

#### 谷爱凌比赛视频回顾,

#### 全红婵跳水

在短道速滑男子5000米接力A组 决赛中(baidu.com)

短道速滑回顾-3000米接力赛,



# 第五章

# 刚体运动学



# 通过本次课的学习, 您将学习:

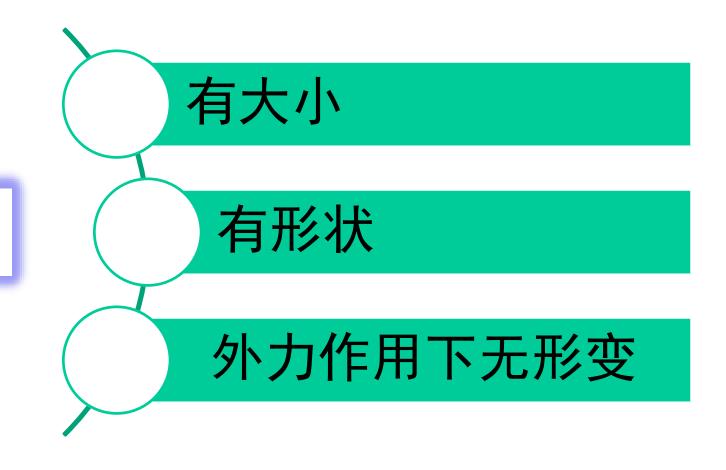
- 刚体的物理模型
- 质心和质心动量定理
- 刚体定轴转动的矢量描述



# 物理模型III



刚体





#### ➤说明:

- ① 可看做间距不变的质点系 刚体可分成无数微小的部分,每一部分可看成 是一个质点,服从质点的运动规律,由刚体模 型可知,各质点的相对位置始终保持不变。
- ② 刚体所受合力为各质点所受外力的矢量和,内力相互抵消。
  - a) 各质点之间相互作用力即内力,成对出现,大小相等,方向相反,故互相抵消。
  - b) 各质点受其他物体的作用力,即外力,对 整个刚体可以求矢量和。



