main_runner_nonlinear1D_system_trajectory_wise

September 29, 2025

```
[1]: import sys
     import os
     notebook_path = os.getcwd()
     parent_dir = os.path.dirname(notebook_path)
     project_root = os.path.dirname(parent_dir)
     if project_root not in sys.path:
         sys.path.insert(0, project_root)
[2]: import torch
     import torch.nn as nn
     from torch.utils.data import DataLoader, TensorDataset
     import matplotlib.pyplot as plt
     from copy import deepcopy
[3]: import state_NN_models
     import Filters
     import utils
     import Systems
     from utils import losses, trainer, utils
     from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader, random_split
     from state_NN_models.StateBayesianKalmanNet import StateBayesianKalmanNet
     from state_NN_models.StateKalmanNet import StateKalmanNet
     from state_NN_models.StateKalmanNetWithKnownR import StateKalmanNetWithKnownR
[4]: device = torch.device("cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu")
     print(f"Používané zařízení: {device}")
    Používané zařízení: cuda
[5]: import torch
     from math import pi
     # KROK 1: DEFINICE PARAMETRŮ PRO NELINEÁRNÍ SYSTÉM ("Synthetic")
```

```
state dim nl = 1
obs_dim_nl = 1
h_true_nonlinear = lambda x: 0.5 * x
f_{true_nonlinear} = lambda x: 0.9 * x - 0.05 * x**3
Q_true = torch.tensor([[0.1]])
R_true = torch.tensor([[0.1]])
Ex0_true = torch.tensor([[1.0]])
PO_true = torch.tensor([[0.5]])
sys_true = Systems.
   →DynamicSystem(state_dim=state_dim_nl,obs_dim=obs_dim_nl,f=f_true_nonlinear,h=u
  →h_true_nonlinear,Q= Q_true,R= R_true,Ex0= Ex0_true,P0= P0_true,device=device)
# Nepřesná dynamika (lineární aproximace nelineární funkce f)
f_model_nonlinear = lambda x: 0.9 * x
h_model_nonlinear = h_true_nonlinear
# Nepřesná znalost šumu (podcenění Q)
Q_model = torch.tensor([[0.01]])
R_model = torch.tensor([[0.2]])
# Nepřesný počáteční odhad (pro EKF)
Ex0 model = torch.tensor([[0.5]])
PO_model = torch.tensor([[0.5]])
# Sestavení nepřesného modelu pro filtry
# Funkce h, R jsou pro jednoduchost stejné, ale f, Q, ExO, PO jsou jiné
sys model = Systems.
   →DynamicSystem(state_dim=state_dim_nl,obs_dim=obs_dim_nl,f=f_model_nonlinear,_
  →h=h_model_nonlinear, Q=Q_model, R=R_model,ExO= ExO_model,PO=
  →P0_model,device=device)
\# sys\_model = Systems.NonlinearSystem(f\_true\_nonlinear, h\_true\_nonlinear, \sqcup f_true\_nonlinear, \sqcup f_true\_n
  \hookrightarrow Q_true, R_true, ExO_model, PO_model)
    # KROK 2: INICIALIZACE OBJEKTŮ SYSTÉMŮ
#
# Ujisti se, že proměnná `device` je definována
# device = torch.device("cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu")
```

```
print("\nInicializuji 2D 'Synthetic' nelineární systém...")
# Reálný systém, který bude generovat data
# sys_true = DynamicSystem(
     state_dim=state_dim_nl, obs_dim=obs_dim_nl,
     Ex0=Ex0 true nl, P0=P0 true nl,
#
     Q=Q_true_nl, R=R_true_nl,
     f=f_true_nonlinear, h=h_true_nonlinear, # Předáváme funkce, ne matice
      device=device
# )
# # Model, který bude používat tvůj KalmanNet (s nepřesnými parametry)
# sys_model = DynamicSystem(
     state_dim=state_dim_nl, obs_dim=obs_dim_nl,
     Ex0=Ex0_model_nl, P0=P0_model_nl,
     Q=Q_{model_nl}, R=R_{model_nl},
     f=f_model_nonlinear, h=h_model_nonlinear, # Předáváme funkce, ne matice
     device=device
# )
print("... Nelineární systém inicializován.")
```

Inicializuji 2D 'Synthetic' nelineární systém...
... Nelineární systém inicializován.

```
[6]: TRAIN_SEQ_LEN = 10
                           # Krátké sekvence pro stabilní trénink (TBPTT)
    VALID SEQ LEN = 20
                            # Stejná délka pro konzistentní validaci
    TEST_SEQ_LEN = 100
                          # Dlouhé sekvence pro testování generalizace
    NUM TRAIN TRAJ = 500 # Hodně trénovacích příkladů
    NUM_VALID_TRAJ = 200  # Dostatek pro spolehlivou validaci
    NUM_TEST_TRAJ = 100
                          # Pro robustní vyhodnocení
    BATCH_SIZE = 8
                   # Dobrý kompromis
    x_train, y_train = utils.generate_data(sys_true,_
     →num_trajectories=NUM_TRAIN_TRAJ, seq_len=TRAIN_SEQ_LEN)
    x_val, y_val = utils.generate_data(sys_true, num_trajectories=NUM_VALID_TRAJ,_
     ⇒seq_len=VALID_SEQ_LEN)
    x_test, y_test = utils_generate_data(sys_true, num_trajectories=1,__
     ⇒seq_len=TEST_SEQ_LEN)
    train dataset = TensorDataset(x train, y train)
    val_dataset = TensorDataset(x_val, y_val)
```

```
train_loader = DataLoader(train_dataset, batch_size=BATCH_SIZE, shuffle=True)
val_loader = DataLoader(val_dataset, batch_size=BATCH_SIZE, shuffle=False)
```

```
[8]: import torch
    import torch.nn as nn
    from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
    import numpy as np
    import os
    import random
    import csv
    from datetime import datetime
    import pandas as pd
    from copy import deepcopy
    model_config = {
        "hidden_size_multiplier": 11,
        "output layer multiplier": 4,
        "num_gru_layers": 1,
        "init_min_dropout": 0.6,
        "init_max_dropout": 0.8
    }
    train_config = {
        "total_train_iter": 1400,
        "learning_rate": 1e-4,
        "clip_grad": 10.0,
        "J_samples": 20,
        "validation_period": 20,
        "logging_period": 20,
        "warmup_iterations":100 # Trénuj prvních 400 iterací jen na MSE
    }
    # ...
    # KROK 3: SPUŠTĚNÍ JEDNOHO TRÉNINKOVÉHO BĚHU
     _
    print("="*80)
    print("Spouštím jeden plnohodnotný tréninkový běh...")
    print(f"Parametry modelu: {model config}")
    print(f"Parametry tréninku: {train_config}")
    print("="*80)
    # Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
    torch.manual_seed(42)
    np.random.seed(42)
```

```
random.seed(42)
# Vytvoření modelu
state_bkn_knet = StateBayesianKalmanNet(
    sys_model,
   device=device,
    **model config
).to(device)
# Spuštění tréninku
# Používáme `run_training_session`, která vrací slovník s výsledky
results = trainer.
 -training_session_trajectory_with_gaussian_nll_training_fcn(model=state_bkn_knet,
   train_loader=train_loader,
   val_loader=val_loader,
   device=device,
   **train_config
# `run_training_session` automaticky načte nejlepší model zpět,
# takže `state bkn knet` nyní obsahuje váhy nejlepšího modelu.
trained_model = results['final_model']
print("\n" + "="*80)
print("TRÉNINK DOKONČEN - FINÁLNÍ VÝSLEDKY Z NEJLEPŠÍHO MODELU")
print("="*80)
print(f"Nejlepší model byl nalezen v iteraci: {results['best_iter']}")
# --- Změněné klíče, aby odpovídaly return statementu ---
print(f"Nejlepší dosažený validační ANEES: {results['best_val_anees']:.4f}")
print("--- Metriky odpovídající tomuto nejlepšímu modelu ---")
                                     {results['best_val_mse']:.4f}")
print(f" MSE na validační sadě:
print(f" NLL na validační sadě:
                                     {results['best val nll']:.4f}")
print("="*80)
# Nyní můžeš s `trained_model` pokračovat, například ho vyhodnotit na testovacíu
 ⇔sadě.
```

