## Canais de Qanat

Por Marcio T. I. Oshiro San Brasil

Timelimit: 1

A medina de Marrakech é formada pela cidade fortificada, patrimônio universal da Unesco desde 1995. O início de sua construção remonta à fundação da cidade no século XI e inclui vários monumentos impressionantes, como a mesquita de Koutoubia, madraçal de Ben Youssef, e o Palácio Bahia. Várias histórias cercam os monumentos que formam a medina. A mais interessante diz respeito os jardins Ménara. O parque tem hortas e lagos artificiais construídos na época do sultão. Abd-el-Rhaman, que era um apaixonado por desafios matemáticos. Um dos mais brilhantes é o dos conjuntos de canais de qanat (هناة). Cada conjunto é formado por um canal fechado e um canal aberto. O canal fechado tem o formato de um polígono e o canal aberto consiste de uma sequência de arestas formando um caminho. O desafio é determinar se é possível transformar o canal fechado no canal aberto através de operações mentais sobre o canal fechado, como de remoção de vértices e arestas, translações e rotações (no plano).

Os canais são dados através das coordenadas dos seus vértices e a ordem na qual os vértices são dados indica o sentido do fluxo de água. Consideramos que é possível transformar o canal fechado no aberto se após a aplicação das operações, o canal resultante tem as mesmas coordenadas e a água flui no mesmo sentido.

Figura 1. Ilustração primeiro (esq.) e segundo (dir.) exemplos de entrada.

## **Entrada**

A entrada é composta por diversas instâncias e termina com final de arquivo (EOF).

A primeira linha de cada instância contém dois inteiros  $N_f$  (3  $\leq N_f \leq$  20.000) e  $N_a$  (2  $\leq N_a \leq$  5.000), correspondendo ao número de vértices dos canais fechado e aberto, respectivamente. A linha seguinte contém  $N_f$  pares de inteiros ( $\mathbf{x}_i$ ,  $\mathbf{y}_i$ ) (-10.000  $\leq \mathbf{x}$ ,  $\mathbf{y} \leq$  10.000), cada par representando a coordenada de um vértice do canal fechado. No canal fechado a água sempre flui no sentido anti-horário e os vértices são númerados de 1 a  $N_f$ . A terceira e última linha contém Na pares de inteiros ( $\mathbf{x}_i$ ,  $\mathbf{y}_i$ ) correspondendo aos vértices do canal aberto.

## Saída

Para cada instância imprima -1, se não é possível transformar o canal fechado no aberto, ou o menor índice do vértice do canal fechado que coincide com primeiro vértice do canal aberto após a transformação.

Exemplo de Entrada	Exemplo de Saída
4 2	1
0 0 4 3 0 6 -4 3	-1
2 -1 2 4	
4 3	
0 0 4 3 0 6 -4 3	
5 0 5 5 4 5	