#### Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

# САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Кафедра Систем Управления и Информатики Группа <u>Р3340</u>

# Лабораторная работа №7 "Анализ точности систем управления" Вариант - 3

Выполнила	<u>Баранов I</u>	С.В. (фамилия, и.о.)	(подпись)	
Проверил		(фамилия, и.о.)	(подпись)	
II II	_ 20г.	Санкт-Петербург,	20 <u></u> г.	
Работа выполне:		—————————————————————————————————————	1.	
Лата запити "	11	20 F		

Цель работы: Исследование точностных свойств систем управления.

**Исходные данные.** В таблице 1 приведены передаточная функция ОУ, характеристики задающих и возмущающих воздействий.

Таблица 1 – Исходные данные

W(s)	g = A	g = Vt	$g = at^2/2$	Структура системы	$f_1$	$f_2$	Сигнал задания
$\frac{1.5}{0.5s+1}$	2	4t	$0.2t^{2}$	a)	-0.5	1	$0.5t + 2\cos(0.1t)$

# 1 Исследование системы с астатизмом нулевого порядка

Задана замкнутая система, структурная схема которой представлена на рисунке 1, где  $H(s)=k,\,W(s)=\frac{1.5}{0.5s+1}.$ 

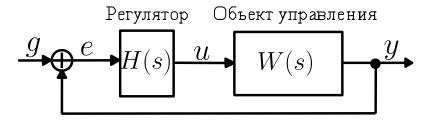


Рисунок 1 – Структурная схема моделируемой системы

#### 1.1 Исследование стационарного режима работы: g(t) = A

На рисунке 2 представлена структурная схема системы при входном воздействии g=2, представлены графики переходных процессов (рисунок 3) и переходные характеристики ошибок (рисунок 4) при различных значениях k.

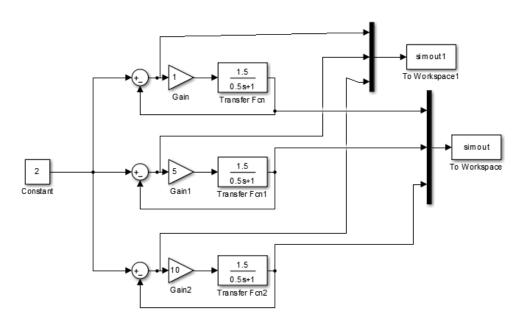


Рисунок 2 – Структурная схема системы с астатизмом нулевого порядка

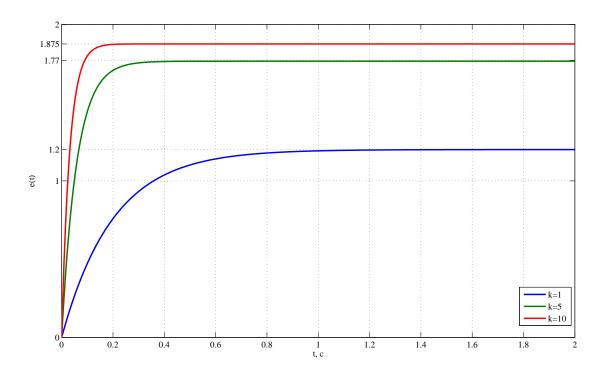


Рисунок 3 – Переходные характеристики системы для стационарного режима работы

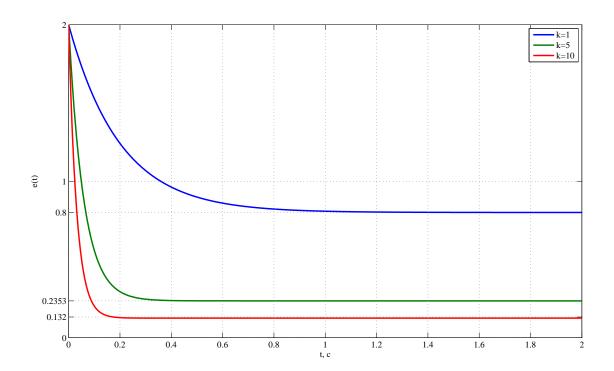


Рисунок 4 – Переходные характеристики для ошибки

Для статической системы при постоянном входном воздействии g(t)=A предельное значение установившейся ошибки будет равно:

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \to 0} s \frac{1}{1 + \frac{1.5k}{0.5s + 1}} \cdot \frac{A}{s} = \lim_{s \to 0} \frac{0.5sA + A}{0.5s + 1.5k + 1} = \frac{A}{1 + 1.5k}.$$
 (1)

Тогда при 
$$k=1$$
:  $\varepsilon=\frac{2}{1+1*1.5}=\frac{2}{2.5}=0.8;$  при  $k=5$ :  $\varepsilon=\frac{2}{1+5*1.5}=\frac{2}{8.5}=0.23535;$  при  $k=10$ :  $\varepsilon=\frac{2}{1+10*1.5}=\frac{2}{15}=0.13333.$ 

# 1.2 Исследование режима движения с постоянной скоростью: q(t) = Vt

На рисунке 5 представлена переходная характеристика системы при входном воздействии g=4t.

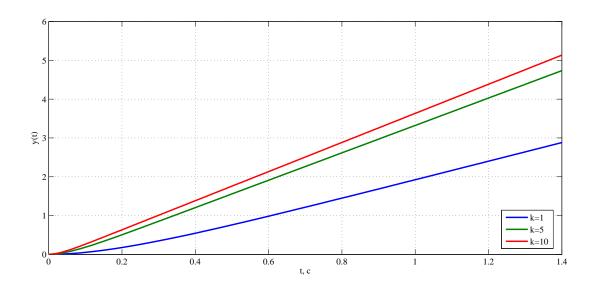


Рисунок 5 – Переходные характеристики системы для движения с постоянной скоростью

Для статической системы при линейно нарастающем входном воздействии g(t)=Vt имеем:

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \to 0} \frac{1}{1 + \frac{1.5k}{0.5s + 1}} \frac{V}{s} = \lim_{s \to 0} \frac{V(0.5s + 1)}{s(0.5s + 1.5k + 1)} = \infty.$$
 (2)

### 2 Исследование системы с астатизмом первого порядка

Структурная схема моделируемой системы представлена на рисунке 1, где  $H(s)=\frac{k}{s},$   $W(s)=\frac{1.5}{0.5s+1}.$ 

#### ${f 2.1}$ Исследование стационарного режима работы: g(t)=A

На рисунке 6 представлена структурная схема системы при входном воздействии g=4t, представлены графики переходных процессов (рисунок 7) и переходные характеристики ошибок (рисунок 8) при различных значениях k и при входном воздействии, равном 2.

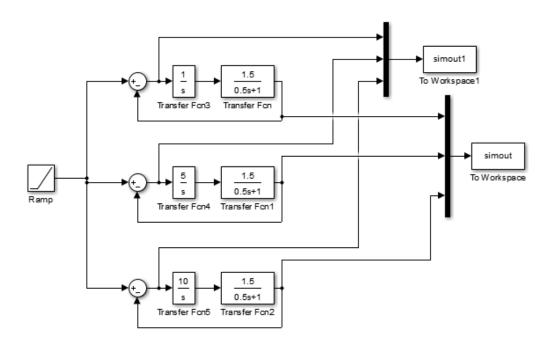


Рисунок 6 – Структурная схема системы с астатизмом нулевого порядка

Для статической системы при постоянном входном воздействии g(t) = A имеем:

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \to 0} \frac{1}{1 + \frac{W^*(s)}{s}} A = \lim_{s \to 0} \frac{As(2, 5s + 1)}{s(0.5s + 1) + 1.5k} = \frac{0}{1.5k} = 0.$$
 (3)

