Corso "Programmazione 1" Capitolo 06: Gli Array

Docente: Marco Roveri - marco.roveri@unitn.it

Esercitatori: Stefano Berlato - stefano.berlato-1@unitn.it

Andrea Mazzullo - andrea.mazzullo@unitn.it Giovanna Varni - giovanna.varni@unitn.it Matteo Franzil - matteo.franzil@unitn.it

C.D.L.: Informatica (INF)

A.A.: 2023-2024

Luogo: DISI, Università di Trento URL: https://bit.ly/2VgfYwJ



Terms of Use and Copyright

USE

This material (including video recording) is intended solely for students of the University of Trento registered to the relevant course for the Academic Year 2023-2024.

SELF-STORAGE

Self-storage is permitted only for the students involved in the relevant courses of the University of Trento and only as long as they are registered students. Upon the completion of the studies or their abandonment, the material has to be deleted from all storage systems of the student.

COPYRIGHT

The copyright of all the material is held by the authors. Copying, editing, translation, storage, processing or forwarding of content in databases or other electronic media and systems without written consent of the copyright holders is forbidden. The selling of (parts) of this material is forbidden. Presentation of the material to students not involved in the course is forbidden. The unauthorised reproduction or distribution of individual content or the entire material is not permitted and is punishable by law.

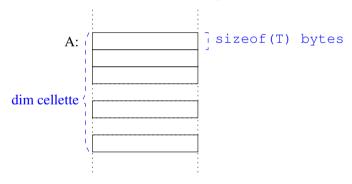
The material (text, figures) in these slides is authored mostly by Roberto Sebastiani, with contributions by Marco Roveri, Alessandro Armando, Enrico Giunchiglia e Sabrina Recla.

Outline

- Definizione ed Utilizzo di Array
- Array e Funzioni
- Array Ordinati
- Array Multi-Dimensionali
- Array e Puntatori
- 6 Array, Puntatori e Funzioni

Tipi e Variabili Array

- Array: sequenza finita di elementi consecutivi dello stesso tipo.
- Il numero di elementi di un array (dimensione) è fissata a priori
- Per un array di tipo T e dimensione dim, il compilatore alloca dim cellette consecutive di sizeof (T) bytes (allocazione statica)
- Un array rappresenta (in C/C++) l'indirizzo del primo elemento della sequenza



© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023

Definizione ed Inizializzazione di Array

Sintassi definizione:

```
• tipo id[dim];
• tipo id[dim]={lista_valori};
• tipo id[]={lista_valori};
```

Esempi:

```
double a[25]; //array di 25 double
const int c=2;
char b[2*c]={'a','e','i','o'}; // dimensione 4
char d[]={'a','e','i','o','u'}; // dimensione 5
```

- La dimensione dell'array deve essere valutabile al momento della compilazione¹:
 - esplicitamente, tramite l'espressione costante dim
 - implicitamente, tramite la dimensione della lista di inizializzazione
- Se mancano elementi nella lista di inizializzazione, il corrispondente valore viene inizializzato allo zero del tipo T

© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023

¹Versioni recenti dei compilatori rilassano questo vincolo!

Operazioni non lecite sugli array

- Sugli array non sono definite operazioni aritmetiche, di assegnamento, di input
- Le operazioni di confronto e di output sono definite, ma danno risultati imprevedibili
- ⇒ per tutte queste operazioni è necessario scrivere funzioni ad-hoc

```
esempio di cui sopra, espanso:
{ ARRAY/array.cc }
```

L'unica operazione definita sugli array è la selezione con indice (subscripting), ottenuta nella forma:

```
identifier[expression]
```

- identifier è il nome dell'array
- il valore di expression, è l'indice dell'elemento
 - è di tipo discreto (convertibile in intero)
- è un'espressione variabile!!

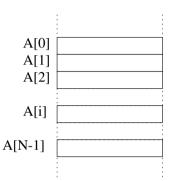
```
Es: v[100] diversissimo da v0, ..., v99, posso usare v[i]
```

• identifier[expression] è un'espressione dotata di indirizzo

```
⇒ può ricevere un input, essere assegnata, passata per riferimento, ecc.
```

```
cin >> a[i];
a[n+3]=3*2;
scambia(a[i],a[i+1]);
```

Range degli array



- Gli elementi di un array di dimensione N sono numerati da 0 a N-1
- Esempio: se i vale 3, a[i]=7 assegna il quarto elemento di a a 7

Esempi: uso di array e range

• lettura di un valore, stampa in ordine inverso:

```
{\tt \{ARRAY/array2\_mia.cc\}}
```

• ... con errore sul range (problema tipico):

```
{ ARRAY/array2_errata.cc }
```

 g++ -fsanitize=bounds -fsanitize=bounds-strict può aiutare ad identificare a run-time la maggior parte dei casi di errore di array subscripting out of bounds!

© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023

10

```
inizializzazione:
  { ARRAY/array3.cc }
• ... (errore: il range di un array inizia da 0):
  { ARRAY/array3_err.cc }
• ... senza esplicitazione della dimensione:
  { ARRAY/array3_bis.cc }

    inizializzazione a zero di default:

  { ARRAY/array4.cc }
inizializzazione a tutti zero di default:
  { ARRAY/array4_bis.cc }
vettore non inizializzato:
  { ARRAY/array5.cc }
```

Attenzione: Uscita dal range di un array

```
In C++, l'operatore "[]" permette di "uscire" dal range 0...dim-1 di un'array!

int A[dim]; int i=0;

A[i-1]; // cella sizeof(int) bytes prima di A[0]

A[i+dim]; // cella sizeof(int) bytes dopo A[dim-1]

⇒ Effetti potenzialmente catastrofici in caso di errore

⇒ È responsabilità del programmatore garantire che un operazione di subscripting non esca mai dal range di un'array!
```

Esempio:

```
errore, fuori range: catastrofico: va a sovrascrivere una variabile ma non rivelato!
(usare -fno-stack-protector):
{ ARRAY/array3_errato.cc }
```

Funzione con parametri di tipo array

- Una funzione può avere un parametro formale del tipo "array di T"
 - Es: float sum(float v[], int n) {...}
 - tipicamente si omette la dimensione ("float v[]", non "float v[dim]")
 - tipicamente associato al numero di elementi effettivamente utilizzati (dimensione virtuale)
- Il corrispondente parametro attuale è un array di oggetti di tipo T
 - Es:
 float a[DIM]; int n;
 (...)
 x = sum(a,n);
- Nel passaggio, gli elementi dell'array non vengono copiati
 - N.B. viene copiato solo l'indirizzo del primo elemento
 - Equivalente a passare gli elementi dell'array per riferimento
 - È possibile impedire di modificarli usando la parola chiave const

Nota

Con allocazione statica di array, tipicamente si definiscono array sufficientemente grandi, e poi se ne usa di volta in volta solo una parte.

Passaggio di parametri array costanti

- È possibile definire passaggi di array in sola lettura (passaggio di array costante)
 - Sintassi: (const tipo identificatore [], ...)
 - Es: int print(const int v[],...) (...) {...}
- Passaggio di array: il contenuto dell'array non viene duplicato
 evito possibile spreco di tempo CPU e memoria
- Non permette di modificare gli elementi di v!
 - Es: v[3] = 5; //ERRORE!
 - => passaggio di informazione solo dalla chiamante alla chiamata
 - \Longrightarrow solo un input alla funzione
- Usato per passare array in input alla funzione
 - efficiente (no spreco di CPU e memoria)
 - evita errori
 - permette di individuare facilmente gli input della funzione

15

passaggio di vettori, i/o di vettori, norma 1, somma, concatenazione di vettori:
 { ARRAY/leggimanipolaarray.cc }

Nota

Se arr è un parametro di tipo array di Type di una funzione

```
\implies sizeof(arr) = sizeof(Type *).
void addElement(int arr[], int &d, const int x, const int p, const int N) {
  cout << "Array of size: " << sizeof(arr)/sizeof(int) << endl;</pre>
  // Su macchina a 64bit stampa 2 indipendentemente da size di array passato!
  cout << "======== " << endl:
  cout << "Adding." << x << ".at.position." << p << endl;</pre>
  if (p >= 0 && p <= d && d < N) {
   for (int i = d; i > p; i--)
     arr[i] = arr[i-1];
    arr[p] = x:
   d++:
// ARRAY/sizeof.cc
```

© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023 16

Array e funzioni ricorsive

- E frequente effettuare operazioni ricorsive su array
 - Tipicamente il parametro di ricorsione definisce il range dei sotto-array correntemente analizzati

```
somma di array 1 :
  { ARRAY/array_recl_nocomment.cc }
• .... chiamate tracciate:
  { ARRAY/array_rec1.cc }
somma di array 2 :
  { ARRAY/array_rec2_nocomment.cc }
.... chiamate tracciate:
  { ARRAY/array_rec2.cc }
somma di array 3 :
   ARRAY/array_rec3_nocomment.cc }
… chiamate tracciate:
   ARRAY/array_rec3.cc }
```

Esercizi

```
Esercizi proposti:
{ ARRAY/ESERCIZI_PROPOSTI.txt }
```

18

Problema: ricerca di un elemento in un array

Quanti passi richiede in media il cercare un elemento in un array di N elementi?

- Con un array generico:
 - $\approx N/2$ se l'elemento è presente, $\approx N$ se non è presente
 - $\implies O(N)$ (un numero proporzionale ad N)
 - ES: $N = 1.000.000 \Longrightarrow \le 1.000.000$ passi
 - Ricerca lineare:

```
{ SORT/linear_search.cc }
```

- Su un array ordinato:
 - $\leq \lceil log_2(N) \rceil$ se l'elemento è presente, $\lceil log_2(N) \rceil$ se non è presente
 - $\implies O(log_2(N))$ (un numero proporzionale al logaritmo di N)
 - ES: $N = 1.000.000 \implies < 20$ passi
 - Ricerca binaria:

```
{ SORT/binary_search.cc }
```

• ... versione ricorsiva:

```
{ SORT/binary_search_rec.cc }
```

⇒ In molte applicazioni, è vitale mantenere un array ordinato

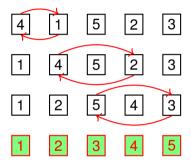
Metodi di ordinamento

Moltissimi metodi di ordinamento

- Selection sort
- Insertion sort
- Bubble sort
- Quick sort
- ...

Ordinamento per selezione: Selection Sort

- Cerco elemento più piccolo dell'array e lo scambio con il primo elemento dell'array.
- Cerco il secondo elemento più piccolo dell'array e lo scambio con il secondo elemento dell'array.
- Proseguo in questo modo fintanto che l'array non è ordinato



Selection sort:

```
SORT/selection_sort.cc }
```

```
void selectionsort(int A[], int N) {
  for (int i = 0; i < N - 1; i++) {
    int min = i;
    for(int j = i + 1; j < N; j++) // cerco elemento piu'
                                   // piccolo nella parte di
                                    // array ancora da ordinare
       if (A[i] < A[min]) min = i;
    swap(A[i], A[min]); // scambio elemento trovato
                        // con elemento dell'array
                        // ancora da ordinare
```

Ordinamento per selezione: Selection Sort

Selection sort

- Relativamente semplice:
- O(N²) passi in media
- ES: $N = 1.000.000 \implies \le 1.000.000.000.000 = 10^{12}$ passi (!)

Ordinamento per inserzione: Insertion Sort

- È il metodo usato dai giocatori di carte per ordinare in mano le carte.
- Considero un elemento per volta e lo inserisco al proprio posto tra quelli già considerati (mantenendo questi ultimi ordinati).
 - L'elemento considerato viene inserito nel posto rimasto vacante in seguito allo spostamento di un posto a destra degli elementi più grandi.

Insertion sort: { SORT/insertion_sort.cc }

```
5 2 4 6 1 3
```

```
void insertsort( int A[], int N) {
   for (int i = N-1; i > 0; i--) // porto elemento
                                  // piu' piccolo in A[0]
       if (A[i] < A[i-1]) swap(A[i], A[i-1]);
   for(int i = 2; i <= N-1; i++) {
      int j = i;
      int v = A[i]:
      while (v < A[j-1]) {
         A[i] = A[i-1]; i--;
      A[\dot{j}] = v;
```

Ordinamento per inserzione: Insertion Sort

Insertion sort

- Relativamente semplice:
- O(N²) passi in media
- ES: $N = 1.000.000 \implies < 1.000.000.000.000 = 10^{12}$ passi (!)

