main runner nonlinear system trajectory wise-nongaussian

September 30, 2025

```
[1]: import sys
      import os
      notebook_path = os.getcwd()
      parent_dir = os.path.dirname(notebook_path)
      project_root = os.path.dirname(parent_dir)
      if project_root not in sys.path:
          sys.path.insert(0, project_root)
 [2]: import torch
      import torch.nn as nn
      from torch.utils.data import DataLoader, TensorDataset
      import matplotlib.pyplot as plt
      from copy import deepcopy
 [3]: import state_NN_models
      import Filters
      import utils
      import Systems
      from utils import losses, trainer, utils
      from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader, random_split
      from state_NN_models.StateBayesianKalmanNet import StateBayesianKalmanNet
      from state_NN_models.StateKalmanNet import StateKalmanNet
      from state_NN_models.StateKalmanNetWithKnownR import StateKalmanNetWithKnownR
 [4]: device = torch.device("cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu")
      print(f"Používané zařízení: {device}")
     Používané zařízení: cuda
[15]: import torch
      from math import pi
      # Předpokládá se, že `Systems.DynamicSystem` je již naimportován
      # KROK 1: DEFINICE PARAMETRŮ PRO NELINEÁRNÍ SYSTÉM ("Synthetic")
```

```
state \dim nl = 2
obs_dim_nl = 2
# --- Parametry reálného systému ("Ground Truth") ---
alpha_true = 0.9
beta_true = 1.1
phi_true = 0.1 * pi
delta_true = 0.01
a_true = 1.0
b_{true} = 1.0
c_{true} = 0.0
f_true_nonlinear = lambda x: alpha_true * torch.sin(beta_true * x + phi_true) +__
 →delta_true
h_true_nonlinear = lambda x: a_true * (b_true * x + c_true)**2
Q_true_nl = torch.eye(state_dim_nl) * 0.5
R_true_nl = torch.eye(obs_dim_nl) * 0.1
ExO_true_nl = torch.tensor([[1.0], [0.0]])
PO_true_nl = torch.eye(state_dim_nl) * 1.5
# --- Parametry modelu systému ("Partial Knowledge") ---
alpha_model = 1.0
beta model = 1.0
phi_model = 0.0
delta_model = 0.0
a_model = 1.0
b_model = 1.0
c_model = 0.0
f_model_nonlinear = lambda x: alpha_model * torch.sin(beta_model * x +__
 →phi_model) + delta_model
h_model_nonlinear = lambda x: a_model * (b_model * x + c_model)**2
Q_model_nl = torch.eye(state_dim_nl) * 0.1
R_model_nl = R_true_nl
Ex0_model_nl = torch.tensor([[0.5], [0.5]])
PO_model_nl = torch.eye(state_dim_nl) * 1.0
#
                             # KROK 2: INICIALIZACE OBJEKTŮ SYSTÉMŮ S NEGAUSSOVSKÝM ŠUMEM
```

```
print("\nInicializuji 2D 'Synthetic' nelineární systém s GMM šumem...")
# --- NOVÁ ČÁST: Definice parametrů pro GMM šum ---
gmm_noise_params = {
    'prob_outlier': 0.05, # 5% šance na odlehlou hodnotu
    'outlier_scale': 4.0 # Odlehlá hodnota bude mít 2x větší směrodatnou⊔
 \hookrightarrow odchylku
# Reálný systém, který bude generovat data s NEGAUSSOVSKÝM šumem
sys_true = Systems.DynamicSystem(
    state_dim=state_dim_nl, obs_dim=obs_dim_nl,
    Ex0=Ex0_true_nl, P0=P0_true_nl,
    Q=Q_true_nl, R=R_true_nl,
    f=f_true_nonlinear, h=h_true_nonlinear,
    device=device,
    # Zde specifikujeme typ šumu a jeho parametry
    noise_type='gmm',
    gmm_params=gmm_noise_params
)
# Model, který budou používat filtry, STÁLE PŘEDPOKLÁDÁ GAUSSOVSKÝ ŠUM
# (nepředáváme mu `noise_type`, takže se použije defaultní 'gaussian')
sys model = Systems.DynamicSystem(
    state_dim=state_dim_nl, obs_dim=obs_dim_nl,
    Ex0=Ex0_model_nl, P0=P0_model_nl,
    Q=Q_model_nl, R=R_model_nl,
    f=f_model_nonlinear, h=h_model_nonlinear,
    device=device
)
print("... Nelineární systém inicializován.")
```

