

VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ

BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY

FAKULTA INFORMAČNÍCH TECHNOLOGIÍ FACULTY OF INFORMATION TECHNOLOGY

ÚSTAV INTELIGENTNÍCH SYSTÉMŮ
DEPARTMENT OF INTELLIGENT SYSTEMS

SYSTÉM PRE PODPORU OPTIMALIZÁCE SIETE MESTSKEJ HROMADNEJ DOPRAVY

SYSTEM FOR SUPPORTING THE OPTIMIZATION OF URBAN PUBLIC TRANSPORT NETWORK

BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

BACHELOR'S THESIS

AUTOR PRÁCE

LUKÁŠ KATONA

AUTHOR

VEDOUCÍ PRÁCE

doc. Ing. FRANTIŠEK ZBOŘIL, Ph.D.

SUPERVISOR

BRNO 2025



Zadání bakalářské práce



Ústav: Ústav inteligentních systémů (UITS)

Student: Katona Lukáš

Program: Informační technologie

Název: Systém pro podporu optimalizace sítě městské hromadné dopravy

Kategorie: Umělá inteligence

Akademický rok: 2024/25

Zadání:

- 1. Prostudujte problematiku vytváření sítě městské hromadné dopravy, její modelování a její optimalizace pro města do půl milionu obyvatel.
- 2. Pro město velikosti krajského města České republiky získejte nebo odhadněte data, ze kterých sestavte model zdejší městské hromadné dopravy.
- 3. Seznamte se s řešeními, které pro optimalizaci takové sítě používají metody umělé inteligence.
- 4. Vytvořte prostředí, které bude sloužit k modelování a optimalizaci takové sítě.
- 5. Na vhodně zvolených příkladech ověřte fungování vašeho systému a diskutujte dosažené výsledky.

Literatura:

- Kate Han, Lee A. Christie, Alexandru-Ciprian Zăvoianu, and John McCall. 2021. Optimising the
 introduction of connected and autonomous vehicles in a public transport system using macro-level
 mobility simulations and evolutionary algorithms. In Proceedings of the Genetic and Evolutionary
 Computation Conference Companion (GECCO '21). Association for Computing Machinery, New
 York, NY, USA, 315–316.
- Yentl Van Tendeloo and Hans Vangheluwe. 2018. Discrete event system specification modeling and simulation. In Proceedings of the 2018 Winter Simulation Conference (WSC '18). IEEE Press, 162–176.

Při obhajobě semestrální části projektu je požadováno: První dva body zadání.

Podrobné závazné pokyny pro vypracování práce viz https://www.fit.vut.cz/study/theses/

Vedoucí práce: Zbořil František, doc. lng., Ph.D.

Vedoucí ústavu: Kočí Radek, Ing., Ph.D.

Datum zadání: 1.11.2024
Termín pro odevzdání: 14.5.2025
Datum schválení: 31.10.2024

Abstrakt

Cieľom tejto práce je optimalizácia mestskej hromadnej dopravy, konkrétne časového rozpisu jednej linky. Zmyslom tohto textu je popis celého riešenia daného problému, od analýzy až po výsledný systém. Informácie získané priamo z Dopravného podniku mesta Brno boli využité na zostrojenie simulačného modelu jednej linky mestskej hromadnej dopravy. Pomocou tohto modelu a genetického algoritmu sa systém pokúsi nájsť najoptimálnejší časový rozpis danej linky. Súčasťou práce je aj nástroj s používateľským rozhraním, ktorý je možné v praxi použiť na analýzu a optimalizáciu terajších časových rozpisov jednotlivých liniek. Nástroj poskytuje širokú škálu rôznych vstupov, ktorými môže analytik obmedziť isté vlastnosti výsledného rozpisu. Vďaka tomuto nástroju by sa mala práca analytikov, ktorí majú nastarosť správu a vytváranie liniek, výrazne zjednodušiť a zvýšiť tak efektivitu meskej hromadnej dopravy.

Abstract

The aim of this work is the optimization of urban public transport, specifically the timetable of one line. The purpose of this text is to describe the entire solution of the given problem, from analysis to the resulting system. Information obtained directly from the Brno Public Transport Company was used to construct a simulation model of one urban public transport line. Using this model and a genetic algorithm, the system will attempt to find the most optimal timetable for the given line. Part of this work is a tool with a user interface that can be used in practice to analyze and optimize the current timetables of individual lines. The tool provides a wide range of different inputs that an analyst can use to restrict certain properties of the resulting timetable. Thanks to this tool, the work of analysts who are responsible for managing and creating lines should be significantly simplified and thus increase the efficiency of urban public transport.

Kľúčové slová

optimalizácia, mestská hromadná doprava, algoritmy inšpirované prírodou, genetický algoritmus, simulácia, DEVS

Keywords

optimization, urban public transport, nature-inspired algorithms, genetic algorithm, simulation, DEVS

Citácia

KATONA, Lukáš. Systém pre podporu optimalizáce siete mestskej hromadnej dopravy. Brno, 2025. Bakalářská práce. Vysoké učení technické v Brně, Fakulta informačních technologií. Vedoucí práce doc. Ing. František Zbořil, Ph.D.

Systém pre podporu optimalizáce siete mestskej hromadnej dopravy

Prehlásenie

Prehlasujem, že som túto bakalársku prácu vypracoval samostante pod vedením pána doc. Ing. Františka Zbořila Ph.D. Ďalšie informácie mi poskytol pán Dr. Ing. Petr Peringer z jeho prezentácií predmetov IMS a SNT a pán Michael Kříž z Dopravného podniku mesta Brno. Uviedol som všetky literárne zdroje, publikácie a ďalšie zdroje, z ktorých som čerpal.

Lukáš Katona 13. apríla 2025

Poďakovanie

Rád by som poďakoval pánovi Zbořilovi za jeho cenné rady a konzultácie, hlavne zo strany optimalizácie a algoritmov z odvetvia umelej inteligencie. Pánovi Křížovi by som rád poďakoval za jeho čas a ochotu poskytnúť informácie o fungovaní MHD v Brne a zároveň za jeho pripomienky z pohľadu možného používatela systému. Nakoniec by som chcel poďakovať môjmu priatelovi Danovi Valníčkovi a jeho starému otcovi za to, že mi vybavili kontakt na pána Kříže a tým umožnili získať potrebné informácie o riešenom probléme priamo z prvej ruky.

Obsah

1	$\acute{\mathbf{U}}\mathbf{vod}$	3
2	Teoretická časť 2.1 DEVS - Descrete Event Simulation System	5
3	Relevantné vlastnosti mestskej hromadnej dopravy 3.1 Konzultácia s analytikom Dopravného podniku	6
4	Simulačný model linky mestskej hormadnej dopravy 4.1 Popis simulačného modelu	8 12 13
5	Optimalizácia časového rozpisu linky mestskej hormadnej dopravy 5.1 Vstupné obmedzenia zo strany používateľa	18 18 18
6	Experimenty 6.1 Experiment s krátkou trasou a krátkym vozidlom	19 20 21 22 23
7	Záver	2 4
Li	teratúra	25
\mathbf{A}	Programová dokumentácia	26
В	Experiment s krátkou trasou a krátkym vozidlom	27
\mathbf{C}	Experiment s krátkou trasou a dlhým vozidlom	29
D	Experiment s dlhou trasou a krátkym vozidlom	31
\mathbf{E}	Experiment s dlhou trasou a dlhým vozidlom	33

Zoznam obrázkov

Schéma simulačného modelu	8
Stavový automat modelu zastávky	10
Stavový automat modelu vozidla	11
Počet cestujúcich, ktorí prišli na zastávku v jednotlivých hodinách	15
Počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke v jednotlivých hodinách	15
Počet cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj v jednotlivých hodinách .	16
Čas, ktorý cestujúci strávili čakaním na zastávke v jednotlivých hodinách .	16
Priemerná naplnenosť vozidla na jednotlivých zastávkach	17
	~=
Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu	27
Priemerný čas strávený čakaním za hodinu	27
Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu	29
Priemerny cas straveny cakanim za nodinu	29
Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu	31
	31
Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu	33
Priemerný čas strávený čakaním za hodinu	33
	Stavový automat modelu vozidla

$\mathbf{\acute{U}vod}$

Mestskú hromadnú opravu využíva takmer každý človek a preto sa oplatí pracovať na jej efektivite. Zmyslom tejto práce je nazrieť do problematiky vytvárania a správy jednotlivých liniek mestksej hromadnej dopravy, ich analýze a optimalizácie. Ďalej vytvoriť nástroj, ktorý pomôže analytikom pri vytváraní nových liniek alebo optimalizácii existujúcich. Tento nástroj popísať a otestovať na reálnych dátach. Výsledkom celej práce by teda malo byť teoretické zefektívnenie mestskej hromadnej dopravy.