Spouštím jeden plnohodnotný tréninkový běh...

Parametry modelu: {'hidden_size_multiplier': 11, 'output_layer_multiplier': 4, 'num_gru_layers': 1, 'init_min_dropout': 0.6, 'init_max_dropout': 0.8}

Parametry tréninku: {'total_train_iter': 1400, 'learning_rate': 0.0001, 'clip_grad': 10.0, 'J_samples': 20, 'validation_period': 20, 'logging_period': 20, 'warmup_iterations': 100}

--- Iteration [20/1400] --- Total Loss: 0.1700

```
- NLL: 0.0000
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.769
--- Validace v iteraci 20 ---
 Průměrný MSE: 0.2283, Průměrný ANEES: 39.5186
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
   _____
--- Iteration [40/1400] ---
   - Total Loss: 0.1693
   - NLL: 0.0000
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.769
--- Validace v iteraci 40 ---
 Průměrný MSE: 0.2094, Průměrný ANEES: 32.0799
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [60/1400] ---
   - Total Loss: 0.1569
   - NLL: 0.0000
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.751, p2=0.769
--- Validace v iteraci 60 ---
 Průměrný MSE: 0.1966, Průměrný ANEES: 31.6796
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [80/1400] ---
   - Total Loss: 0.2263
   - NLL: 0.0000
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.751, p2=0.769
--- Validace v iteraci 80 ---
 Průměrný MSE: 0.1812, Průměrný ANEES: 26.8185
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [100/1400] ---
   - Total Loss: 0.2180
   - NLL: 0.0000
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.751, p2=0.769
--- Validace v iteraci 100 ---
 Průměrný MSE: 0.1694, Průměrný ANEES: 23.2666
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
```

```
--- Iteration [120/1400] ---
   - Total Loss: 4.6973
   - NLL: 4.6946
   - Reg: 0.0027
   -p1=0.751, p2=0.770
--- Validace v iteraci 120 ---
 Průměrný MSE: 0.1575, Průměrný ANEES: 20.8552
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [140/1400] ---
   - Total Loss: 10.6487
   - NLL: 10.6459
   - Reg: 0.0027
   - p1=0.751, p2=0.770
--- Validace v iteraci 140 ---
 Průměrný MSE: 0.1480, Průměrný ANEES: 15.3027
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 _____
--- Iteration [160/1400] ---
   - Total Loss: 31.1712
   - NLL: 31.1684
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.771
--- Validace v iteraci 160 ---
 Průměrný MSE: 0.1437, Průměrný ANEES: 13.8607
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [180/1400] ---
   - Total Loss: 3.3201
   - NLL: 3.3173
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.771
--- Validace v iteraci 180 ---
 Průměrný MSE: 0.1441, Průměrný ANEES: 13.5512
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [200/1400] ---
   - Total Loss: 12.8106
   - NLL: 12.8078
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.772
--- Validace v iteraci 200 ---
 Průměrný MSE: 0.1395, Průměrný ANEES: 11.3019
```

```
>>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [220/1400] ---
   - Total Loss: 1.1379
   - NLL: 1.1352
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.772
--- Validace v iteraci 220 ---
 Průměrný MSE: 0.1391, Průměrný ANEES: 10.1215
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [240/1400] ---
   - Total Loss: 3.5635
   - NLL: 3.5608
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.773
--- Validace v iteraci 240 ---
 Průměrný MSE: 0.1394, Průměrný ANEES: 9.2469
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
   -----
--- Iteration [260/1400] ---
   - Total Loss: 7.9408
   - NLL: 7.9380
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.773
--- Validace v iteraci 260 ---
 Průměrný MSE: 0.1371, Průměrný ANEES: 8.9807
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [280/1400] ---
   - Total Loss: 4.1850
   - NLL: 4.1822
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.773
--- Validace v iteraci 280 ---
 Průměrný MSE: 0.1362, Průměrný ANEES: 8.1467
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  _____
--- Iteration [300/1400] ---
   - Total Loss: 34.7183
   - NLL: 34.7155
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.774
```

```
--- Validace v iteraci 300 ---
 Průměrný MSE: 0.1369, Průměrný ANEES: 8.4427
--- Iteration [320/1400] ---
   - Total Loss: 3.1403
   - NLL: 3.1375
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.774
--- Validace v iteraci 320 ---
 Průměrný MSE: 0.1391, Průměrný ANEES: 8.3793
_____
--- Iteration [340/1400] ---
   - Total Loss: 2.3658
   - NLL: 2.3631
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.774
--- Validace v iteraci 340 ---
 Průměrný MSE: 0.1400, Průměrný ANEES: 8.3442
_____
--- Iteration [360/1400] ---
   - Total Loss: 1.0822
   - NLL: 1.0794
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.775
--- Validace v iteraci 360 ---
 Průměrný MSE: 0.1398, Průměrný ANEES: 7.1780
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
._____
--- Iteration [380/1400] ---
   - Total Loss: 1.5955
   - NLL: 1.5927
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.775
--- Validace v iteraci 380 ---
 Průměrný MSE: 0.1403, Průměrný ANEES: 7.4939
_____
--- Iteration [400/1400] ---
   - Total Loss: 3.7698
   - NLL: 3.7670
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.775
--- Validace v iteraci 400 ---
 Průměrný MSE: 0.1406, Průměrný ANEES: 7.2157
```

```
--- Iteration [420/1400] ---
   - Total Loss: 12.0652
   - NLL: 12.0624
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.776
--- Validace v iteraci 420 ---
 Průměrný MSE: 0.1423, Průměrný ANEES: 6.2017
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [440/1400] ---
   - Total Loss: 26.0094
   - NLL: 26.0066
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.776
--- Validace v iteraci 440 ---
 Průměrný MSE: 0.1445, Průměrný ANEES: 6.1735
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [460/1400] ---
   - Total Loss: 2.5863
   - NLL: 2.5835
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.776
--- Validace v iteraci 460 ---
 Průměrný MSE: 0.1444, Průměrný ANEES: 6.0738
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [480/1400] ---
   - Total Loss: 2.0396
   - NLL: 2.0368
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.776
--- Validace v iteraci 480 ---
 Průměrný MSE: 0.1450, Průměrný ANEES: 5.1575
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [500/1400] ---
   - Total Loss: 0.4104
   - NLL: 0.4076
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.777
```

