# 14

# 직렬공진회로

14.1 주파수응답

14.2 공진의 의미

14.3 직렬공진회로

14.4 직렬공진회로의

어드미턴스의 규준화

14.5 직렬공진회로의 대폭

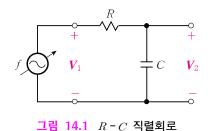
14.6 직렬공진회로의 전압응답

연습문제

이때까지의 회로해석에서 우리는 회로소자와 전원주파수는 고정된 것으로 가정했다. 그러나 통신공학에서는 전력계통과 달라서 보통 고정된 단일주파수가아니라, 어떤 범위 내의 여러 주파수를 동시에 다루게 된다(예 : 유선전화계통의회로에서는 보통  $300\sim3400\,\mathrm{Hz}$  범위의 모든 주파수가 문제되며, 또 라디오수신기에서는 안테나에 포착되는 많은 방송국의 전파 중 요망되는 국의 특정된 주파수범위를 선택할 필요가 있다). 리액턴스소자(L 또는 C)를 포함한 회로의 응답은 일반적으로 주파수에 따라서 달라진다. 이 장에서는 주파수선택성이 강한 직렬공진회로의 특성을 고찰한다.

#### 14.1 주파수응답

처음에 고려할 회로는 그림 14.1과 같은 R-C 직렬회로이다. 이 회로에서 입력단자에 연결된 전압원의 전압의 크기를 일정하게 유지하고 주파수를 변화시킬때 정상상태에서 출력단자의 전압, 즉 C 양단의 전압이 어떻게 변하는가를 고찰



한다. 전압분배의 법칙에 의하여

$$V_{2} = \frac{1/j\omega C}{R + 1/j\omega C} V_{1} = \frac{1}{1 + j\omega CR} V_{1}$$
(14.1)

따라서 
$$V_2 = \frac{1}{\sqrt{1+\omega^2R^2C^2}} V_1$$
 (14.2)

$$\phi = -\tan^{-1}\omega RC \tag{14.3}$$

여기서  $\phi$ 는 출력전압과 입력전압과의 위상차이다. 식 (14.2), (14.3)으로부터 출력전압의 크기와 양 전압의 위상차는 둘다 주파수의 함수임을 알 수 있다. 주파수에 따른 이 두 양의 변화는 그래프를 그려봄으로써 일목요연하게 알 수 있다. 그림 14.2는 이와 같은 그래프이며 (a)를 진폭응답곡선, (b)를 위상응답곡선이라 하며, 양자를 함께 주파수응답곡선이라 한다.

그림 14.2에서 보는 바와 같이 출력전압의 크기는  $\omega=0$ 에서 입력전압과 같지만 주파수가 높아짐에 따라 점차로 떨어진다. 한편 출력전압의 위상은 주파수가 높아짐에 따라 입력전압보다 더욱 늦어지며  $\omega=\infty$ 에서는  $90^\circ$  늦어진다. 주파수

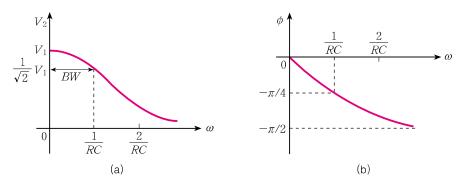


그림 14.2 R-C 회로의 주파수응답곡선

에 따른 이와 같은 변화는 회로를 보고 정성적으로 추측할 수도 있다. 즉, 낮은 주파수에서는 커패시티브 리액턴스가 크므로 입력전압의 대부분은 C 양단에 걸리나 주파수가 높아짐에 따라  $1/\omega C$ 은 R에 비하여 자꾸만 적어지므로 입력전압은 R 양단에 더욱 많이 분배되고, 따라서 C 양단에는 더욱 작은 전압이 나타난다.