Ordinamento a bolle: Bubble Sort

 Si basa su scambi di elementi adiacenti se necessari, fino a quando non è più richiesto alcuno scambio e l'array risulta ordinato.

bubble sort:

```
SORT/bubblesort_nocomment.cc }
```

Ordinamento a bolle: Bubble Sort

 Si basa su scambi di elementi adiacenti se necessari, fino a quando non è più richiesto alcuno scambio e l'array risulta ordinato.

```
bubble sort:
{ SORT/bubblesort_nocomment.cc }
```

Bubblesort

- Relativamente semplice:
- O(N²) passi in media
- ES: $N = 1.000.000 \Longrightarrow \le 1.000.000.000.000 = 10^{12}$ passi (!)
- bubblesort semplice:

```
{ SORT/bubblesort_nocomment.cc }
```

• ... con passi tracciati:

```
{ SORT/bubblesort.cc }
```

bubblesort ottimizzato:

```
{ SORT/bubblesort_opt.cc }
```

Ordinamento QuickSort

- È un algoritmo di ordinamento del tipo divide et impera.
- Si basa su un processo di partizionamento dell'array in modo che le seguenti tre condizioni siano verificate:
 - Per qualche valore di i, l'elemento A[i] si trova al posto giusto.
 - Tutti gli elementi A[0],..., A[i-1] sono minori od uguali ad A[i].
 - Tutti gli elementi A[i+1],...,A[N-1] sono maggiori od uguali ad A[i].
- L'array è ordinato partizionando ed applicando ricorsivamente il metodo ai sotto array.

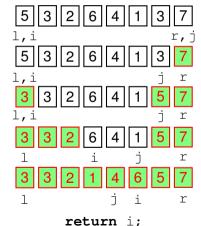
Ordinamento QuickSort (II)

- Scegliamo arbitrariamente un elemento (e.g. A[r]), che chiameremo pivot (o elemento di partizionamento).
- Scandiamo l'array dall'estremità sinistra fino a quando non troviamo un elemento A[i] <= A[r].
- Scandiamo l'array dall'estremità destra fino a che non troviamo un elemento A[j] >= A[r].
- Scambiamo A[i] e A[j], e iteriamo.
- Procedendo in questo modo si arriva ad una situazione in cui tutti gli elementi a sinistra di i sono minori di A[r], mentre quelli a destra di j sono maggiori di A[r].

	minori od uguali a v		maggiori o uguali a v	V
1	i	j		r

© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023 3

Ordinamento QuickSort (III)



- Partizioniamo a partire da A[0] = 5.
- Gli elementi dell'array precedenti ad A[i] sono minori od uguali a 5.
- Gli elementi dopo A[j] sono maggiori od uguali a 5.
- Ripartizioniamo i sotto array da 1 a i-1, e da i+1 a r.

```
int partition(int A[],
              int 1, int r) {
 int i = 1-1, j = r, v = A[r];
 while (true)
   while (A[++i] < v);
   while (v < A[--i])
       if (i == 1) break;
    if (i >= j) break;
    swap(A[i],A[i]);
  swap(A[i],A[r]);
 return(i);
```

```
void quicksort(int A[], int N) {
  quicksort aux (A, 0, N-1);
void quicksort aux(int A[],
                    int 1,
                    int r) {
   if (r <= 1) return:</pre>
   int i = partition(A, l, r);
   quicksort aux(A, l, i-1);
   quicksort aux(A, i+1, r);
```

Metodi di ordinamento: Quicksort

Quicksort

- Complesso
- $O(N \cdot log_2(N))$ passi in media
- ES: $N = 1.000.000 \Longrightarrow \le 20.000.000 = 2 * 10^7$ passi
- quicksort semplice:

```
{ SORT/quicksort_nocomment.cc }
```

• ... con passi tracciati:

```
{ SORT/quicksort.cc }
```

• quicksort, con randomizzazione:

```
{ SORT/quicksort_rand.cc }
```

Nota

Quicksort algoritmo intrinsecamente ricorsivo!

