Quase Menor Caminho

Por Pedro Demasi Brasil

Timelimit: 3

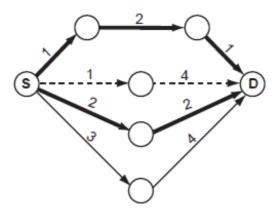
Achar um caminho que vai de um ponto inicial até um ponto de destino dados um conjunto de pontos e a extensão das rotas que os conectam é um problema já bem conhecido, e já até é parte de nosso dia-a-dia, uma vez que programas de caminho mínimo estão largamente distribuídos hoje em dia.

A maioria das pessoas normalmente gosta bastante dessas aplicações já que elas tornam suas vidas mais fáceis. Bem, talvez nem tão mais fáceis.

Agora que quase todo mundo tem acesso a aparelhos de GPS capazes de calcular os caminhos mais curtos a maioria das rotas que formam o caminho mais curto estão ficando lentas devido ao tráfego pesado. Como a maioria das pessoas tenta seguir o mesmo caminho, não vale mais a pena seguir essas direções.

Com isso em mente, seu chefe pediu a você que desenvolvesse uma nova aplicação à qual somente ele vai ter acesso, poupando tempo sempre que ele tiver uma reunião ou qualquer evento urgente. Ele pede a você que o programa não deve dizer o menor caminho, mas o quase menor caminho. Ele define o quase menor caminho como o menor caminho que vai de um ponto inicial até um um ponto de destino de forma que nenhuma rota entre dois pontos consecutivos pertence a qualquer caminho mínimo entre o ponto de partida e o de destino.

Por exemplo, suponha que a figura abaixo representa o mapa dado, com círculos representando localizações e linhas representando rotas diretas, de mão única com as distâncias indicadas. O ponto de partida está marcado como S e o de destino está marcado como D. As linhas em negrito pertencem a um caminho mínimo (nesse caso existem dois caminhos mínimos, cada um com extensão 4). Logo, o quase menor caminho seria o indicado com linhas pontilhadas (extensão 5), já que nenhuma rota entre dois pontos consecutivos pertence a nenhum caminho mínimo. Note que poderia existir mais de uma resposta possível, por exemplo, se a rota com extensão 3 tivesse extensão 1. Bem como poderia inexistir uma resposta certa.



Entrada

A entrada contém vários casos de teste. A primeira linha de um caso de teste contém dois inteiros \mathbf{N} (2 <= \mathbf{N} <= 500) e \mathbf{M} (1 <= \mathbf{M} <= 10⁴), separados por um espaço, indicando, respectivamente, o número de pontos no mapa e o número de rotas de mão única conectando dois pontos diretamente. Cada ponto é identificado por um único inteiro entre 0 e \mathbf{N} - 1. A segunda linha contém dois inteiros \mathbf{S} e \mathbf{D} , separados por um único espaço, indicando, respectivamente, os pontos de partida e de destino (\mathbf{S} != \mathbf{D} ; 0 <= \mathbf{S} , \mathbf{D} < \mathbf{N}). Cada uma das \mathbf{M} linhas seguintes contém três inteiros \mathbf{U} , \mathbf{V} e \mathbf{P} (\mathbf{U} != \mathbf{V} ; 0 <= \mathbf{U} , \mathbf{V} < \mathbf{N} ; 1 <= \mathbf{P} <= 10³), separados por espaço, indicando a existência de uma rota de \mathbf{U} para \mathbf{V} com distância \mathbf{P} . Existe no máximo uma rota de um ponto \mathbf{U} até um ponto \mathbf{V} , mas perceba que a existência de uma rota de \mathbf{U} para \mathbf{V} não implica a existência de uma rota

de **V** para **U** e, se tal estrada existir, ela pode ter extensão diferente. O fim da entrada é indicado por uma linha contendo apenas dois zeros separados por um espaço.

Saída

Para cada caso de teste na entrada, seu programa deve imprimir uma única linha, contendo -1 se não for possível cumprir os requisitos ou um inteiro representando a extensão do quase menor caminho encontrado.

| Exemplo de Entrada | Exemplo de Saída |
|--------------------|------------------|
| 7 9 | 5 |
| 0 6 | -1 |
| 0 1 1 | 6 |
| 0 2 1 | |
| 0 3 2 | |
| 0 4 3 | |
| 1 5 2 | |
| 2 6 4 | |
| 3 6 2 | |
| 4 6 4 | |
| 5 6 1 | |
| 4 6 | |
| 0 2 | |
| 0 1 1 | |
| 1 2 1 | |
| 1 3 1 | |
| 3 2 1 | |
| 2 0 3 | |
| 3 0 2 | |
| 6 8 | |
| 0 1 | |
| 0 1 1 | |
| 0 2 2 | |
| 0 3 3 | |
| 2 5 3 | |
| 3 4 2 | |
| 4 1 1 | |
| 5 1 1 | |
| 3 0 1 | |
| 0 0 | |

ACM/ICPC South America Contest 2008.