식 (14.1)의 분모에서 허수부가 실수부와 같게 되는 주파수

$$\omega = \quad \omega_0 = \frac{1}{RC} \quad , \qquad f_0 = \frac{1}{2\pi RC} \tag{14.4}$$

에서  $V_2=\frac{1}{\sqrt{2}}V_1$ 이 되고  $\phi=-45^\circ$ 가 된다. 이 회로는 대체로 보아서  $\omega<\omega_0$ 의 범위에 있는 낮은 주파수는 출력에 잘 나타나지만  $\omega\geq\omega_0$ 의 범위에 있는 높은 주파수는 많이 감소되어 나타나는 주파수선택성을 갖는다. 이와 같은 회로를 저역통과필터(low-pass filter)라고 하고,  $0\sim\omega_0$ 를 필터의 대폭(bandwidth; BW), 1/RC를 필터의 차단주파수(cut-off frequency)라고 한다.

여러 가지 주파수선택성을 갖는 필터가 있는데, 이 장에서는 어떤 주파수범위만 잘 통과시키고 이 범위보다 낮은 주파수 및 높은 주파수를 크게 감쇠시키는 대역통과필터(band-pass filter)의 역할을 하는 공진회로를 다룬다. 필터는 통신, 계측, 제어공학 등에서 매우 중요하므로 제 22 장에서 총괄하여 다룬다.

#### 규 준 화

만일 그림 14.3 (a)에서와 같이 세로축의 변수로서  $V_2$  자체가 아니라 입력전압과의 비  $V_2/V_1$ 를 취하고, 또 가로축의 변수로서는  $\omega$  자체가 아니라 차단주파수

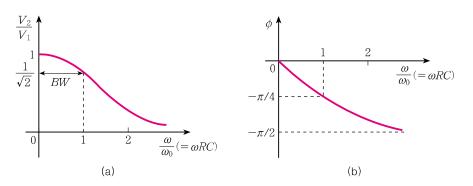


그림 14.3 그림 14.2에서  $\omega$ 를  $\omega_0$ 로,  $V_2$ 를  $V_1$ 으로 규준화한 주파수응답곡선

와의 비  $\omega/\omega_0$ (단,  $\omega_0=1/RC$ )를 취하여 그린 곡선은  $V_1$ ,  $\omega_0$ 의 값 여하에 불구하고 사용할 수 있다. 그림 (b)의 위상응답곡선 역시 마찬가지이다. 이와 같이어떤 양 자체가 아니라, 다른 기준량과의 비를 생각하면 수식이나 그래프가 더일반성을 가지게 된다. 어떤 양과 기준량과의 비를 취하는 것을 그 양을 그 기준량에 관하여 규준화한다고 한다. 기준량으로는 각 경우에 따라 적당한 것을 택해야 한다. 규준화된 양은 이미 원(元)을 갖지 않으며 따라서 그래프에서 가로  $\cdot$  세로축의 척도는 명수가 붙지 않는 단순한 수치가 된다(그림 14.3 참고). 수식에서도 각 항은 원이 없어진다. 가령 식 (14.1)을 규준화된 양으로 표시하면,

$$\frac{\boldsymbol{V}_2}{\boldsymbol{V}_1} = \frac{1}{1+j\frac{\omega}{\omega_0}}, \quad 단 \quad \omega_0 = \frac{1}{RC} \left( f_0 = \frac{1}{2\pi RC} \right) \tag{14.5}$$

와 같이 된다.

[수치에] 그림 14.1에서 R=1k $\Omega$ , C=0.1  $\mu$ F일 때  $\frac{V_2}{V_1}=\frac{1}{\sqrt{2}}$ 이 되는 주파수는  $\frac{1}{2\pi\times10^3\times10^{-7}}=1591.5\,\mathrm{Hz}$ 이고, 이 주파수에서  $V_2$ 는  $V_1$ 보다 위상이  $45^\circ$  늦어진다.

다음에는 R-L-C 직렬회로의 주파수응답을 고찰하겠는데, 이에 앞서 공진현상에 관하여 설명한다.