--- Validace v iteraci 500 ---

```
Průměrný MSE: 0.1470, Průměrný ANEES: 6.0452
_____
--- Iteration [520/1400] ---
   - Total Loss: 1.1473
   - NLL: 1.1445
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.777
--- Validace v iteraci 520 ---
 Průměrný MSE: 0.1497, Průměrný ANEES: 4.9582
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [540/1400] ---
   - Total Loss: 2.2356
   - NLL: 2.2328
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.777
--- Validace v iteraci 540 ---
 Průměrný MSE: 0.1472, Průměrný ANEES: 6.1427
_____
--- Iteration [560/1400] ---
   - Total Loss: 1.1213
   - NLL: 1.1185
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.778
--- Validace v iteraci 560 ---
 Průměrný MSE: 0.1511, Průměrný ANEES: 5.6119
_____
--- Iteration [580/1400] ---
   - Total Loss: 2.0010
   - NLL: 1.9982
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.778
--- Validace v iteraci 580 ---
 Průměrný MSE: 0.1528, Průměrný ANEES: 5.5214
 -----
--- Iteration [600/1400] ---
   - Total Loss: 1.6862
   - NLL: 1.6834
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.778
--- Validace v iteraci 600 ---
 Průměrný MSE: 0.1535, Průměrný ANEES: 6.8355
```

```
--- Iteration [620/1400] ---
   - Total Loss: 31.6264
   - NLL: 31.6236
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.778
--- Validace v iteraci 620 ---
 Průměrný MSE: 0.1548, Průměrný ANEES: 5.0052
.....
--- Iteration [640/1400] ---
   - Total Loss: 6.7135
   - NLL: 6.7107
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.779
--- Validace v iteraci 640 ---
 Průměrný MSE: 0.1625, Průměrný ANEES: 4.9449
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
   _____
--- Iteration [660/1400] ---
   - Total Loss: 21.2315
   - NLL: 21.2287
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.779
--- Validace v iteraci 660 ---
 Průměrný MSE: 0.1598, Průměrný ANEES: 4.3073
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [680/1400] ---
   - Total Loss: 1.8623
   - NLL: 1.8595
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.779
--- Validace v iteraci 680 ---
 Průměrný MSE: 0.1635, Průměrný ANEES: 4.3348
_____
--- Iteration [700/1400] ---
   - Total Loss: 422.2165
   - NLL: 422.2137
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.779
--- Validace v iteraci 700 ---
 Průměrný MSE: 0.1638, Průměrný ANEES: 5.0715
_____
```

--- Iteration [720/1400] ---

```
- Total Loss: 0.9902
   - NLL: 0.9874
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.780
--- Validace v iteraci 720 ---
 Průměrný MSE: 0.1655, Průměrný ANEES: 4.2758
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
.....
--- Iteration [740/1400] ---
   - Total Loss: 1.2095
   - NLL: 1.2067
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.780
--- Validace v iteraci 740 ---
 Průměrný MSE: 0.1634, Průměrný ANEES: 4.2300
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
    -----
--- Iteration [760/1400] ---
   - Total Loss: 1.2695
   - NLL: 1.2667
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.780
--- Validace v iteraci 760 ---
 Průměrný MSE: 0.1696, Průměrný ANEES: 3.9767
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [780/1400] ---
   - Total Loss: 1.0288
   - NLL: 1.0260
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.780
--- Validace v iteraci 780 ---
 Průměrný MSE: 0.1714, Průměrný ANEES: 3.5257
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 .----
--- Iteration [800/1400] ---
   - Total Loss: 10.9835
   - NLL: 10.9807
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.781
--- Validace v iteraci 800 ---
 Průměrný MSE: 0.1749, Průměrný ANEES: 4.9199
```

```
--- Iteration [820/1400] ---
   - Total Loss: 483.1598
   - NLL: 483.1570
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.781
--- Validace v iteraci 820 ---
 Průměrný MSE: 0.1775, Průměrný ANEES: 3.6333
-----
--- Iteration [840/1400] ---
   - Total Loss: 7.4184
   - NLL: 7.4156
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.781
--- Validace v iteraci 840 ---
 Průměrný MSE: 0.1777, Průměrný ANEES: 3.7884
_____
--- Iteration [860/1400] ---
   - Total Loss: 0.9020
   - NLL: 0.8992
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.781
--- Validace v iteraci 860 ---
 Průměrný MSE: 0.1747, Průměrný ANEES: 4.1415
_____
--- Iteration [880/1400] ---
   - Total Loss: 1.7305
   - NLL: 1.7277
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.781
--- Validace v iteraci 880 ---
 Průměrný MSE: 0.1770, Průměrný ANEES: 3.6982
_____
--- Iteration [900/1400] ---
   - Total Loss: 2.8084
   - NLL: 2.8056
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.782
--- Validace v iteraci 900 ---
 Průměrný MSE: 0.1798, Průměrný ANEES: 3.5822
-----
--- Iteration [920/1400] ---
   - Total Loss: 29.5430
```

