Relatório - Inteligência Artificial

Lukas Freitas de Carvalho - 202376033

Descrição do problema:

O **Problema dos Mapas**, no contexto da Inteligência Artificial e da Ciência da Computação, refere-se ao desafio de encontrar **caminhos ótimos** em redes geográficas, como estradas, rotas de transporte ou conexões entre localidades.

Trata-se de uma aplicação clássica da **teoria dos grafos** e de **algoritmos de busca**, com uso prático em sistemas como:

- Aplicativos de GPS (ex.: Google Maps, Waze);
- Logística e entrega de mercadorias (ex.: roteamento de caminhões);
- Jogos digitais (ex.: movimentação de personagens em ambientes virtuais).

Implementação

A linguagem utilizada na implementação foi o **Rust**, escolhida por seu alto desempenho e excelente gerenciamento de memória, características comparáveis às da linguagem C++.

Atualmente, Rust já é adotada em partes do kernel do Linux, o que demonstra sua eficiência e robustez.

O principal foco da implementação foi a estrutura de entrada do programa. As entradas são representadas por duas **strings**, correspondendo às cidades de **origem** e **destino** para a criação do grafo.

Um aspecto importante a ser considerado é que a API **Overpass** é sensível à grafia dos nomes das cidades. Por exemplo, a cidade "Rio de Janeiro" (com letras maiúsculas) é reconhecida pela API, enquanto "rio de janeiro" (em minúsculas) não é.

Estruturas de Dados e Funções

O Rust não segue o paradigma tradicional de orientação a objetos, mas oferece formas eficientes de modelagem de dados. As principais estruturas utilizadas no programa foram:

- City: representa uma cidade (nome, coordenadas, etc.);
- GraphStructure: representa o grafo como um todo;
- Map: representa o mapa completo;

- BoundingBox: representa a área delimitada entre as cidades de origem e destino;
- SearchResults: armazena os resultados e métricas retornadas pelos algoritmos.

As principais funções implementadas, além dos algoritmos de busca, foram:

- calculate distance value(): calcula a distância entre duas cidades;
- calculate level(): determina o "nível" de cada cidade no grafo;
- get_city_coordinates(): obtém o nome, latitude e longitude de uma cidade;
- get_all_cities_from_bounding_box(): retorna todas as cidades entre a origem e o destino;
- calculate_path_distance(): retorna a distância em linha reta de um caminho percorrido.

Para simular com maior fidelidade a distância real entre as cidades, foi adicionada uma **margem de variação** de 6% a 15% sobre a distância em linha reta, representando a imprecisão típica de trajetos reais.

Exemplo de execução:

Cidade de Origem: Juiz de Fora Cidade de Destino: Rio de Janeiro

Distância em linha reta entre as cidades:

Calcular a distância entre:



Juiz de Fora - MG, Brazil



Rio De Janeiro - , Brazil

calcular distância

Veja também:

Distância entre Juiz de Fora - MG, Brazil e as capitais brasileiras

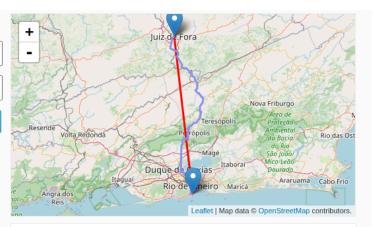
Distância entre Rio De Janeiro - , Brazil e as capitais

Distância entre Juiz de Fora - MG, Brazil e as principais cidades turísticas brasileiras

Distância entre Rio De Janeiro - , Brazil e as principais cidades turísticas brasileiras

Distância entre Juiz de Fora - MG, Brazil e as cidades brasileiras, separadas por estado

Distância entre Rio De Janeiro - , Brazil e as cidades brasileiras, separadas por estado



Qual é a distância entre Juiz de Fora - MG, Brazil e Rio De Janeiro - , Brazil?

Distância em linha reta: 136 Km Distância por estradas: 187 Km

GOSTOU DESTA FETZIZAMENTA?

Juiz de Fora - MG, Brazil Latitude: -21.765320 Longitude: -43.348728 Rio De Janeiro - , Brazil

