## **Fractran**

Contest Local, Universidade de Ulm Alemanha

Timelimit: 3

Para jogar o "jogo da fração", correspondente a uma lista dada  $f_1$ ,  $f_2$ , ...,  $f_k$  de frações e inteiros começando em N, você repetidamente multiplica o inteiro que você tem em qualquer fase (inicialmente N) pelos primeiros  $f_i$  na lista para os quais a resposta é um inteiro. Sempre que não exista tal  $f_i$ , o jogo para.

Formalmente, definimos uma sequência  $S_0$ =N, e  $S_{j+1}$ = $f_iS_j$ , se para  $1 \le I \le k$ , o número  $f_iS_j$  é um inteiro, mas os números  $f_1S_j$ , ...,  $f_{i-1}S_J$  não são.

Por exemplo, se temos a lista com oito frações  $f_1=170/39$ ,  $f_2=19/13$ ,  $f_3=13/17$ ,  $f_4=69/95$ ,  $f_5=19/23$ ,  $f_6=1/19$ ,  $f_7=13/7$ ,  $f_8=1/3$ , e iniciando com N = 21, nós produzimos a sequência (finita) (21,39,170,130,190,138,114,6,2). Em geral, a sequência pode ser infinita.

Dada uma lista de frações e um inteiro de início, calcule uma parte da sequência definida. Na verdade, estamos interessados apenas nas potências de 2 que aparecem na sequência.

## **Entrada**

A entrada contém vários casos de teste. Cada caso de teste começa com três inteiros m, N, k. Você pode assumir que  $1 \le m \le 40$ ,  $1 \le N \le 1000$ , e  $1 \le k \le 100$ . Então seguem k frações  $f_1$ , ...,  $f_k$ . Para cada fração, primeiro seu numerador é dado, seguido por seu denominador. Você pode assumir que ambos são números inteiros positivos menores ou iguais a 1000 e seu maior divisor comum é 1. O último caso de teste é seguido por um zero.

## Saída

Para cada caso de teste imprima na linha **m** os números **e**<sub>1</sub>, ..., **e**<sub>m</sub>, separados por um caractere de espaço, de tal forma que **2**e**1**, ..., **2**ek são os primeiros **m** números na sequência definida, que são potências de 2. Você pode assumir que há pelo menos **m** potências de 2 entre os primeiros 7654321 elementos da sequência.

Exemplo de Entrada	Exemplo de Saída
1 21 8 170 39 19 13 13 17 69 95 19 23 1	1
19 13 7 1 3	1 2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43
20 2 14 17 91 78 85 19 51 23 38 29 33	47 53 59 61 67
77 29 95 23 77 19 1 17 11 13 13 11 15 2	
1 7 55 1	
0	

Univeristy of Ulm Local Contest 2004/2005