### 14.2 공진의 의미

어떤 물체에 외부에서 주기적인 힘을 가하는 경우 그 힘의 주기를 물체가 진동하는 주기에 일치시키면 적은 힘으로도 큰 진동을 일으킬 수 있다는 것은 우리가 일상 경험하는 바이다. 가령 외나무다리를 걸을 때 다리의 상하진동에 보조를 맞추어 걸으면 순식간에 큰 진동이 일어나며, 또 무거운 종이라도 알맞은 주기로 계속 밀고 당겨주면 진폭을 크게 할 수 있다. 이와 같은 현상을 공진 (resonance)이라고 한다[음의 경우에는 공명이라고 한다]. 전기계에도 이와 같은 현상이 있다. 즉, 전기회로에 인가되는 전원의 주파수가 회로 자체의 고유주파수 (natural frequency)와 일치하면 회로에는 큰 전기적 진동이 일어난다. 전기적 공진회로에는 L과 C의 공존이 필요하며 이것들이 연결되는 방식에 따라서 직렬 공진, 병렬공진, 직병렬공진회로 등으로 나누어진다.

### 14.3 직렬공진회로

그림 14.4와 같은 R-L-C 직렬회로의 입력단자에 연결된 전압원의 전압의 크기를 일정하게 유지하고 주파수만을 변화시킬 때 정상상태에서 회로에 흐르는 전류의 크기와 전류, 전압의 상차가 주파수에 따라 어떻게 변하는가를 고찰하자. 편의상 먼저 임피던스부터 고찰한다. 이 회로의 임피던스는

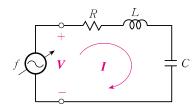


그림 14.4 R-L-C 직렬공진회로

$$Z = R + j \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right) = R + jX \tag{14.6}$$

단, 
$$X = \omega L - \frac{1}{\omega C}$$
 (14.7)

따라서 
$$Z=\sqrt{R^2+X^2}$$
 (14.8)

$$\theta = \tan^{-1} \frac{X}{R} \tag{14.9}$$

그림 14.5에는  $X_L = \omega L$ ,  $X_C = -1/\omega C$  및 이 양자의 합으로서의 리액턴스 X가  $\omega$ 에 따라서 어떻게 변하는가를 그렸다. 낮은 주파수에서는 커패시티브 리액턴스가 우세하고 높은 주파수에서는 인덕티브 리액턴스가 우세하며, 이 중간에서 X = 0(L - C)양단이 단락상태)되는 점이 생긴다. 이 주파수에서는 Z 또는 Y는 순실수가 되고 단자전압과 전류는 동상이 된다. 이때 우리는 회로가 공진상

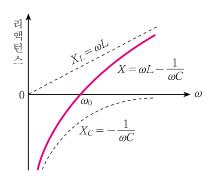


그림 14.5 R-L-C 직렬공진회로의 리액턴스의 주파수에 따른 변화

태에 있다라고 말한다.

더 정확히 말하면 일반적으로 2단자회로의 단자전압과 전류가 어떤 특정한 주파수에서 동상이 될 때 이 회로는 그 주파수에서 공진상태에 있다고 한다. 그리고 그 주파수를 공진주파수라고 한다. 공진조건을 달리 표현하면 2단자회로의 역률이 1이 되는 경우 또는 Z 또는 Y가 순실수가 되는 경우라고 말할 수 있다. 이것들은 모두 꼭 같은 내용을 다르게 표현한 것이다.

R-L-C 직렬공진회로의 공진주파수 $^*$ 를  $\omega_0$ 라 하면  $\omega_0 L - \frac{1}{\omega_0 C} = 0$ 이므로

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \qquad \underline{\mathfrak{E}} \stackrel{\smile}{\smile} \qquad f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \tag{14.10}$$

그림 14.6 (a)에는 R, X 및 Z의  $\omega$ 에 따른 변화를 그렸다. Z의 곡선은 식 (14.18)로부터 그려진다. 공진주파수에서는 X=0이므로 Z=R이고, 임피던스는 최소가 된다. 이 그림에서 R은 주파수에 관계없이 일정한 것으로 가정하였으며 공진점에서 멀어지면  $R \ll |X|$ 이므로  $Z \simeq |X|$ 가 된다. 임피던스곡선이 공진주파수 부근에서 좀 둥글지만 대체로 V자형임을 주목하라.