Ludia odnepamäti nachádzjú inspiráciu pre svoje vynálezy v prírode a tomuto trendu neunikla ani informatika, ktorá má od prírody zo všetkých oborov asi najďalej. Algoritmy inšpirované prírodov prinášaju riešenia na problémy, ktoré by sme inými spôsobmi vedeli vyriešiť len za nereálne dlhý čas. Táto časť informaiky ma veľmi zaujala a preto som sa rozhodol nájsť ďalšie využitie pre jeden z týchto algoritmov. Tieto algoritmy sa používajú pre komplexné problémy s veľkým množstvom navzájom sa ovplyvňujúcich premenných. Jedným z takýchto problémov možu byť optimalizácie rôznych systémov.

Mestská hromadná doprava je systém, ktorý je pre mnoho ľudí veľmi dôležitý, preto sa oplatí investovať čas a námahu do jeho optimalizácie. Keďže aj mne je problém s dlhým čakaním na zastávke alebo preplneným autobusm blízky, rozhodol som sa venovať sa práve jemu.

Cieľom tejto práce je vytvoriť nástroj, ktorý za pomoci genetického algoritmu a používateľských obmedzení nájde čo najoptimálnejší časový rozpis jednej linky mestskej hromadnej dopravy. Zároveň sa tento nástroj bude dať použiť na analýzu už existujúcich rozpisov a ich porovnanie s novými riešeniami. Nástroj bude mať uživateľské rozhranie pre rýchlu manipuláciu so vstupnými dátami a prehľadné zobrazenie výsledkov.

Práca je rozdelená na 8 kapitol vrátane úvodu a záveru, z toho najdoležitejšie sú kapitoly 3 až ??.

Po tomto úvode následuje kapitola 2, v ktorej sú vysvetlené základné pojmy potrebné na porozumenie celej práce. Optimalizácia jednotlivých rozpisov pracuje so simulačným modelom, preto je potrebné poznať základy simulácií. V zhľadom sa systém mestksej hromadnej dopravy, konkrétne príchody vozidiel na zastávky bola zvolená diskrétna simulácia riadená udalosťami. Ďalej je v tejto kapitole vysvetlený genetický algoritmus, jeden z algoritmov inšpirovaných prírodov, ktorý bol zvolený na riešenie problému optimalizácie.

Na zostrojenie simulačného modelu treba najprv vyhodnotiť, ktoré vlastnosti reálneho systému sú pre nás relevantné. V kapitole 3 je popísaná konzultácia s analytikom Dopravného podniku mesta Brno, ktorý poskytol informácie z reálneho života. Popísal postupy a metódy, ktoré sa používajú pre optimalizáciu liniek teraz a vytýčil vlastnosti na ktoré je potrebné sa zamerať.

Zo získaných informácií bol vytvorený simulačný model, ktorého popis, stručné zhrnutie implementácie a jednotlivé experimenty s ním sú popísané v kapitole 4. Výstupy simulačného modelu sú základom pre optimalizáciu časového rozpisu linky. Ide o sériu grafov, na ktorých môže používateľ vidieť vyťaženosť linky v priebehu dňa a naprieč zastávkami. Tieto informácie poslúžili k validácii simulačného modelu a na ohodnotenie jednotlivých rozpisov.

V kapitole 5 je popísaný proces optimalizácie časového rozpisu linky mestskej hromadnej dopravy. Jednotlivé rozpisy ohodnotené na základe informácií získaných zo simulácie sa použijú ako jedinci v genetickom algoritme. Genetický aloritmus bude tieto rozpisy spájať a mutovať, aby našiel čo najlepšie riešenie. Výsledky optimalizácie budú porovnané s pôvodnými rozpismi a ohodnotené.

Samotný program by v praxi nebol moc použiteľný bez používateľského rozhrania. V kapitole ?? je popísaný návrh a implementácia uživateľského rozhrania analytického nástroja. Tento nástroj umožňuje používateľovi jednoducho zadať vstupné dáta, spustiť optimalizáciu a zobraziť výsledky. Jednou z najdôležitejších častí tohto rozhrania je zadávanie používateľských obmedzení, ktoré musí výsledny časový rozpis splňovať.

Predposlednou kapitolou je kapitola 6, ktorá sa zaoberá testovaním optimalizácie a simulačného modelu. Na konci tejto kapitoly sa nachádza spätná väzba od analytika, ktorý poskytol informácie o reálnom systéme, a to z pohľadu možného budúceho používateľa tohto nástroja.

V závere práce 7 je uvedené zhrnutie výsledkov a možné budúce rozšírenia a vylepšenia nástroja.

Teoretická časť

- ${\bf 2.1}\quad {\bf DEVS Descrete\ Event\ Simulation\ System}$
- 2.2 Genetický algoritmus

Relevantné vlastnosti mestskej hromadnej dopravy

Optimalizácia mestskej hromadnej dopravy je veľmi široký pojem a tento úkon sa dá previesť v mnoho rôznych smeroch. Preto je dôležité vybrať si tú časť systému, na ktorej sa oplatí pracovať. Pre toto rozhodnutie sú potrebné informácie o reálnom systéme, doterajších postupoch, spôsoboch analýzy a optimalizácie.

3.1 Konzultácia s analytikom Dopravného podniku

Pre získanie potrebných informácií som sa obrátil na pána Michaela Kříže, analytika Dopravného podniku mesta Brno. Stretnutie s pánom Křížom prebehlo 7. 10. 2024 v priestoroch dopravného podniku. Vďaka získaným informáciam som sa rozhodol zamerať na analýzu a optimalizáciu časového rozpisu jednej linky mestskej hromadnej dopravy. Optimalizovať viac ako jednu linku naraz by pravdepodobne prinieslo lepšie výsledky, ale to len teoreticky. V praxi by sa to z finančných a časových dôvodov neoplatilo. Zhodli sme sa na tom, že najlepšie bude optimalizovať jednu linku a to iba jedným smerom, pretože druhý smer linky sa dá považovať za samostatnú linku, minimálne v rámci nárokov cestujúcich.

3.2 Získané informácie

Informácie, ktoré sú dôležité pre analýzu a optimalizáciu časového rozpisu linky mestskej hromadnej dopravy sú:

- Počet zastávok potrebné pre zostavenie samotného rozpisu aj simulačného modelu, nie je dôležitý len počet, ale aj informácie o jednotlivých zastávkach.
- Čas potrebný na prejdenie od jednej zastávky k druhej tiež je to súčasťou
 rozpisu, zároveň sa touto informáciou riadi plánovanie udalostí v simulačnom modeli,
 viac v kapitole 4.
- Počet odchodov vozidla z jeho prvej zastávky za celý deň týmto sa myslí celkový počet vozidiel, respektíve ciest ktoré vozidlá danej linky za deň absolvujú, tento parameter je dôležitý pre optimalizáciu, pre dopravný podnik je výhodné mať čo najmenší počet vozidiel, ktoré sú v prevádzke, šetrí to palivo, údržbu aj ľudské zdroje.

