## Ajude o Autor do Problema

Contest Local, Universidade de Ulm Alemanha

Timelimit: 1

Preparar um problema para uma competição de programação leva muito tempo. Você não somente tem que escrever a descrição e a solução de um problema, mas você também tem que criar arquivos de entrada difíceis. Nesse problema, você terá a chance de ajudar o autor de problemas a criar algumas entradas para um determinado problema.

Para isso vamos selecionar o problema que não foi resolvido durante uma competição local no ano passado. O problema era encontrar a árvore binária de busca ótima, dado a probabilidade de que certos nós são acessados. Seu trabalho será: dado a árvore binária de busca ótima desejada, descubra algumas probabilidades de acesso para que esta seja a única e melhor árvore. Não se preocupe se você não leu o problema no ano passado, pois todas as definições exigidas foram colocadas abaixo.

Vamos definir uma **árvore binária de busca** indutivamente da seguinte forma:

- Uma árvore vazia que não possui nenhum nó é uma árvore binária de busca;
- Cada árvore binária de busca não vazia possui uma raiz, que é um nó identificado por um inteiro e duas sub-árvores uma a direita e outra a esquerda da raiz;
- A sub-árvore da esquerda não contém nenhum nó com rótulo ≥ que o rótulo da raiz;
- A sub-árvore da direira não contém nenhum nó com rótulo ≤ que o rótulo da raiz.

Dado tal árvore de busca binária, o seguinte **procedimento de busca** pode ser usado para localizar um nó na árvore:

Começe com a raiz. Compare o rótulo do nó atual com o rótulo do nó desejado. Se forem iguais, você encontrou o nó correto. Caso contrário, se o rótulo desejado for menor busqye na sub-árvore da esquerda, senão, busca na sub-árvore da direita.

O **custo de acesso** para localizar um nó é o número de nós que você visitou até encontrar o nó certo. Uma **árvore binária de busca ótima** é uma árvore com o mínimo custo esperado.

## **Entrada**

O entrada contém vários casos de teste. Cada caso inicia com um inteiro  $\mathbf{n}$  (1  $\leq$   $\mathbf{n}$   $\leq$  50), que é o número de nós de uma árvore binária de busca ótima. Para simplificar, os valores dos nós serão inteiros de 1 a  $\mathbf{n}$ . A seguir temos  $\mathbf{n}$  linhas que descrevem a estrutura da árvore. A  $\mathbf{i}$ -ésima linha contém os valores dos nós da sub-árvore esquerda e direita com valor  $\mathbf{i}$  (ou -1 para uma árvore vazia). Você pode assumir que a entrada sempre conterá uma árvore binária de busca válida.

O último caso é seguido por um zero.

Note que o primeiro caso de teste no exemplo de entrada descreve uma árvore parecida com:

## Saída

Para cada caso de teste, escreva uma linha contendo a frequência de acesso para cada nó em ordem crescente de valores dos nós. Para evitar problemas de precisão, as frequências devem ser escritas como

números inteiros, significando que a probabilidade de acesso de um nó será a frequência dividida pela soma de todas as frequências. Certifique-se que você não escreverá qualquer inteiro maior que  $2^{63}$  - 1 (o valor máximo que cabe no tipo long long para C/C++ ou long para Java). Caso contrário, você poderá produzir uma solução qualquer sem a garantia de que é exatamente uma árvore binária de busca ótima: a árvore binária de busca dada na entrada.

Exemplo de Entrada	Exemplo de Saída
3	1 1 1
-1 -1	512 256 128 64 32 16 8 4 2 1
1 3	
-1 -1	
10	
-1 2	
-1 3	
-1 4	
-1 5	
-1 6	
-1 7	
-1 8	
-1 9	
-1 10	
-1 -1	
0	

Univeristy of Ulm Local Contest 2005/2006