- NLL: 29.5402

```
- Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.782
--- Validace v iteraci 920 ---
 Průměrný MSE: 0.1789, Průměrný ANEES: 3.5590
_____
--- Iteration [940/1400] ---
   - Total Loss: 0.6973
   - NLL: 0.6945
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.782
--- Validace v iteraci 940 ---
 Průměrný MSE: 0.1766, Průměrný ANEES: 3.4828
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
-----
--- Iteration [960/1400] ---
   - Total Loss: 1.0185
   - NLL: 1.0157
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.782
--- Validace v iteraci 960 ---
 Průměrný MSE: 0.1829, Průměrný ANEES: 3.1802
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [980/1400] ---
   - Total Loss: 0.7295
   - NLL: 0.7266
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.783
--- Validace v iteraci 980 ---
 Průměrný MSE: 0.1835, Průměrný ANEES: 3.1330
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  -----
--- Iteration [1000/1400] ---
   - Total Loss: 1.6251
   - NLL: 1.6223
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.783
--- Validace v iteraci 1000 ---
 Průměrný MSE: 0.1879, Průměrný ANEES: 3.1367
.....
--- Iteration [1020/1400] ---
   - Total Loss: 0.9639
```

- NLL: 0.9611

```
- Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.783
--- Validace v iteraci 1020 ---
 Průměrný MSE: 0.1886, Průměrný ANEES: 3.0498
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [1040/1400] ---
   - Total Loss: 1.0759
   - NLL: 1.0731
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.783
--- Validace v iteraci 1040 ---
 Průměrný MSE: 0.1930, Průměrný ANEES: 3.3003
-----
--- Iteration [1060/1400] ---
   - Total Loss: 0.8876
   - NLL: 0.8848
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.783
--- Validace v iteraci 1060 ---
 Průměrný MSE: 0.1891, Průměrný ANEES: 3.0909
_____
--- Iteration [1080/1400] ---
   - Total Loss: 2.0801
   - NLL: 2.0773
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.752, p2=0.784
--- Validace v iteraci 1080 ---
 Průměrný MSE: 0.1927, Průměrný ANEES: 3.5100
 ______
--- Iteration [1100/1400] ---
   - Total Loss: 0.6214
   - NLL: 0.6186
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.784
--- Validace v iteraci 1100 ---
 Průměrný MSE: 0.1955, Průměrný ANEES: 3.2699
_____
--- Iteration [1120/1400] ---
   - Total Loss: 1.3951
   - NLL: 1.3923
   - Reg: 0.0028
```

- p1=0.752, p2=0.784

```
--- Validace v iteraci 1120 ---
 Průměrný MSE: 0.1977, Průměrný ANEES: 3.0054
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
  -----
--- Iteration [1140/1400] ---
   - Total Loss: 1.3531
   - NLL: 1.3503
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.752, p2=0.784
--- Validace v iteraci 1140 ---
 Průměrný MSE: 0.1940, Průměrný ANEES: 2.9658
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [1160/1400] ---
   - Total Loss: 2.1562
   - NLL: 2.1534
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.751, p2=0.784
--- Validace v iteraci 1160 ---
 Průměrný MSE: 0.2007, Průměrný ANEES: 2.9207
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
 _____
--- Iteration [1180/1400] ---
   - Total Loss: 1.5283
   - NLL: 1.5254
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.751, p2=0.785
--- Validace v iteraci 1180 ---
 Průměrný MSE: 0.2016, Průměrný ANEES: 2.4674
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
--- Iteration [1200/1400] ---
   - Total Loss: 16.7955
   - NLL: 16.7927
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.751, p2=0.785
--- Validace v iteraci 1200 ---
 Průměrný MSE: 0.1989, Průměrný ANEES: 2.5935
_____
--- Iteration [1220/1400] ---
   - Total Loss: 1.0264
   - NLL: 1.0236
   - Reg: 0.0028
```

```
- p1=0.751, p2=0.785
--- Validace v iteraci 1220 ---
 Průměrný MSE: 0.2035, Průměrný ANEES: 3.0314
_____
--- Iteration [1240/1400] ---
   - Total Loss: 0.8892
   - NLL: 0.8864
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.751, p2=0.785
--- Validace v iteraci 1240 ---
 Průměrný MSE: 0.2021, Průměrný ANEES: 2.9777
_____
--- Iteration [1260/1400] ---
   - Total Loss: 2.7862
   - NLL: 2.7834
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.751, p2=0.785
--- Validace v iteraci 1260 ---
 Průměrný MSE: 0.2056, Průměrný ANEES: 2.6163
_____
--- Iteration [1280/1400] ---
   - Total Loss: 0.8805
   - NLL: 0.8777
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.751, p2=0.786
--- Validace v iteraci 1280 ---
 Průměrný MSE: 0.2062, Průměrný ANEES: 2.5946
_____
--- Iteration [1300/1400] ---
   - Total Loss: 1.5975
   - NLL: 1.5947
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.751, p2=0.786
--- Validace v iteraci 1300 ---
 Průměrný MSE: 0.2098, Průměrný ANEES: 2.5100
-----
--- Iteration [1320/1400] ---
   - Total Loss: 3.4045
   - NLL: 3.4017
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.751, p2=0.786
--- Validace v iteraci 1320 ---
```

```
Průměrný MSE: 0.2180, Průměrný ANEES: 2.9045
_____
--- Iteration [1340/1400] ---
   - Total Loss: 6.6309
   - NLL: 6.6281
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.751, p2=0.786
--- Validace v iteraci 1340 ---
 Průměrný MSE: 0.2105, Průměrný ANEES: 2.6713
_____
--- Iteration [1360/1400] ---
   - Total Loss: 1.1183
   - NLL: 1.1155
   - Reg: 0.0028
   - p1=0.751, p2=0.786
--- Validace v iteraci 1360 ---
 Průměrný MSE: 0.2129, Průměrný ANEES: 2.4376
 >>> Nové nejlepší VALIDAČNÍ ANEES! Ukládám model. <<<
_____
--- Iteration [1380/1400] ---
   - Total Loss: 4.7377
   - NLL: 4.7349
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.751, p2=0.786
--- Validace v iteraci 1380 ---
 Průměrný MSE: 0.2168, Průměrný ANEES: 2.7053
_____
--- Iteration [1400/1400] ---
   - Total Loss: 0.7264
   - NLL: 0.7236
   - Reg: 0.0028
   -p1=0.751, p2=0.786
--- Validace v iteraci 1400 ---
 Průměrný MSE: 0.2161, Průměrný ANEES: 2.5073
Trénování dokončeno.
Načítám nejlepší model z iterace 1360 s ANEES 2.4376
______
TRÉNINK DOKONČEN - FINÁLNÍ VÝSLEDKY Z NEJLEPŠÍHO MODELU
______
Nejlepší model byl nalezen v iteraci: 1360
```