어드미턴스의 주파수특성곡선은 임피던스곡선의 역으로서 그림 14.6 (b)와 같이 그려진다.  $\omega=\omega_0$ 에서 Y는 최대가 되며 그 값은 1/R과 같다. 따라서 회로의 손실이 적을수록 Y곡선은 더욱 첨예하게 된다. 이 직렬회로의 인가전압이 일정할 때 회로전류는 어드미턴스에 비례하므로(I=YV) 그림 (b)의 곡선은 그대로 R-L-C 직렬공진회로의 전류응답곡선이 된다. 그래서 전원주파수가 식 (14.8)에 의하여 정해지는 회로의 공진주파수와 일치할 때 회로에는 최대의 전류

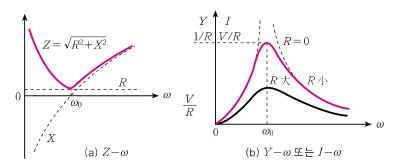


그림 14.6 직렬공진회로의 응답

<sup>\*</sup> 앞으로 각주파수를 간단히 주파수라고 할 때가 있으니 양해하기 바란다.

V/R가 흐르고 공진주파수에서 멀어질수록 전류는 적게 흐른다. 즉, R-L-C직렬회로는 일종의 대역통과(band-pass) 특성을 갖는 주파수선택회로이다. 회로 의 저항이 적으면 공진전류는 매우 크게 되며 L 또는 C 양단에는 매우 큰 전압 (인가전압의 수십~수백 배가 될 때도 있다)이 나타난다.

공진회로의 임피던스의 크기, 어드미턴스의 크기 또는 전류의 크기가 주파수 에 따라서 변하는 모양을 그린 그림 14.6의 곡선을 공진곡선이라고 한다. 공진곡 선은 공진회로의 주파수특성을 일목요연하게 나타내므로 널리 이용된다.

[수치에]  $R=5\,\Omega$ ,  $L=1 \mathrm{mH}$ ,  $C=0.1\,\mu\mathrm{F}$ 의 직렬회로의 공진주파수는  $\omega_0=\frac{1}{\sqrt{LC}}$  $=\frac{1}{\sqrt{10^{-3}\times0.1\times10^{-6}}}=10^{5}\,\mathrm{rad/s}\ \ \mathrm{또는}\ \ f_{0}=\frac{10^{5}}{2\pi}=15.915\,\mathrm{kHz}\,\mathrm{이고},\ \ \mathrm{중진주}$ 파수에서의 입력임피던스는 순저항  $5\Omega$ 이 된다.

### 14.4 직렬공진회로의 어드미턴스의 규준화

R-L-C 직렬공진회로에서 I=V/Z=YV이고  $V=V/0^\circ=$ 일정할 때 I $\propto Y$ . 따라서 주파수에 따른 I의 변화는 주파수에 따른 Y의 변화로부터 알 수 있다.

어드미턴스를 그 최대치  $Y_0 = 1/R$ 에 관하여 규준화하고, 주파수를 공진주파 수  $\omega_0 = 1/\sqrt{LC}$  에 관하여 규준화하자. 즉,

$$\frac{Y}{Y_0} = \frac{R}{R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)} = \frac{1}{1 + j\frac{1}{R}\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)}$$

$$= \frac{1}{1 + j\frac{\omega_0 L}{R}\left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)} \tag{14.11}$$

위에서  $\omega_0^2 = 1/LC$ 의 관계를 이용하였다. 지금

$$Q_0 \equiv \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$$
  $(R-L-C$  직렬회로에 대하여) (14.12)

로서 정의되는 원(元 이 없는 양  $Q_0$ 를 도입하면 식 (14.11)은 결국

$$\frac{\mathbf{Y}}{Y_0} = \frac{1}{1+j Q_0 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)} = \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{I}_0}$$
  $(I_0$ 은 공진시의 전류) (14.13)

와 같이 표시된다.  $Q_0$ 는 quality factor의 약인데, 이 수치가 공진회로에서 갖는 중요한 의미는 차차 알려질 것이나, 당분간은 공진시의 리액턴스의 저항에 대한 비라고 알아두면 된다.

