_hat_ukf_ideal_cpu, all_P_hat_ukf_ideal_cpu = [], []
all_x_hat_akf_mismatched_cpu, all_P_hat_akf_mismatched_cpu = [], []
all_x_hat_kf_ideal_cpu, all_P_hat_kf_ideal_cpu = [], []
print(f"\nVyhodnocuji modely na {NUM_TEST_TRAJ} testovacích trajektoriích...")
trained_model_bkn.eval()
trained_model_classic.eval()
trained_model_knetR.eval()
with torch.no_grad():
   for i, (x_true_seq batch, y_test_seq_batch) in enumerate(test_loader):
       y_test_seq_gpu = y_test_seq_batch.squeeze(0).to(device)
       x_true_seq_gpu = x_true_seq_batch.squeeze(0).to(device)
       initial_state = x_true_seq_gpu[0, :].unsqueeze(0)
       # --- A. Bayesian KalmanNet (Trajectory-wise) ---
       ensemble_trajectories = []
       for j in range(J_SAMPLES_TEST):
           trained_model_bkn.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
           current x hats = []
          for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
              x_filtered_t, _ = trained_model_bkn.step(y_test_seq_gpu[t, :].
 unsqueeze(0))
              current_x_hats.append(x_filtered_t)
           ensemble_trajectories.append(torch.cat(current_x_hats, dim=0))
       ensemble = torch.stack(ensemble_trajectories, dim=0)
```

```
predictions_bkn = ensemble.mean(dim=0)
      diff = ensemble - predictions_bkn.unsqueeze(0)
      covariances_bkn = (diff.unsqueeze(-1) @ diff.unsqueeze(-2)).mean(dim=0)
      full x hat bkn = torch.cat([initial_state, predictions_bkn], dim=0)
      full_P_hat_bkn = torch.cat([sys_model.P0.unsqueeze(0),__
⇔covariances_bkn], dim=0)
      # --- B. Klasický StateKalmanNet (pouze MSE) ---
      trained_model_classic.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
      classic_knet_preds = []
      for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
           x_filtered_t = trained_model_classic.step(y_test_seq_gpu[t, :].
unsqueeze(0))
           classic_knet_preds.append(x_filtered_t)
      full_x_hat_classic_knet = torch.cat([initial_state, torch.

cat(classic_knet_preds, dim=0)], dim=0)
      # --- C. StateKalmanNetWithKnownR ---
      trained_model_knetR.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
      knetR_preds_x, knetR_preds_P = [], []
      for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
           x_filtered_t, P_filtered_t = trained_model_knetR.
⇔step(y_test_seq_gpu[t, :].unsqueeze(0))
          knetR_preds_x.append(x_filtered_t)
          knetR_preds_P.append(P_filtered_t)
      full_x_hat_knetR = torch.cat([initial_state, torch.cat(knetR_preds_x,_
\rightarrowdim=0)], dim=0)
      processed_P_list = []
      for p_tensor in knetR_preds_P:
           while p tensor.dim() < 2:</pre>
               p_tensor = p_tensor.unsqueeze(-1)
           if p_tensor.dim() > 2 and p_tensor.shape[0] == 1:
               p_tensor = p_tensor.squeeze(0)
           processed_P_list.append(p_tensor)
      P_sequence_knetR = torch.stack(processed_P_list, dim=0)
      PO_for_cat = sys_model.PO.clone()
      while P0_for_cat.dim() < P_sequence_knetR.dim():</pre>
          PO_for_cat = PO_for_cat.unsqueeze(0)
      full_P_hat_knetR = torch.cat([P0_for_cat, P_sequence_knetR], dim=0)
```

```
# --- D. EKF (nepřesný a ideální) ---
       ekf m_res = ekf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,_
⇒Ex0=sys_model.Ex0, P0=sys_model.P0)
      full_x_hat_ekf_m = ekf_m_res['x_filtered'] # Výsledek je již kompletní_
→trajektorie
      full P hat ekf m = ekf m res['P filtered'] # To samé pro kovarianci
      ekf_i_res = ekf_ideal.process_sequence(y_test_seq_gpu, Ex0=sys_true.
⇒Ex0, P0=sys_true.P0)
      full x hat ekf i = ekf i res['x filtered']
      full_P_hat_ekf_i = ekf_i_res['P_filtered']
       # --- E. UKF (nepřesný a ideální) ---
      ukf_m_res = ukf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,_
⇒Ex0=sys_model.Ex0, P0=sys_model.P0)
      full_x_hat_ukf_m = ukf_m_res['x_filtered']
      full_P_hat_ukf_m = ukf_m_res['P_filtered']
      ukf i res = ukf ideal.process sequence(y test seq gpu, Ex0=sys true.
⇒Ex0, P0=sys true.P0)
      full_x_hat_ukf_i = ukf_i_res['x_filtered']
      full_P_hat_ukf_i = ukf_i_res['P_filtered']
       # --- F. Adaptivní EKF (nepřesný) ---
      akf_m_res,_,_ = akf_mismatched.
→process_sequence_adaptively(y_test_seq_gpu)
      full_x_hat_akf_m = akf_m_res['x_filtered']
      full_P_hat_akf_m = akf_m_res['P_filtered']
      kf_i_res = kf_ideal.process_sequence(y_test_seq_gpu, Ex0=sys_true.Ex0,__
→P0=sys_true.P0)
      full_x_hat_kf_i = kf_i_res['x_filtered']
      full_P_hat_kf_i = kf_i_res['P_filtered']
      all_x_true_cpu.append(x_true_seq_gpu.cpu())
      all_x_hat_bkn_cpu.append(full_x_hat_bkn.cpu()); all_P_hat_bkn_cpu.
→append(full_P_hat_bkn.cpu())
       all_x_hat_classic_knet_cpu.append(full_x_hat_classic_knet.cpu())
       all_x_hat_knetR_cpu.append(full_x_hat_knetR.cpu()); all_P_hat_knetR_cpu.
→append(full_P_hat_knetR.cpu())
```

