## Príprava na ESC

#### Lukáš Lafférs

Katedra matematiky, Univerzita Mateja Bela

December 15, 2023

#UMBmath www.lukaslaffers.com lukas.laffers@gmail.com

### I. etapa: Tri testy

#### Od 12.12.2023 do **12.1.2023**

Test 1 (DNES)

### Prav. a Štatistika

- Pojmy: priemer, variancia, smerodajná odchýlka.
- Vlastnosti pravd.
- Typy premenných
- Tabuľka početností

Test 2

### Vyhľadávanie info

- Stránka štat. úradu SR
- Práca s DATAcube
- Eurostat
- Rozumieť grafom
- Googlovať

Test 3

# Porozumenie štat. dokumentov

- Čítať
- Trpezlivosť

# Pravdepodobnosť a Štatistika

### Kocky, mince, karty

- s opakovaním/bez opakovania
- kombinátorika
- # vhodné možnosti# všetky možnosti
- (permutácie/kombinácie)

```
[https://bookdown.org/lukas_laffers/pas1/set.html] [https://bookdown.org/lukas_laffers/pas1/cond.html]
```

Skupina priateľov hrá kocky. Hráč hodí dvoma kockami a vyhrá, ak súčet hodených hodnôt je menší alebo rovný 7. Aká je pravdepodobnosť výhry?

Skupina priateľov hrá kocky. Hráč hodí dvoma kockami a vyhrá, ak súčet hodených hodnôt je menší alebo rovný 7. Aká je pravdepodobnosť výhry?

Spolu možností je  $6 \times 6 = 36$ .

- Súčet 2 vie padnúť ako (1,1), teda 1 možnosť.
- Súčet 3 vie padnúť ako (1,2),(2,1) teda 2 možnosti.
- Súčet 4 vie padnúť ako (1,3),(2,2),(3,1) teda 3 možnosti.
- Súčet 5 vie padnúť ako (1,4),(2,3),(3,2),(4,1) teda 4 možnosti.
- Súčet 6 vie padnúť ako (1,5),(2,4),(3,3),(4,2),(5,1) teda 5 možností.
- Súčet 7 vie padnúť ako (1,6),(2,5),(3,4),(4,3),(5,2),(6,1), teda 6 možností.

Spolu 
$$\frac{1+2+3+4+5+6}{36} = \frac{21}{36}$$



Hra pozostáva z hádzania dvoch kociek. Víťazom je osoba, ktorej súčet hodených čísel je vyšší ako 7. Aká je pravdepodobnosť výhry?

Hra pozostáva z hádzania dvoch kociek. Víťazom je osoba, ktorej súčet hodených čísel je vyšší ako 7. Aká je pravdepodobnosť výhry?

Je to opačná úloha k predošlej. Preto 1 – 
$$\frac{21}{36}=\frac{15}{36}=\frac{5}{12}$$
 Spolu  $\frac{1+2+3+4+5+6}{36}=\frac{21}{36}$ 

Koľko rôznych štvorciferných čísel možno vytvoriť tak, aby na konci bolo párne číslo, pričom sa použijú iba čísla 1, 2, 3, 4, 5 (bez opakovania)?

Koľko rôznych štvorciferných čísel možno vytvoriť tak, aby na konci bolo párne číslo, pričom sa použijú iba čísla 1, 2, 3, 4, 5 (bez opakovania)?

- Na konci je 2:  $4 \times 3 \times 2 \times 1$  možností.
- Na konci je 4:  $4 \times 3 \times 2 \times 1$  možností.

Spolu 
$$2 \times (4 \times 3 \times 2 \times 1) = 2 \times 24 = 48$$
.

V kartotéke máme 10 dokumentov, 5 z nich je účtovných, 3 organizačné a 2 finančné. Ak vieme, že prvý dokument je účtovný a ostatné sú uložené náhodne, aká je pravdepodobnosť, že dokumenty rovnakého typu sú spolu?

V kartotéke máme 10 dokumentov, 5 z nich je účtovných, 3 organizačné a 2 finančné. Ak vieme, že prvý dokument je účtovný a ostatné sú uložené náhodne, aká je pravdepodobnosť, že dokumenty rovnakého typu sú spolu?