Inicializuji 2D 'Synthetic' nelineární systém s GMM šumem... ... Nelineární systém inicializován.

```
[16]: TRAIN_SEQ_LEN = 10  # Krátké sekvence pro stabilní trénink (TBPTT)

VALID_SEQ_LEN = 20  # Stejná délka pro konzistentní validaci

TEST_SEQ_LEN = 100  # Dlouhé sekvence pro testování generalizace

NUM_TRAIN_TRAJ = 1000  # Hodně trénovacích příkladů

NUM_VALID_TRAJ = 200  # Dostatek pro spolehlivou validaci

NUM_TEST_TRAJ = 100  # Pro robustní vyhodnocení
```

```
BATCH_SIZE = 8  # Dobrý kompromis

x_train, y_train = utils.generate_data(sys_true,u_num_trajectories=NUM_TRAIN_TRAJ, seq_len=TRAIN_SEQ_LEN)

x_val, y_val = utils.generate_data(sys_true, num_trajectories=NUM_VALID_TRAJ,u_seq_len=VALID_SEQ_LEN)

x_test, y_test = utils.generate_data(sys_true, num_trajectories=1,u_seq_len=TEST_SEQ_LEN)

train_dataset = TensorDataset(x_train, y_train)

val_dataset = TensorDataset(x_val, y_val)

train_loader = DataLoader(train_dataset, batch_size=BATCH_SIZE, shuffle=True)

val_loader = DataLoader(val_dataset, batch_size=BATCH_SIZE, shuffle=False)
```

```
[17]: import torch
     import torch.nn as nn
     from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
     import numpy as np
     import os
     import random
     import csv
     from datetime import datetime
     import pandas as pd
     from copy import deepcopy
     model_config = {
         "hidden_size_multiplier": 12,
         "output_layer_multiplier": 4,
         "num_gru_layers": 1,
         "init_min_dropout": 0.5,
         "init_max_dropout": 0.8
     }
     train_config = {
         "total_train_iter": 1400,
         "learning_rate": 1e-4,
         "clip_grad": 10.0,
         "J_samples": 20,
         "validation_period": 20,
         "logging_period": 20,
         "warmup_iterations":0 # Trénuj prvních 400 iterací jen na MSE
     }
      4-----
```

```
# KROK 3: SPUŠTĚNÍ JEDNOHO TRÉNINKOVÉHO BĚHU
#__
 print("="*80)
print("Spouštím jeden plnohodnotný tréninkový běh...")
print(f"Parametry modelu: {model config}")
print(f"Parametry tréninku: {train config}")
print("="*80)
# Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
torch.manual_seed(42)
np.random.seed(42)
random.seed(42)
# Vytvoření modelu
state_bkn_knet = StateBayesianKalmanNet(
   sys model,
   device=device,
   **model_config
).to(device)
# Spuštění tréninku
# Používáme `run_training_session`, která vrací slovník s výsledky
results = trainer.
 -training_session_trajectory_with_gaussian_nll_training_fcn(model=state_bkn_knet,
   train loader=train loader,
   val loader=val loader,
   device=device,
   **train_config
)
# `run_training_session` automaticky načte nejlepší model zpět,
# takže `state bkn knet` nyní obsahuje váhy nejlepšího modelu.
trained_model = results['final_model']
print("\n" + "="*80)
print("TRÉNINK DOKONČEN - FINÁLNÍ VÝSLEDKY Z NEJLEPŠÍHO MODELU")
print("="*80)
print(f"Nejlepší model byl nalezen v iteraci: {results['best_iter']}")
# --- Změněné klíče, aby odpovídaly return statementu ---
print(f"Nejlepší dosažený validační ANEES: {results['best_val_anees']:.4f}")
print("--- Metriky odpovidající tomuto nejlepšímu modelu ---")
print(f" MSE na validační sadě:
                                   {results['best_val_mse']:.4f}")
print(f" NLL na validační sadě: {results['best val nll']:.4f}")
print("="*80)
```

Nyní můžeš s `trained_model` pokračovat, například ho vyhodnotit na testovací \hookrightarrow sadě.

```
______
Spouštím jeden plnohodnotný tréninkový běh...
Parametry modelu: {'hidden_size multiplier': 12, 'output_layer_multiplier': 4,
'num_gru_layers': 1, 'init_min_dropout': 0.5, 'init_max_dropout': 0.8}
Parametry tréninku: {'total_train_iter': 1400, 'learning_rate': 0.0001,
'clip_grad': 10.0, 'J_samples': 20, 'validation_period': 20, 'logging_period':
20, 'warmup_iterations': 0}
______
--- Iteration [20/1400] ---
   - Total Loss: 7.0446
   - NLL: 7.0411
   - Reg: 0.0034
   - p1=0.628, p2=0.722
--- Validace v iteraci 20 ---
 Průměrný MSE: 2.0894, Průměrný ANEES: 17.3097
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [40/1400] ---
   - Total Loss: 6.6628
   - NLL: 6.6594
   - Reg: 0.0034
   - p1=0.628, p2=0.722
--- Validace v iteraci 40 ---
 Průměrný MSE: 2.1599, Průměrný ANEES: 14.1269
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [60/1400] ---
   - Total Loss: 4.8609
   - NLL: 4.8574
   - Reg: 0.0034
   -p1=0.628, p2=0.723
--- Validace v iteraci 60 ---
 Průměrný MSE: 2.0892, Průměrný ANEES: 11.5272
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [80/1400] ---
   - Total Loss: 3.9605
   - NLL: 3.9570
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.723
```