Latitude: -22.976734 Longitude: -43.195084

```
--- Busca de Caminho entre Cidades ---
Digite 'sair' a qualquer momento para encerrar o programa.
Digite o nome das cidades se atentando à acentuação e ortografia.
Digite a cidade de origem, (ou 'sair' para encerrar): Juiz de Fora
Digite a cidade de destino (ou 'sair' para encerrar): Rio de Janeiro
Obtendo a cidade Juiz de Fora...
Tempo gasto para obter a cidade: 6.78s
Obtendo a cidade Rio de Janeiro...
Tempo gasto para obter a cidade: 7.20s
Obtendo as cidades entre Juiz de Fora e Rio de Janeiro...
Tempo gasto para obter as cidades: 4.51s
Selecione o algoritmo de busca:
1. Backtracking
2. Breadth-first search
Ordered search
4. Depth search
5. Greedy search
6. A* search
7. IDA* search
Todos os algoritmos
9. Mostrar mapa
10. Mudar cidades
Sair
Opção:
Opção: 1
--- Backtracking ---
Caminho encontrado:
 "Juiz de Fora" -> "Caetés de Minas" = 12.870085948550427
"Caetés de Minas" -> "Souza Aguiar" = 27.612415571512397
 "Souza Aguiar" -> "Andrade Costa" = 44.267578687929486
"Andrade Costa" -> "Arcozelo" = 20.060031295933136
 "Arcozelo" -> "Xerém" = 29.78158720463742
 "Xerém" -> "Rio de Janeiro" = 51.53145967008135
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
 Cidade: Caetés de Minas, Heurística: 123.1825613457589, Latitude: -21.8043004, Longitude: -43.2625977
 Cidade: Souza Aguiar, Heurística: 100.33479809399284, Latitude: -22.0090619, Longitude: -43.2377336
 Cidade: Andrade Costa, Heurística: 73.67174356019191, Latitude: -22.2644557, Longitude: -43.3660648
 Cidade: Arcozelo, Heurística: 60.13282555197654, Latitude: -22.4072264, Longitude: -43.4224122
 Cidade: Xerém, Heurística: 38.35898161537564, Latitude: -22.5782, Longitude: -43.3078
 Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
 Distância do caminho: 186.12 KM
 Nós visitados: 9
 Nós expandidos: 8
 Profundidade máxima: 6
 Fator de ramificação médio: 3.50
 Tempo de execução: 0.0001 segundos
```

```
Opção: 2
 -- Breadth-first search ---
Caminho encontrado:
  "Juiz de Fora" -> "Caetés de Minas" = 12.870085948550427
  "Caetés de Minas" -> "Souza Aguiar" = 27.612415571512397
"Souza Aguiar" -> "Andrade Costa" = 44.267578687929486
  "Andrade Costa" -> "Arcozelo" = 20.060031295933136
  "Arcozelo" -> "Xerém" = 29.78158720463742
  "Xerém" -> "Rio de Janeiro" = 51.53145967008135
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
  Cidade: Caetés de Minas, Heurística: 123.1825613457589, Latitude: -21.8043004, Longitude: -43.2625977
 Cidade: Souza Aguiar, Heurística: 100.33479809399284, Latitude: -22.0090619, Longitude: -43.2377336
Cidade: Andrade Costa, Heurística: 73.67174356019191, Latitude: -22.2644557, Longitude: -43.3660648
  Cidade: Arcozelo, Heurística: 60.13282555197654, Latitude: -22.4072264, Longitude: -43.4224122
  Cidade: Xerém, Heurística: 38.35898161537564, Latitude: -22.5782, Longitude: -43.3078
  Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
  Nós visitados: 29
  Nós expandidos: 28
  Profundidade máxima: 6
  Fator de ramificação médio: 3.96
  Tempo de execução: 0.0003 segundos
Opção: 3
 --- Ordered search ---
Caminho encontrado:
 "Juiz de Fora" -> "Belmiro Braga" = 27.08148522981234
"Belmiro Braga" -> "Afonso Arinos" = 15.446886682866658
"Afonso Arinos" -> "Avelar" = 41.253356047496915
  "Avelar" -> "Paty do Alferes" = 16.89628068338884
 "Paty do Alferes" -> "Campos Elyseos" = 41.11207082157193
"Campos Elyseos" -> "Rio de Janeiro" = 27.315402412021974
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
  Cidade: Belmiro Braga, Heurística: 109.0508234278596, Latitude: -21.9486291, Longitude: -43.413564
  Cidade: Afonso Arinos, Heurística: 100.75202350535842, Latitude: -22.0124377, Longitude: -43.3353383
  Cidade: Avelar, Heurística: 68.60876929483955, Latitude: -22.3208596, Longitude: -43.40444
 Cidade: Paty do Alferes, Heurística: 58.04384375614053, Latitude: -22.4272703, Longitude: -43.4219523 Cidade: Campos Elyseos, Heurística: 23.152839920882965, Latitude: -22.7078, Longitude: -43.2586
  Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
  Distância do caminho: 169.11 KM
  Nós visitados: 48
  Nós expandidos: 47
  Profundidade máxima: 6
  Fator de ramificação médio: 4.21
  Tempo de execução: 0.0005 segundos
```

```
Opção: 4
 -- Depth search ---
Caminho encontrado:
  "Juiz de Fora" -> "Caetés de Minas" = 12.870085948550427
  "Caetés de Minas" -> "Souza Aguiar" = 27.612415571512397
"Souza Aguiar" -> "Andrade Costa" = 44.267578687929486
  "Andrade Costa" -> "Arcozelo" = 20.060031295933136
  "Arcozelo" -> "Xerém" = 29.78158720463742
  "Xerém" -> "Rio de Janeiro" = 51.53145967008135
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
  Cidade: Caetés de Minas, Heurística: 123.1825613457589, Latitude: -21.8043004, Longitude: -43.2625977
 Cidade: Souza Aguiar, Heurística: 100.33479809399284, Latitude: -22.0090619, Longitude: -43.2377336
Cidade: Andrade Costa, Heurística: 73.67174356019191, Latitude: -22.2644557, Longitude: -43.3660648
  Cidade: Arcozelo, Heurística: 60.13282555197654, Latitude: -22.4072264, Longitude: -43.4224122
  Cidade: Xerém, Heurística: 38.35898161537564, Latitude: -22.5782, Longitude: -43.3078
  Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
  Nós visitados: 9
  Nós expandidos: 8
  Profundidade máxima: 6
  Fator de ramificação médio: 3.50
  Tempo de execução: 0.0002 segundos
Opção: 5
 --- Greedy search ---
Caminho encontrado:
  "Juiz de Fora" -> "Belmiro Braga" = 27.08148522981234
"Belmiro Braga" -> "Souza Aguiar" = 24.90586326045983
"Souza Aguiar" -> "Avelar" = 49.26340662925173
  "Avelar" -> "Miguel Pereira" = 22.391479910913414
  "Miguel Pereira" -> "São Mateus" = 52.928791790752214
  "Sāo Mateus" -> "Rio de Janeiro" = 30.16675844771898
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
 Cidade: Belmiro Braga, Heurística: 109.0508234278596, Latitude: -21.9486291, Longitude: -43.413564
Cidade: Souza Aguiar, Heurística: 100.33479809399284, Latitude: -22.0090619, Longitude: -43.2377336
  Cidade: Avelar, Heurística: 68.60876929483955, Latitude: -22.3208596, Longitude: -43.40444
  Cidade: Miguel Pereira, Heuristica: 57.390417938707394, Latitude: -22.4539417, Longitude: -43.4691978
  Cidade: São Mateus, Heurística: 22.190208947813822, Latitude: -22.8019, Longitude: -43.3907
  Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
  Distância do caminho: 206.74 KM
  Nós visitados: 7
  Nós expandidos: 6
  Profundidade máxima: 6
  Fator de ramificação médio: 4.67
```