Nejlepší dosažený validační ANEES: 2.4376

```
--- Metriky odpovídající tomuto nejlepšímu modelu ---
      MSE na validační sadě:
                                   0.2129
      NLL na validační sadě:
                                   0.0000
[9]: import torch
     import torch.nn as nn
     from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
     import numpy as np
     import os
     import random
     import csv
     from datetime import datetime
     import pandas as pd
     from copy import deepcopy
     # Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
     torch.manual_seed(42)
     np.random.seed(42)
     random.seed(42)
     state_knet = StateKalmanNet(sys_model, device=device,__
      ⇔hidden_size_multiplier=12).to(device)
     trainer.train_state_KalmanNet(
         model=state_knet,
         train_loader=train_loader,
         val_loader=val_loader,
         device=device,
         epochs=100,
         lr=1e-4,
         early_stopping_patience=30
     )
    /home/luky/.local/lib/python3.10/site-packages/torch/optim/lr_scheduler.py:28:
    UserWarning: The verbose parameter is deprecated. Please use get_last_lr() to
    access the learning rate.
      warnings.warn("The verbose parameter is deprecated. Please use get_last_lr() "
    INFO: Detekováno, že model vrací kovarianci: False
    Epoch [5/100], Train Loss: 0.321532, Val Loss: 0.277129
    Epoch [10/100], Train Loss: 0.163010, Val Loss: 0.147893
    Epoch [15/100], Train Loss: 0.146653, Val Loss: 0.143067
    Epoch [20/100], Train Loss: 0.140909, Val Loss: 0.141328
    Epoch [25/100], Train Loss: 0.137325, Val Loss: 0.139114
    Epoch [30/100], Train Loss: 0.134920, Val Loss: 0.137299
    Epoch [35/100], Train Loss: 0.132203, Val Loss: 0.136195
    Epoch [40/100], Train Loss: 0.131427, Val Loss: 0.135343
    Epoch [45/100], Train Loss: 0.130457, Val Loss: 0.134754
    Epoch [50/100], Train Loss: 0.129888, Val Loss: 0.134282
```

Epoch [55/100], Train Loss: 0.128849, Val Loss: 0.133912

```
Epoch [60/100], Train Loss: 0.127943, Val Loss: 0.133566
     Epoch [65/100], Train Loss: 0.127629, Val Loss: 0.133258
     Epoch [70/100], Train Loss: 0.127262, Val Loss: 0.133056
     Epoch [75/100], Train Loss: 0.126913, Val Loss: 0.132851
     Epoch [80/100], Train Loss: 0.126755, Val Loss: 0.132630
     Epoch [85/100], Train Loss: 0.126578, Val Loss: 0.132451
     Epoch [90/100], Train Loss: 0.126123, Val Loss: 0.132288
     Epoch [95/100], Train Loss: 0.126105, Val Loss: 0.132180
     Epoch [100/100], Train Loss: 0.125901, Val Loss: 0.132014
     Trénování dokončeno.
     Načítám nejlepší model s validační chybou: 0.132014
 [9]: StateKalmanNet(
        (dnn): DNN KalmanNet(
          (input_layer): Linear(in_features=2, out_features=24, bias=True)
          (gru): GRU(24, 24)
          (output_layer): Linear(in_features=24, out_features=1, bias=True)
       )
      )
[10]: import torch
      import torch.nn as nn
      from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
      import numpy as np
      import os
      import random
      import csv
      from datetime import datetime
      import pandas as pd
      from copy import deepcopy
      # Nastavení seedu pro reprodukovatelnost tohoto běhu
      torch.manual_seed(42)
      np.random.seed(42)
      random.seed(42)
      state_knetR = StateKalmanNetWithKnownR(sys_model, device=device,_
       ⇔hidden_size_multiplier=12).to(device)
      trainer.train_state_KalmanNet(
          model=state_knetR,
          train_loader=train_loader,
          val_loader=val_loader,
          device=device,
          epochs=100,
          lr=1e-4,
          early_stopping_patience=30
      )
```