◆自由度: 确定一个物体的位置所需的独立坐标数称为这个物体的自由度。

直线上的质点: 1

平面上的质点: 2

空间中的质点: 3

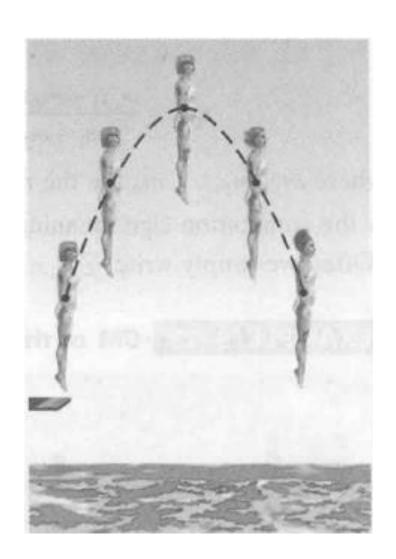
刚体: 6

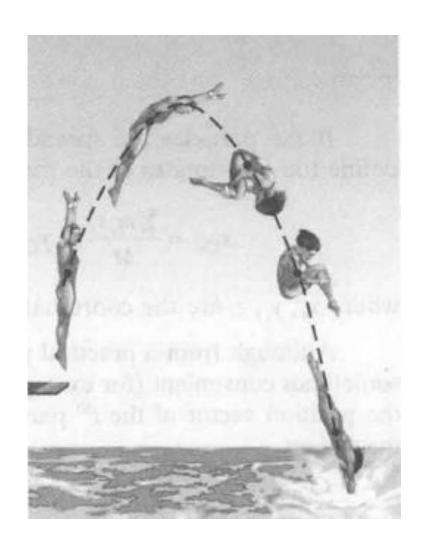


## 模块1: 质心和质心运动定律

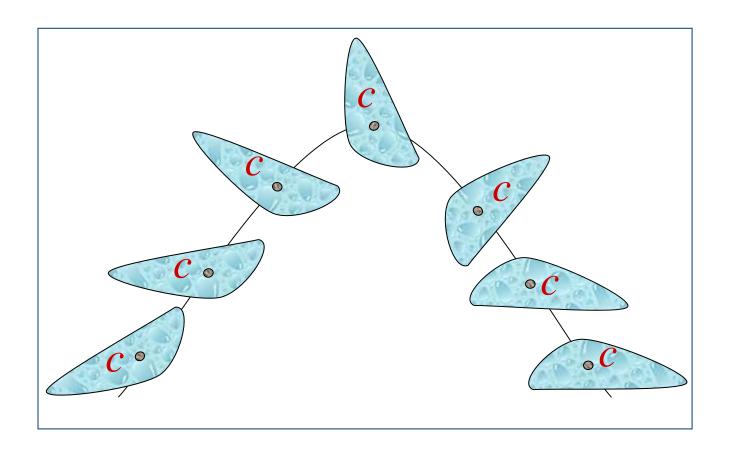


# 1 质心





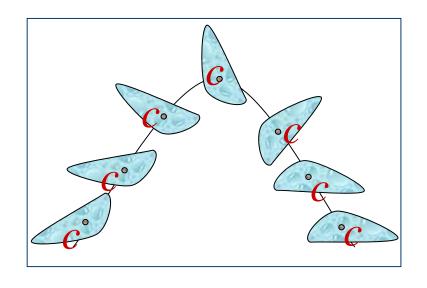






#### 一 质心

- 1 质心的概念
- ▶ 板上点C的运动轨
  迹是抛物线



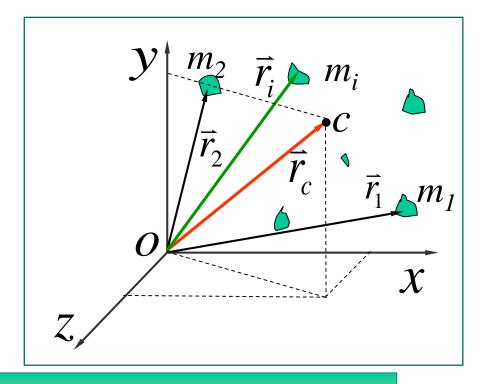
➤ 其余点的运动=随点C的平动+绕点C的转动

质心: 质点系质量分布的中心



### 2 质心的位置

由*n*个质点组成的质点 系,其质心的位置:



$$\vec{r}_{C} = \frac{m_{1}\vec{r}_{1} + m_{2}\vec{r}_{2} + \dots + m_{i}\vec{r}_{i} + \dots}{m_{1} + m_{2} + \dots + m_{i} + \dots} = \frac{\sum_{i=1}^{n} m_{i}\vec{r}_{i}}{m}$$



### >对质量离散分布的物系:

$$x_{C} = \frac{\sum_{i=1}^{n} m_{i} x_{i}}{m}$$

$$y_{C} = \frac{\sum_{i=1}^{n} m_{i} y_{i}}{m}$$

$$z_{C} = \frac{\sum_{i=1}^{n} m_{i} z_{i}}{m}$$



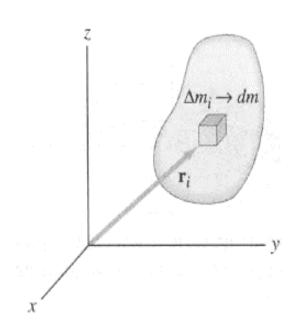
### >对质量连续分布的物体:

$$\vec{r}_{C} = \frac{\int \vec{r} dm}{m} = \frac{\int \vec{r} \rho dv}{\int \rho dv}$$

$$x_{C} = \frac{\int x dm}{m} = \frac{\int x \rho dv}{\int \rho dv}$$

$$y_{C} = \frac{\int y dm}{m} = \frac{\int y \rho dv}{\int \rho dv}$$

$$z_{C} = \frac{\int z dm}{m} = \frac{\int z \rho dv}{\int \rho dv}$$





#### • 说明:

- ① 刚体的质心相对于刚体,位置不变。只与刚体的形状、大小、质量分布有关。
- ② 质量均匀分布的对称形状的刚体,其质心在几何中心。
- ③一般情况下,质心与重心重合。
- ④ 质心可能不在刚体上。



### 2 质点系动量定理

质点系的动量:

$$\vec{P} = \sum_{i} m_{i} \vec{v}_{i}$$

质心的速度:

$$\vec{v}_c = \frac{d\vec{r}_C}{dt} = \frac{\sum_{i}^{i} m_i \frac{d\vec{r}_i}{dt}}{m} = \frac{\sum_{i}^{i} m_i \vec{v}_i}{m}$$

质点系的动量:

$$\vec{P} = m\vec{v}_c$$

质点系的总动量,可以看做全部质量集中于质心的一个质点的动量。 16







#### 质点系动量定理

$$\vec{F}dt = d(\sum m_i \vec{v}_i) = d(m\vec{v}_c) = md\vec{v}_c$$

$$\vec{F} = \frac{md\vec{v}_c}{dt} = m\vec{a}_c$$

#### 质心运动定理

质心的加速度与作用到物体系上所有外力的矢量和 成正比,与物体系的质量成反比,加速度的方向与 合外力的方向一致。

18



• 刚体质心的运动等同于全部质量集中于质心, 所受合外力全部作用于质心的质点运动。

• 注意: 质心运动定律描述的只是质心运动,并不是刚体运动的全部。即描述的只是刚体上一个特殊点的运动。



## 模块2: 刚体运动学



## 刚体可能的运动???

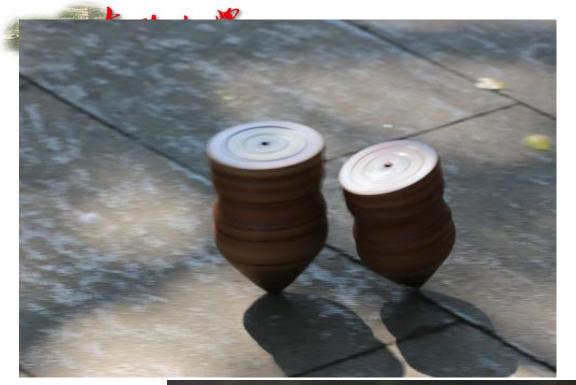
















## 1 平动

刚体中任一直线在各时刻的位置始终保持彼此平行的运动叫平动。



各点的速度,加速度相同,刚体平动归结为质点运动。



#### 刚体平动的动力学

刚体可看做质点组,或分成很多小的质量单元。

• 而对于平动,由于无形变,每个质点具有相同的  $\vec{F}$  加速度,由牛二定律可知:

$$\Delta m_i \vec{a} = \vec{F}_i + \sum ' \vec{f}_{ij}$$

对于整个刚体各单元的动力学方程求和:

$$\sum_{i} \Delta m_{i} \vec{a} = \sum_{i} \vec{F}_{i} + \sum_{i} \sum_{j} '\vec{f}_{ij}$$

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

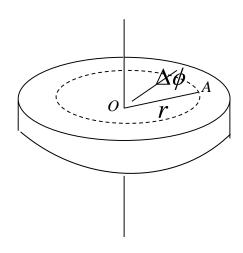
25



### 2 刚体绕固定轴的转动

刚体上的每一点都绕一直线在垂直于直线的平 面内作圆周运动——刚体绕固定轴的转动。







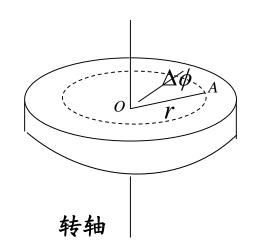
#### 刚体绕定轴的转动的描述

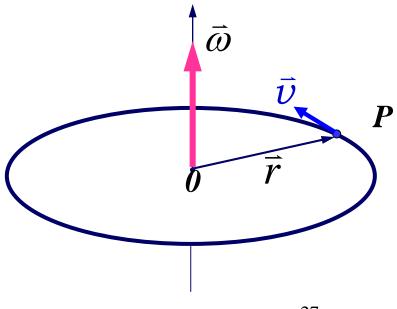
角坐标:  $\theta = \theta(t)$ 

沿逝时针方向转动  $\theta > 0$ 沿顺时针方向转动  $\theta < 0$ 

角速度  $\bar{\omega}$ 

 $\overline{\omega}$ 方向:右手螺旋方向,

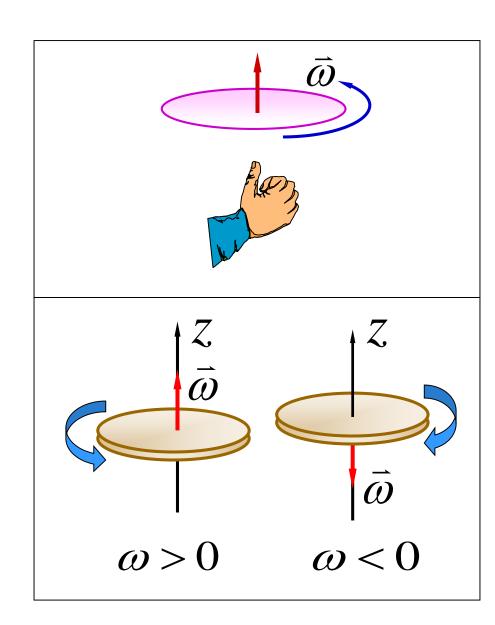






刚体定轴转动(一维 转动)的转动方向可 以用角速度的正、 负来表示.

角加速度 
$$\vec{\alpha} = \frac{d\vec{\omega}}{dt}$$





### 刚体的定轴转动,都有哪些特点?



### 定轴转动的特点

(1) 每一质点均作圆周运动,圆面为转动平面;

(2) 任一质点运动  $\Delta\theta, \bar{\omega}, \bar{\alpha}$  均相同,但  $\bar{v}, \bar{a}$  不同;

(3) 运动描述仅需一个角坐标.



# P 186 例 5.3



### 3 更为一般的刚体运动

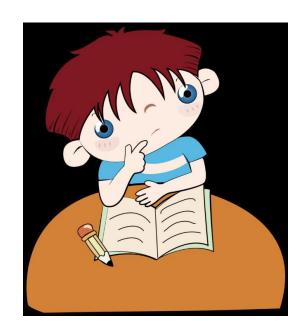


编号:20130828130942073200 汇图网正版商业图库(www.huitu.com) by:NightBird

刚体运动 = 平动 + 转动







### 本节的学习目标,您达到了吗?

- 质心和质心动量定理
- 刚体的物理模型
- 刚体定轴转动的矢量描述



作业: P190 T5.6 T5.10