Tempo de execução: 0.0001 segundos

```
Opção: 6
 -- A* search ---
Caminho encontrado:
  "Juiz de Fora" -> "Belmiro Braga" = 27.08148522981234
  "Belmiro Braga" -> "Afonso Arinos" = 15.446886682866658
"Afonso Arinos" -> "Avelar" = 41.253356047496915
  "Avelar" -> "Paty do Alferes" = 16.89628068338884
  "Paty do Alferes" -> "Campos Elyseos" = 41.11207082157193
"Campos Elyseos" -> "Rio de Janeiro" = 27.315402412021974
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
  Cidade: Belmiro Braga, Heurística: 109.0508234278596, Latitude: -21.9486291, Longitude: -43.413564
  Cidade: Afonso Arinos, Heurística: 100.75202350535842, Latitude: -22.0124377, Longitude: -43.3353383
  Cidade: Avelar, Heurística: 68.60876929483955, Latitude: -22.3208596, Longitude: -43.40444
  Cidade: Paty do Alferes, Heurística: 58.04384375614053, Latitude: -22.4272703, Longitude: -43.4219523 Cidade: Campos Elyseos, Heurística: 23.152839920882965, Latitude: -22.7078, Longitude: -43.2586
  Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
  Nós visitados: 115
  Nós expandidos: 114
  Profundidade máxima: 6
  Fator de ramificação médio: 3.82
  Tempo de execução: 0.0009 segundos
Opção: 7
 --- IDA* search ---
Caminho encontrado:
 munno encontrado:

"Juiz de Fora" -> "Belmiro Braga" = 27.08148522981234

"Belmiro Braga" -> "Simão Pereira" = 14.747394449462414

"Simão Pereira" -> "Paraíba do Sul" = 34.20686293211697

"Paraíba do Sul" -> "Paty do Alferes" = 49.50196669610205

"Paty do Alferes" -> "Nilópolis" = 55.40282645573903

"Nilópolis" -> "Rio de Janeiro" = 36.6540891491568
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
  Cidade: Belmiro Braga, Heurística: 109.0508234278596, Latitude: -21.9486291, Longitude: -43.413564
  Cidade: Simão Pereira, Heurística: 105.7961626584157, Latitude: -21.9643721, Longitude: -43.3127092
  Cidade: Paraíba do Sul, Heurística: 83.6046440562218, Latitude: -22.1630236, Longitude: -43.2920147
  Cidade: Paty do Alferes, Heurística: 58.04384375614053, Latitude: -22.4272703, Longitude: -43.4219523
  Cidade: Nilópolis, Heurística: 23.874828404271398, Latitude: -22.8080114, Longitude: -43.4138222
  Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
  Distância do caminho: 217.59 KM
  Nós visitados: 34
  Nós expandidos: 27
  Profundidade máxima: 6
  Fator de ramificação médio: 4.59
```