- Počet odchodov vozidla z jeho prvej zastávky za hodinu myslí sa tým jeden
 riadok v časovom rozpise, mal by byť priamo úmerný priemernému počtu cestujúcich
 čakajúcich na danú linku v danej hodine.
- Počet cestujúcich čakajúcich na jednotlivých zastávkach najdôležitejší parameter pre optimalizáciu, časový rozpis musí dostatočne uspokojiť potreby všetkých cestujúcich, zároveň je ťažké získať presné hodnoty. Pri reálnom použití by sa mala spraviť štúdia ktorá by tieto hodnoty získala. Na návrh pána Kříže som na testovacie účely použil hodnoty, ktoré sú úmerné počtu odchádzajúcich vozidiel v hodine a kapacite vozidiel, povedal, že linky v Brne sú už celkom dobre naplánované a preto by mali byť tieto hodnoty približne správne. Jedná sa o nemenný vstup optimalizácie, ktorému sa má časový rozpis prispôsobiť, preto je teoreticky jedno aké hodnoty budú do systému zadané.
- Doba čakania na zastávke druhý z parametrov podstatných pre optimalizáciu, systém by mal zostrojiť taký rozpis, kedy je celková doba čakania všetkych cestujúcich čo najmenšia.
- Počet cestujúcich vo vozidie tretí dôležitý parameter pre optimalizáciu, vysoká
 preplnenosť vozidla má za dôsledok nekomfortné cestovanie, na druhej strane, príliš
 prázdne vozidlo je neefektívne využité zo strany dopravného podniku.
- Kapacita vozidla každé vozidlo prenesie naraz len isté množstvo cestujúcich, zároveň sa od preplnenosti vozidla odvíja komfort cestujúcich.
- Počet cestujúcich, ktorí nenásúpia kvôli preplnenosti vozidla v extrémnych prípadoch može nastať, že bude vozidlo úplne plné a zvyšní cestujúci musia na zastávke čakať do príchodu ďalšieho vozidla, rozpisy pri ktorých sa toto bude diať budú veľmi negatívne ohodnocované aby sa táto zlá vlastnosť čo najviac eliminova, viac v kapitole o optimalizácii 5.
- Počet vystupujúcich cestujúcich na jednotlivých zastávkach tento parameter je potrebný pre simuláciu, keďže do vozidla s istou kapacitou priebežne nastupuje veľa cestujúcich, musia z neho aj vystupovať, získanie presných hodnôt je ešte ťažšie ako pri predošlých parametroch, preto som sa rozhodol každej zastávke prideliť koeficient dôležitosti, ktorý bude určovať aký podiel cestujúcich vystúpi na danej zastávke. Na prvej zastávke je tento koeficient 0, keďze na nej cestujúci iba nastupojú, na poslednej zastávke je koeficient 1, keďže na nej cestujúci iba vystupujú a na zastávkach medzi nimi sa koeficient mení podľa toho aký podiel cestujúcich na danej zastávke priemerne vystupuje, prestupné zastávky budú mať vyšší koeficient ako tie, ktoré cestujúcich len zbierajú.

Po vytvorení simulačného modelu a implementacii optimalizácie som za pánom Krížom prišiel druhýkrát, ukázať mu výsledky, získať spätnú väzbu a zistiť jeho požiadavky na používateľské rozhranie tohto nástroja.

TODO navštíviť ho ešte raz a ukázať mu návrh uživateľského rozhrania.

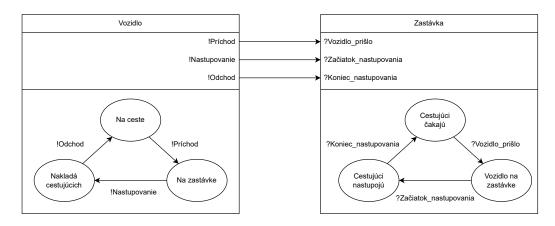
Simulačný model linky mestskej hormadnej dopravy

Druhým hlavným krokom po získaní potrebných informácií je zostrojenie simulačného modelu. Problém optimalizácie časového rozpisu linky mestskej hromadnej dopravy je veľmi komplexný a vytvoriť program ktorý by ho riešil analyticky by bolo veľmi náročné. Na modelovanie bol použitý formalizmus DEVS (Descrete Event Symulation System), po slovensky diskrétna simulácia riadená udalosťami. Ide o typ simulácie, kde sa modelový čas posúva skokovo a to od jednej udalosti k druhej. Viac o tomto formalizme je napísané v kapitole 2.

4.1 Popis simulačného modelu

Na začiatok je potrebné definovať základné prvky modelu (viď obrázok 4.1), ich stavy a vzťahy medzi nimi. Simulačný model je zložený z troch hlavných častí, tými sú:

- Kalendár udalostí dôležitý pre plánovanie udalostí v modeli
- Model zastávky dôležitý pre príchod a odchod cestujúcich
- Model vozidla dôležitý pre prepravu cestujúcich medzi zastávkami



Obr. 4.1: Schéma simulačného modelu

V simulácii sa budú nachádzať viaceré inštancie modelu zastávky, každá reprezentujúc jednu zastávku na linke. Vozidiel bude taktiež viacero, neberieme do úvahy fizcké vozidlá a fakt, že v reálnom živote sa tieto vozidlá na linke v priebehú dňa niekoľkokrát otočia. Dôležitá je trasa, ktorú prejdu, preto jedna inštancia modelu vozidla reprezentuje jednu cestu, ktorú vozidlo prejde. Cestujúcich v modeli nie je potrebné reprezentovať ako samostatný model, sú reprezentovaní len jedným číslom, časom kedy prišli na zastávku. Sú súčasťou modelu zastávky, konkrétne tej na ktorej čakajú.

Kalendár udalostí

Kalendár udalostí je základným prvkom modelu, ktorý riadi priebeh simulácie. V kalendári sú uložené všetky udalosti, ktoré sa majú v modeli stať. Tieto udalosti sú v prípade tohto modelu príchody vozidiel na zastáky. V rámci jednej udalosti sa vykoná rutina obslúženia cestujúcich čakajúcich na zastávke. Všetky udalosti sú naplánované na začiatku simulácie, pretože vďaka časovému rozpisu presne vieme všetky príchody vozidiel na jednotlivé zastávky. Príchody na prvú zastávku sú dané hlavným časovým rozpisom, príchody na ostatné zastávky sú odvodené od času potrebného na prejdenie z jednej zastávky na druhú. Pseudokód plánovania udalostí je uvedený v algoritme 1. V priebehu simulácie už netreba žiadne ďalšie udalosti plánovať.

Algoritmus 1: Plánovanie udalostí

- 1: for čas v časovom rozpise počiatočnej zastávky do
- 2: Vytvorí sa vozidlo
- 3: **for** zastávka na linke **do**
- 4: Pridá sa udalosť príchodu vozidla na danú zastávku
- 5: end for
- 6: end for

Po naplánovaní všetkých udalostí sa začne simulácia. Postupne sa vykonávajú jednotlivé udalosti a simulácia sa diskrétne posúva vpred, až kým nie je kalendár udalostí prázdny alebo nie je dosiahnutý koncový čas simulácie. Pseudokód riadenia simulácie je popísaný v algoritme 2.

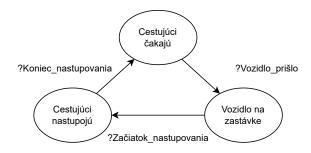
Algoritmus 2: Simulácia riadená udalosťami

- 1: while kalendár udalostí nie je prázdny do
- 2: Vyberie sa udalosť s najmenším časom v kalendári
- 3: Udalosť sa odstráni z kalendára
- 4: if čas udalosti > koncový čas simulácie then
- 5: Simulácia končí
- 6: end if
- 7: Modelový čas sa nastaví na čas udalosti
- 8: Udalosť sa vykoná
- 9: end while

Pre potreby časového rozpisu stačí simulovať jeden deň, v prípade rôznych rozpisov v čase pracovnýh dní a v čase sviatkov a víkendov ide o kompletne iný rozpis, ktorý sa musí simulovať a optimalizovať samostatne. Všetky naplánované udalsti by mali byť v rámci jedného dňa, preto by simulácia mala končiť vždy vyprázdnením kalendára udalostí a nie prekročením koncového času.