INFO: Detekováno, že model vrací kovarianci: True Epoch [5/100], Train Loss: 0.321532, Val Loss: 0.277129, Avg Cov Trace: 0.014457

```
Epoch [10/100], Train Loss: 0.163010, Val Loss: 0.147893, Avg Cov Trace:
     0.154707
     Epoch [15/100], Train Loss: 0.146653, Val Loss: 0.143067, Avg Cov Trace:
     0.219927
     Epoch [20/100], Train Loss: 0.140909, Val Loss: 0.141328, Avg Cov Trace:
     0.236706
     Epoch [25/100], Train Loss: 0.137325, Val Loss: 0.139114, Avg Cov Trace:
     0.238647
     Epoch [30/100], Train Loss: 0.134920, Val Loss: 0.137299, Avg Cov Trace:
     0.236520
     Epoch [35/100], Train Loss: 0.132203, Val Loss: 0.136195, Avg Cov Trace:
     0.236035
     Epoch [40/100], Train Loss: 0.131427, Val Loss: 0.135343, Avg Cov Trace:
     0.236482
     Epoch [45/100], Train Loss: 0.130457, Val Loss: 0.134754, Avg Cov Trace:
     0.236402
     Epoch [50/100], Train Loss: 0.129888, Val Loss: 0.134282, Avg Cov Trace:
     0.236702
     Epoch [55/100], Train Loss: 0.128849, Val Loss: 0.133912, Avg Cov Trace:
     0.237116
     Epoch [60/100], Train Loss: 0.127943, Val Loss: 0.133566, Avg Cov Trace:
     0.238689
     Epoch [65/100], Train Loss: 0.127629, Val Loss: 0.133258, Avg Cov Trace:
     0.238237
     Epoch [70/100], Train Loss: 0.127262, Val Loss: 0.133056, Avg Cov Trace:
     0.242231
     Epoch [75/100], Train Loss: 0.126913, Val Loss: 0.132851, Avg Cov Trace:
     0.240944
     Epoch [80/100], Train Loss: 0.126755, Val Loss: 0.132630, Avg Cov Trace:
     0.244565
     Epoch [85/100], Train Loss: 0.126578, Val Loss: 0.132451, Avg Cov Trace:
     0.240999
     Epoch [90/100], Train Loss: 0.126123, Val Loss: 0.132288, Avg Cov Trace:
     0.243603
     Epoch [95/100], Train Loss: 0.126105, Val Loss: 0.132180, Avg Cov Trace:
     0.246767
     Epoch [100/100], Train Loss: 0.125901, Val Loss: 0.132014, Avg Cov Trace:
     0.245475
     Trénování dokončeno.
     Načítám nejlepší model s validační chybou: 0.132014
[10]: StateKalmanNetWithKnownR(
        (dnn): DNN KalmanNet(
          (input_layer): Linear(in_features=2, out_features=24, bias=True)
          (gru): GRU(24, 24)
         (output_layer): Linear(in_features=24, out_features=1, bias=True)
       )
```

```
)
[11]: import torch
    import torch.nn.functional as F
    import numpy as np
    from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader
    # ------
    # O. PŘEDPOKLADY - ZDE PŘIŘAĎTE VAŠE NATRÉNOVANÉ MODELY
    # -----
    # Ujistěte se, že v proměnných níže máte již natrénované a připravené modely.
    # Názvy proměnných si upravte podle vašeho kódu, pokud se liší.
    try:
       trained_model_bkn = trained_model
       trained model classic = state knet
       trained_model_knetR = state_knetR
       print("INFO: Všechny natrénované modely nalezeny a přiřazeny.")
    except NameError:
       print("VAROVÁNÍ: Některé z proměnných `trained_model`, `state_knet`, nebou
     →`state_knetR` nebyly nalezeny.")
       print("
                   Ujistěte se, že jste nejprve úspěšně dokončili trénink⊔
     ⇔všech modelů.")
    # -----
    # 1. KONFIGURACE TESTU
    # -----
    TEST SEQ LEN = 300
    NUM_TEST_TRAJ = 40
    J_SAMPLES_TEST = 25
    # 2. PŘÍPRAVA DAT
    # -----
    print(f"\nGeneruji {NUM_TEST_TRAJ} testovacích trajektorií o délce∟
     →{TEST_SEQ_LEN}...")
    x_test, y_test = utils.generate_data(sys_true, num_trajectories=NUM_TEST_TRAJ,_
     ⇒seq_len=TEST_SEQ_LEN)
    test_dataset = TensorDataset(x_test, y_test)
    test_loader = DataLoader(test_dataset, batch_size=1, shuffle=False)
    print("Generování dat dokončeno.")
    # _____
    # 3. INICIALIZACE VŠECH FILTRŮ PRO POROVNÁNÍ
    # ------
    ekf_mismatched = Filters.ExtendedKalmanFilter(sys_model)
    ekf_ideal = Filters.ExtendedKalmanFilter(sys_true)
```

```
ukf_mismatched = Filters.UnscentedKalmanFilter(sys_model)
ukf_ideal = Filters.UnscentedKalmanFilter(sys_true)
aekf_mismatched = Filters.AdaptiveExtendedKalmanFilter(sys_model,__
 →Q_init=sys_model.Q, R_init=sys_model.R,alpha=0.98)
print("Všechny model-based filtry (EKF, UKF, AEKF) inicializovány.")
# 4. VYHODNOCOVACÍ SMYČKA
# ------
# Seznamy pro ukládání výsledků z každé trajektorie
all_x_true_cpu = []
all_x_hat_bkn_cpu, all_P_hat_bkn_cpu = [], []
all_x_hat_classic_knet_cpu = []
all_x_hat_knetR_cpu, all_P_hat_knetR_cpu = [], []
all x hat ekf mismatched cpu, all P hat ekf mismatched cpu = [], []
all_x_hat_ekf_ideal_cpu, all_P_hat_ekf_ideal_cpu = [], []
all_x_hat_ukf_mismatched_cpu, all_P_hat_ukf_mismatched_cpu = [], []
all_x_hat_ukf_ideal_cpu, all_P_hat_ukf_ideal_cpu = [], []
all_x_hat_aekf_mismatched_cpu, all_P_hat_aekf_mismatched_cpu = [], []
print(f"\nVyhodnocuji modely na {NUM_TEST_TRAJ} testovacích trajektoriích...")
# Důležité: Přepneme všechny NN modely do evaluačního režimu
trained_model_bkn.eval()
trained_model_classic.eval()
trained_model_knetR.eval()
with torch.no_grad():
   for i, (x_true_seq_batch, y_test_seq_batch) in enumerate(test_loader):
       y_test_seq_gpu = y_test_seq_batch.squeeze(0).to(device)
       x_true_seq_gpu = x_true_seq_batch.squeeze(0).to(device)
       initial_state = x_true_seq_gpu[0, :].unsqueeze(0)
       # --- A. Bayesian KalmanNet (Trajectory-wise) ---
       ensemble_trajectories = []
       for j in range(J_SAMPLES_TEST):
           trained_model_bkn.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
           current_x_hats = []
           for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
               x_filtered_t, _ = trained_model_bkn.step(y_test_seq_gpu[t, :].
 unsqueeze(0))
               current_x_hats.append(x_filtered_t)
           ensemble_trajectories.append(torch.cat(current_x_hats, dim=0))
       ensemble = torch.stack(ensemble_trajectories, dim=0)
       predictions_bkn = ensemble.mean(dim=0)
       diff = ensemble - predictions_bkn.unsqueeze(0)
       covariances_bkn = (diff.unsqueeze(-1) @ diff.unsqueeze(-2)).mean(dim=0)
```

```
full_x_hat_bkn = torch.cat([initial_state, predictions_bkn], dim=0)
      full_P_hat_bkn = torch.cat([sys_model.P0.unsqueeze(0),__
⇔covariances_bkn], dim=0)
       # --- B. Klasický StateKalmanNet (pouze MSE) ---
      trained model classic.reset(batch size=1, initial state=initial state)
      classic knet preds = []
      for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
          x filtered_t = trained_model_classic.step(y_test_seq_gpu[t, :].
unsqueeze(0))
           classic_knet_preds.append(x_filtered_t)
      full_x_hat_classic_knet = torch.cat([initial_state, torch.

cat(classic_knet_preds, dim=0)], dim=0)

      # --- C. StateKalmanNetWithKnownR ---
      trained model_knetR.reset(batch_size=1, initial_state=initial_state)
      knetR_preds_x, knetR_preds_P = [], []
      for t in range(1, TEST_SEQ_LEN):
          x_filtered_t, P_filtered_t = trained_model_knetR.
⇒step(y_test_seq_gpu[t, :].unsqueeze(0))
          knetR preds x.append(x filtered t)
          knetR_preds_P.append(P_filtered_t)
      full_x_hat_knetR = torch.cat([initial_state, torch.cat(knetR_preds_x,_
→dim=0)], dim=0)
      processed_P_list = []
      for p_tensor in knetR_preds_P:
           # Zajistíme, aby každý P byl alespoň 2D matice
          while p tensor.dim() < 2:
              p_tensor = p_tensor.unsqueeze(-1)
           # Odstraníme případnou přebytečnou dávkovou dimenzi z `step` metody