Z 9 ostávajúcich dokumentov máme ešte 4 účtovné, 3 organizačné a 2 finančné.

• účtovné, organizačné, finančné:

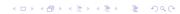
$$\frac{\text{\# vhodne uložené možnosti}}{\text{\# všetky možnosti}} = \frac{4!3!2!}{9!} = \frac{4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1 \times 2 \times 1}{7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}$$

účtovné, finančné, organizačné -

$$\frac{4!2!3!}{9!} = \frac{4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1}{7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}$$

Spolu

$$2\frac{4!3!2!}{9!} = \frac{1}{630}$$



V šatníku máme 4 vešiaky s nohavicami, 3 vešiaky s košeľami a 2 vešiaky s kabátmi. Ak sú vešiaky v šatníku umiestnené náhodne, aká je pravdepodobnosť, že 4 páry nohavíc budú spolu?

V šatníku máme 4 vešiaky s nohavicami, 3 vešiaky s košeľami a 2 vešiaky s kabátmi. Ak sú vešiaky v šatníku umiestnené náhodne, aká je pravdepodobnosť, že 4 páry nohavíc budú spolu?

4 nohavice spojíme do nohavicovej kopy. Tým pádom máme 6 ks oblečenia: 1 nohavicovú kopu, 3 košele, 2 kabáty. Nohavicová kopa môže byť poprehadzovaná 4! sposobmi.

$$\frac{\text{\# vhodn\'e možnosti}}{\text{\# všetky možnosti}} = \frac{4!6!}{9!} = \frac{4 \times 3 \times 2}{9 \times 8 \times 7} = \frac{1}{21}$$

Vyváženou hracou kockou sa hádže nezávisle 10-krát. Aká je pravdepodobnosť, že rozdiel medzi počtom padnutí párneho a nepárneho čísla je menší alebo rovný 2?

Vyváženou hracou kockou sa hádže nezávisle 10-krát. Aká je pravdepodobnosť, že rozdiel medzi počtom padnutí párneho a nepárneho čísla je menší alebo rovný 2?

### Rozdiel je 2:

- Musí padnúť 6 krát párne číslo a 4 krát nepárne číslo.  $\binom{10}{6} 0.5^6 0.5^4 = \frac{10!}{6!4!} 0.5^6 0.5^4$  alebo
- Musí padnúť 4 krát párne číslo a 6 krát nepárne číslo.  $\binom{10}{6} 0.5^4 0.5^6 = \frac{10!}{4!6!} 0.5^4 0.5^6$
- Rozdiel je 1: Nedá sa.
- Rozdiel je 0: Musí padnúť 5 krát párne číslo a 5 krát nepárne číslo.  $\binom{10}{5} 0.5^5 0.5^5 = \frac{10!}{5!5!} 0.5^5 0.5^5$

5 % prípadov, ktoré boli označené lekárskym testom ako pozitívne, je falošne pozitívnych. Ak preskúmame prípady desiatich ľudí, ktorí boli testovaní s pozitívnym výsledkom, aká je pravdepodobnosť, že aspoň deväť je skutočne pozitívnych?

5 % prípadov, ktoré boli označené lekárskym testom ako pozitívne, je falošne pozitívnych. Ak preskúmame prípady desiatich ľudí, ktorí boli testovaní s pozitívnym výsledkom, aká je pravdepodobnosť, že aspoň deväť je skutočne pozitívnych?

$$P(9 \text{ je pozitívnych}) + P(10 \text{ je pozitívnych}) = {10 \choose 9} 0.95^9 0.05^1 + {10 \choose 10} 0.95^{10} 0.05^0 = 0.914$$

V starej krabici so šachom máme 12 figúrok pešiakov a 14 ostatných figúrok. Polovica figúrok pešiakov je čiernych a 8 ostatných figúrok je tiež čiernych. Ak náhodne vyberieme figúrku, ktorá je čierna, aká je pravdepodobnosť, že je to pešiak?

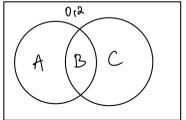
V starej krabici so šachom máme 12 figúrok pešiakov a 14 ostatných figúrok. Polovica figúrok pešiakov je čiernych a 8 ostatných figúrok je tiež čiernych. Ak náhodne vyberieme figúrku, ktorá je čierna, aká je pravdepodobnosť, že je to pešiak?