```
--- Validace v iteraci 80 ---
 Průměrný MSE: 2.0951, Průměrný ANEES: 10.7042
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [100/1400] ---
   - Total Loss: 8.3029
   - NLL: 8.2994
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.723
--- Validace v iteraci 100 ---
 Průměrný MSE: 2.0960, Průměrný ANEES: 9.5093
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [120/1400] ---
   - Total Loss: 13.9460
   - NLL: 13.9426
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.724
--- Validace v iteraci 120 ---
 Průměrný MSE: 2.0718, Průměrný ANEES: 8.0537
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [140/1400] ---
   - Total Loss: 6.2950
   - NLL: 6.2916
   - Reg: 0.0035
   -p1=0.629, p2=0.724
--- Validace v iteraci 140 ---
 Průměrný MSE: 1.9333, Průměrný ANEES: 8.2698
_____
--- Iteration [160/1400] ---
   - Total Loss: 4.2031
   - NLL: 4.1996
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.724
--- Validace v iteraci 160 ---
 Průměrný MSE: 1.9172, Průměrný ANEES: 7.6881
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [180/1400] ---
   - Total Loss: 3.9456
   - NLL: 3.9421
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.725
```

```
--- Validace v iteraci 180 ---
 Průměrný MSE: 1.7591, Průměrný ANEES: 7.1056
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  -----
--- Iteration [200/1400] ---
   - Total Loss: 3.4998
   - NLL: 3.4964
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.725
--- Validace v iteraci 200 ---
 Průměrný MSE: 1.8188, Průměrný ANEES: 6.1260
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [220/1400] ---
   - Total Loss: 2.6318
   - NLL: 2.6284
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.725
--- Validace v iteraci 220 ---
 Průměrný MSE: 1.8240, Průměrný ANEES: 5.6989
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 _____
--- Iteration [240/1400] ---
   - Total Loss: 3.3517
   - NLL: 3.3482
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.725
--- Validace v iteraci 240 ---
 Průměrný MSE: 1.7807, Průměrný ANEES: 6.0925
 ______
--- Iteration [260/1400] ---
   - Total Loss: 2.6271
   - NLL: 2.6237
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.725
--- Validace v iteraci 260 ---
 Průměrný MSE: 1.6585, Průměrný ANEES: 6.2459
_____
--- Iteration [280/1400] ---
   - Total Loss: 4.2796
   - NLL: 4.2761
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.726
```

```
--- Validace v iteraci 280 ---
 Průměrný MSE: 1.6539, Průměrný ANEES: 5.1097
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  -----
--- Iteration [300/1400] ---
   - Total Loss: 3.8837
   - NLL: 3.8802
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.726
--- Validace v iteraci 300 ---
 Průměrný MSE: 1.6227, Průměrný ANEES: 4.8843
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [320/1400] ---
   - Total Loss: 2.7498
   - NLL: 2.7463
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.726
--- Validace v iteraci 320 ---
 Průměrný MSE: 1.6365, Průměrný ANEES: 5.0330
--- Iteration [340/1400] ---
   - Total Loss: 3.0228
   - NLL: 3.0193
   - Reg: 0.0035
   -p1=0.629, p2=0.726
--- Validace v iteraci 340 ---
 Průměrný MSE: 1.5458, Průměrný ANEES: 4.8642
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 ______
--- Iteration [360/1400] ---
   - Total Loss: 4.2968
   - NLL: 4.2933
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.726
--- Validace v iteraci 360 ---
 Průměrný MSE: 1.6401, Průměrný ANEES: 4.3360
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [380/1400] ---
   - Total Loss: 2.8542
   - NLL: 2.8507
   - Reg: 0.0035
```

```
- p1=0.629, p2=0.726
--- Validace v iteraci 380 ---
 Průměrný MSE: 1.7466, Průměrný ANEES: 5.3502
_____
--- Iteration [400/1400] ---
   - Total Loss: 3.1806
   - NLL: 3.1771
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.726
--- Validace v iteraci 400 ---
 Průměrný MSE: 1.8482, Průměrný ANEES: 4.1207
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [420/1400] ---
   - Total Loss: 2.7204
   - NLL: 2.7169
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 420 ---
 Průměrný MSE: 1.7611, Průměrný ANEES: 3.8004
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [440/1400] ---
   - Total Loss: 2.6280
   - NLL: 2.6245
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 440 ---
 Průměrný MSE: 1.7197, Průměrný ANEES: 3.9218
 ______
--- Iteration [460/1400] ---
   - Total Loss: 3.5641
   - NLL: 3.5606
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 460 ---
 Průměrný MSE: 1.8270, Průměrný ANEES: 3.7158
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [480/1400] ---
   - Total Loss: 4.0784
   - NLL: 4.0749
```