Algoritmo di ordinamento: Shell Sort

- La lentezza dell'algoritmo Insertion Sort risiede nel fatto che le operazioni di scambio avvengono solo tra elementi contigui.
 - Esempio: se l'elemento più piccolo è in fondo all'array, occorrono N scambi per posizionarlo al posto giusto.
- Per migliorare questo algoritmo è stato pensato l'algoritmo Shell Sort.
- L'idea è quella di organizzare l'array in modo che esso soddisfi la proprietà per cui gli elementi aventi tra loro distanza h costituiscono una sequenza ordinata, indipendentemente dall'elemento di partenza.
 - Se si applica l'algoritmo con una sequenza di h che termina con 1, si ottiene un file ordinato.

```
void ShellSort(int A[],
                int 1, int r)
  int h;
  for (h = 1; h \le (r-1)/9;
           h = 3*h+1):
  for(; h > 0; h /= 3)
   for (int i = 1+h:
        i \le r; i++)  {
     int i = i;
     int v = A[i]:
     while ((i) >= 1 + h) \& \&
            (v < A[i-h])
         A[i] = a[i-h];
          i = i - h;
     A[\dot{j}] = v;
```

Metodi di ordinamento: Shell Sort

Shell Sort

- L'implementazione proposta $O(N^{3/2})$ passi in media
- ES: $N = 1.000.000 \Longrightarrow \le 1.000.000.000 = 10^9$ passi (!)
- Usando sequenze particolari di h si possono ottenere prestazioni diverse (e.g. $O(N \cdot log_2(N)^2)$.

Metodi di ordinamento: Algoritmi a confronto

Algoritmo	O()	
Selection sort	$O(N^2)$	
Insertion sort	$O(N^2)$	
Bubblesort sort	$O(N^2)$	
Quick sort	$O(N \cdot log_2(N))$	
Shell sort	$O(N^{3/2})$	
Merge sort*	$O(N \cdot log_2(N))$	

^{*} Da cercare e implementare come esercizio

Algoritmi di sorting a confronto:

```
{ SORT/sorting_all.cpp }
```

Altre operazioni su array ordinati

Fusione ordinata di due array ordinati (merging)

- ES: merge([1 3 4 8], [2 3 5 6]) ⇒ [1 2 3 3 4 5 6 8]
- $O(N_1 + N_2)$

Inserimento di un elemento in un array ordinato

- ES: *insert*, 5, [1 3 4 8]) ⇒ [1 3 4 5 8]
- O(N)
- Equivalente a *merge*([5], [1 3 4 8])

Esercizi

```
Esercizi proposti:
{ SORT/ESERCIZI_PROPOSTI.txt }
```

Array multidimensionali

- In C++ è possibile dichiarare array i cui elementi siano a loro volta degli array, generando degli array multidimensionali (matrici)
- Sintassi:

```
tipo id[dim1][dim2]...[dimN];
tipo id[dim1][dim2]...[dimN]={lista_valori};
tipo id[][dim2]...[dimN]={lista_valori};
```

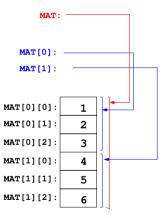
- \implies un array multidimensionale $dim_1 \cdot ... \cdot dim_n$ può essere pensato come un array di dim_1 array multidimensionali $dim_2 \cdot ... \cdot dim_n$
 - Esempio:

```
int MAT[2][3];
int MAT[2][3] = {{1, 2, 3}, {4, 5, 6}};
int MAT[][3] = {{1, 2, 3}, {4, 5, 6}};
```

- Le dimensioni devono essere valutabili durante la compilazione
- Elementi mancanti in inizializzazione (se presente) vengono sostituiti da zeri

Struttura di un array bidimensionale (statico)

```
int MAT[2][3] = \{\{1,2,3\},\{4,5,6\}\};
```



Esempio matrice statica:

MATRICI/matrix_sta.cc }

© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023 43

Esempi: inizializzazione di array bidimensionali

```
con inizializzazione:
  { MATRICI/def_mat1.cc }
con inizializzazione parziale:
  { MATRICI/def_mat2.cc }
• con inizializzazione parziale (2):
  { MATRICI/def_mat3.cc }
• con inizializzazione, senza specifica prima dimensione:
  { MATRICI/def_mat4.cc }

    inizializzazione: errore:

  { MATRICI/def_mat5.cc }
```

Esempi: passaggio di array bidimensionali a funzioni

• solo una dimensione fissa, utilizzate in parte:

```
{ MATRICI/matrix3.cc }
```

• Err: (è necessario passare la dimensione):

```
{ MATRICI/matrix3_err.cc }
```

Aritmetica di Puntatori ed Indirizzi (richiamo)

Gli indirizzi e i puntatori hanno un'aritmetica:

se p è di tipo *T e i è un intero, allora:

- p+i è di tipo *T ed è l'indirizzo di un oggetto di tipo T che si trova in memoria dopo i posizioni di dimensione sizeof (T)
- analogo discorso vale per p++, ++p, p--, --p, p+=i, ecc.