Model zastávky

Model zastávky slúži na reprezentáciu jednotlivých zastávok na linke. Každá reálna zastávka je v systéme ako samostatná inštancia modelu zastávky. Je pasívna, to znamená, že jej vnútorný stav sa plne odvíja od prichádzajúcich vonkajších signálov.



Obr. 4.2: Stavový automat modelu zastávky

Ako je vidieť na obrázku 4.2, model zastávky má tri stavy:

- Cestujúci čakajú na zastávke nie je žiadne vozidlo
- Vozidlo na zastávke na zastávku práve prišlo vozidlo
- Cestujúci nastupojú cestujúci nastupujú do vozidla

Dôletitejšie sú však vstupné signály, ktorími je celý stavový automat riadený. Zároveň sa pri prechodoch medzi stavmi vykonávajú akcie pre obsluhu cestujúcich.

Vstpný signál **?Vozidlo_prišlo** mení vnútorný stav zastávky z **Cestujúci čakajú** na **Vozidlo na zastávke**. Taktiež s vypočíta dĺžka intervalo medzi posledným príchodom vozidla a terajším príchodom. Tento údaj slúži pre vygenerovanie prichádzajúcich cestujúcich.

Vstupný signál **?Začiatok_nastupovania** mení vnútorný stav zastávky z **Vozidlo** na zastávke na **Cestujúci nastupujú**. Pri tomto prechode sa vygenerujú časi všetkých cestujúcich, ktorí prišli od posledného príchodu vozidla.

Vstupný signál **?Koniec_nastupovania** mení vnútorný stav zastávky z **Cestujúci nastupujú** na **Cestujúci čakajú**. Prepíše sa čas posledného príchodu vozidla.

Generovanie cestujúcich

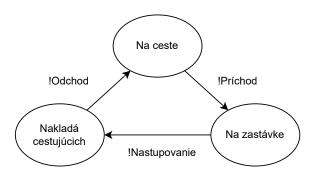
Cestujúci sa generujú na základne exponenciálneho rozdelenia s parametrom λ . Tento parameter je v rámci jednej zastávky každú hodinu iný, pretože počet prichádzajúcich cestujúcich sa v priebehu dňa mení. V algoritme 3 je popísaný proces generovania cestujúcich na zastávke.

Algoritmus 3: Generovanie cestujúcich

- 1: získanie λ pre danú zastáku a hodinu
- 2: **while** modelový čas < čas príchodu autobusu **do**
- vygenerovanie času príchodu cestujúceho
- 4: pridanie cestujúceho do fronty
- 5: zmena modelového času na čas príchodu cestujúceho
- 6: end while

Model vozidla

Každé vozidlo, respektíve jedna trasa ktorú vozidlo podľa časového rozpisu prejde, je reprezentovaná jednou inštanciou modelu vozidla. Model vozidla je na rozdiel od modelu zastávky aktívnym prvkom, nemá žiadne vstupné signály, iba výstupné. Tieto výstupné signály sú prepojené so vstupnými signálmi modelu zastávky ako je vidieť na obrázku 4.1.



Obr. 4.3: Stavový automat modelu vozidla

Na obrázku 4.3 je vidieť stavový automat modelu vozidla. Model vozidla má tri stavy:

- Na ceste vozidlo sa pohybuje medzi zastávkami
- Na zastávke vozidlo práve prišlo na zastávku
- Nakladá cestujúcich vozidlo nakladá cestujúcich

Výsupný signál **!Príchod** mení vnútorný stav vozidla z **Na ceste** na **Na zastávke**. Pri tomto prechode vystúpia cestujúci podľa koeficientu zastávky na ktorú vozidlo práve prišlo. Napríklad ak je vo vozidle 100 cestujúcich a koeficient zastávky je 0.7, pretože sa jedná o prestupnú zastávku, vystúpi 70 cestujúcich.

Výstupný signál !Nastupovanie mení vnútorný stav vozidla z Na zastávke na Nakladá cestujúcich. Zastávka, na ktorej sa vozidlo práve nachádza tento signál zachytí a vygeneruje nových cestujúcich. Pokiaľ to dovoluje kapacita vozidla, všetci cestujúci nastúpia. V opačnom prípade nastúpia len tí, ktorí prišli skôr a tí čo prišli neskôr musia ostať čakať na ďalšie vozidlo.

Výstupný signál !Odchod mení vnútorný stav vozidla z Nakladá cestujúcich na Na ceste. Informuje sa príslušná zastávka a nič viac sa pri tomto prechode nevykonáva.

Obsluha zastávky

Každé vozidlo začina na prvej zastávke v rozpise, ale počas simulácie sa musí pohybovat medzi zastávkami. Proces ktorý vozidlo vykoná pri príchode na každú zastávku je popísaný v algoritme 4.

Algoritmus 4: Obsluha zastávky

- 1: prepojenie výstupných signálov vozidla so vstupnými signálmi zastávky
- 2: aktivácia výstupného signálu !Príchod
- 3: aktivácia výstupného signálu !Nastupovanie
- 4: aktivácia výstupného signálu !Odchod

Udalosť príchodu vozidla na zastávku

V rámci jednej udalosti sa vykoná rutina obslúženia cestujúcich, ktorí čakajú na zastávke. Táto rutina je popísaná v algoritme 4. Parametre tejto udalosti sú:

- Čas príchodu čas, kedy vozidlo prichádza na zastávku
- Zastávka zastávka, na ktorej sa udalosť vykonáva
- Vozidlo vozidlo, ktoré prichádza na zastávku

Vozidlo začína udalosť v stave **Na ceste**, príde na zastávku uvedenú v parametri udalosti, vykoná rutinu nástupu a výstupu cestujúcich a odíte na ďalšiu zastávku. Za jednu udalosť teda vozidlo prejde všetkými svojimi vnútorným stavmi, udalosť končí v opaäť v stave **Na ceste**. Zastávka ktorá je uvedená v parametri udalosti tiež prejde všetkými svojimi vnútornými stavmi na základe posielaných signálov od vozidla.

4.2 Implementácia simulačného modelu

Simulačný model je implementovaný v jazyku Python bez využitia externých knižníc. Trieda EventCalendar obsahuje kód základných operácií nad kalendárom udalostí:

- isEmpty() vráti True ak je kalendár udalostí prázdny, inak False
- addEvent(event) pridá udalosť do kalendára
- getNextEvent() vráti udalosť s najmenším časom v kalendári a odstráni ju z kalendára

Trieda Event reprezentuje jednu udalosť. Obsahuje:

- metóda __call__() vykoná akciu
- atribúty action a actionArgument

len metódu __call__(), ktorá vykoná udalosť uloženú v atribúte action s argumentami volania uloženými v actionArgument.

Modelový čas je implementovaný v triede Simulation. Obsahuje:

- metódy forward(time) a getHour()
- atribúty startTime, currentTime a endTime

Trieda BusStop reprezentuje jednu zastávku, rovnako tak trieda Bus reprezentuje jedno vozidlo. Tieto dve triedy sú písané podľa vzoru DEVS formalizmu. Obsahujú stavy, vstupné a výstupné signály a metódy, v ktorých sa nachádzjú akcie pre jednotlivé prechody medzi stavmi. Cestujúci sú uložení ako pole čisel, časov ich príchodu, v jednotlivých zastávkach v atribúte waitingPassengersArrivalTimes.