Využijeme vzťah pre podmienenú pravdepodobnosť.

$$P(\text{pešiak}|\check{\text{cierny}}) = \frac{P(\text{pešiak} \cap \check{\text{cierny}})}{P(\check{\text{cierny}})} = \frac{\frac{6}{26}}{\frac{14}{26}} = \frac{3}{7}$$

Lekársky posudok sa stanovuje na základe dvoch diagnostických testov. Pre pozitívny nález v lekárskom posudku je potrebné mať pozitívny výsledok z oboch testov. Vieme, že 60 % je pozitívnych v každom z testov a pravdepodobnosť negatívneho výsledku súčasne v oboch testoch je 0.2. Aká je pravdepodobnosť pozitívneho lekárskeho posudku?

Lekársky posudok sa stanovuje na základe dvoch diagnostických testov. Pre pozitívny nález v lekárskom posudku je potrebné mať pozitívny výsledok z oboch testov. Vieme, že 60 % je pozitívnych v každom z testov a pravdepodobnosť negatívneho výsledku súčasne v oboch testoch je 0.2. Aká je pravdepodobnosť pozitívneho lekárskeho posudku?



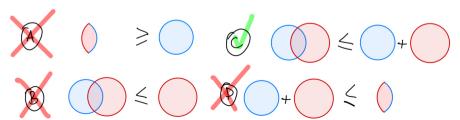
$$A+B=016$$
  
 $B+C=016$   
 $A+B+C=016$   
=)  
 $B=014$ 

A a B sú dve udalosti z rovnakého výberového priestoru. Ktoré z nasledujúcich tvrdení je pravdivé?:

- (A)  $P(A \cap B) \geq P(A)$
- (B)  $P(A \cup B) \leq P(B)$
- (C)  $P(A \cup B) \leq P(A) + P(B)$
- (D)  $P(A) + P(B) \leq P(A \cap B)$

A a B sú dve udalosti z rovnakého výberového priestoru. Ktoré z nasledujúcich tvrdení je pravdivé?:

- (A)  $P(A \cap B) \geq P(A)$
- (B)  $P(A \cup B) \leq P(B)$
- (C)  $P(A \cup B) \leq P(A) + P(B)$
- (D)  $P(A) + P(B) \leq P(A \cap B)$



Nech A a B sú dve navzájom sa vylučujúce udalosti, pričom P(A) = 0.4 a P(B) = 0.3. Akú hodnotu má P(A|B)?

Nech A a B sú dve navzájom sa vylučujúce udalosti, pričom P(A) = 0.4 a P(B) = 0.3. Akú hodnotu má P(A|B)?

Sú vylulučujúce sa takže 0.

Technická správa pozostáva z dvoch častí. Každá časť je vypracovaná rôznymi zamestnancami, čo znamená, že správnosť jednotlivých častí je navzájom nezávislá. Ak vieme, že prvý zamestnanec vykoná 90 % svojej práce správne a druhý zamestnanec vykoná 80 % svojej práce správne, aká je pravdepodobnosť, že celá správa je správna?

Technická správa pozostáva z dvoch častí. Každá časť je vypracovaná rôznymi zamestnancami, čo znamená, že správnosť jednotlivých častí je navzájom nezávislá. Ak vieme, že prvý zamestnanec vykoná 90 % svojej práce správne a druhý zamestnanec vykoná 80 % svojej práce správne, aká je pravdepodobnosť, že celá správa je správna?

$$0.9 \times 0.8 = 0.72$$

## Typy premenných

- Kvalitatívne
  - nominálne farba auta, štátna príslušnosť, značka topánok
  - ordinálne medajle, hodnotenie v škole, dobrý-neutrál-zlý
- Kvantitatívne
  - diskrétne počet detí, počet rokov štúdia,
  - spojité telesná výška, príjem, váha, glukóza v krvi

 $\verb|https://esc2024.statistics.sk/studijne-materialy.htm|| \to \verb|statistick|| \neq \verb|pojmy|| \to \verb|statistick|| \times |nak||$ 

Test 1, Úloha 1, kat. B https://esc2024.statistics.sk/files/priklady-sutaznych-testov/Test1\_kat.B\_ver.1.pdf

Juraj si kupuje noviny každý deň. Čas, ktorý Juraj strávi ich čítaním každý deň, a počet článkov v jednotlivých novinách sú štatistické premenné:

Juraj si kupuje noviny každý deň. Čas, ktorý Juraj strávi ich čítaním každý deň, a počet článkov v jednotlivých novinách sú štatistické premenné:

Spojitá (čas) a diskrétna (počet článkov).