식 (14.13)으로부터 규준화된 어드미턴스의 크기는

$$\frac{Y}{Y_0} = \frac{1}{\sqrt{1 + Q_0^2 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega}\right)^2}} = \frac{I}{I_0}$$
 (14.14)

또 어드미턴스의 각은

$$\phi = -\tan^{-1} \left[ Q_0 \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \right] \tag{14.15}$$

와 같이 표시된다. 이 두 식은 매우 중요한 의미를 갖는다. 즉, 직렬공진회로의 규준화된 어드미턴스의 주파수특성이(크기나 각이 모두)  $Q_0$ 만에 의하여 결정된다는 것이다. 그러므로 2개의 R-L-C 직렬회로의 주파수응답을 비교하자면 양회로의  $Q_0$ 만을 비교하면 족하다는 결론이 생긴다.

그림 14.7은 가로축에  $\omega/\omega_0$ 를 취하여 식 (14.14), (14.15)를 그린 것이다.  $Q_0$ 가 커짐에 따라(즉, 회로손실 R이 적을수록) 공진곡선은 더욱 첨예해지고 주파

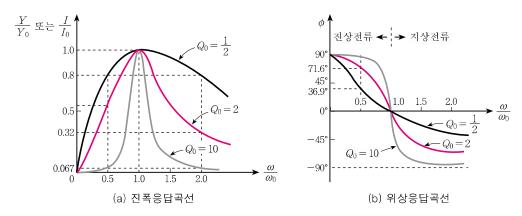


그림 14.7  $Q_0$ 의 대소에 따른 R-L-C 직렬공진회로의 규준화된 주파수응답곡선

수선택성이 좋아진다. 즉,  $Q_0$ 는 공진곡선의 **첨예도**(sharpness)를 나타낸다. 이 공진곡선의  $Q_0$ 가 클 때에는  $\omega \simeq \omega_0$ 에서 대칭에 가까우나  $Q_0$ 가 낮을수록 비대칭이 되는 것에 주목하라.

무선공학에서 쓰이는 공진회로의  $Q_0$ 는 매우 높다. 예컨대  $1000 \, \mathrm{kHz}$  AM 방송 국의 전파는  $1000 \, \mathrm{kHz}$ 를 중심으로 약  $15 \, \mathrm{kHz}$ 의 대폭을 가지므로, 이것을 선택하기 위한 공진회로의 Q는 1000/15=67이 되어야 한다(Q가 너무 크면 필요한 신호의 고주파성분이 깎인다).

[수치예]  $R=5\Omega$ ,  $L=1 \mathrm{mH}$ ,  $C=0.1 \, \mu\mathrm{F}$ 의 직렬공진회로의  $Q_0$ 는  $\frac{\omega_0 L}{R}$  또는  $\frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$  로부터  $20 \, \mathrm{이}$ 고,  $\omega=\omega_0$  에서의 전류와  $\omega=2\omega_0$  (또는  $\omega=\frac{1}{2}\omega_0$ )에 서의 전류의 비는  $\frac{1}{\sqrt{1+20^2\left(2-\frac{1}{2}\right)^2}}\simeq \frac{1}{30}$ 

#### 14.5 직렬공진회로의 대폭

직렬공진회로에서  $Q_0$ 가 클수록 공진곡선이 첨예해지므로 대폭(BW)이 좁아진다. 이하  $Q_0$ 와 대폭간의 정확한 관계를 구해 보자. 최대응답의  $1/\sqrt{2}$ 을 주는 두 주파수를  $\omega_1,\;\omega_2(\omega_1<\omega_2)$ 라 하면 정의에 의하여 대폭은  $BW=\omega_2-\omega_1$ 이다 (그림 14.8).

