

Enunciado:

Considere o número complexo $z = 2 + 3i$, em que i é a unidade imaginária.

- (a) Escreva z na forma trigonométrica.
- (b) Determine o conjugado de z .
- (c) Calcule o valor de z^2 .
- (d) Represente graficamente o número complexo z no plano de Argand-Gauss.
- (e) Escreva z na forma exponencial.

Resolução:

Considerando o complexo $z = 2 + 3i$,

a) Para escrever z na forma trigonométrica, podemos partir do fato que, a forma trigonométrica é o produto do módulo de z com o cis desse ângulo. Sendo que cis é a abreviação para $\cos(\theta) + i \cdot \sin(\theta)$, onde θ é o arco cuja tangente é a razão da parte imaginária com a parte real. Dessa forma:

$$|z| = \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13}$$

$$z = |z| \cdot \text{cis}(\theta) = \sqrt{13} \cdot [\cos(\theta) + i \cdot \sin(\theta)]$$

$$\theta = \arctan\left(\frac{3}{2}\right) = \arctan(1,5) \approx 0,982793723 \text{ rad}$$

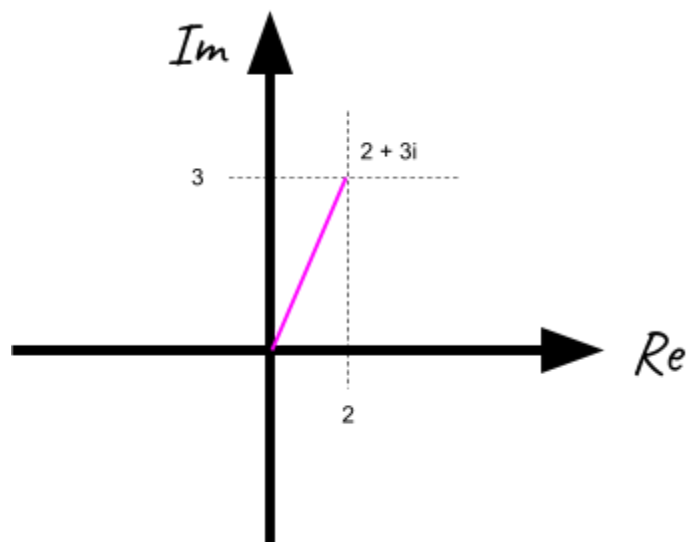
$$z = \sqrt{13} \cdot [\cos(0,98) + i \cdot \sin(0,98)]$$

b) O conjugado de z é o número imaginário que possui simetria em relação ao eixo real, ou seja, basta multiplicar por -1 a parte imaginária de z :

$$\bar{z} = 2 - 3i$$

$$c) z^2 = (2 + 3i)^2 = 4 + 2 \cdot 2 \cdot 3i + 9i^2 = -5 + 12i$$

d)



e) A forma exponencial é definida como: $e^{\theta.i} = cis(\theta)$. Utilizando o ângulo θ calculado em a), temos:

$$z = cis(1,5) = e^{1,5.i}$$