# Metody Obliczeniowe w Nauce i Technice Laboratorium 2 Rozwiązywanie układów równań liniowych

#### 6 marca 2024

## Przydatne funkcje

- Matlab: linsolve, mldivide, lu
- Matlab: operatory: \, /
- Python: numpy.linalg.solve, numpy.linalg.lstsq, scipy.linalg.lu

#### Literatura

- Marix Analysis and Applied Linear Algebra, Carl D. Mayer, SIAM, 2000.
  - Metoda Gaussa-Jordana: rozdział 1.3
  - Poszukiwanie elementu wiodącego (częściowe, pełne), skalowanie układu równań: rozdział 1.5
  - Faktoryzacja LU: rozdział 3.10

#### Zadanie 1 Metoda Gaussa-Jordana

Napisz i sprawdź funkcję rozwiązującą układ równań liniowych  $n \times n$  metodą Gaussa-Jordana z częściowym poszukiwaniem elementu wiodącego. Dla dziesięciu różnych rozmiarów macierzy współczynników większych niż  $500 \times 500$  porównaj czasy działania zaimplementowanej funkcji z czasami uzyskanymi dla wybranych funkcji bibliotecznych.

# Zadanie 2 Faktoryzacja LU

Napisz i przetestuj funkcję dokonującą faktoryzacji  $\mathbf{A} = \mathbf{L}\mathbf{U}$  macierzy  $\mathbf{A}$  (bez poszukiwania elementu wiodącego). Sprawdź poprawność wyniku obliczając  $\|\mathbf{A} - \mathbf{L}\mathbf{U}\|$ . Zadbaj o to żeby implementacja była *in-situ*. Elementy macierzy  $\mathbf{L}$  to współczynniki mnożenia

umożliwiające wyzerowanie odpowiedniego współczynnika macierzy  ${\bf A}$  w trakcie procesu eliminacji.

## Zadanie 3 Analiza obwodu elektrycznego - nadokreślony układ równań

Napisz program, który:

- a) Wczytuje z pliku listę krawędzi grafu nieskierowanego ważonego opisującego obwód elektryczny. Wagi krawędzi określają opór fragmentu obwodu między dwoma wezłami. Wierzchołki grafu identyfikowane sa przez liczby naturalne.
- b) Wczytuje dodatkowo trójkę liczb (s,t,E), przy czym para (s,t) wskazuje między którymi węzłami sieci przyłożono siłę elektromotoryczną E. Opór wewnętrzny SEM można zaniedbać.
- c) Wykorzystując prawa Kirchhoffa (albo metodę potencjałów węzłowych) znajduje natężenia prądu w każdej części obwodu i przedstawia je na rysunku w postaci grafu ważonego z etykietami (wizualizacja grafu wraz z kolorowymi krawędziami pokazującymi wartość natężenia prądu oraz jego kierunek)
- d) Przedstaw (wizualizacja + automatyczne sprawdzenie poprawności wyników) działanie programu dla grafów spójnych mających od 15 do 200 wierzchołków. Rozważ następujące typy grafów:
  - Spójny graf losowy (Erdős-Rényi)
  - Graf 3-regularny (kubiczny)
  - Graf złożony z dwóch grafów losowych połaczonych mostkiem
  - Graf siatka 2D
  - Graf typu small-world
- e) Skomentuj wybrane rozwiązanie prawa Kirchoffa I, II vs. metoda potencjałów węzłowych. W przypadku korzystania z praw Kirchoffa w jaki sposób możemy rozwiązać nadokreślony układ równań. Opisz najważniejsze aspekty swojego rozwiązania (kierunek prądu, weryfikacja poprawności rozwiązania, sposób wyznaczania cykli prostych).