### Čítanie z tabuliek

- hm, čítať snáď viete
- buďte pozorní, príklady sú urobené tak, aby atraktívna chyba viedla k jednému z riešení

Nasledujúca tabuľka zobrazuje rozdelenie stavu hospodárskych zvierat v kusoch v štyroch krajoch západného Slovenska v roku 2019 (zdroj: Štatistický úrad SR, databáza DATAcube.): Aké približné percento z celkového počtu zvierat tvoria spolu hovädzí dobytok a ošípané?

Kraj	Hovädzí dobytok spolu	Ošípané spolu	Ovce spolu	Hydina spolu	Spolu
Bratislavský kraj	12 960	28 518	1 042	815 358	857 878
Trnavský kraj	54 783	223 303	2 238	1 393 629	1 673 953
Trenčiansky kraj	40 725	45 131	31 914	1 935 559	2 053 329
Nitriansky kraj	54 318	145 434	8 445	3 244 039	3 452 236
Spolu	162 786	442 386	43 639	7 388 585	8 037 396

Nasledujúca tabuľka zobrazuje rozdelenie stavu hospodárskych zvierat v kusoch v štyroch krajoch západného Slovenska v roku 2019 (zdroj: Štatistický úrad SR, databáza DATAcube.): Aké približné percento z celkového počtu zvierat tvoria spolu hovädzí dobytok a ošípané?

Kraj	Hovädzí dobytok spolu	Ošípané spolu	Ovce spolu	Hydina spolu	Spolu
Bratislavský kraj	12 960	28 518	1042	815 358	857 878
Trnavský kraj	54 783	223 303	2 238	<b>393 629</b>	1673 9530
Trenčiansky kraj	40 725	131	31 914	1 985 559	2 053 329
Nitriansky kraj	54 318	145 434	8 445	3 244 039	452 236
Spolu	162 786	442 386	43 639	7 388 585	8 037 396

## Tabuľky početností

vyplníte ako sudoku

Majiteľ obchodu chce zistiť názor svojich zákazníkov a tak sa ich pýta na úroveň spokojnosti s ponúkanými službami. Nasledujúca tabuľka početnosti sumarizuje hodnotenie 55 zákazníkov, ktorí navštívili obchod v jeden konkrétny deň: Aké približné percento zákazníkov bolo "priemerne spokojných"?

	Absolútna početnosť	Relatívna početnosť
Nadmieru spokojný		0,127
Veľmi spokojný	16	
Priemerne spokojný		
Nie veľmi spokojný		0,200
Nespokojný	4	

Majiteľ obchodu chce zistiť názor svojich zákazníkov a tak sa ich pýta na úroveň spokojnosti s ponúkanými službami. Nasledujúca tabuľka početnosti sumarizuje hodnotenie 55 zákazníkov, ktorí navštívili obchod v jeden konkrétny deň: Aké približné percento zákazníkov bolo "priemerne spokojných"?

	Absolútna početnosť	Relatívna početnosť				
Nadmieru spokojný	55.0,127 =7	0,127				
Veľmi spokojný	16	16 = 1 11				
Priemerne spokojný	55-(7+16+17)+19=17	17 = 01309				
Nie veľmi spokojný	JJ. 0,2 = M	0,200 11				
Nespokojný	(4)	4 55				

#### Názvoslovie

- štatistická premenná
- populácia
- výberová vzorka
- veľkosť výberovej vzorky

 $\texttt{https://esc2024.statistics.sk/studijne-materialy.html} \rightarrow \texttt{štatistick\'e pojmy}$ 

Budeme skúmať pracovné uplatnenie študentov odboru štatistika. Z 2 500 študentov, ktorí ukončili štúdium v konkrétnom čase, zoberieme vzorku 150 jednotlivcov. Týchto jednotlivcov sme sa pýtali, či získali prácu v ich odbore do 6 mesiacov po ukončení štúdia. Získané odpovede možno rozšíriť na zvyšok populácie. Identifikujte: štatistickú premennú, populáciu, výberovú vzorku a veľkosť výberovej vzorky.