Tempo de execução: 0.0003 segundos

```
-- Mapa ---
Número de níveis: 6
Cidade: Juiz de Fora, Heurística: 128.6975030210258, Latitude: -21.7609533, Longitude: -43.3501129
Nível 1:
 Cidade: Belmiro Braga, Heurística: 109.0508234278596, Latitude: -21.9486291, Longitude: -43.413564
 Cidade: Matias Barbosa, Heurística: 116.3860441211997, Latitude: -21.8691643, Longitude: -43.3180624
 Cidade: Caetés de Minas, Heurística: 123.1825613457589, Latitude: -21.8043004, Longitude: -43.2625977
 Cidade: Simão Pereira, Heurística: 105.7961626584157, Latitude: -21.9643721, Longitude: -43.3127092
 Cidade: Afonso Arinos, Heurística: 100.75202350535842, Latitude: -22.0124377, Longitude: -43.3353383
Cidade: São José das Três Ilhas, Heurística: 101.6195243821038, Latitude: -22.0328322, Longitude: -43.4831162
 Cidade: Souza Aguiar, Heurística: 100.33479809399284, Latitude: -22.0090619, Longitude: -43.2377336
Nível 3:
 Cidade: Paraíba do Sul, Heurística: 83.6046440562218, Latitude: -22.1630236, Longitude: -43.2920147
 Cidade: Salutaris, Heurística: 83.35240660442979, Latitude: -22.1648, Longitude: -43.2865
 Cidade: Werneck, Heuristica: 78.38000489138551, Latitude: -22.2132183, Longitude: -43.3173858
Cidade: Avelar, Heuristica: 68.60876929483955, Latitude: -22.3208596, Longitude: -43.40444
Cidade: Andrade Pinto, Heuristica: 77.74133869377161, Latitude: -22.2403, Longitude: -43.4231
 Cidade: Andrade Costa, Heuristica: 73.67174356019191, Latitude: -22.2644557, Longitude: -43.3660648
Nível 4:
 Cidade: Paty do Alferes, Heurística: 58.04384375614053, Latitude: -22.4272703, Longitude: -43.4219523
 Cidade: Miguel Pereira, Heuristica: 57.390417938707394, Latitude: -22.4539417, Longitude: -43.4691978
 Cidade: Arcozelo, Heurística: 60.13282555197654, Latitude: -22.4072264, Longitude: -43.4224122
Nível 5:
 Cidade: Nilópolis, Heurística: 23.874828404271398, Latitude: -22.8080114, Longitude: -43.4138222
 Cidade: Nova Iguaçu, Heurística: 29.956790963090064, Latitude: -22.7592175, Longitude: -43.4508728
 Cidade: Mesquita, Heurística: 26.654928354462335, Latitude: -22.783092, Longitude: -43.4293599
 Cidade: Belford Roxo, Heurística: 25.545843372517076, Latitude: -22.7667284, Longitude: -43.4033603
 Cidade: Imbariê, Heurística: 31.629106637952408, Latitude: -22.6298959, Longitude: -43.2564354
 Cidade: Campos Elyseos, Heuristica: 23.152839920882965, Latitude: -22.7078, Longitude: -43.2586
 Cidade: Coelho da Rocha, Heurística: 23.223787282312646, Latitude: -22.7758, Longitude: -43.3821
 Cidade: São Mateus, Heurística: 22.190208947813822, Latitude: -22.8019, Longitude: -43.3907
 Cidade: Xerém, Heurística: 38.35898161537564, Latitude: -22.5782, Longitude: -43.3078
livel 6:
 Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
 Cidade: Duque de Caxias, Heurística: 16.98139856665844, Latitude: -22.7896225, Longitude: -43.309929
 Cidade: São João de Meriti, Heurística: 20.486134684965723, Latitude: -22.8043744, Longitude: -43.3724125
```