- Reg: 0.0035

```
- p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 480 ---
 Průměrný MSE: 1.6639, Průměrný ANEES: 4.0988
_____
--- Iteration [500/1400] ---
   - Total Loss: 2.4069
   - NLL: 2.4034
   - Reg: 0.0035
   -p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 500 ---
 Průměrný MSE: 1.6623, Průměrný ANEES: 3.6819
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [520/1400] ---
   - Total Loss: 2.6060
   - NLL: 2.6025
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 520 ---
 Průměrný MSE: 1.8326, Průměrný ANEES: 4.8227
_____
--- Iteration [540/1400] ---
   - Total Loss: 2.4149
   - NLL: 2.4114
   - Reg: 0.0035
   -p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 540 ---
 Průměrný MSE: 1.6965, Průměrný ANEES: 3.6809
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 _____
--- Iteration [560/1400] ---
   - Total Loss: 2.9850
   - NLL: 2.9815
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 560 ---
 Průměrný MSE: 1.6698, Průměrný ANEES: 3.5013
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [580/1400] ---
   - Total Loss: 2.5763
   - NLL: 2.5728
```

- Reg: 0.0035

```
- p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 580 ---
 Průměrný MSE: 1.8288, Průměrný ANEES: 3.3731
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [600/1400] ---
   - Total Loss: 2.8748
   - NLL: 2.8713
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 600 ---
 Průměrný MSE: 1.7445, Průměrný ANEES: 4.1019
_____
--- Iteration [620/1400] ---
   - Total Loss: 2.6958
   - NLL: 2.6923
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.727
--- Validace v iteraci 620 ---
 Průměrný MSE: 1.6948, Průměrný ANEES: 3.5640
-----
--- Iteration [640/1400] ---
   - Total Loss: 2.4893
   - NLL: 2.4858
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.728
--- Validace v iteraci 640 ---
 Průměrný MSE: 1.6155, Průměrný ANEES: 3.5303
_____
--- Iteration [660/1400] ---
   - Total Loss: 5.2487
   - NLL: 5.2452
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.728
--- Validace v iteraci 660 ---
 Průměrný MSE: 1.7044, Průměrný ANEES: 3.7569
_____
--- Iteration [680/1400] ---
   - Total Loss: 3.0912
   - NLL: 3.0877
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.728
```

```
--- Validace v iteraci 680 ---
 Průměrný MSE: 1.7140, Průměrný ANEES: 3.8123
--- Iteration [700/1400] ---
   - Total Loss: 2.8098
   - NLL: 2.8063
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.728
--- Validace v iteraci 700 ---
 Průměrný MSE: 1.8183, Průměrný ANEES: 3.3295
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [720/1400] ---
   - Total Loss: 2.6688
   - NLL: 2.6653
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.728
--- Validace v iteraci 720 ---
 Průměrný MSE: 1.5951, Průměrný ANEES: 3.1472
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [740/1400] ---
   - Total Loss: 3.5012
   - NLL: 3.4977
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.629, p2=0.728
--- Validace v iteraci 740 ---
 Průměrný MSE: 1.6573, Průměrný ANEES: 3.4483
_____
--- Iteration [760/1400] ---
   - Total Loss: 2.5356
   - NLL: 2.5321
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 760 ---
 Průměrný MSE: 1.8316, Průměrný ANEES: 2.8510
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  _____
--- Iteration [780/1400] ---
   - Total Loss: 2.6874
   - NLL: 2.6839
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
```

```
--- Validace v iteraci 780 ---
 Průměrný MSE: 1.5828, Průměrný ANEES: 3.3110
--- Iteration [800/1400] ---
   - Total Loss: 2.7438
   - NLL: 2.7403
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 800 ---
 Průměrný MSE: 1.8384, Průměrný ANEES: 3.8155
_____
--- Iteration [820/1400] ---
   - Total Loss: 2.3313
   - NLL: 2.3278
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 820 ---
 Průměrný MSE: 1.8064, Průměrný ANEES: 3.5129
_____
--- Iteration [840/1400] ---
   - Total Loss: 2.5162
   - NLL: 2.5127
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 840 ---
 Průměrný MSE: 1.5295, Průměrný ANEES: 2.9537
_____
--- Iteration [860/1400] ---
   - Total Loss: 2.9192
   - NLL: 2.9157
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 860 ---
 Průměrný MSE: 1.7518, Průměrný ANEES: 3.3639
 -----
--- Iteration [880/1400] ---
   - Total Loss: 4.8477
   - NLL: 4.8442
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 880 ---
 Průměrný MSE: 1.7046, Průměrný ANEES: 2.9076
```

```
--- Iteration [900/1400] ---
   - Total Loss: 2.3248
   - NLL: 2.3213
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 900 ---
 Průměrný MSE: 1.6936, Průměrný ANEES: 3.1040
-----
--- Iteration [920/1400] ---
   - Total Loss: 2.9606
   - NLL: 2.9571
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 920 ---
 Průměrný MSE: 1.7170, Průměrný ANEES: 3.1262
_____
--- Iteration [940/1400] ---
   - Total Loss: 3.0224
   - NLL: 3.0189
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.728
--- Validace v iteraci 940 ---
 Průměrný MSE: 1.6598, Průměrný ANEES: 2.9762
_____
--- Iteration [960/1400] ---
   - Total Loss: 2.9254
   - NLL: 2.9219
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 960 ---
 Průměrný MSE: 1.6492, Průměrný ANEES: 2.9157
_____
--- Iteration [980/1400] ---
   - Total Loss: 2.7335
   - NLL: 2.7300
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 980 ---
 Průměrný MSE: 1.9719, Průměrný ANEES: 2.9581
-----
--- Iteration [1000/1400] ---
   - Total Loss: 2.8980
```

- NLL: 2.8945

```
- Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1000 ---
 Průměrný MSE: 2.0029, Průměrný ANEES: 3.4150
_____
--- Iteration [1020/1400] ---
   - Total Loss: 2.8637
   - NLL: 2.8602
   - Reg: 0.0035
   -p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1020 ---
 Průměrný MSE: 1.9551, Průměrný ANEES: 3.0645
_____
--- Iteration [1040/1400] ---
   - Total Loss: 2.9022
   - NLL: 2.8987
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1040 ---
 Průměrný MSE: 1.8592, Průměrný ANEES: 2.7522
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [1060/1400] ---
   - Total Loss: 2.5906
   - NLL: 2.5871
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1060 ---
 Průměrný MSE: 1.7670, Průměrný ANEES: 2.9705
 ______
--- Iteration [1080/1400] ---
   - Total Loss: 2.8471
   - NLL: 2.8436
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1080 ---
 Průměrný MSE: 1.8084, Průměrný ANEES: 2.7858
_____
--- Iteration [1100/1400] ---
   - Total Loss: 2.8841
   - NLL: 2.8806
   - Reg: 0.0035
```

- p1=0.628, p2=0.729

```
--- Validace v iteraci 1100 ---
 Průměrný MSE: 1.8361, Průměrný ANEES: 3.4159
--- Iteration [1120/1400] ---
   - Total Loss: 2.6609
   - NLL: 2.6574
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1120 ---
 Průměrný MSE: 1.9547, Průměrný ANEES: 2.6757
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [1140/1400] ---
   - Total Loss: 3.0186
   - NLL: 3.0151
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1140 ---
 Průměrný MSE: 1.7049, Průměrný ANEES: 2.9082
_____
--- Iteration [1160/1400] ---
   - Total Loss: 3.5546
   - NLL: 3.5511
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1160 ---
 Průměrný MSE: 1.9195, Průměrný ANEES: 2.8393
_____
--- Iteration [1180/1400] ---
   - Total Loss: 6.5538
   - NLL: 6.5503
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1180 ---
 Průměrný MSE: 1.6318, Průměrný ANEES: 3.0730
-----
--- Iteration [1200/1400] ---
   - Total Loss: 2.9816
   - NLL: 2.9781
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
```

