杂谈勾股定理

张三

2017年4月15日

摘要

这是一篇关于勾股定理的小短文。

目录

1	勾股定理在古代	2
2	勾股定理的近代形式	3
参	考文献	4

1 勾股定理在古代

西方称勾股定理为毕达哥拉斯定理,将勾股定理的发现归功于公元前6世纪的毕达哥拉斯学派[1]。该学派得到了一个法则,可以求出可排成直角三角形三边的三元数组。毕达哥拉斯学派没有书面著作,该定理的严格表述和证明则见于欧几里德¹《几何原本》的命题47:"直角三角形斜边上的正方形等于两直角边上的两个正方形之和。"证明是用面积做的。我国《周脾算经》载商高(约公元前12世纪)答周公问:

勾广三, 股修四, 径隅五。

又载陈子(约公元前7-6世纪)答荣方问:

若求邪至日者,以日下为勾,日高为股,勾股各 自乘,并而开方除之,得邪至日。

都较古希腊更早。后者已经明确道出勾股定理的一般形式。图 1是我国古代对勾股定理的一种证明 [2]。

¹欧几里德. 约公元前 330-275 年。



图 1: 宋赵爽在《周髀算经》注中作的弦图 (仿制),该图给出了勾股定理的一个极具对称美的证明 [2]。

2 勾股定理的近代形式

勾股定理可以用现代的语言表述如下:

定理 1 (勾股定理) 直角三角形斜边的平方等于两腰的平方和。

可以用符号的语言表述为: 设直角三角形 ABC, 其中 $\angle ACB = 90^{\circ}$,则有

$$AB^2 = BC^2 + AC^2. (1)$$

满足式(1)的整数称为勾股数。第 1节所说的毕达哥拉斯学派得到的三元数组就是勾股数。下表列出一些较小的勾股数:

	斜边 c	直角边 b	直角边 a
(0	5	4	3
	13	12	5

$$(a^2+b^2=c^2)$$

参考文献

- [1] 克莱因. 古今数学思想. 上海科学技术出版社, 2002.
- [2] 曲安京. 商高、赵爽与刘徽关于勾股定理的证明. 数学传播, (3), 1998.
- [3] 矢野健太郎. 几何的有名定理. 上海科学技术出版社, 1986.