일정한 전압하에  $\omega=\omega_1,\ \omega_2$ 에서는  $\omega=\omega_0$ 일 때의 전류의  $1/\sqrt{2}$  배의 전류가 흐르므로 회로에 공급되는 전력(즉, R에서 소비되는 전력  $P=RI^2$ )은 공진시에 공급되는 전력의 반이 된다. 이러한 의미에서  $\omega_1,\ \omega_2$ 를 **반전력주파수**라고 하며,  $BW=\omega_2-\omega_1$ 을 특히 **반전력대폭**(단순치 대폭이라고도 한다)이라고 명시할 때가 있다. 따라서 일정한 전압하에  $\omega_1\sim\omega_2$  사이의 모든 주파수의 신호는 공진전

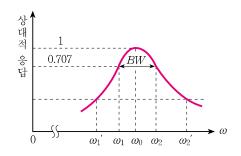


그림 14.8 직렬공진회로의 대폭 $(\omega_1\omega_2 = \omega_0^2 = \omega_1'\omega_2')$ 

력의 반 이상으로 회로에 전달되나 이 범위를 벗어난 주파수의 신호는 공진전력의 반 이하로 저지된다.

 $\omega_1,\;\omega_2$ 는 식 (14.13)의 분모의 허수부를  $\pm 1$ 로 놓음으로써 구해진다.

$$\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} = \pm \frac{1}{Q_0} \tag{14.16}$$

에서 우변이 +일 때의 해가  $\omega_2$ , -일 때의 해가  $\omega_1$ 을 주므로

$$\frac{\omega_2}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_2} = \frac{1}{Q_0} \tag{14.17a}$$

$$\frac{\omega_1}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_1} = -\frac{1}{Q_0} \tag{14.17b}$$

각 식을 풀면

$$\omega_2 = \omega_0 \left[ \sqrt{1 + \left( \frac{1}{2 Q_0} \right)^2} + \frac{1}{2 Q_0} \right]$$
 (14.18a)

$$\omega_1 = \omega_0 \left[ \sqrt{1 + \left( \frac{1}{2Q_0} \right)^2} - \frac{1}{2Q_0} \right]$$
 (14.18b)

이들로부터

$$\omega_1 \omega_2 = \omega_0^2 \tag{14.19}$$

$$BW = \omega_2 - \omega_1 = \frac{\omega_0}{Q_0} = \frac{R}{L}$$
 (반전력대폭) (14.20)

즉, 공진주파수가 같을 때 공진회로의 대폭은 회로의  $Q_0$ 에 반비례한다. 윗식을 고쳐 쓰면

$$\frac{BW}{\omega_0} = \frac{1}{Q_0} \tag{14.21}$$

이 좌변을 비대폭이라고 한다. 폭이 좁은가 넓은가 하는 것은 공진주파수와 비교해서 상대적으로 생각하는 것이 합리적이다. 왜냐하면 가령  $1000\,\mathrm{rad/s}\,\mathrm{9}$  대폭은 공진주파수가  $5000\,\mathrm{rad/s}\,\mathrm{9}$  때에는 넓다고 하겠으나 공진각주파수가  $10^8\,\mathrm{rad/s}\,\mathrm{9}$  때에는 상대적으로 좁다고 밖에 볼 수 없기 때문이다. 이러한 의미

에서 비대폭이 더 중요한 의미를 갖는다. 비대폭은  $Q_0$ 의 역수와 같다.

 $Q_0 > 10$ 일 때 식 (14.18), (14.21)로부터

$$\omega_{1,2} \simeq \omega_0 \mp \frac{BW}{2}$$
, 단  $Q_0 > 10$  (14.22)

즉,  $Q_0$ 가 크면  $\omega_1$ ,  $\omega_2$ 는  $\omega_0$  상하에서 같은 양(BW/2)만큼 떨어짐을 알 수 있다.