--- Validace v iteraci 1200 ---

```
Průměrný MSE: 1.6743, Průměrný ANEES: 2.8881
_____
--- Iteration [1220/1400] ---
   - Total Loss: 2.6770
   - NLL: 2.6735
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.628, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1220 ---
 Průměrný MSE: 1.8330, Průměrný ANEES: 3.1126
_____
--- Iteration [1240/1400] ---
   - Total Loss: 2.8832
   - NLL: 2.8797
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1240 ---
 Průměrný MSE: 1.7172, Průměrný ANEES: 3.0440
-----
--- Iteration [1260/1400] ---
   - Total Loss: 2.5022
   - NLL: 2.4988
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1260 ---
 Průměrný MSE: 1.5069, Průměrný ANEES: 3.3109
_____
--- Iteration [1280/1400] ---
   - Total Loss: 2.5538
   - NLL: 2.5503
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1280 ---
 Průměrný MSE: 1.7758, Průměrný ANEES: 3.0695
_____
--- Iteration [1300/1400] ---
   - Total Loss: 2.5891
   - NLL: 2.5856
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1300 ---
 Průměrný MSE: 1.9741, Průměrný ANEES: 2.8570
_____
--- Iteration [1320/1400] ---
```

```
- NLL: 2.9830
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1320 ---
 Průměrný MSE: 1.8181, Průměrný ANEES: 2.7134
_____
--- Iteration [1340/1400] ---
   - Total Loss: 2.9554
   - NLL: 2.9519
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1340 ---
 Průměrný MSE: 1.9481, Průměrný ANEES: 3.1379
-----
--- Iteration [1360/1400] ---
   - Total Loss: 2.8698
   - NLL: 2.8663
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1360 ---
 Průměrný MSE: 2.0208, Průměrný ANEES: 2.5409
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [1380/1400] ---
   - Total Loss: 5.6405
   - NLL: 5.6370
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1380 ---
 Průměrný MSE: 2.0236, Průměrný ANEES: 2.6757
_____
--- Iteration [1400/1400] ---
   - Total Loss: 2.4054
   - NLL: 2.4019
   - Reg: 0.0035
   - p1=0.627, p2=0.729
--- Validace v iteraci 1400 ---
 Průměrný MSE: 1.8257, Průměrný ANEES: 3.0459
_____
```

Načítám nejlepší model z iterace 1360 s ANEES 2.5409

- Total Loss: 2.9864

Trénování dokončeno.

19

TRÉNINK DOKONČEN - FINÁLNÍ VÝSLEDKY Z NEJLEPŠÍHO MODELU Nejlepší model byl nalezen v iteraci: 1360 Nejlepší dosažený validační ANEES: 2.5409 --- Metriky odpovídající tomuto nejlepšímu modelu ---MSE na validační sadě: 2.0208 NLL na validační sadě: 0.0000 [18]: import torch import torch.nn as nn from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader import numpy as np import os import random import csv from datetime import datetime import pandas as pd from copy import deepcopy # Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu torch.manual_seed(42) np.random.seed(42) random.seed(42) state_knet = StateKalmanNet(sys_model, device=device,__ →hidden_size_multiplier=12).to(device) trainer.train state KalmanNet(model=state_knet, train_loader=train_loader, val_loader=val_loader, device=device, epochs=100, lr=1e-4, early_stopping_patience=30) INFO: Detekováno, že model vrací kovarianci: False Epoch [5/100], Train Loss: 1.234432, Val Loss: 1.227031 Epoch [10/100], Train Loss: 1.198747, Val Loss: 1.218819 Epoch [15/100], Train Loss: 1.194927, Val Loss: 1.195753 Epoch [20/100], Train Loss: 1.177695, Val Loss: 1.194949 Epoch [25/100], Train Loss: 1.162717, Val Loss: 1.208510 Epoch [30/100], Train Loss: 1.158956, Val Loss: 1.213251 Epoch [35/100], Train Loss: 1.156986, Val Loss: 1.213779

Epoch [40/100], Train Loss: 1.156074, Val Loss: 1.217996

Early stopping spuštěno po 41 epochách.

```
Načítám nejlepší model s validační chybou: 1.186521
[18]: StateKalmanNet(
        (dnn): DNN_KalmanNet(
          (input_layer): Linear(in_features=4, out_features=96, bias=True)
          (gru): GRU(96, 96)
          (output_layer): Linear(in_features=96, out_features=4, bias=True)
        )
      )
[19]: import torch
      import torch.nn as nn
      from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
      import numpy as np
      import os
      import random
      import csv
      from datetime import datetime
      import pandas as pd
      from copy import deepcopy
      # Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
      torch.manual_seed(42)
      np.random.seed(42)
      random.seed(42)
      state_knetR = StateKalmanNetWithKnownR(sys_model, device=device,_
       →hidden_size_multiplier=12).to(device)
      trainer.train state KalmanNet(
          model=state_knetR,
          train loader=train loader,
          val_loader=val_loader,
          device=device,
          epochs=100,
          lr=1e-4,
          early_stopping_patience=30
      )
     INFO: Detekováno, že model vrací kovarianci: True
     Epoch [5/100], Train Loss: 1.234432, Val Loss: 1.227031, Avg Cov Trace: 0.032865
     Epoch [10/100], Train Loss: 1.198747, Val Loss: 1.218819, Avg Cov Trace:
     -0.006200
     Epoch [15/100], Train Loss: 1.194927, Val Loss: 1.195753, Avg Cov Trace:
     0.011571
     Epoch [20/100], Train Loss: 1.177695, Val Loss: 1.194949, Avg Cov Trace:
     Epoch [25/100], Train Loss: 1.162717, Val Loss: 1.208510, Avg Cov Trace:
     0.015382
     Epoch [30/100], Train Loss: 1.158956, Val Loss: 1.213251, Avg Cov Trace:
```