Budeme skúmať pracovné uplatnenie študentov odboru štatistika. Z 2 500 študentov, ktorí ukončili štúdium v konkrétnom čase, zoberieme vzorku 150 jednotlivcov. Týchto jednotlivcov sme sa pýtali, či získali prácu v ich odbore do 6 mesiacov po ukončení štúdia. Získané odpovede možno rozšíriť na zvyšok populácie. Identifikujte: štatistickú premennú, populáciu, výberovú vzorku a veľkosť výberovej vzorky.

- <u>štatistická premenná</u>: údaj o tom, či jednotlivec má alebo nemá prácu súvisiacu s jeho hlavným zameraním šesť mesiacov po ukončení štúdia
- populácia: 2 500 študentov, ktorí ukončili odbor štatistika;
- výberová vzorka: 150 vybraných jednotlivcov
- veľkosť výberovej vzorky: 150

V meste so 145 678 obyvateľmi sa vykonáva štúdia o podiele ľudí, ktorí majú domáce zvieratá. Z tohto dôvodu je oslovených 2 654 obyvateľov a získané odpovede sú rozšírené na zvyšok populácie. Identifikujte: štatistickú premennú, populáciu, vzorku a veľkosť vzorky.

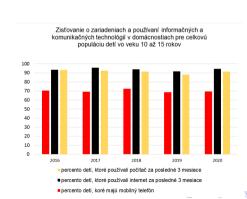
V meste so 145 678 obyvateľmi sa vykonáva štúdia o podiele ľudí, ktorí majú domáce zvieratá. Z tohto dôvodu je oslovených 2 654 obyvateľov a získané odpovede sú rozšírené na zvyšok populácie. Identifikujte: štatistickú premennú, populáciu, vzorku a veľkosť vzorky.

- štatistická premenná: či osoba má alebo nemá domáce zviera
- populácia: 145 678 obyvateľov;
- výberová vzorka: 2654 vybraných obyvateľov
- veľkosť výberovej vzorky: 2654

#### Porozumenie grafov

- nesmierne dôležitá zručnosť
- grafmi odkomunikujeme veci ovela efektívnejšie ako napr. tabuľkami.

- (A) Pokles používateľov počítačov od roku 2016 do roku 2017 bol úmerný poklesu používania internetu za tie isté roky.
- V roku 2019 bol najmenší podiel detí, ktoré používali spomínané technológie.
- (C) Nárast / pokles používateľov internetu z jedného roka na druhý súvisí s nárastom / poklesom používateľov, ktorí majú mobilný telefón v danom roku.
- (D) Rok 2016 bol rokom s najnižším podielom používateľov internetu.



- (A) Pokles používateľov počítačov od roku 2016 do roku 2017 bol úmerný poklesu používania internetu za tie isté roky.
- V roku 2019 bol najmenší podiel detí, ktoré používali spomínané technológie.
- (C) Nárast / pokles používateľov internetu z jedného roka na druhý súvisí s nárastom / poklesom používateľov, ktorí majú mobilný telefón v danom roku.
- (D) Rok 2016 bol rokom s najnižším podielom používateľov internetu.

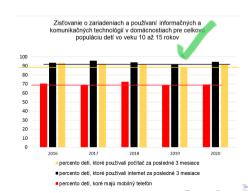


■ percento detí, ktoré používali počítač za posledné 3 mesiace
■ percento detí, ktoré používali internet za posledné 3 mesiace

■ percento deti, koré majú mobilný telefón



- (A) Pokles používateľov počítačov od roku 2016 do roku 2017 bol úmerný poklesu používania internetu za tie isté roky.
- (B) V roku 2019 bol najmenší podiel detí, ktoré používali spomínané technológie.
- (C) Nárast / pokles používateľov internetu z jedného roka na druhý súvisí s nárastom / poklesom používateľov, ktorí majú mobilný telefón v danom roku.
- (D) Rok 2016 bol rokom s najnižším podielom používateľov internetu.