```
all_x_hat_ekf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_ekf_m.cpu());__
 ⇒all_P_hat_ekf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_ekf_m.cpu())
        all_x_hat_ekf_ideal_cpu.append(full_x_hat_ekf_i.cpu());__
 →all_P_hat_ekf_ideal_cpu.append(full_P_hat_ekf_i.cpu())
        all_x_hat_ukf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_ukf_m.cpu());__
 →all_P_hat_ukf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_ukf_m.cpu())
       all_x_hat_ukf_ideal_cpu.append(full_x_hat_ukf_i.cpu());__
 →all_P_hat_ukf_ideal_cpu.append(full_P_hat_ukf_i.cpu())
        all_x_hat_akf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_akf_m.cpu());__
 ⇒all_P_hat_akf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_akf_m.cpu())
        all_x_hat_kf_ideal_cpu.append(full_x_hat_kf_i.cpu());__
 →all_P_hat_kf_ideal_cpu.append(full_P_hat_kf_i.cpu())
       print(f"Dokončena trajektorie {i + 1}/{NUM_TEST_TRAJ}...")
# 5. FINÁLNÍ VÝPOČET A VÝPIS METRIK
# Seznamy pro sběr metrik
mse_bkn, anees_bkn = [], []; mse_classic_knet = []; mse_knetR, anees_knetR = __
 mse ekf mis, anees ekf mis = [], []; mse ekf ideal, anees ekf ideal = [], []
mse_ukf_mis, anees_ukf_mis = [], []; mse_ukf_ideal, anees_ukf_ideal = [], []
mse_akf_mis, anees_akf_mis = [], []; mse_kf_ideal, anees_kf_ideal = [], []
print("\nPočítám finální metriky pro jednotlivé trajektorie...")
with torch.no_grad():
   for i in range(NUM_TEST_TRAJ):
       x_true = all_x_true_cpu[i]
       def get_metrics(x_hat, P_hat):
           mse = F.mse loss(x hat[1:], x true[1:]).item()
           anees = utils.calculate_anees_vectorized(x_true.unsqueeze(0), x_hat.

unsqueeze(0), P_hat.unsqueeze(0))
           return mse, anees
        # Výpočty pro všechny modely
       mse, anees = get_metrics(all_x hat_bkn_cpu[i], all P_hat_bkn_cpu[i]);__

¬mse_bkn.append(mse); anees_bkn.append(anees)

       mse = F.mse_loss(all_x_hat_classic_knet_cpu[i][1:], x_true[1:]).item();_
 →mse_classic_knet.append(mse)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_knetR_cpu[i],__
 →all_P_hat_knetR_cpu[i]); mse_knetR.append(mse); anees_knetR.append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ekf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_ekf_mismatched_cpu[i]); mse_ekf_mis.append(mse); anees_ekf_mis.
 →append(anees)
```

```
mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ekf_ideal_cpu[i],__
 all P hat ekf ideal cpu[i]); mse ekf ideal.append(mse); anees ekf ideal.
 →append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ukf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_ukf_mismatched_cpu[i]); mse_ukf_mis.append(mse); anees_ukf_mis.
 →append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ukf_ideal_cpu[i],__
 all P hat ukf ideal cpu[i]); mse ukf ideal append(mse); anees ukf ideal.
 →append(anees)
        mse, anees = get_metrics(all_x_hat_akf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_akf_mismatched_cpu[i]); mse_akf_mis.append(mse); anees_akf_mis.
 ⇒append(anees)
        mse, anees = get_metrics(all_x_hat_kf_ideal_cpu[i],__
 all_P_hat_kf_ideal_cpu[i]); mse_kf_ideal.append(mse); anees_kf_ideal.
 →append(anees)
# Funkce pro bezpečné průměrování
def avg(metric_list): return np.mean([m for m in metric_list if not np.
 →isnan(m)])
state_dim_for_nees = all_x_true_cpu[0].shape[1]
# --- Finální výpis tabulky ---
print("\n" + "="*80)
print(f"FINALNÍ VÝSLEDKY (průměr přes {NUM_TEST_TRAJ} běhů)")
print("="*80)
print(f"{'Model':<35} | {'Průměrné MSE':<20} | {'Průměrný ANEES':<20}")</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Data-Driven Models ---':<35} | {'(nižší je lepší)':<20} | ⊔
 →{'(bližší ' + str(float(state_dim_for_nees)) + ' je lepší)':<20}")
print(f"{'Bayesian KNet (BKN)':<35} | {avg(mse_bkn):<20.4f} | {avg(anees bkn):</pre>
 \Leftrightarrow <20.4f")
print(f"{'KNet (pouze MSE)':<35} | {avg(mse_classic_knet):<20.4f} | {'N/A':</pre>
<20}")
print(f"{'KNet with Known R (KNetR)':<35} | {avg(mse_knetR):<20.4f} |