Na generovanie náhodného príchodu cestujúcich slúži trieda RandomNumberGenerator, ktorá obsahuje statické metódy na generovanie náhodných čísel.

Zber a agregácia štatistík (viď kapitola 4.3) sú implementované v triedach Statistics, BusStatistics a BusStopStatistics.

Podrobnejšie informácie o kóde sa nachádzajú v programovej dokumentácii, v prílohe A. Programová dokumentácia bola vygenerovaná pomocou nástroja Sphynx.

4.3 Výstupy simulačného modelu

Hlavný zmisel simulácie je zber informácií, ktoré by sme inak museli získať z pozorovania reélnej prevádzky linky. Efektivitu každého jedného časového rozpisu, ktorý program vytvorí je potrebné otestovať a ohodnotiť aby sme našli ten najlepší z nich, skôr ako ho začneme používať v reálnej prevádzke. Na ohodnotenie jednotlivých rozpisov slúžia štatistiky získané počas simulácie. Štatistiky sa zbierajú pre každú zastávku aj pre každý autobus osobitne. Následne sa agregujú do jednoho objektu Statistics, ktorý obsahuje:

- totalNumberOfBuses počet spojov v priebehu dňa na linke
- busStopStatistics agregované štatistiky zastávok
- busStatistics agregované štatistiky vozidiel

Trieda busStopStatistics slúži na ukladanie informácii o jednotlivých zastávkach, ale ako bolo spomenuté vyššie tak aj na uloženie agregovaných dát. Táto trieda slúži na zber následujúcich informácií:

- totalPassengersArrived počet cestujúcich, ktorí prišli na zastávku za celý deň
- totalPassengersDeparted počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke za celý deň
- totalPassengersLeftUnboarded počet cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj
- totalTimeSpentWaiting celkový čas, ktorý cestujúci strávili čakaním na zastávke
- totalPassengersLeftUnboarded počet cestujúcich, ktorých po celom dni nezobral žiaden spoj
- passengersArrivedPerHour počet cestujúcich, ktorí prišli na zastávku v jednotlivých hodinách
- passengersDepartedPerHour počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke v jednotlivých hodinách
- passengersLeftUnboardedPerHour počet cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj v jednotlivých hodinách
- timeSpentWaitingPerHour čas, ktorý cestujúci strávili čakaním na zastávke v
 jednotlivých hodinách

Trieda busStatistics má rovnaký účel ako trieda busStopStatistics, ale pre vozidlá. Zbiera informácie:

- capacity kapacita vozidla
- averageLoad priemerná naplnenosť vozidla
- averageLoadInPercent priemerná naplnenosť vozidla v percentách
- loadPerBusStop naplnenosť vozidla na jednotlivých zastávkach
- loadInPercentPerBusStop naplnenosť vozidla na jednotlivých zastávkach v percentách

Počet spojov v priebehu dňa na linke

Tento údaj slúži pre optimalizáciu, z pohľadu dopravného podniku chceme, aby bol pocet spojov čo najmenší aby ušetrili na prevádzkových nákladoch. Z pohľadu cestujúcich chceme aby bol počet spojov čo najväčší, aby nemuseli čakať na spoj dlhšie ako je nutné. Je potrebné nájsť kompromis medzi týmito dvoma extrémami.

Počet cestujúcich, ktorí prišli na zastávku za celý deň

Celkový počet cestujúcich za deň je dobrím indikátorom toho, ako sú namáhané jednotlivé časti linky. V prípadoch, kedy na zastávky v strede trasy prichádza oveľa viac cestujúcich ako na koncové zastávky, posilňuje dopravný podnik práve túto strednú časť ďalšími spojmi. Tieto spoje však na koncové zastávky už nechodia.

Počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke za celý deň

Je potrebné aby sme v rámci simulácie rátali aj s cestujúcimi, ktorí z vozidiel vystupujú, inak by sa kapacita vozidla hneď naplnila. Ide o dôležitú časť reálneho systému, ktorú nemôžeme zanedbať ani pri simulácii. Slúži na validáciu modelu.

Počet cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj

Občas sa stane, že je vozidlo tak preplnené, že nie všetci cestujúci, ktorí čakali na zastávke do neho nastúpia. V reálnom živote ide asi o subjektívny pocit, či nastúpiť alebo nie. V simulačnom modeli cestujúci prestanú nastupovať v momente keď naplnenosť vozidla dosiahne jeho maximálnu kapacitu. Rozpisy, pri ktorých sa tento jav vyskytne budú mať horšie hodnotenie.

Celkový čas, ktorý cestujúci strávili čakaním na zastávke

Z pohľadu optimalizácie chceme, aby bol tento čas čo najnižší. Príliš dlhé čakanie na zastávke bude rozpisy ohodnocovať negatívne. V prípade, že cestujúci musel čakať na ďalší spoj, tento šas bude ešte dlhší. Treba rátať aj s cestujúcimi, ktorí na zastávku prídu tesne pred odchodom vozidla. Napríklad ak chodí spoj dvakrát za hodinu, je oveľa vyššia pravdepodobnosť, že cestujúci nepríde v náhodný čas, ale svoj príchod na zastávku si naplánuje.

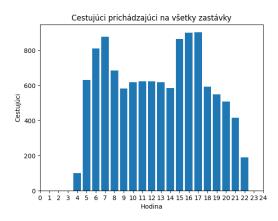
Počet cestujúcich, ktorých po celom dni nezobral žiaden spoj

Podobne ako v prípade cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj, aj týchto cestujúcich by sme mali rátať a rozpis by mal byť ohodnotený veľmi negatívne. Tento jav by mohol v reálnom svete nastať asi iba ak by cestujúci išiel na posledný spoj v dni a toto vozidlo by bolo úplne preplnené. Ale keďže optimalizácia v tomto programe je riešená genetickým algoritmom, je veľká šanca že sa tento jav vyskytne častejšie. Táto vlastnosť je nežiaduca a je potrebné ju eliminovať.

Počet cestujúcich, ktorí prišli na zastávku v jednotlivých hodinách

Tento údaj má skôr informatívny charakter, pretože ide o vstup programu. Algoritmus sa snaží vytvoriť rozpis, ktorý by bol schopný prepraviť všetkých cestujúcich. Na grafe 4.4 je vidieť, že v priebehu dňa sa počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku mení. Obzvlášť

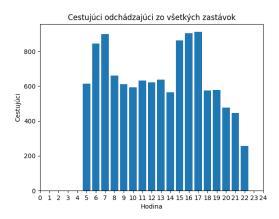
v ranných a poobedných hodinách je tento počet výrazne vyšší ako počas dňa. V týchto časoch by malo chodiť viac spojov.



Obr. 4.4: Počet cestujúcich, ktorí prišli na zastávku v jednotlivých hodinách

Počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke v jednotlivých hodinách

Ide o rovnaký údaj ako bol počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke za celý deň, ale rozdelený na jednotlivé hodiny dňa. Je vidieť, že graf 4.5 má podobný tvar ako graf 4.4. To je správne, pretože počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke by mal byť rovnaký ako počet cestujúcich, ktorí prišli na zastávku. Mohlo by sa stať, že tieto dve hodnoty by sa líšili, v prípade, že ostatnú cestujúci, ktorí sa v priebehu dňa nezmestili do žiadneho vozidla.