Trénování dokončeno.

```
0.002246
    Epoch [35/100], Train Loss: 1.156986, Val Loss: 1.213779, Avg Cov Trace:
    0.027213
    Epoch [40/100], Train Loss: 1.156074, Val Loss: 1.217996, Avg Cov Trace:
    0.015985
    Early stopping spuštěno po 41 epochách.
    Trénování dokončeno.
    Načítám nejlepší model s validační chybou: 1.186521
[19]: StateKalmanNetWithKnownR(
       (dnn): DNN_KalmanNet(
        (input_layer): Linear(in_features=4, out_features=96, bias=True)
        (gru): GRU(96, 96)
        (output_layer): Linear(in_features=96, out_features=4, bias=True)
      )
     )
[20]: import torch
     import torch.nn.functional as F
     import numpy as np
     from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
     # O. PŘEDPOKLADY - ZDE PŘIŘAĎTE VAŠE NATRÉNOVANÉ MODELY
     # -----
     # Ujistěte se, že v proměnných níže máte již natrénované a připravené modely.
     # Názvy proměnných si upravte podle vašeho kódu, pokud se liší.
     try:
        trained_model_bkn = trained_model
        trained_model_classic = state_knet
        trained_model_knetR = state_knetR
        print("INFO: Všechny natrénované modely nalezeny a přiřazeny.")
     except NameError:
        print("VAROVÁNÍ: Některé z proměnných `trained model`, `state knet`, nebo,
      →`state_knetR` nebyly nalezeny.")
        print("
                      Ujistěte se, že jste nejprve úspěšně dokončili trénink
      ⇔všech modelů.")
     # -----
     # 1. KONFIGURACE TESTU
     # -----
     TEST SEQ LEN = 300
     NUM TEST TRAJ = 30
     J_SAMPLES_TEST = 25
```

```
# ------
# 2. PŘÍPRAVA DAT
# -----
print(f"\nGeneruji {NUM_TEST_TRAJ} testovacích trajektorií o délce⊔
 →{TEST_SEQ_LEN}...")
x_test, y_test = utils.generate_data(sys_true, num_trajectories=NUM_TEST_TRAJ,__
 →seq_len=TEST_SEQ_LEN)
test_dataset = TensorDataset(x_test, y_test)
test_loader = DataLoader(test_dataset, batch_size=1, shuffle=False)
print("Generování dat dokončeno.")
# 3. INICIALIZACE VŠECH FILTRŮ PRO POROVNÁNÍ
ekf_mismatched = Filters.ExtendedKalmanFilter(sys_model)
ekf_ideal = Filters.ExtendedKalmanFilter(sys_true)
ukf_mismatched = Filters.UnscentedKalmanFilter(sys_model)
ukf_ideal = Filters.UnscentedKalmanFilter(sys_true)
aekf_mismatched = Filters.AdaptiveExtendedKalmanFilter(sys_model,__
 →Q_init=sys_model.Q, R_init=sys_model.R,alpha=0.92)
print("Všechny model-based filtry (EKF, UKF, AEKF) inicializovány.")
# ------
# 4. VYHODNOCOVACÍ SMYČKA
# ------
# Seznamy pro ukládání výsledků z každé trajektorie
all_x_true_cpu = []
all_x_hat_bkn_cpu, all_P_hat_bkn_cpu = [], []
all_x_hat_classic_knet_cpu = []
all_x_hat_knetR_cpu, all_P_hat_knetR_cpu = [], []
all_x_hat_ekf_mismatched_cpu, all_P_hat_ekf_mismatched_cpu = [], []
all_x_hat_ekf_ideal_cpu, all_P_hat_ekf_ideal_cpu = [], []
all_x_hat_ukf_mismatched_cpu, all_P_hat_ukf_mismatched_cpu = [], []
all_x_hat_ukf_ideal_cpu, all_P_hat_ukf_ideal_cpu = [], []
all_x_hat_aekf_mismatched_cpu, all_P_hat_aekf_mismatched_cpu = [], []
print(f"\nVyhodnocuji modely na {NUM_TEST_TRAJ} testovacích trajektoriích...")
# Důležité: Přepneme všechny NN modely do evaluačního režimu
trained_model_bkn.eval()
trained_model_classic.eval()
trained_model_knetR.eval()
with torch.no grad():
   for i, (x_true_seq_batch, y_test_seq_batch) in enumerate(test_loader):
      y_test_seq_gpu = y_test_seq_batch.squeeze(0).to(device)
      x_true_seq_gpu = x_true_seq_batch.squeeze(0).to(device)
```

```
initial_state = x_true_seq_gpu[0, :].unsqueeze(0)
      # --- A. Bayesian KalmanNet (Trajectory-wise) ---
      ensemble_trajectories = []
      for j in range(J_SAMPLES_TEST):
          trained_model_bkn.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
          current x hats = []
          for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
              x_filtered_t, _ = trained_model_bkn.step(y_test_seq_gpu[t, :].
unsqueeze(0))
              current_x_hats.append(x_filtered_t)
          ensemble_trajectories.append(torch.cat(current_x_hats, dim=0))
      ensemble = torch.stack(ensemble_trajectories, dim=0)
      predictions_bkn = ensemble.mean(dim=0)
      diff = ensemble - predictions_bkn.unsqueeze(0)
      covariances bkn = (diff.unsqueeze(-1) @ diff.unsqueeze(-2)).mean(dim=0)
      full_x_hat_bkn = torch.cat([initial_state, predictions_bkn], dim=0)
      full_P_hat_bkn = torch.cat([sys_model.P0.unsqueeze(0),__
⇒covariances_bkn], dim=0)
      # --- B. Klasický StateKalmanNet (pouze MSE) ---
      trained_model_classic.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
      classic_knet_preds = []
      for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
          x_filtered_t = trained_model_classic.step(y_test_seq_gpu[t, :].
unsqueeze(0))
          classic_knet_preds.append(x_filtered_t)
      full_x_hat_classic_knet = torch.cat([initial_state, torch.

cat(classic_knet_preds, dim=0)], dim=0)

      # --- C. StateKalmanNetWithKnownR ---
      trained_model_knetR.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
      knetR preds x, knetR preds P = [], []
      for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
          x_filtered_t, P_filtered_t = trained_model_knetR.
⇔step(y_test_seq_gpu[t, :].unsqueeze(0))
          knetR_preds_x.append(x_filtered_t)
          knetR_preds_P.append(P_filtered_t)
      full_x_hat_knetR = torch.cat([initial_state, torch.cat(knetR_preds_x,_
\rightarrowdim=0)], dim=0)
      processed_P_list = []
      for p_tensor in knetR_preds_P:
           # Zajistíme, aby každý P byl alespoň 2D matice
          while p_tensor.dim() < 2:</pre>
              p_tensor = p_tensor.unsqueeze(-1)
           # Odstraníme případnou přebytečnou dávkovou dimenzi z `step` metody
```

```
if p_tensor.dim() > 2 and p_tensor.shape[0] == 1:
               p_tensor = p_tensor.squeeze(0)
           processed_P_list.append(p_tensor)
       # 2. Nyní můžeme bezpečně použít stack
       P_sequence_knetR = torch.stack(processed_P_list, dim=0)
       # 3. Zajistíme, že PO má také správný počet dimenzí
       PO for cat = sys model.PO.clone()
       while PO_for_cat.dim() < P_sequence_knetR.dim():</pre>
           PO_for_cat = PO_for_cat.unsqueeze(0)
       full_P_hat_knetR = torch.cat([P0_for_cat, P_sequence_knetR], dim=0)
       # --- D. EKF (nepřesný a ideální) ---
       ekf_m_res = ekf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,_
⇒Ex0=sys_model.Ex0, P0=sys_model.P0)
       # \S{PATNE}: full_x_hat_ekf_m = torch.cat([sys_model.Ex0.reshape(1, -1), ____])