√{avg(anees_knetR):<20.4f}")
</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Model-Based Filters ---':<35} | {'':<20} | {'':<20}")</pre>
print(f"{'EKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_ekf_mis):<20.4f} |

√{avg(anees_ekf_mis):<20.4f}")
</pre>
print(f"{'UKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_ukf_mis):<20.4f} |
 print(f"{'AKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_akf_mis):<20.4f} |

√{avg(anees_akf_mis):<20.4f}")
</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Benchmarks ---':<35} | {'':<20} | {'':<20}")</pre>
print(f"{'EKF (Idealni model)':<35} | {avg(mse_ekf_ideal):<20.4f} |
```

```
print(f"{'UKF (Ideální model)':<35} | {avg(mse_ukf_ideal):<20.4f} |

√{avg(anees_ukf_ideal):<20.4f}")
</pre>
print(f"{'KF (Idealni model)':<35} | {avg(mse_kf_ideal):<20.4f} |
 print("="*80)
INFO: Všechny natrénované modely nalezeny a přiřazeny.
Generuji 10 testovacích trajektorií o délce 500...
Generování dat dokončeno.
Všechny model-based filtry (EKF, UKF, AKF) inicializovány.
Vyhodnocuji modely na 10 testovacích trajektoriích...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[ 0.65357362 -0.05017871]
 [-0.05017871 0.47902422]]
Odhadnuté R:
 [[0.01524652 0.07146998]
 [0.07146998 0.10841357]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 1/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[ 0.47060163 -0.07117464]
 [-0.07117464 0.4865174]]
Odhadnuté R:
 [[0.07999706 0.04057076]
 [0.04057076 0.08125176]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 2/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[0.54845341 0.02080696]
 [0.02080696 0.44825369]]
Odhadnuté R:
 [[ 0.13649271 -0.01622489]
 [-0.01622489 0.09405185]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 3/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[ 0.53881911 -0.01225415]
```

```
[-0.01225415 0.40079558]]
Odhadnuté R:
 [[0.05993678 0.00409358]
 [0.00409358 0.16347526]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 4/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[0.42185189 0.09630798]
 [0.09630798 0.56794778]]
Odhadnuté R:
 [[ 0.17756383 -0.04223546]
 [-0.04223546 0.06720803]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 5/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[ 0.5407313 -0.06874067]
 [-0.06874067 0.4925542 ]]
Odhadnuté R:
 [[0.04360126 0.02413758]
 [0.02413758 0.08964369]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 6/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[ 0.48039321 -0.03911979]
 [-0.03911979 0.49099353]]
Odhadnuté R:
 [[0.14110204 0.03614645]
 [0.03614645 0.1202182 ]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 7/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[0.31272097 0.02644181]
 [0.02644181 0.49284194]]
Odhadnuté R:
 [[ 0.23006433 -0.0113885 ]
 [-0.0113885 0.09755896]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 8/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
```

```
Odhadnuté Q:
 [[0.5463517 0.0415194]
 [0.0415194 0.54163746]]
Odhadnuté R:
 [[ 0.05591362 -0.00889
 [-0.00889
             0.06028681]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 9/10...
Spouštím MDM odhad Q a R...
MDM odhad dokončen.
Odhadnuté Q:
 [[0.48691014 0.08671171]
 [0.08671171 0.46981255]]
Odhadnuté R:
 [[ 0.24442068 -0.06131404]
 [-0.06131404 0.12698625]]
Matice Q a R v Kalmanově filtru byly aktualizovány.
Dokončena trajektorie 10/10...
Počítám finální metriky pro jednotlivé trajektorie…
FINÁLNÍ VÝSLEDKY (průměr přes 10 běhů)
```

Model	Průměrné MSE	Průměrný ANEES
Data-Driven Models lepší)	(nižší je lepší)	(bližší 2.0 je
Bayesian KNet (BKN)	0.1042	2.6902
KNet (pouze MSE)	0.0842	N/A
KNet with Known R (KNetR)	0.0842	2.0297
Model-Based Filters	 	
EKF (Nepřesný model)	0.1385	4.9362
UKF (Nepřesný model)	0.1385	4.9362
AKF (Nepřesný model)	0.0910	1.9338
Benchmarks	 	
EKF (Ideální model)	0.0833	1.9694
UKF (Ideální model)	0.0833	1.9694
KF (Ideální model)	0.0833	1.9694

1 Kalman Gain comparison