Outro exemplo:

Cidade de Origem: São Paulo CIdade de Destino: Rio de Janeiro

Distância em linha reta entre as cidades:

Calcular a distância entre:



Sao Paulo - SP, Brazil



Rio de Janeiro, Brazil

calcular distância

Veja também:

Distância entre Sao Paulo - SP, Brazil e as capitais

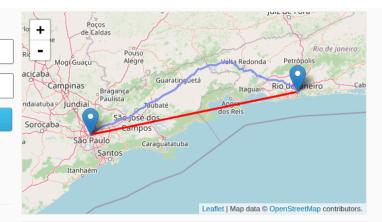
Distância entre Rio de Janeiro, Brazil e as capitais

Distância entre Sao Paulo - SP, Brazil e as principais cidades turísticas brasileiras

Distância entre Rio de Janeiro, Brazil e as principais cidades turísticas brasileiras

Distância entre Sao Paulo - SP, Brazil e as cidades brasileiras, separadas por estado

Distância entre Rio de Janeiro, Brazil e as cidades brasileiras, separadas por estado



Qual é a distância entre Sao Paulo - SP, Brazil e Rio de Janeiro, Brazil?

Distância em linha reta: 360 Km Distância por estradas: 432 Km

GOSTOU DESTA FETZTZAMENTA?

