Codificação Gamma de Elias

Contest Local, Universidade de Ulm Alemanha

Timelimit: 1

O código gamma de Elias é um código simples que pode ser usado para codificar uma sequência de inteiros positivos. Iremos utilizar um código modificado que também é capaz de codificar zeros.Para codificar um inteiro n, faça o seguinte:

- 1. Seja *k* o numero de bits de *n*
- 2. Escreva k-1 zeros seguido por 1
- 3. Escreva n em binário

Exemplos

| Binário | Número de bits | Prefixo | Código |
|---------|--|--|--|
| 0 | 1 | 1 | 10 |
| 1 | 1 | 1 | 11 |
| 10 | 2 | 01 | 0110 |
| 11 | 2 | 01 | 0111 |
| 100 | 3 | 001 | 001100 |
| 101 | 3 | 001 | 001101 |
| 110 | 3 | 001 | 001110 |
| 111 | 3 | 001 | 001111 |
| 1000 | 4 | 0001 | 00011000 |
| | 0 1 10 11 100 101 110 111 | Binário bits 0 1 1 1 10 2 11 2 100 3 101 3 110 3 111 3 | Binário bits Prefixo 0 1 1 1 1 1 10 2 01 11 2 01 100 3 001 101 3 001 110 3 001 111 3 001 |

Uma sequência de inteiros é codificada escrevendo os códigos dos inteiros individuais da sequência na mesma ordem em que os inteiros aparecem na sequência. O prefixo de k bits a mais, antes da representação binária de cada inteiro, é necessário para poder decodificar os inteiros codificados. Então, quando estiver lendo a codificação de uma sequência de inteiros, se lermos k-1 zeros seguido por um, isso significa que existem k bits seguintes, que são a representação binária do próximo inteiro codificado.

Se quisermos diminuir o tamanho da codificação da sequência de inteiros, pode haver ainda algum espaço para melhorias vamos considerar as duas otimizações seguintes:

- 1. Se houver um prefixo que indica os k bits seguintes, mas se não tiver um inteiro na sequência com k bits, podemos usar este prefixo para indicar que seguem k+1 bits. Se já houver um prefixo que indica que seguem k+1 bits, esse prefixo não será mais necessário e poderá ser usado para indicar que seguem k+2 bits, e assim por diante.
- 2. Podemos adiciona um zero a esquerda da representação binária de todos os inteiros na sequência com *k* bits, que então torna-se inteiros com *k*+1 bits, e então a primeira otimização pode ser usada. A otimização parece especialmente útil se houver alguns inteiros com *k* bits, mas muitos inteiros com mais de *k* bits.

Quando estivermos diminuindo o tamanho da codificação da sequência de inteiros, nós apenas devemos ter

cuidado sobre quantos inteiros na sequência tem um certo número de bits. Seja c_i o número de inteiro na sequência com i bits.

Vejamos o seguinte exemplo $c_1 = 2$, $c_2 = 4$, $c_3 = 0$, $c_4 = 1$ (que, por exemplo, poderia corresponder a sequência 2, 1, 3, 8, 0, 2, 3). Com o original código gamma de elias, a codificação da sequência deveria ter tamanho $2 \times (1 + 1) + 4 \times (2 + 2) + 0 \times (3 + 3) + 1 \times (4 + 4) = 28$. Usando a otimização 1 podemos salvar 1 bit usando o prefixo 001 para o inteiro com 4 bits. Então, poderíamos usar a otimização 2 e adicionar zeros a esquerda do inteiro com 1 bit, fazendo-os usar 2 bits. Então, usamos a otimização 1 e o prefixo 1 para inteiros com 2 bits, prefixo 01 para inteiros com 4 bits, e teremos o novo tamanho de $6 \times (1 + 2) + 1 \times (2 + 4) = 24$.

Ambas otimizações podem ser usadas várias vezes. O objetivo é combinar essas duas otimizações da melhor maneira possível, o que significa que queremos encontrar uma codificação de uma determinada sequência de inteiros que tem um tamanho minímo entre todas as codificações usando a Codificação Gamma de Elias com qualquer combinação dessas duas otimizações.

Entrada

A entrada contém vários casos teste. Cada casos teste inicia com uma linha contendo um inteiro \mathbf{n} , (1 \leq \mathbf{n} \leq 128). A próxima linha contém os $\mathbf{c_1}$, ..., $\mathbf{c_n}$ (0 \leq $\mathbf{c_i}$ \leq 10000). A entrada termina com \mathbf{n} = 0.

Saída

Para cada caso teste imprima uma linha como o tamanho mínimo de uma codifição da determinada sequência da entrada.

| Exemplo de Entrada | Exemplo de Saída |
|----------------------------------|------------------|
| 4 | 24 |
| 2 4 0 1 | 99 |
| 5 | 5494 |
| 9 4 2 4 3 | |
| 11 | |
| 44 56 96 26 73 80 77 50 33 16 78 | |
| 0 | |

Univeristy of Ulm Local Contest 2009