 \implies i viene implicitamente moltiplicato per sizeof (T)



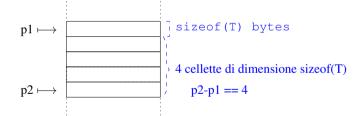
© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023 4

Aritmetica di Puntatori ed Indirizzi (richiamo) II

se p1, p2 sono di tipo *T, allora:

- p2-p1 è un intero ed è il numero di posizioni di dimensione sizeof(T) per cui p1 precede p2 (negativo se p2 precede p1)
- si possono applicare operatori di confronto p1<p2, p1>=p2,ecc.

 \implies p2-p1 viene implicitamente diviso per sizeof (T)



Esempio di operazioni aritmetiche su puntatori (richiamo):

ARRAY PUNT/aritmetica punt.cc }

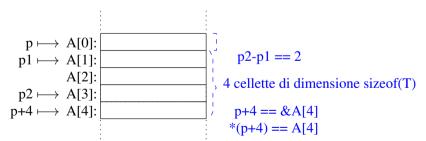
© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023 4

Puntatori ad elementi di un array

ullet Se un puntatore p punta al primo elemento di un array A, l'espressione p+i è l'indirizzo dell'i-esimo elemento dell'array A

```
\implies valgono p+i == & (A[i]) e * (p+i) == A[i]
```

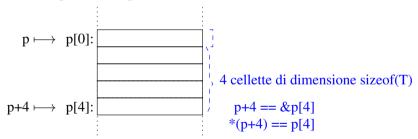
 Se due puntatori dello stesso tipo p1, p2 puntano ad elementi di uno stesso array, p2-p1 denota il numero di elementi compresi tra p1 e p2 (p2-p1 negativo se p2 precede p1)



© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023

Array e puntatori

- Il nome di un array è (implicitamente equivalente a) una costante puntatore al primo elemento dell'array stesso
- se p è il nome di puntatore o di un array, le espressioni &p[i] e p+i sono equivalenti, come lo sono p[i] e * (p+i)



© Marco Roveri et al. Cap. 06: Gli Array 15 ottobre 2023

Esempi

```
    relazione tra array e puntatori:
        { ARRAY_PUNT/punt_vett.cc }
    idem, con doppio avanzamento:
        { ARRAY_PUNT/punt_vett1.cc }
    scansione array con puntatori:
        { ARRAY_PUNT/scansione_array.cc }
    ..., variante:
        { ARRAY_PUNT/scansione_array2.cc }
```

Passaggio di Array tramite Puntatore

- Nelle chiamate di funzioni viene passato solo l'indirizzo alla prima locazione dell'array,
- un parametro formale array può essere specificato usando indifferentemente la notazione degli array o dei puntatori
 - Le seguenti scritture sono equivalenti (array semplici):

```
int f(int arr[dim]);
int f(int arr[]);
int f(const int *arr);
```

• Le seguenti scritture sono equivalenti (array multi-dimensionali):

```
int f(int arr[dim1][dim2]...[dimN]);
int f(int arr[][dim2]...[dimN]);
int f(const int *arr[dim2]...[dimN]);
```

Esempi

```
    array passati come tali (richiamo):
        { ARRAY_PUNT/concatena_array.cc }
    ... passati come puntatori:
        { ARRAY_PUNT/concatena_array1.cc }
    ... passati e manipolati come puntatori:
        { ARRAY_PUNT/concatena_array2.cc }
    passaggio con par. attuale puntatore, par. formale array:
        { ARRAY_PUNT/concatena_array3.cc }
```

Restituzione di un Arrav

Problema importante

Una funzione può restituire un array (allocato staticamente)?

- Sì, ma solo se è allocato staticamente esternamente alla funzione! (es. parametro formale, array globale)
- No. se è allocato staticamente internamente alla funzione!
- corretta, restituisce array parametro formale: ARRAY_PUNT/restituzione_array.cc }
- corretta, restituisce array globale: ARRAY_PUNT/restituzione_array1.cc }
- compila, ma fa disastri:
 - ARRAY_PUNT/err_restituzione_array2.cc }

Esercizi

Esercizi proposti:

{ ARRAY_PUNT/ESERCIZI_PROPOSTI.txt }