Sao Paulo - SP, Brazil Latitude: -23.562880 Longitude: -46.654659

Rio de Janeiro, Brazil Latitude: -22.9035393 Longitude: -43.2095869

```
--- Busca de Caminho entre Cidades ---
Digite 'sair' a qualquer momento para encerrar o programa.
Digite o nome das cidades se atentando à acentuação e ortografia.
Digite a cidade de origem, (ou 'sair' para encerrar): São Paulo
Digite a cidade de destino (ou 'sair' para encerrar): Rio de Janeiro
Obtendo a cidade São Paulo...
Tempo gasto para obter a cidade: 6.52s
Obtendo a cidade Rio de Janeiro...
Tempo gasto para obter a cidade: 7.30s
Obtendo as cidades entre São Paulo e Rio de Janeiro...
Tempo gasto para obter as cidades: 9.21s
Selecione o algoritmo de busca:
1. Backtracking
2. Breadth-first search
Ordered search
4. Depth search
5. Greedy search
6. A* search
7. IDA* search
8. Todos os algoritmos
9. Mostrar mapa
10. Mudar cidades
0. Sair
Opção:
```

```
Opção: 1
 -- Backtracking ---
Caminho encontrado:
 "Sāo Paulo" -> "Terra Preta" = 48.220420790902054
"Terra Preta" -> "Guararema" = 72.8459431679534
  "Guararema" -> "Monteiro Lobato" = 64.94888858123736
 "Monteiro Lobato" -> "Lagoinha" = 106.76226252012572
 "Lagoinha" -> "Paraty Mirim" = 62.858940794185344
"Paraty Mirim" -> "Barra Grande" = 30.00562580765776
  "Barra Grande" -> "Matariz" = 71.03272457753395
  "Matariz" -> "Itacuruçá" = 54.52679658794589
  "Itacuruçá" -> "Rio de Janeiro" = 107.30206392275299
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: São Paulo, Heurística: 357.00954093851504, Latitude: -23.5506507, Longitude: -46.6333824
 Cidade: Terra Preta, Heurística: 347.87813698114803, Latitude: -23.2624311, Longitude: -46.5888475
 Cidade: Guararema, Heurística: 294.55999796666833, Latitude: -23.4136776, Longitude: -46.0383744
 Cidade: Monteiro Lobato, Heurística: 269.3021008621721, Latitude: -22.9553542, Longitude: -45.8387146
 Cidade: Lagoinha, Heurística: 203.73749373545132, Latitude: -23.0898337, Longitude: -45.1903825
 Cidade: Paraty Mirim, Heurística: 160.56670979058046, Latitude: -23.3112, Longitude: -44.7179
Cidade: Barra Grande, Heurística: 154.8742735835062, Latitude: -23.1006421, Longitude: -44.708458
 Cidade: Matariz, Heurística: 109.78218702995576, Latitude: -23.1161043, Longitude: -44.2586428
 Cidade: Itacuruçá, Heurística: 71.60593940312826, Latitude: -22.9278, Longitude: -43.9083
Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
 Distância do caminho: 618.50 KM
 Nós visitados: 10
 Nós expandidos: 9
 Profundidade máxima: 9
 Fator de ramificação médio: 12.33
 Tempo de execução: 0.0002 segundos
 -- Breadth-first search ---
Caminho encontrado:
  "São Paulo" -> "Terra Preta" = 48.220420790902054
"Terra Preta" -> "Guararema" = 72.8459431679534
  "Guararema" -> "Monteiro Lobato" = 64.94888858123736
  "Monteiro Lobato" -> "Lagoinha" = 106.76226252012572
  "Lagoinha" -> "Paraty Mirim" = 62.858940794185344
 "Paraty Mirim" -> "Barra Grande" = 30.00562580765776
"Barra Grande" -> "Matariz" = 71.03272457753395
  "Matariz" -> "Itacuruçá" = 54.52679658794589
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: São Paulo, Heurística: 357.00954093851504, Latitude: -23.5506507, Longitude: -46.6333824
 Cidade: Terra Preta, Heurística: 347.87813698114803, Latitude: -23.2624311, Longitude: -46.5888475
 Cidade: Guararema, Heurística: 294.55999796666833, Latitude: -23.4136776, Longitude: -46.0383744
 Cidade: Monteiro Lobato, Heurística: 269.3021008621721, Latitude: -22.9553542, Longitude: -45.8387146
 Cidade: Lagoinha, Heurística: 203.73749373545132, Latitude: -23.0898337, Longitude: -45.1903825
 Cidade: Paraty Mirim, Heurística: 160.56670979058046, Latitude: -23.3112, Longitude: -44.7179
 Cidade: Barra Grande, Heuristica: 154.8742735835062, Latitude: -23.1006421, Longitude: -44.708458
 Cidade: Matariz, Heurística: 109.78218702995576, Latitude: -23.1161043, Longitude: -44.2586428
 Cidade: Itacuruçá, Heurística: 71.60593940312826, Latitude: -22.9278, Longitude: -43.9083
 Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
 Distância do caminho: 618.50 KM
  Nós visitados: 112
 Nós expandidos: 111
 Profundidade máxima: 9
 Fator de ramificação médio: 12.06
  Tempo de execução: 0.0013 segundos
```

```
Opcão: 3
 -- Ordered search ---
Caminho encontrado:
  "Sāo Paulo" -> "Itaquaquecetuba" = 36.632546891931746
 "Itaquaquecetuba" -> "Jacareí" = 52.201851307226995
  'Jacareí" -> "Redenção da Serra" = 52.284814876348854
 "Redenção da Serra" -> "Lagoinha" = 47.540490266317555
 "Lagoinha" -> "Cunha" = 31.29156708843355
"Cunha" -> "Provetá" = 74.00979504899271
 "Provetá" -> "Praia de Araçatiba" = 4.701158846668013
 "Praia de Araçatiba" -> "Itacuruçá" = 59.449438297912096
  "Itacuruçá" -> "Rio de Janeiro" = 107.30206392275299
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: São Paulo, Heurística: 357.00954093851504, Latitude: -23.5506507, Longitude: -46.6333824
 Cidade: Itaquaquecetuba, Heurística: 327.20920641056, Latitude: -23.4754492, Longitude: -46.3514033
 Cidade: Jacareí, Heurística: 285.94661469628585, Latitude: -23.3050682, Longitude: -45.9723075
 Cidade: Redenção da Serra, Heuristica: 241.3450841783566, Latitude: -23.2803652, Longitude: -45.5345747
 Cidade: Lagoinha, Heurística: 203.73749373545132, Latitude: -23.0898337, Longitude: -45.1903825
 Cidade: Cunha, Heurística: 179.81523809103197, Latitude: -23.07753, Longitude: -44.9567436
 Cidade: Provetá, Heurística: 119.81771104990348, Latitude: -23.1801715, Longitude: -44.343257
 Cidade: Praia de Araçatiba, Heurística: 117.21384582367929, Latitude: -23.1536625, Longitude: -44.324056
 Cidade: Itacuruçá, Heurística: 71.60593940312826, Latitude: -22.9278, Longitude: -43.9083
 Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
 Distância do caminho: 465.41 KM
 Nós visitados: 243
 Nós expandidos: 242
 Profundidade máxima: 9
 Fator de ramificação médio: 11.88
 Tempo de execução: 0.0078 segundos
Opção: 4
 -- Depth search ---
Caminho encontrado:
  "São Paulo" -> "Terra Preta" = 48.220420790902054
"Terra Preta" -> "Guararema" = 72.8459431679534
 "Guararema" -> "Monteiro Lobato" = 64.94888858123736
 "Monteiro Lobato" -> "Lagoinha" = 106.76226252012572
 "Lagoinha" -> "Paraty Mirim" = 62.858940794185344
"Paraty Mirim" -> "Barra Grande" = 30.00562580765776
 "Barra Grande" -> "Matariz" = 71.03272457753395
  "Matariz" -> "Itacuruçá" = 54.52679658794589
 "Itacuruçá" -> "Rio de Janeiro" = 107.30206392275299
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: São Paulo, Heurística: 357.00954093851504, Latitude: -23.5506507, Longitude: -46.6333824
 Cidade: Terra Preta, Heurística: 347.87813698114803, Latitude: -23.2624311, Longitude: -46.5888475
 Cidade: Guararema, Heuristica: 294.55999796666833, Latitude: -23.4136776, Longitude: -46.0383744
 Cidade: Monteiro Lobato, Heurística: 269.3021008621721, Latitude: -22.9553542, Longitude: -45.8387146
 Cidade: Lagoinha, Heurística: 203.73749373545132, Latitude: -23.0898337, Longitude: -45.1903825
 Cidade: Paraty Mirim, Heuristica: 160.56670979058046, Latitude: -23.3112, Longitude: -44.7179
Cidade: Barra Grande, Heuristica: 154.8742735835062, Latitude: -23.1006421, Longitude: -44.708458
 Cidade: Matariz, Heurística: 109.78218702995576, Latitude: -23.1161043, Longitude: -44.2586428
 Cidade: Itacuruçá, Heurística: 71.60593940312826, Latitude: -22.9278, Longitude: -43.9083
Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
 Distância do caminho: 618.50 KM
 Nós visitados: 10
 Nós expandidos: 9
 Profundidade máxima: 9
 Fator de ramificação médio: 12.33
```