#### 예제 14.7

 $R=5\,\Omega$ ,  $L=0.1\,\mathrm{mH}$ ,  $C=0.01\,\mu\mathrm{F}$ 의 직렬회로에서 다음을 구하라.

(a) 공진주파수

(b)  $Q_0$ 

(c) BW

(d) 반전력주파수  $\omega_1$ ,  $\omega_2$ 

(e) R이 10배가 되면 (a)~(d)는 어떻게 되겠는가?

#### 풀 이

(a) 
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{10^{-4}10^{-8}}} = 10^6 \text{ rad/s} \quad \left( f_0 = \frac{10^6}{2\pi} = 159.2 \text{ kHz} \right)$$

(b) 
$$Q_0 = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{10^6 \times 10^{-4}}{5} = 20$$
  $\left( \text{EEC} \ Q_0 = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} = \frac{1}{5} \sqrt{\frac{10^{-4}}{10^{-8}}} = 20 \right)$ 

(c) 
$$BW = \frac{10^6}{20} = 50 \,\mathrm{krad/s} \,(= 7.958 \,\mathrm{kHz})$$

(d) O 가 매우 ㅋㅁㄹ

$$\omega_1 = \omega_0 - \frac{BW}{2} = 1025 \,\mathrm{krad/s} \ (f_1 = 163.1 \,\mathrm{kHz})$$

$$\omega_2\!=\omega_0\!+\!\frac{BW}{2}\!=975\,{\rm krad/s}\ (f_2\!=155.2\,{\rm kHz})$$

(e)  $\omega_0$ 는 그대로이고  $Q_0$ 와 BW는 0.1배가 된다.  $Q_0$ 는 그밖에 안되므로  $\omega_1$ ,  $\omega_2$ 는 식 (14.18)로써  $\omega_1=972.6\,\mathrm{krad/s}$ ,  $\omega_2=1024.6\,\mathrm{krad/s}$ 로 구할 수 있다.

## 14.6 직렬공진회로의 전압응답

이때까지는 R-L-C 직렬회로의 전류응답을 주로 취급하였으나 실제에서는 L 또는 양단의 전압응답도 중요하다.

공진시, 
$$\pmb{V}_L = j\omega_0 L\pmb{I}_0$$
 및  $\pmb{V}_C = -j\frac{1}{\omega_0\,C}\pmb{I}_0$ 에  $\pmb{I}_0 = \pmb{V}/R$ ,  $Q_0 = \frac{\omega_0\,L}{R} = \frac{1}{R\omega_0\,C}$ 을 대입하면

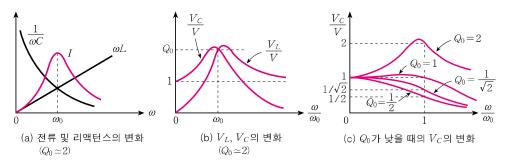


그림 14.9 직렬공진회로의 L, C 양단전압의 진폭응답

$$V_L = -V_C = jQ_0V$$
 ,  $V_L = V_C = Q_0V$  (공진시) (14.23)

즉, R-L-C 직렬회로가 공진상태에 있으면 L 또는 C 양단에 인가전압의  $Q_0$  배의 전압이 나타난다. 그러므로  $Q_0$ 가 큰 직렬공진회로는 공진주파수에 대해서는 일종의 전압증폭기의 역할을 한다. 참고로 공진시에는  $\mathbf{V}_L+\mathbf{V}_C=0$ 이므로 L-C 양단은 단락상태가 된다(이것은  $\mathbf{Z}=R+j0$ 으로부터도 설명된다).

그림 14.9 (b)는 그림 (a)의 전류곡선과 리액턴스곡선을 곱함으로써 얻은  $V_L$ ,  $V_C$ 의 진폭응답곡선이다 $(Q_0\simeq 2)$ . 특히  $Q_0$ 가 클 때  $\omega\simeq\omega_0$ 에서는 I의 변화가 리액턴스의 변화보다 훨씬 급격하므로 대체로 I의 변화에 따른다(그러나  $\omega\to 0$ 에서  $V_C\to V$ ,  $\omega\to\infty$ 에서  $V_L\to V$ ).