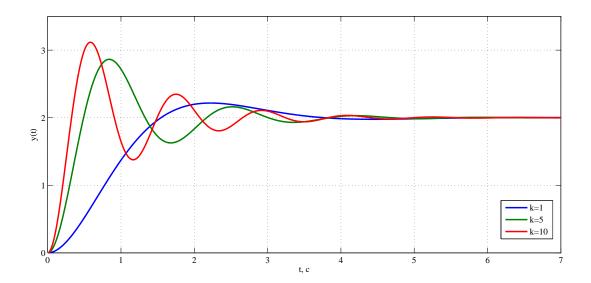


Рисунок 7 – Переходные характеристики системы для стационарного режима работы

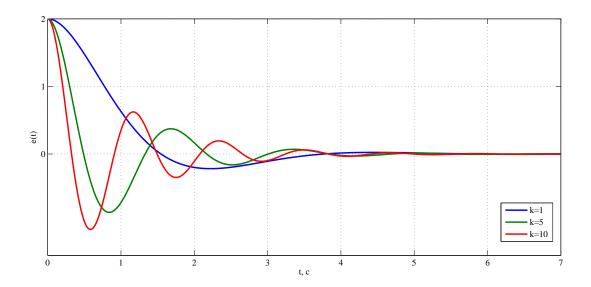


Рисунок 8 – Переходные характеристики для ошибки

# 2.2 Исследование режима движения с постоянной скоростью: g(t) = Vt

На рисунке 9 представлена переходная характеристика системы при входном воздействии g=4t, на рисунке 10 - переходные характеристики для ошибки.

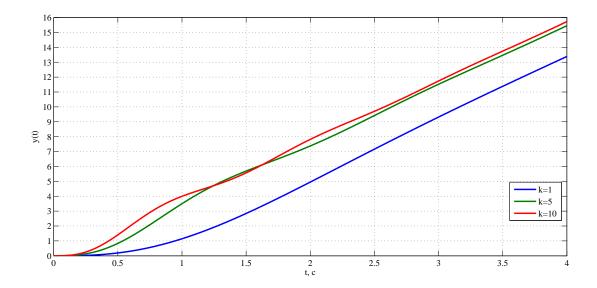


Рисунок 9 – Переходные характеристики системы для движения с постоянной скоростью

При линейно нарастающем воздействии g(t) = Vt предельное значение установившейся ошибки будет равно:

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \to 0} \frac{s}{1 + \frac{1.5k}{s(0.5s + 1)}} \frac{V}{s^2} = \lim_{s \to 0} \frac{V(0.5s + 1)}{s(0.5s + 1) + 1.5k} = \frac{V}{1.5k}.$$
 (4)

Тогда при 
$$k=1$$
:  $\varepsilon=\frac{4}{1*1.5}=\frac{2}{3}\approx 2.667;$  при  $k=5$ :  $\varepsilon=\frac{4}{5*1.5}=\frac{2}{15}\approx 0.533;$  при  $k=10$ :  $\varepsilon=\frac{2}{10*3}=\frac{2}{30}\approx 0.267.$ 

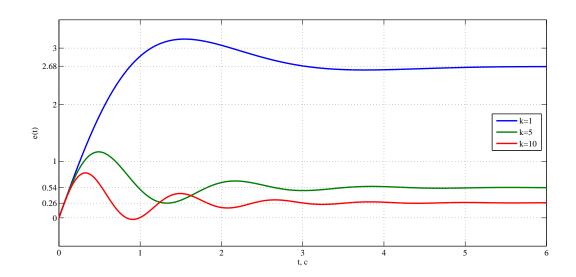


Рисунок 10 – Переходные характеристики для ошибки

## 2.3 Исследование режима движения с постоянным ускорением:

$$g(t) = at^2/2$$

На рисунке 11 представлена переходная характеристика системы при входном воздействии  $g=0.2t^2.$ 

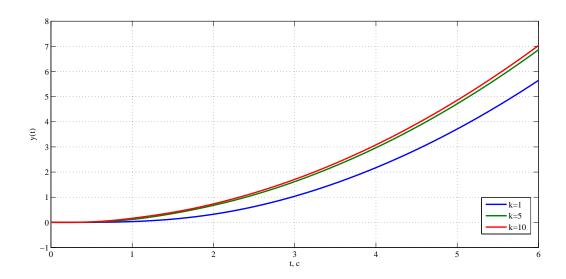


Рисунок 11 – Переходные характеристики системы для движения с постоянным ускорением

#### 3 Исследование влияний внешних возмущений

Структурная схема возмущённой системы при входном воздействии g=1 представлена на рисунке 12, также представлены графики переходных процессов (рисунок 13) и переходные характеристики ошибок (рисунок 14) при различных значениях k.