- (A) Pokles používateľov počítačov od roku 2016 do roku 2017 bol úmerný poklesu používania internetu za tie isté roky.
- V roku 2019 bol najmenší podiel detí, ktoré používali spomínané technológie.
- (C) Nárast / pokles používateľov internetu z jedného roka na druhý súvisí s nárastom / poklesom používateľov, ktorí majú mobilný telefón v danom roku.
- (D) Rok 2016 bol rokom s najnižším podielom používateľov internetu.



percento deti, ktoré používali počítač za posledné 3 mesiac

■ percento detí, ktoré používali internet za posledné 3 mesiace

■ percento detí, koré majú mobilný telefón



- (A) Pokles používateľov počítačov od roku 2016 do roku 2017 bol úmerný poklesu používania internetu za tie isté roky.
- (B) V roku 2019 bol najmenší podiel detí. ktoré používali spomínané technológie.
- Nárast / pokles používateľov internetu z jedného roka na druhý súvisí s nárastom / poklesom používateľov, ktorí majú mobilný telefón v danom roku.
- Rok 2016 bol rokom s nainižším podielom používateľov internetu.



■ percento detí, ktoré používali internet za posledné 3 mesiace ■ percento detí koré majú mobilný telefón



#### Štatisické názvoslovie

Majme štatistickú vzorku veľkosti  $n: x_1, x_2, x_3, ... x_n$ 

- priemer  $\bar{x} = \frac{1}{n}(x_1 + \dots + x_n) = \sum_{i=1}^{n} x_i/n$
- medián hodnota v strede (polovica hodnôt je nad m a polovica pod m)
- modus najčastejšia hodnota
- rozptyl/variancia  $s^2 = \frac{1}{n} \left( (x_1 \bar{x})^2 + \dots + (x_n \bar{x})^2 \right) = \sum_{i=1}^n (x_i \bar{x})^2 / n$
- smerodajná odchýlka  $s=\sqrt{\sum_{i=1}^n(x_i-\bar{x})^2/n}$
- variačný koeficient  $v = \frac{s}{\bar{x}}$

 $\verb|https://esc2024.statistics.sk/studijne-materialy.html| \to \verb|štatistick|| \acute{e} pojmy [link BAkademia na YT]|$ 



Poznáme bodové hodnotenie prijímacích skúšok na vysokú školu pre triedu s 25 študentami. Výsledky sú nasledovné:

7; 11.3; 5.4; 5; 12.6; 9; 8.9; 7.8; 6; 6.2; 4.8; 10.2; 13.1; 8.7; 6.7; 5.5; 5.5; 5; 12; 10.2; 4.5; 5; 9.9; 10; 10.1.

Ktoré z nasledujúcich tvrdení je pravdivé pre tento súbor údajov?

- (A) Variačný koeficient je väčší ako 0,5
- (B) Rozptyl je menší ako priemer.
- (C) Priemer delený rozptylom sa rovná 1.
- (D) Smerodajná odchýlka sa zhoduje s druhou odmocninou priemeru.

Poznáme bodové hodnotenie prijímacích skúšok na vysokú školu pre triedu s 25 študentami. Výsledky sú nasledovné:

7; 11.3; 5.4; 5; 12.6; 9; 8.9; 7.8; 6; 6.2; 4.8; 10.2; 13.1; 8.7; 6.7; 5.5; 5.5; 5; 12; 10.2; 4.5; 5; 9.9; 10; 10.1.

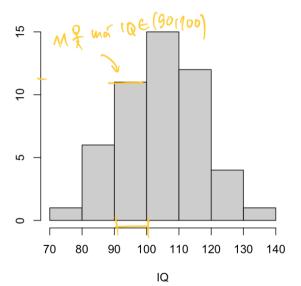
Ktoré z nasledujúcich tvrdení je pravdivé pre tento súbor údajov?

- (A) Variačný koeficient je väčší ako 0,5
- (B) Rozptyl je menší ako priemer.
- (C) Priemer delený rozptylom sa rovná 1.
- (D) Smerodajná odchýlka sa zhoduje s druhou odmocninou priemeru.