Tempo de execução: 0.0005 segundos

```
Opção: 5
-- Greedy search ---
Caminho encontrado:
  "São Paulo" -> "Arujá" = 53.310261118343576
 "Arujá" -> "Salesópolis" = 61.10725636493461
  "Salesópolis" -> "Caraguatatuba" = 55.5698984487595
 "Caraguatatuba" -> "Ubatuba" = 63.182383111873044
 "Ubatuba" -> "Paraty Mirim" = 53.382296873587926
"Paraty Mirim" -> "Provetá" = 52.11396863673662
"Provetá" -> "Mangaratiba" = 56.43626879154462
 "Mangaratiba" -> "Itacuruçá" = 18.272851232411323
  "Itacuruçá" -> "Rio de Janeiro" = 107.30206392275299
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: São Paulo, Heurística: 357.00954093851504, Latitude: -23.5506507, Longitude: -46.6333824
 Cidade: Arujá, Heurística: 322.316169036385, Latitude: -23.396266, Longitude: -46.3175449
 Cidade: Salesópolis, Heurística: 278.0980182166677, Latitude: -23.528805, Longitude: -45.84653
 Cidade: Caraguatatuba, Heuristica: 238.52443986820654, Latitude: -23.62028, Longitude: -45.41306
 Cidade: Ubatuba, Heurística: 200.17574814004536, Latitude: -23.433162, Longitude: -45.083415
 Cidade: Paraty Mirim, Heurística: 160.56670979058046, Latitude: -23.3112, Longitude: -44.7179
 Cidade: Provetá, Heurística: 119.81771104990348, Latitude: -23.1801715, Longitude: -44.343257
 Cidade: Mangaratiba, Heurística: 85.34749468801512, Latitude: -22.9600193, Longitude: -44.04111
 Cidade: Itacuruçá, Heurística: 71.60593940312826, Latitude: -22.9278, Longitude: -43.9083
 Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
 Distância do caminho: 520.68 KM
 Nós visitados: 10
 Nós expandidos: 9
 Profundidade máxima: 9
 Fator de ramificação médio: 12.33
 Tempo de execução: 0.0002 segundos
Opção: 6
 -- A* search ---
Caminho encontrado:
  "Sāo Paulo" -> "Itaquaquecetuba" = 36.63254689193<u>1</u>746
  "Jacareí" -> "Redenção da Serra" = 52.284814876348854
 "Redenção da Serra" -> "Lagoinha" = 47.540490266317555
"Lagoinha" -> "Cunha" = 31.29156708843355
 "Cunha" -> "Provetá" = 74.00979504899271
 "Provetá" -> "Praia de Araçatiba" = 4.701158846668013
"Praia de Araçatiba" -> "Itacuruçá" = 59.449438297912096
 "Itacuruçá" -> "Rio de Janeiro" = 107.30206392275299
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: São Paulo, Heurística: 357.00954093851504, Latitude: -23.5506507, Longitude: -46.6333824
 Cidade: Itaquaquecetuba, Heurística: 327.20920641056, Latitude: -23.4754492, Longitude: -46.3514033
 Cidade: Jacareí, Heurística: 285.94661469628585, Latitude: -23.3050682, Longitude: -45.9723075
 Cidade: Redenção da Serra, Heurística: 241.3450841783566, Latitude: -23.2803652, Longitude: -45.5345747
 Cidade: Lagoinha, Heurística: 203.73749373545132, Latitude: -23.0898337, Longitude: -45.1903825
 Cidade: Cunha, Heurística: 179.81523809103197, Latitude: -23.07753, Longitude: -44.9567436
 Cidade: Provetá, Heurística: 119.81771104990348, Latitude: -23.1801715, Longitude: -44.343257
 Cidade: Praia de Araçatiba, Heurística: 117.21384582367929, Latitude: -23.1536625, Longitude: -44.324056
Cidade: Itacuruçá, Heurística: 71.60593940312826, Latitude: -22.9278, Longitude: -43.9083
 Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
Estatísticas da busca:
 Distância do caminho: 465.41 KM
 Nós visitados: 813
 Nós expandidos: 812
 Profundidade máxima: 9
 Fator de ramificação médio: 8.44
 Tempo de execução: 0.0169 segundos
```

```
Opção: 7
-- IDA* search ---
aminho encontrado:
  "São Paulo" -> "São Bernardo do Campo" = 25.644524373157942
 "São Bernardo do Campo" -> "Jacareí" = 108.15376671324903
"Jacareí" -> "Caraguatatuba" = 103.612428785229
 "Caraguatatuba" -> "Pindamonhangaba" = 90.2410855592839
 "Pindamonhangaba" -> "Cunha" = 73.03784677606916
"Cunha" -> "Paraty" = 46.0190773815252
"Paraty" -> "Angra dos Reis" = 64.52832074944189
 "Angra<sup>*</sup>dos Reis<sup>**</sup> -> "Vila Muriqui" = 61.40349889830521
"Vila Muriqui" -> "Rio de Janeiro" = 115.94066739464755
Detalhes sobre as cidades no caminho:
 Cidade: São Paulo, Heurística: 357.00954093851504, Latitude: -23.5506507, Longitude: -46.6333824
 Cidade: São Bernardo do Campo, Heurística: 352.5214836650858, Latitude: -23.7080345, Longitude: -46.5506
 Cidade: Jacareí, Heurística: 285.94661469628585, Latitude: -23.3050682, Longitude: -45.9723075
 Cidade: Caraguatatuba, Heurística: 238.52443986820654, Latitude: -23.62028, Longitude: -45.41306
 Cidade: Pindamonhangaba, Heurística: 230.74049937009048, Latitude: -22.9364, Longitude: -45.4622602
 Cidade: Cunha, Heurística: 179.81523809103197, Latitude: -23.07753, Longitude: -44.9567436
 Cidade: Paraty, Heuristica: 157.85216249808727, Latitude: -23.2196461, Longitude: -44.7154196
Cidade: Angra dos Reis, Heuristica: 113.83224806066876, Latitude: -23.0063966, Longitude: -44.316326
 Cidade: Vila Muriqui, Heurística: 75.24690860339811, Latitude: -22.9202, Longitude: -43.944
 Cidade: Rio de Janeiro, Heurística: 0, Latitude: -22.9110137, Longitude: -43.2093727
statísticas da busca:
 Distância do caminho: 688.58 KM
 Nós visitados: 64
 Nós expandidos: 54
 Profundidade máxima: 9
 Fator de ramificação médio: 11.61
 Tempo de execução: 0.0006 segundos
```