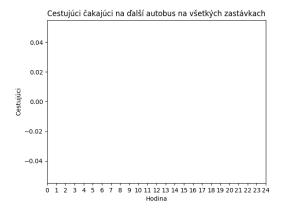


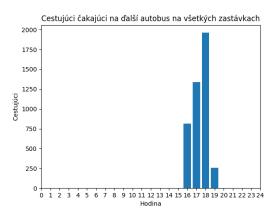
Obr. 4.5: Počet cestujúcich, ktorí vystúpili na zastávke v jednotlivých hodinách

Počet cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj v jednotlivých hodinách

Na ľavej strane grafu 4.6 je vidieť, že v priebehu ďňa žiaden z cestujúcich nemusel čakať na ďalší spoj. Toto je ideálny stav. Na pravej strane grafu 4.6 je vidieť, že v priebehu dňa sa počet cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj mení. Ráno a okolo obeda nemusel na

ďalší spoj čakať nikto, ale v poobednej špičke je vidieť zjavný nedostatok spojov, pretože cestujúci musia čakať na ďalší spoj.

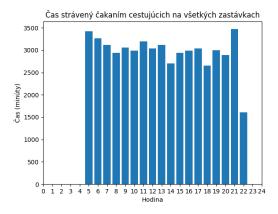


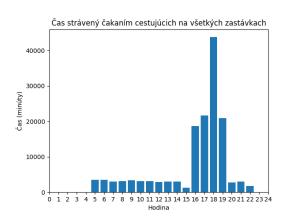


Obr. 4.6: Počet cestujúcich, ktorí museli čakať na ďalší spoj v jednotlivých hodinách

Čas, ktorý cestujúci strávili čakaním na zastávke v jednotlivých hodinách

Čas strávený čakaním na zastávke by mal byť počas celého dňa približne rovnaký. Na ľavej strane grafu 4.7 je tento optimálny stav vidieť. Bez ohľadu na to, kedy cestujúci prídu na zastávku, čakajú na spoj rovnako dlho. Naopak na prave strane grafu 4.7, ktorý je výstupom rovnakej simulácie ako pravá strana grafu 4.6, je zrejmé, že čas čakania na zastávke sa v poobedných hodinách výrazne zvýšil práve kvoli tomu, že cestujúci museli čakať na ďalší spoj.





Obr. 4.7: Čas, ktorý cestujúci strávili čakaním na zastávke v jednotlivých hodinách

Kapacita vozidla

Tento parameter je dôležitý, pretože na základe neho sa rozhoduje, koľko cestujúcich môže nastúpiť do vozidla. Zároveň slúži pre výpočet naplnenosti vozidla v percentách. Príliš malá alebo príliš veľká naplnenosť vozidla môže byť nežiaduca. Na ohodnotenie toho, ako moc je vozidlo naplnené teda treba poznať aj jeho kapacitu.

Priemerná naplnenosť vozidla

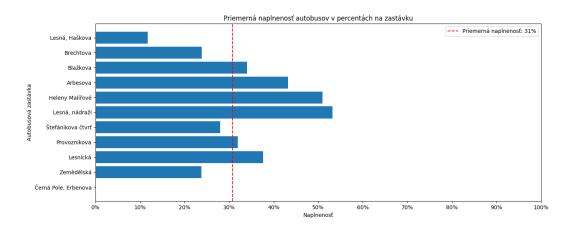
Priemerná naplnenosť vozidla je dôležitý parameter, ktorý nám hovorí, ako moc sú vozidlá využívané. Z pohľadu cestujúcich je lepšie, ak je vozidlo prázdnejšie, ale z pohľadu dopravného podniku je to nevyužitý potenciál. Preto je potrebné nájsť kompromis medzi týmito dvoma požiadavkami. To aká naplnenosť je optimálna je už úlohou analytika, ktorý bude tento program využívať. Povedzme, že sa rozhodne pre naplnenosť 70%. Potom čim ďalej bude priemerná naplnenosť vozidiel od tejto hodnoty, tým horšie bude rozpis ohodnotený.

Celkový počet prevezených cestujúcich

Celkový počet prevezených cestujúcich záleží od toho, koľko cestujúcich prišlo na jednotlivé zastávky a či sa im podarilo nastúpiť do vozidiel. V ideálnom prípade sa tento počet bude rovnať počtu cestujúcich, ktorí prišli na zastávky. V extrémnych prípadoch sa môže stať, že niektorí cestujúci zostanú na zastávkach a nezoberie ich žiadne vozidlo. V prípade štatistiky jednotlivých vozidiel, môže byť tento počet použitý na ich porovnanie. Počas dňa by mali všetky vozidlá prepraviť približne rovnaký počet cestujúcich. Ak tomu tak nie je a sú vyťažené nerovnomerne, rozpis by sa mal ohodnotiť negatívne.

Naplnenosť vozidla na jednotlivých zastávkach

Na grafe 4.8 je znázornené ako sa naplnenosť vozidiel mení počas ich jazdy. Konkrétne sa jedná o linku 46 v Brne. Naplnenosť sa postupne zvyšuje až kým nepríde na jednu z hlavných prestupných zastávok, Štefánikova čtvrť. Tu vystúpi veľké množstvo cestujúcich a naplnenosť vozidla sa zníži. Pokiaľ má linka príliš veľké výkivy v naplnenosti vozidiel naprieč svojou trasou, môže to byť znakom toho, že je potrebné trasu na určitých úsekoch posilniť inou linkou.



Obr. 4.8: Priemerná naplnenosť vozidla na jednotlivých zastávkach

Optimalizácia časového rozpisu linky mestskej hormadnej dopravy

- 5.1 Vstupné obmedzenia zo strany používateľa
- 5.2 Implementácia genetického algoritmu
- 5.3 Výstupy optimalizácie

Experimenty

V tejto kapitole sú podrobne popísané experimentálne scenáre, ktoré boli navrhnuté na posúdenie výkonnosti optimalizačného algoritmu aplikovaného na plánovanie liniek MHD. Cieľom bolo preskúmať, ako algoritmus reaguje na zmeny v parametroch ako sú dĺžka trasy, dĺžka vozidla a počet zastávok.

Každý experiment bol vykonaný s rovnakými parametrami pre genetický algoritmus, aby sa zabezpečila konzistentnosť výsledkov:

- Počet jedincov v populácii 50 pre krátku trasu, 10 pre dlhú trasu ¹
- Počet generácií 100
- Pravdepodobnosť mutácie 5%
- Maximálny počet spojov za hodinu 15

Ostatné parametre sú špecifické pre jednotlivé experimenty a sú uvedené v tabuľkách v príslušných sekciách.

Parametre zariadenia na ktorom boli experimenty vykonané sú:

- Operačný systém Windows 11 Pro 64-bit
- Procesor Intel Core i7-9750H CPU @ 2.60GHz
- **RAM** 16 GB DDR4

Všetky experimenty boli vykonané na rovnakom zariadení, aby sa zabezpečila konzistentnosť výsledkov, a v rovnakom čase, aby sa minimalizoval vplyv vonkajších faktorov. Každý experiment trval približne od 45 minút do 1.5 hodiny v závislosti od dĺžky trasy a počtu zastávok.

¹Tento počet bol znížený z dôvodu dlhšej doby výpočtu.

6.1 Experiment s krátkou trasou a krátkym vozidlom

Cieľom tohto experimentu je zistiť, ako sa algoritmus vyrovnáva s krátkou trasou a krátkym vozidlom. Ako referencia bola zvolená linka 46 v Brne, ktorej trasa pozostáva z 11 zastávok. Parametry experimentu sú uvedené v tabuľke 6.1.

Vstup	Hodnota
Kapacita vozidla	80
Miest na sedenie	30
Kompenzácia vozidla	66,35 Kč
Dĺžka trasy	$3,8~\mathrm{km}$
Cena lístka	25 Kč

Tabuľka 6.1: Parametre vozidla a trasy

Ako je vidieť v tabuľke 6.2, optimalizácia prebehla úspešne. Algoritmus bol schopný vygenerovať rozpis, pri ktorom je spokojnosť cestujúcich viac ako 97% a počet cestujúcich, ktorí sa kvôli preplnenému vozidlu nezmestili dnu je len jeden človek, čo je zanedbateľné. Vozidlá sú v priemere zaplnené do jednej štvrtiny, pretože ich je až 144, to je viac ako 118, čo je aktuálny počet spojov na linke 46.