⇔ekf m res['x filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full_x_hat_ekf_m = ekf_m_res['x_filtered'] # Výsledek je již kompletníu
full_P_hat_ekf_m = ekf_m_res['P_filtered'] # To samé pro kovarianci
       ekf_i_res = ekf_ideal.process_sequence(y_test_seq_gpu, Ex0=sys_true.
⇒Ex0, P0=sys_true.P0)
       \#\ \breve{SPATNE}:\ full\_x\_hat\_ekf\_i\ =\ torch.cat([sys\_true.Ex0.reshape(1,\ -1), \_])
\hookrightarrow ekf_i res['x_filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full_x_hat_ekf_i = ekf_i_res['x_filtered']
       full_P_hat_ekf_i = ekf_i_res['P_filtered']
       # --- E. UKF (nepřesný a ideální) ---
       ukf_m_res = ukf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,__
⇒Ex0=sys_model.Ex0, P0=sys_model.P0)
       # \check{S}PATN\check{E}: full_x_hat_ukf_m = torch.cat([sys_model.Ex0.reshape(1, -1), ____])
⇒ukf m res['x filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full_x_hat_ukf_m = ukf_m_res['x_filtered']
       full_P_hat_ukf_m = ukf_m_res['P_filtered']
       ukf_i_res = ukf_ideal.process_sequence(y_test_seq_gpu, Ex0=sys_true.
⇒Ex0, P0=sys_true.P0)
       # \tilde{S}PATN\tilde{E}: full_x_hat_ukf_i = torch.cat([sys_true.Ex0.reshape(1, -1), ____])
\hookrightarrow ukf_i_res['x_filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
```

```
full_x_hat_ukf_i = ukf_i_res['x_filtered']
        full_P_hat_ukf_i = ukf_i_res['P_filtered']
        # --- F. Adaptivní EKF (nepřesný) ---
        aekf_m_res = aekf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,__
 ⇒Ex0=sys_model.Ex0, P0=sys_model.P0)
        \# \check{S}PATN\check{E}: full_x_hat_aekf_m = torch.cat([sys_model.Ex0.reshape(1, -1), \_])
 \hookrightarrow aekf_m_res['x_filtered']], dim=0)
        # SPRÁVNĚ:
        full_x_hat_aekf_m = aekf_m_res['x_filtered']
        full_P_hat_aekf_m = aekf_m_res['P_filtered']
        # --- G. Uložení všech výsledků na CPU ---
        all_x_true_cpu.append(x_true_seq_gpu.cpu())
        all_x_hat_bkn_cpu.append(full_x_hat_bkn.cpu()); all_P_hat_bkn_cpu.
 →append(full_P_hat_bkn.cpu())
        all_x_hat_classic_knet_cpu.append(full_x_hat_classic_knet.cpu())
        all_x_hat_knetR_cpu.append(full_x_hat_knetR.cpu()); all_P_hat_knetR_cpu.
 ⇒append(full_P_hat_knetR.cpu())
        all_x_hat_ekf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_ekf_m.cpu());__
 →all_P_hat_ekf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_ekf_m.cpu())
        all_x_hat_ekf_ideal_cpu.append(full_x_hat_ekf_i.cpu());__
 all_P_hat_ekf_ideal_cpu.append(full_P_hat_ekf_i.cpu())
        all_x_hat_ukf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_ukf_m.cpu());__
 →all_P_hat_ukf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_ukf_m.cpu())
        all_x_hat_ukf_ideal_cpu.append(full_x_hat_ukf_i.cpu());__
 →all_P_hat_ukf_ideal_cpu.append(full_P_hat_ukf_i.cpu())
        all_x_hat_aekf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_aekf_m.cpu());__
 →all_P_hat_aekf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_aekf_m.cpu())
       print(f"Dokončena trajektorie {i + 1}/{NUM_TEST_TRAJ}...")
# 5. FINÁLNÍ VÝPOČET A VÝPIS METRIK
# Seznamy pro sběr metrik
mse_bkn, anees_bkn = [], []; mse_classic_knet = []; mse_knetR, anees_knetR = ___
□ , []
mse_ekf_mis, anees_ekf_mis = [], []; mse_ekf_ideal, anees_ekf_ideal = [], []
mse_ukf_mis, anees_ukf_mis = [], []; mse_ukf_ideal, anees_ukf_ideal = [], []
mse_aekf_mis, anees_aekf_mis = [], []
print("\nPočítám finální metriky pro jednotlivé trajektorie...")
with torch.no_grad():
    for i in range(NUM_TEST_TRAJ):
       x_true = all_x_true_cpu[i]
```

```
def get_metrics(x_hat, P_hat):
           mse = F.mse_loss(x_hat[1:], x_true[1:]).item()
           anees = utils.calculate_anees_vectorized(x_true.unsqueeze(0), x hat.

unsqueeze(0), P_hat.unsqueeze(0))
           return mse, anees
       # Výpočty pro všechny modely
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_bkn_cpu[i], all_P_hat_bkn_cpu[i]);__
 mse = F.mse_loss(all_x_hat_classic_knet_cpu[i][1:], x_true[1:]).item();__
 →mse_classic_knet.append(mse)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_knetR_cpu[i],__
 all_P_hat_knetR_cpu[i]); mse_knetR.append(mse); anees_knetR.append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ekf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_ekf_mismatched_cpu[i]); mse_ekf_mis.append(mse); anees_ekf_mis.
 →append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ekf_ideal_cpu[i],__
 all_P_hat_ekf_ideal_cpu[i]); mse_ekf_ideal.append(mse); anees_ekf_ideal.
 →append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ukf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_ukf_mismatched_cpu[i]); mse_ukf_mis.append(mse); anees_ukf_mis.
 →append(anees)
       mse, anees = get metrics(all x hat ukf ideal cpu[i],
 all_P_hat_ukf_ideal_cpu[i]); mse_ukf_ideal.append(mse); anees_ukf_ideal.
 →append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_aekf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_aekf_mismatched_cpu[i]); mse_aekf_mis.append(mse); anees_aekf_mis.
 ⇔append(anees)
# Funkce pro bezpečné průměrování
def avg(metric_list): return np.mean([m for m in metric_list if not np.
 →isnan(m)])
state_dim_for_nees = all_x_true_cpu[0].shape[1]
# --- Finální vúpis tabulku ---
print("\n" + "="*80)
print(f"FINÁLNÍ VÝSLEDKY (průměr přes {NUM_TEST_TRAJ} běhů)")
print("="*80)
print(f"{'Model':<35} | {'Průměrné MSE':<20} | {'Průměrný ANEES':<20}")</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Data-Driven Models ---':<35} | {'(nižší je lepší)':<20} |
print(f"{'Bayesian KNet (BKN)':<35} | {avg(mse bkn):<20.4f} | {avg(anees bkn):</pre>
 \Leftrightarrow <20.4f")
print(f"{'KNet (pouze MSE)':<35} | {avg(mse_classic_knet):<20.4f} | {'N/A':</pre>
 <20}")
```

```
print(f"{'KNet with Known R (KNetR)':<35} | {avg(mse_knetR):<20.4f} |

√{avg(anees_knetR):<20.4f}")
</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Model-Based Filters ---':<35} | {'':<20} | {'':<20}")</pre>
print(f"{'EKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_ekf_mis):<20.4f} |
 print(f"{'UKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_ukf_mis):<20.4f} |
 print(f"{'AEKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_aekf_mis):<20.4f} |
 print("-" * 80)
print(f"{'--- Benchmarks ---':<35} | {'':<20} | {'':<20}")</pre>
print(f"{'EKF (Idealní model)':<35} | {avg(mse_ekf_ideal):<20.4f} |
 →{avg(anees_ekf_ideal):<20.4f}")</pre>
print(f"{'UKF (Idealni model)':<35} | {avg(mse_ukf_ideal):<20.4f} |__</pre>
 print("="*80)
```