          if p_tensor.dim() > 2 and p_tensor.shape[0] == 1:
              p_tensor = p_tensor.squeeze(0)
          processed_P_list.append(p_tensor)
      # 2. Nyní můžeme bezpečně použít stack
      P_sequence_knetR = torch.stack(processed_P_list, dim=0)
      # 3. Zajistíme, že PO má také správný počet dimenzí
      PO_for_cat = sys_model.PO.clone()
      while PO_for_cat.dim() < P_sequence_knetR.dim():</pre>
          PO_for_cat = PO_for_cat.unsqueeze(0)
      full_P_hat_knetR = torch.cat([P0_for_cat, P_sequence_knetR], dim=0)
       # --- D. EKF (nepřesný a ideální) ---
      ekf_m_res = ekf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,__
⇒Ex0=sys_model.Ex0, P0=sys_model.P0)
```

```
# \S{PATNE}: full_x_hat_ekf_m = torch.cat([sys_model.Ex0.reshape(1, -1), ___
⇔ekf_m_res['x_filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full_x_hat_ekf_m = ekf_m_res['x_filtered'] # Výsledek je již kompletníu
\hookrightarrow trajektorie
       full_P_hat_ekf_m = ekf_m_res['P_filtered'] # To samé pro kovarianci
       ekf_i_res = ekf_ideal.process_sequence(y_test_seq_gpu, Ex0=sys_true.
→Ex0, P0=sys_true.P0)
       # \S{PATNE}: full_x_hat_ekf_i = torch.cat([sys_true.Ex0.reshape(1, -1), ____])
\rightarrow ekf_i_res['x_filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full_x_hat_ekf_i = ekf_i_res['x_filtered']
       full_P_hat_ekf_i = ekf_i_res['P_filtered']
       # --- E. UKF (nepřesný a ideální) ---
       ukf_m_res = ukf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,__
⇒Ex0=sys_model.Ex0, P0=sys_model.P0)
       # ŠPATNĚ: full_x_hat_ukf_m = torch.cat([sys_model.Ex0.reshape(1, -1),__
\rightarrow ukf_m res['x_filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full x hat ukf m = ukf m res['x filtered']
       full_P_hat_ukf_m = ukf_m_res['P_filtered']
       ukf_i_res = ukf_ideal.process_sequence(y_test_seq_gpu, Ex0=sys_true.
→Ex0, P0=sys_true.P0)
       # \check{S}PATN\check{E}: full_x_hat_ukf_i = torch.cat([sys_true.Ex0.reshape(1, -1), ____])
\hookrightarrow ukf_i res['x_filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full_x_hat_ukf_i = ukf_i_res['x_filtered']
       full_P_hat_ukf_i = ukf_i_res['P_filtered']
       # --- F. Adaptivní EKF (nepřesný) ---
       aekf_m_res = aekf_mismatched.process_sequence(y_test_seq_gpu,__
# \tilde{S}PATN\tilde{E}: full x hat aekf m = torch.cat([sys model.Ex0.reshape(1, -1), |
\Rightarrow aekf_m_res['x_filtered']], dim=0)
       # SPRÁVNĚ:
       full_x_hat_aekf_m = aekf_m_res['x_filtered']
       full_P_hat_aekf_m = aekf_m_res['P_filtered']
       # --- G. Uložení všech výsledků na CPU ---
       all_x_true_cpu.append(x_true_seq_gpu.cpu())
       all_x_hat_bkn_cpu.append(full_x_hat_bkn.cpu()); all_P_hat_bkn_cpu.
→append(full_P_hat_bkn.cpu())
       all_x_hat_classic_knet_cpu.append(full_x_hat_classic_knet.cpu())
```

```
all x hat knetR cpu.append(full x hat knetR.cpu()); all P hat knetR cpu.
 →append(full_P_hat_knetR.cpu())
       all_x_hat_ekf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_ekf_m.cpu());__
 →all_P_hat_ekf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_ekf_m.cpu())
       all_x_hat_ekf_ideal_cpu.append(full_x_hat_ekf_i.cpu());__
 →all_P_hat_ekf_ideal_cpu.append(full_P_hat_ekf_i.cpu())
       all_x_hat_ukf_mismatched_cpu.append(full_x_hat_ukf_m.cpu());__
 →all_P_hat_ukf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_ukf_m.cpu())
       all_x_hat_ukf_ideal_cpu.append(full_x_hat_ukf_i.cpu());__
 ⇒all_P_hat_ukf_ideal_cpu.append(full_P_hat_ukf_i.cpu())
       all x hat aekf mismatched cpu.append(full x hat aekf m.cpu());
 →all_P_hat_aekf_mismatched_cpu.append(full_P_hat_aekf_m.cpu())
       print(f"Dokončena trajektorie {i + 1}/{NUM_TEST_TRAJ}...")
# 5. FINÁLNÍ VÝPOČET A VÝPIS METRIK
# Seznamy pro sběr metrik
mse_bkn, anees_bkn = [], []; mse_classic_knet = []; mse_knetR, anees_knetR = __
 □ , []
mse_ekf_mis, anees_ekf_mis = [], []; mse_ekf_ideal, anees_ekf_ideal = [], []
mse_ukf_mis, anees_ukf_mis = [], []; mse_ukf_ideal, anees_ukf_ideal = [], []
mse_aekf_mis, anees_aekf_mis = [], []
print("\nPočítám finální metriky pro jednotlivé trajektorie...")
with torch.no_grad():
   for i in range(NUM_TEST_TRAJ):
       x_true = all_x_true_cpu[i]
       def get_metrics(x_hat, P_hat):
           mse = F.mse loss(x hat[1:], x true[1:]).item()
           anees = utils.calculate_anees_vectorized(x_true.unsqueeze(0), x_hat.
 unsqueeze(0), P hat unsqueeze(0))
           return mse, anees
       # Výpočty pro všechny modely
       mse, anees = get_metrics(all_x hat_bkn_cpu[i], all P_hat_bkn_cpu[i]);__
 mse = F.mse_loss(all_x_hat_classic_knet_cpu[i][1:], x_true[1:]).item();_
 →mse_classic_knet.append(mse)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_knetR_cpu[i],__
 →all_P_hat_knetR_cpu[i]); mse_knetR.append(mse); anees_knetR.append(anees)
       mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ekf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_ekf_mismatched_cpu[i]); mse_ekf_mis.append(mse); anees_ekf_mis.
 →append(anees)
```

```
mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ekf_ideal_cpu[i],__
 all P hat ekf ideal cpu[i]); mse ekf ideal.append(mse); anees ekf ideal.
 →append(anees)
        mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ukf_mismatched_cpu[i],__
 all_P_hat_ukf_mismatched_cpu[i]); mse_ukf_mis.append(mse); anees_ukf_mis.
 →append(anees)
        mse, anees = get_metrics(all_x_hat_ukf_ideal_cpu[i],__
 all P hat ukf ideal cpu[i]); mse ukf ideal append(mse); anees ukf ideal.
 →append(anees)
        mse, anees = get_metrics(all_x_hat_aekf_mismatched_cpu[i],__
 →all_P_hat_aekf_mismatched_cpu[i]); mse_aekf_mis.append(mse); anees_aekf_mis.
 →append(anees)
# Funkce pro bezpečné průměrování
def avg(metric_list): return np.mean([m for m in metric_list if not np.
 →isnan(m)])
state_dim_for_nees = all_x_true_cpu[0].shape[1]
# --- Finální výpis tabulky ---
print("\n" + "="*80)
print(f"FINÁLNÍ VÝSLEDKY (průměr přes {NUM_TEST_TRAJ} běhů)")
print("="*80)
print(f"{'Model':<35} | {'Průměrné MSE':<20} | {'Průměrný ANEES':<20}")</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Data-Driven Models ---':<35} | {'(nižší je lepší)':<20} |
 →{'(bližší ' + str(float(state_dim_for_nees)) + ' je lepší)':<20}")
print(f"{'Bayesian KNet (BKN)':<35} | {avg(mse_bkn):<20.4f} | {avg(anees_bkn):</pre>
 \Leftrightarrow <20.4f}")
print(f"{'KNet (pouze MSE)':<35} | {avg(mse_classic_knet):<20.4f} | {'N/A':</pre>
print(f"{'KNet with Known R (KNetR)':<35} | {avg(mse_knetR):<20.4f} |

√{avg(anees_knetR):<20.4f}")
</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Model-Based Filters ---':<35} | {'':<20} | {'':<20}")</pre>
print(f"{'EKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_ekf_mis):<20.4f} |
 print(f"{'UKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_ukf_mis):<20.4f} |

√{avg(anees_ukf_mis):<20.4f}")
</pre>
print(f"{'AEKF (Nepřesný model)':<35} | {avg(mse_aekf_mis):<20.4f} |

√{avg(anees_aekf_mis):<20.4f}")
</pre>
print("-" * 80)
print(f"{'--- Benchmarks ---':<35} | {'':<20} | {'':<20}")</pre>
print(f"{'EKF (Idealni model)':<35} | {avg(mse ekf ideal):<20.4f} |</pre>

√{avg(anees_ekf_ideal):<20.4f}")
</pre>
print(f"{'UKF (Ideální model)':<35} | {avg(mse_ukf_ideal):<20.4f} |

√{avg(anees_ukf_ideal):<20.4f}")
</pre>
```