Výstup	Hodnota
Počet príchodov cestujúcich	11819
Počet prevezených cestujúcich	11818
Počet neobslúžených cestujúcich	1 (0,01%)
Celkový čas strávený čakaním	$46455 \min$
Priemerný čas strávený čakaním	4 min
Celková kompenzácia	-29045 Kč
Celkový zisk	266405 Kč
Priemerná spokojnosť cestujúcich	97,14 %
Celkový počet vozidiel	144
Priemerná naplnenosť vozidiel	20 (25,0%)

Tabuľka 6.2: Výstupy simulácie

Celý rozpis zastávok, časový rozpis a grafy podrobnejšie popisujúce tento experiment sú uvedené v prílohe B.

6.2 Experiment s krátkou trasou a dlhým vozidlom

Cieľom tohto experimentu je zistiť, ako sa algoritmus vyrovnáva s krátkou trasou a dlhým vozidlom. Ako referencia bola zvolená linka 46 v Brne, ktorej trasa pozostáva z 11 zastávok. Parametry experimentu sú uvedené v tabuľke 6.3.

Vstup	Hodnota
Kapacita vozidla	160
Počet miest na sedenie	60
Kompenzácia vozidla	66.35 Kč
Dĺžka trasy	$3.8~\mathrm{km}$
Cena lístka	25 Kč

Tabuľka 6.3: Parametre vozidla a trasy

V tabuľke 6.4 sú vidieť zmeny oproti predošlému experimentu. Navýšenie kapacity jednoho vozidla má vplyv na:

- Priemerná čakacia doba sa zvýšila o 2 minúty
- Spokojnosť cestiujúcich sa zvýšila o 2.65%
- Počet vozidiel sa znížil o 45 kusov
- Priemerná naplnenosť vozidiel sa znížila o 7%

Výstup	Hodnota
Počet príchodov cestujúcich	11790
Počet prevezených cestujúcich	11790
Počet neobslúžených cestujúcich	0 (0.0%)
Celkový čas strávený čakaním	66008 min
Priemerný čas strávený čakaním	6 min
Celková kompenzácia	-39937 Kč
Celkový zisk	254813 Kč
Priemerná spokojnosť cestujúcich	99.79%
Celkový počet vozidiel	99
Priemerná naplnenosť vozidiel	29 (18.07%)

Tabuľka 6.4: Výstupy simulácie

Celý rozpis zastávok, časový rozpis a grafy podrobnejšie popisujúce tento experiment sú uvedené v prílohe C.

6.3 Experiment s dlhou trasou a krátkym vozidlom

Cieľom tohto experimentu je zistiť, ako sa algoritmus vyrovnáva s dlhou trasou a krátkym vozidlom. Ako referencia bola zvolená okružná linka 84 v Brne, ktorej trasa pozostáva zo 44 zastávok. Parametry experimentu sú uvedené v tabuľke 6.5.

Vstup	Hodnota
Kapacita vozidla	80
Počet miest na sedenie	30
Kompenzácia vozidla	66,35 Kč
Dĺžka trasy	$23,0~\mathrm{km}$
Cena lístka	25 Kč

Tabuľka 6.5: Parametre vozidla a trasy

Z tabuľky 6.6 je vidieť, že algoritmus bol schopný vygenerovať rozpis, pri ktorom je spokojnosť cestujúcich viac ako 99% a počet cestujúcich, ktorí sa kvôli preplnenému vozidlu nezmestili dnu je 0. Priemerná čakacia doba, počet vozidiel a priemerná naplnenosť vozidiel sú veľmi podobné ako v prípade krátkej trasy. Oproti nej však vzrástol počet cestujúcich a teda aj celkový čas strávený čakaním a zisk.

Výstup	Hodnota
Počet príchodov cestujúcich	49344
Počet prevezených cestujúcich	49344
Počet neobslúžených cestujúcich	0 (0.0%)
Celkový čas strávený čakaním	213107 min
Priemerný čas strávený čakaním	4 min
Celková kompenzácia	-163593 Kč
Celkový zisk	1070007 Kč
Priemerná spokojnosť cestujúcich	99.28%
Celkový počet vozidiel	134
Priemerná naplnenosť vozidiel	18 (22.94%)

Tabuľka 6.6: Výstupy simulácie

Celý rozpis zastávok, časový rozpis a grafy podrobnejšie popisujúce tento experiment sú uvedené v prílohe D.

6.4 Experiment s dlhou trasou a dlhým vozidlom

Cieľom tohto experimentu je zistiť, ako sa algoritmus vyrovnáva s dlhou trasou a dlhým vozidlom. Ako referencia bola zvolená okružná linka 84 v Brne, ktorej trasa pozostáva zo 44 zastávok. Parametry experimentu sú uvedené v tabuľke 6.7.

Vstup	Hodnota
Kapacita vozidla	160
Počet miest na sedenie	60
Kompenzácia vozidla	66,35 Kč
Dĺžka trasy	$23,0~\mathrm{km}$
Cena lístka	25 Kč

Tabuľka 6.7: Parametre vozidla a trasy

Výstupy experimentu je možné vidieť v tabuľke 6.8. Oproti experimentu s dlhou cestou ale krátkym vozidlom sa zmenili následovné parametre:

- Priemerná čakacia doba sa zvýšila o 3 minúty
- Spokojnosť cestiujúcich sa zvýšila o 0.09%
- Počet vozidiel sa znížil o 58 kusov
- Priemerná naplnenosť vozidiel sa znížila o 3%

Výstup	Hodnota
Počet príchodov cestujúcich	49039
Počet prevezených cestujúcich	49039
Počet neobslúžených cestujúcich	0 (0.0%)
Celkový čas strávený čakaním	359493 min
Priemerný čas strávený čakaním	7 min
Celková kompenzácia	-190451 Kč
Celkový zisk	$1035524~\mathrm{K}\c{\mathrm{c}}$
Priemerná spokojnosť cestujúcich	99.37%
Celkový počet vozidiel	78
Priemerná naplnenosť vozidiel	32 (19.91%)

Tabuľka 6.8: Výstupy simulácie

Celý rozpis zastávok, časový rozpis a grafy podrobnejšie popisujúce tento experiment sú uvedené v prílohe E.

Záver

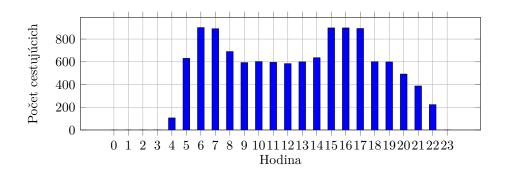
Literatúra

Príloha A

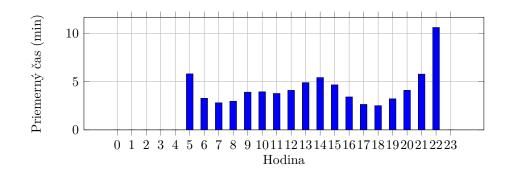
Programová dokumentácia

Príloha B

Experiment s krátkou trasou a krátkym vozidlom



Obr. B.1: Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu



Obr. B.2: Priemerný čas strávený čakaním za hodinu

Zastávka	#
Lesná, Haškova	0
Brechtova	1
Blažkova	2
Arbesova	3
Heleny Malířové	4
Lesná, nádraží	5
Štefánikova čtvrť	6
Provozníkova	7
Lesnická	9
Zemědělská	10
Černá Pole, Erbenova	11