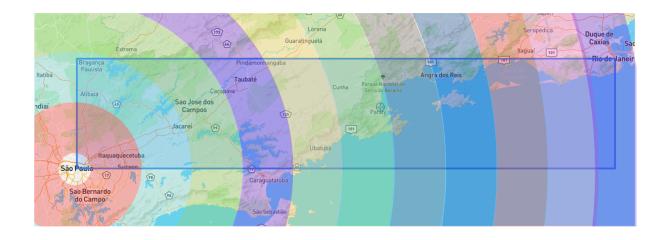
Dificuldades Encontradas

O principal desafio foi definir uma forma eficaz de **construir o grafo com cidades reais** mantendo-o **conexo**. Em um mapa real, é possível se deslocar entre quaisquer cidades por terra, água ou ar.

Assim, a solução adotada foi **delimitar uma área** entre as cidades de origem e destino (via bounding box), com uma **margem de erro controlada**, e capturar todas as cidades dentro dessa região.



Em seguida, as cidades foram organizadas em **níveis de proximidade**, a partir da cidade de origem até a cidade de destino. Cada cidade de um determinado nível é conectada a todas as cidades do **nível seguinte**, formando um grafo acíclico e conexo, conforme ilustrado na imagem abaixo:



Links e sites utilizados:

bboxfinder

<u>Distância entre duas cidades</u>

<u>Documentação do código</u>