INFO: Všechny natrénované modely nalezeny a přiřazeny. Generuji 40 testovacích trajektorií o délce 300... Generování dat dokončeno. Všechny model-based filtry (EKF, UKF, AEKF) inicializovány. Vyhodnocuji modely na 40 testovacích trajektoriích... Dokončena trajektorie 1/40... Dokončena trajektorie 2/40... Dokončena trajektorie 3/40... Dokončena trajektorie 4/40... Dokončena trajektorie 5/40... Dokončena trajektorie 6/40... Dokončena trajektorie 7/40... Dokončena trajektorie 8/40... Dokončena trajektorie 9/40... Dokončena trajektorie 10/40... Dokončena trajektorie 11/40... Dokončena trajektorie 12/40... Dokončena trajektorie 13/40... Dokončena trajektorie 14/40... Dokončena trajektorie 15/40... Dokončena trajektorie 16/40... Dokončena trajektorie 17/40... Dokončena trajektorie 18/40... Dokončena trajektorie 19/40... Dokončena trajektorie 20/40... Dokončena trajektorie 21/40... Dokončena trajektorie 22/40... Dokončena trajektorie 23/40... Dokončena trajektorie 24/40... Dokončena trajektorie 25/40... Dokončena trajektorie 26/40... Dokončena trajektorie 27/40... Dokončena trajektorie 28/40... Dokončena trajektorie 29/40... Dokončena trajektorie 30/40... Dokončena trajektorie 31/40... Dokončena trajektorie 32/40... Dokončena trajektorie 33/40... Dokončena trajektorie 34/40... Dokončena trajektorie 35/40... Dokončena trajektorie 36/40... Dokončena trajektorie 37/40... Dokončena trajektorie 38/40...

print("="*80)

Dokončena trajektorie 39/40... Dokončena trajektorie 40/40...

Počítám finální metriky pro jednotlivé trajektorie…

FINÁLNÍ VÝSLEDKY (průměr přes 40 běhů)		
Model	Průměrné MSE	Průměrný ANEES
Data-Driven Models lepší)	(nižší je lepší)	(bližší 1.0 je
Bayesian KNet (BKN)	0.1769	1.9160
KNet (pouze MSE)	0.1332	N/A
KNet with Known R (KNetR)	0.1332	0.5491
Model-Based Filters		
EKF (Nepřesný model)	0.2539	6.1308
UKF (Nepřesný model)	0.3181	14.8909
AEKF (Nepřesný model)	0.3487	1203.4304
Benchmarks	1	1
EKF (Ideální model)	0.1296	0.9750
UKF (Ideální model)	0.1408	0.9481
ovi. (idealii model)	0.1408	0.9401