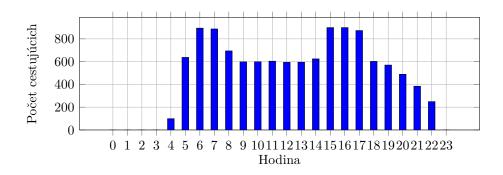
Tabuľka B.1: Rozpis zastávok

h	Odchody
05	00, 10, 20, 30, 40, 50
06	00, 05, 10, 16, 21, 27, 32, 38, 43, 49, 54
07	00, 05, 10, 16, 21, 27, 32, 38, 43, 49, 54
08	00, 06, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54
09	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
10	00, 07, 15, 22, 30, 37, 45, 52
11	00, 07, 15, 22, 30, 37, 45, 52
12	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
13	00, 10, 20, 30, 40, 50
14	00, 12, 24, 36, 48
15	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
16	00, 06, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54
17	00, 05, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55
18	00, 05, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55
19	00, 06, 13, 20, 26, 33, 40, 46, 53
20	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
21	00, 12, 24, 36, 48
22	00, 20, 40

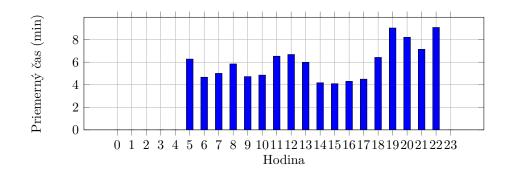
Tabuľka B.2: Časový rozpis

Príloha C

Experiment s krátkou trasou a dlhým vozidlom



Obr. C.1: Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu



Obr. C.2: Priemerný čas strávený čakaním za hodinu

Zastávka	#
Lesná, Haškova	0
Brechtova	1
Blažkova	2
Arbesova	3
Heleny Malířové	4
Lesná, nádraží	5
Štefánikova čtvrť	6
Provozníkova	7
Lesnická	9
Zemědělská	10
Černá Pole, Erbenova	11

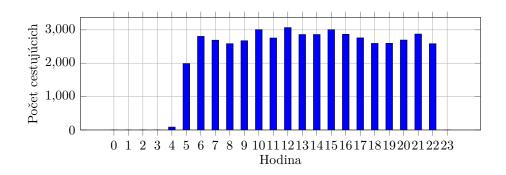
Tabuľka C.1: Rozpis zastávok

h	Odchody
05	00, 12, 24, 36, 48
06	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
07	00, 10, 20, 30, 40, 50
08	00, 12, 24, 36, 48
09	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
10	00, 10, 20, 30, 40, 50
11	00, 15, 30, 45
12	00, 12, 24, 36, 48
13	00, 12, 24, 36, 48
14	00, 07, 15, 22, 30, 37, 45, 52
15	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
16	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
17	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
18	00, 15, 30, 45
19	00, 20, 40
20	00, 12, 24, 36, 48
21	00, 15, 30, 45
22	00, 15, 30, 45

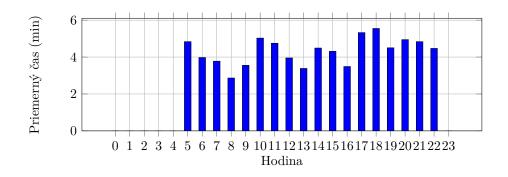
Tabuľka C.2: Časový rozpis

Príloha D

Experiment s dlhou trasou a krátkym vozidlom



Obr. D.1: Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu



Obr. D.2: Priemerný čas strávený čakaním za hodinu

Zastávka	#
Židenice, Stará osada	0
Gajdošova	2
Otakara Ševčíka	3
Škroupova	4
Tržní	6
Hladíkova	8
Autobusové nádraží	10
Opuštěná	12
Křídlovická	15
Poříčí	16
Mendlovo náměstí	20
Křížkovského	$\frac{20}{21}$
Výstaviště	22
Riviéra	24
	26
Pisárky	
Anthropos	28
Pod Jurankou	29
Veslařská	30
Jundrov, hřiště	31
Jundrovský most	32
Vozovna Komín	34
Hlavní	35
Štursova	36
Rosického náměstí	37
Přívrat	39
Záhřebská	40
Skácelova	42
Slovanské náměstí	43
Husitská	44
Semilasso	46
Královo Pole, nádraží	47
Mojmírovo náměstí	48
Kociánka	49
Královopolská strojírna	50
Divišova čtvrť	51
U Tunýlku	52
Halasovo náměstí	54
Poliklinika Lesná	55
Lesná, nádraží	56
Štefánikova čtvrť	57
Merhautova	59
Tomkovo náměstí	61
Židenice, kasárna	
zigenice, kasarna	63

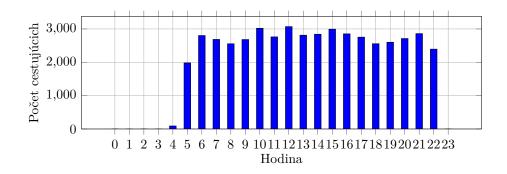
Tabuľka D.1: Rozpis zastávok

h	Odchody
05	00, 07, 15, 22, 30, 37, 45, 52
06	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
07	00, 05, 10, 16, 21, 27, 32, 38, 43, 49, 54
08	00, 06, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54
09	00, 10, 20, 30, 40, 50
10	00, 10, 20, 30, 40, 50
11	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
12	00, 06, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54
13	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
14	00, 10, 20, 30, 40, 50
15	00, 05, 10, 16, 21, 27, 32, 38, 43, 49, 54
16	00, 10, 20, 30, 40, 50
17	00, 12, 24, 36, 48
18	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
19	00, 10, 20, 30, 40, 50
20	00, 10, 20, 30, 40, 50
21	00, 08, 17, 25, 34, 42, 51
22	00, 07, 15, 22, 30, 37, 45, 52

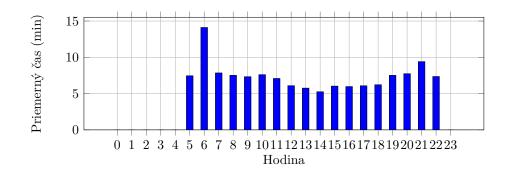
Tabuľka D.2: Časový rozpis

Príloha E

Experiment s dlhou trasou a dlhým vozidlom



Obr. E.1: Počet cestujúcich prichádzajúcich na zastávku za hodinu



Obr. E.2: Priemerný čas strávený čakaním za hodinu

Zastávka	#
Židenice, Stará osada	0
Gajdošova	2
Otakara Ševčíka	3
Škroupova	4
Tržní	6
Hladíkova	8
Autobusové nádraží	10
Opuštěná	12
Křídlovická	15
Poříčí	16
Mendlovo náměstí	20
Křížkovského	21
Výstaviště	22
Riviéra	24
Pisárky	26
Anthropos	28
Pod Jurankou	29
Veslařská	30
Jundrov, hřiště	31
Jundrovský most	32
Vozovna Komín	34
Hlavní	35
Štursova	36
Rosického náměstí	37
Přívrat	39
Záhřebská	40
Skácelova	42
Slovanské náměstí	43
Husitská	44
Semilasso	46
Královo Pole, nádraží	47
Mojmírovo náměstí	48
Kociánka	49
Královopolská strojírna	50
Divišova čtvrť	51
U Tunýlku	52
Halasovo náměstí	54
Poliklinika Lesná	55
Lesná, nádraží	56
Štefánikova čtvrť	57
Merhautova	59
Tomkovo náměstí	61
Židenice, kasárna	63
Židenice, Stará osada	65

Tabuľka E.1: Rozpis zastávok

h	Odchody
05	00, 30
06	00, 15, 30, 45
07	00, 15, 30, 45
08	00, 15, 30, 45
09	00, 15, 30, 45
10	00, 15, 30, 45
11	00, 12, 24, 36, 48
12	00, 12, 24, 36, 48
13	00, 10, 20, 30, 40, 50
14	00, 12, 24, 36, 48
15	00, 12, 24, 36, 48
16	00, 12, 24, 36, 48
17	00, 12, 24, 36, 48
18	00, 15, 30, 45
19	00, 15, 30, 45
20	00, 20, 40
21	00, 12, 24, 36, 48
22	00, 15, 30, 45

Tabuľka E.2: Časový rozpis