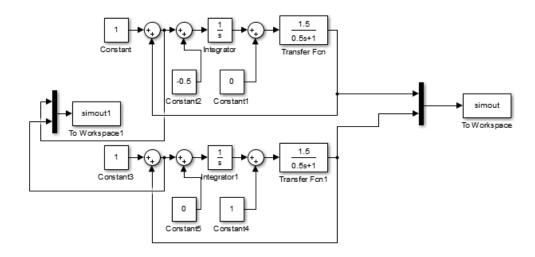


Рисунок 12 – Структурная схема системы при влиянии внешних возмущений

Функция ошибки слежения равна

$$e = \frac{g - W(s)f_1 - \frac{1}{s}W(s)f_2}{1 + \frac{1}{s}W(s)} = \frac{g - \frac{1.5}{0.5s + 1}f_1 - \frac{1.5}{(0.5s + 1)s}f_2}{1 + \frac{1.5}{(0.5s + 1)s}} = \frac{g(0.5s^2 + s) - 1.5sf_1 - 1.5f_2}{0.5s^2 + s + 1.5},$$
(5)

тогда предельное значение установившейся ошибки при g(t)=1

$$\varepsilon = \lim_{s \to 0} \frac{0.5s^2 + s - 1.5sf_1 - 3f_2}{0.5s^2 + s + 1.5} = \frac{-1/5f_2}{1.5} = -f_2. \tag{6}$$

Положим, что  $f_2 = 0$ , тогда предельное значение ошибки при заданных параметрах должно быть равно 0. Если положить  $f_1 = 0$ , тогда предельное значение ошибки будет равно  $-f_2$ , то есть -1.

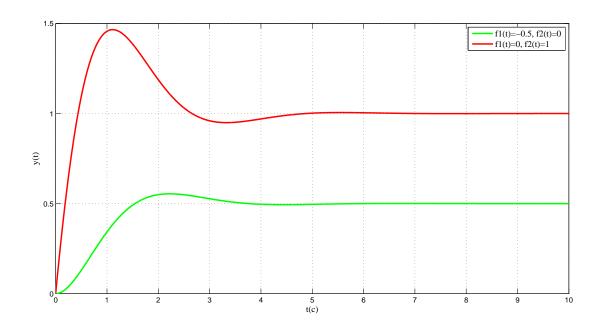


Рисунок 13 – Переходные характеристики системы при влиянии внешних возмущений

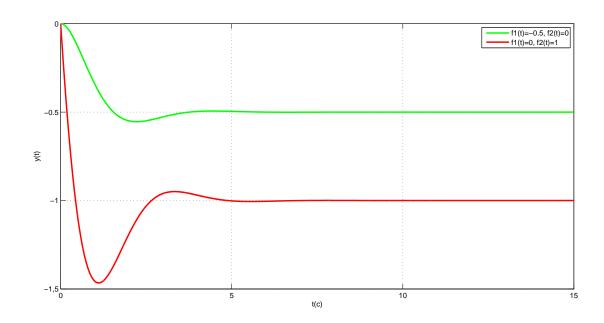


Рисунок 14 – Переходные характеристики для ошибки

# 4 Исследование установившейся ошибки при произвольном входном воздействии

Структурная схема представлена на рисунке 1, где  $H(s) = 1, W(s) = \frac{1.5}{0.5s+1}$ , а задающее воздействие  $g(t) = 0.5t+2\cos 0.1t$ . В ходе моделирования заданной системы (рисунок 15) был получен график переходного процесса, представленный на рисунке 16. Из него видно, что предельное значение ошибки стремится к  $\infty$ .