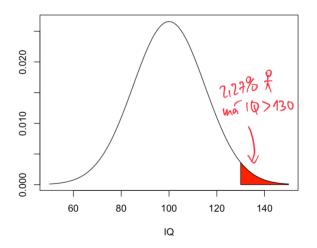
$$\bar{x} = 8.016, s = 2.66, s^2 = 7.07, v = 0.33.$$

(B) je správne.

# Histogram



# \*Normálne rozdelenie (kat. A)

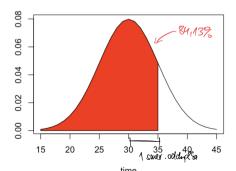


[Advanced:] Viacej tu.



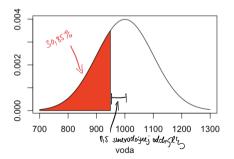
Chemickou analýzou, ktorá sa zvykne používať na odhad času potrebného na vykonanie určitého medicínskeho zákroku, sa odhadlo, že čas, kým prebehne chemická reakcia, má normálne rozdelenie so strednou hodnotou 30 minút a so smerodajnou odchýlkou 5 minút. Ak máme na pozorovanie chemickej reakcie celkovo 35 minút, aká je pravdepodobnosť, že budeme pozorovať chemickú reakciu ešte pred uplynutím tohto času?

Chemickou analýzou, ktorá sa zvykne používať na odhad času potrebného na vykonanie určitého medicínskeho zákroku, sa odhadlo, že čas, kým prebehne chemická reakcia, má normálne rozdelenie so strednou hodnotou 30 minút a so smerodajnou odchýlkou 5 minút. Ak máme na pozorovanie chemickej reakcie celkovo 35 minút, aká je pravdepodobnosť, že budeme pozorovať chemickú reakciu ešte pred uplynutím tohto času ?



Štúdia sa snaží určiť množstvo vody, ktoré ľudia skonzumujú za rok. Množstvo vody vypitej obyvateľmi za rok sa riadi normálnym rozdelením so strednou hodnotou 1 000 litrov a smerodajnou odchýlkou rovnajúcou sa jednej desatine strednej hodnoty. Aké percento populácie spotrebuje menej ako 950 litrov vody za rok?

Štúdia sa snaží určiť množstvo vody, ktoré ľudia skonzumujú za rok. Množstvo vody vypitej obyvateľmi za rok sa riadi normálnym rozdelením so strednou hodnotou 1 000 litrov a smerodajnou odchýlkou rovnajúcou sa jednej desatine strednej hodnoty. Aké percento populácie spotrebuje menej ako 950 litrov vody za rok?



# \*Lineárna regresia (kat A)

- fantastický nástroj štatistického modelovania
- vysvetľovanie a predikcia nejakej premennej pomocou iných premmených
- Napr. cena ojazdeného auta pomocou značky, veku, nájazdu, objemu motora, spotreby, výbavy
- Napr. výsledok na teste pomocou počtu hodín, ktoré ste sa učili
- Napr. prognóza pacienta pomocou veku, pohlavia, BMI, toho či pije/fajčí

Predpokladá sa, že počet hodín prípravy na skúšku ovplyvňuje hodnotenie na skúške. Desať žiakov malo tieto výsledky:

Hodiny prípravy na skúšku	10	15	25	25	30	30	35	40	40	45
Hodnotenie skúšky (v bodoch)	2	3	4,8	5,2	5,4	6,6	7	7,9	8,1	9

Vypočítaná regresná priamka predpovedá výsledok hodnotenia skúšky v závislosti od počtu hodín štúdia. Zistili sme, že s každou hodinou prípravy sa hodnotenie skúšky zvyšuje o...

Toto je nad rámec dneška ale ak vás to zaujalo, tak sa dočítate viacej napríklad tu: https://lukaslaffers.github.io/pas2/reg.html

## Zdroje

- [ESC 2023]
- [ESC 2024]
- [štat. úrad SR]
- [DATAcube]
- [Eurostat]
- [BAkademia na YT]
- [\*3Blue1Brown YT]
- [\*LL PaŠ1] a [\*LL PaŠ2]

Táto prezentácia bude na [https://www.lukaslaffers.com/misc].

### Otázky?

- lukas.laffers@gmail.com
- Zoom/Teams
- osobne [FPV UMB], F226A