INFO: Všechny natrénované modely nalezeny a přiřazeny.

```
Generuji 30 testovacích trajektorií o délce 300...
Generování dat dokončeno.
Všechny model-based filtry (EKF, UKF, AEKF) inicializovány.
Vyhodnocuji modely na 30 testovacích trajektoriích...
Dokončena trajektorie 1/30...
Dokončena trajektorie 2/30...
Dokončena trajektorie 3/30...
Dokončena trajektorie 4/30...
Dokončena trajektorie 5/30...
Dokončena trajektorie 6/30...
Dokončena trajektorie 7/30...
Dokončena trajektorie 8/30...
Dokončena trajektorie 9/30...
Dokončena trajektorie 10/30...
Dokončena trajektorie 11/30...
Dokončena trajektorie 12/30...
Dokončena trajektorie 13/30...
Dokončena trajektorie 14/30...
Dokončena trajektorie 15/30...
Dokončena trajektorie 16/30...
Dokončena trajektorie 17/30...
Dokončena trajektorie 18/30...
Dokončena trajektorie 19/30...
Dokončena trajektorie 20/30...
Dokončena trajektorie 21/30...
Dokončena trajektorie 22/30...
```

```
Dokončena trajektorie 23/30...

Dokončena trajektorie 25/30...

Dokončena trajektorie 26/30...

Dokončena trajektorie 27/30...

Dokončena trajektorie 28/30...

Dokončena trajektorie 29/30...

Dokončena trajektorie 30/30...
```

Počítám finální metriky pro jednotlivé trajektorie…

FINÁLNÍ VÝSLEDKY (průměr přes 30 běhů)

=======================================		
Model	Průměrné MSE Pi	růměrný ANEES
Data-Driven Models lepší)	(nižší je lepší) (l	bližší 2.0 je
Bayesian KNet (BKN)	1.5158 2.	. 2001
KNet (pouze MSE)	1.1821 N	/A
KNet with Known R (KNetR)	1.1821 86	69.1080
Model-Based Filters EKF (Nepřesný model) UKF (Nepřesný model) AEKF (Nepřesný model)	3.8622 10	38.2366 08.7629 719.1713
Benchmarks EKF (Ideální model) UKF (Ideální model)		53.8251 1.7311