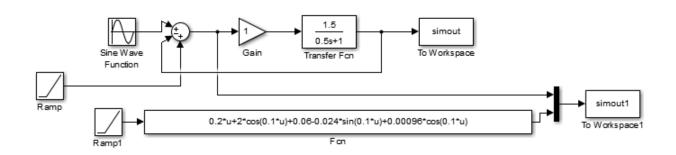


Рисунок 15 – Структурная схема системы при произвольном входном воздействии

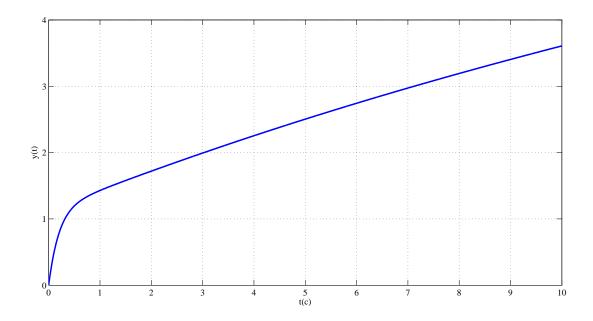


Рисунок 16 — Переходной процесс в замкнутой системе при произвольном входном воздействии

Получим приближенное аналитическое выражение для установившейся ошибки слежения путём разложения в ряд Тейлора передаточную функцию замкнутой системы по ошибке слежения. Передаточная функция замкнутой системы по ошибке слежения выглядит так:

$$\Phi_e(s) = \frac{1}{1 + W(s)} = \frac{1}{1 + \frac{1.5}{0.5s + 1}} = \frac{0.5s + 1}{0.5s + 2.5}.$$
 (7)

При произвольном входном воздействии выражение установившейся ошибки будет выглядеть следующим образом:

$$e_y(t) = \Phi_e(s)|_{s=0}g(t) + \frac{d\Phi_e(s)}{ds}\bigg|_{s=0}\dot{g}(t) + \frac{d^2\Phi_e(s)}{ds^2}\bigg|_{s=0}\frac{\ddot{g}(t)}{2!}.$$
 (8)

Найдём производные g(t) и  $\Phi_e(s)$ :

$$g(t) = 0.5t + 2\cos(0.1t) \qquad \Phi_e(s)|_{s=0} = \frac{0.5s + 1}{0.5s + 2.5} = 0.4$$

$$\dot{g}(t) = 0.5 - 0.2\sin(0.1t) \qquad \frac{d\Phi_e(s)}{ds}\Big|_{s=0} = \frac{3}{(s+5)^2} = 0.12$$

$$\ddot{g}(t) = -0.02\cos(0.1t) \qquad \frac{d^2\Phi_e(s)}{ds^2}\Big|_{s=0} = \frac{2s + 4}{(s+5)^3} - \frac{2}{(s+5)^2} = -0.048$$

Тогда получаем выражение ошибки  $e_y(t)$ :

$$e_y(t) = 0.2t + 2\cos(0.1t) + 0.06 - 0.024\sin(0.1t) + 0.00096\cos(0.1t).$$
(9)

Убедимся, что графики расчетной и экспериментально определённой установившейся ошибки слежения совпадают для этого построим их на одном графике, представленном на рисунке 17.

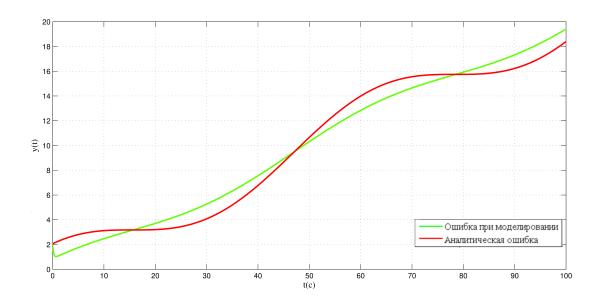


Рисунок 17 – Графики ошибок

## Вывод

В ходе лабораторной работы были исследованы системы с разным порядком астатизма, при влиянии внешних возмущений и при произвольном входном воздействии. Были построены переходные характеристики для всех случаев и найдены значения установившихся ошибок. Данные исследования позволяют сделать вывод о том что, установившееся значение ошибки можно изменить путём увеличения или уменьшения общего коэффициента усиления разомкнутой системы, а также путём снижения или повышения порядка астатизма.

Кроме того было показано, что порядок астатизма системы по задающему воздействию, в общем случае, не соответствует порядку астатизма по возмущению.

Так же было получено приближенное аналитическое выражение для установившейся ошибки слежения системы при произвольном входном воздействии.