그림 (c)에는  $Q_0$ 가 낮은 몇 가지 값에 대한  $V_C$ 의 진폭응답곡선을 그렸다. 특히  $Q_0 < 1/\sqrt{2}$ 일 때에는 피크가 생기지 않는 저역통과의 특성을 갖게 된다.

#### 예제 14.2

 $R=18\,\Omega,\,L=150\,\mu{\rm H}$ 인 코일과 손실을 무시할 수 있는 가변커패시터(소위 바리콘)가  $719\,{\rm kHz},\,1\,{\rm mV}$ 의 전원에 직렬로 연결된 회로가 있다. 다음을 구하라.

- (a) 회로를 전원주파수에 공진시키는 데 필요한 가변커패시터의 커패시턴스
- (b) 공진시의 회로의  $Q_n$
- (c) 공진시의 커패시터 양단의 전압의 크기
- (d) 반전력대폭

#### 풀이

(a) 
$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$
 로부터 
$$C = \frac{1}{4\pi^2 f^2 L} = \frac{1}{4\times 3.14^2 \times (710\times 10^3)^2 \times 150\times 10^{-6}} = 336~\mu\mu$$
E

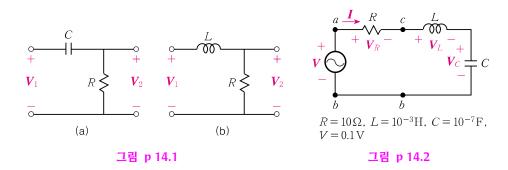
(b) 
$$Q_0 = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{2\pi \times 710 \times 10^3 \times 150 \times 10^{-6}}{18} = 37.2$$
  
(c) 중전시  $V_C = Q_0 V = 37.2 \times 1 = 37.2 \,\mathrm{mV}$   
(d)  $BW = \frac{f_0}{Q_0} = \frac{710}{37.2} = 19.1 \,\mathrm{kHz}$ 

(c) 공진시 
$$V_C = Q_0 V = 37.2 \times 1 = 37.2 \,\mathrm{mV}$$

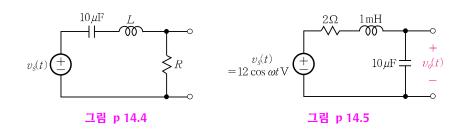
(d) 
$$BW = \frac{f_0}{Q_0} = \frac{710}{37.2} = 19.1 \,\text{kHz}$$

# 연/습/문/제

- 14.1 그림 p 14.1의 각 회로에서
  - (a)  $V_2/V_1$ 에 대한 표시식을 써라.
  - (b) 최대응답의  $1/\sqrt{2}$  의 응답을 주는 주파수  $f_0$ 를 구하라.
  - (c)  $2f_0$  에서의 상대적 응답 및 위상각을 구하라.
  - (d) 규준화된 진폭응답곡선 및 위상응답곡선을 그려라. 단, 주파수는  $f_0$  에 관하여 규준화하라.
  - (e) 어떤 주파수 선택회로인가를 말하라.



- **14.2** 그림 p 14.2의 R-L-C 직렬회로에서 다음을 구하라.
  - (a) 공진주파수  $f_0$
- (b) 공진시의  $Y_{ab}$
- (c) 공진시의 전류 I
- 14.3 R-L-C 직렬공진회로에서  $L=10^{-3} {
  m H},~C=10^{-7} {
  m F}$ 이다. 공진주파수를 구하고 이를 중심으로 한 대폭이  $200 {
  m Hz}$ 가 되도록 R의 값을 결정하라.
- **14.4** 그림 p 14.4의 대역통과필터에서 중심주파수  $1000 \, \mathrm{rad/s}$ ,  $BW = 100 \, \mathrm{rad/s}$  가 되도록 L, R을 결정하라.
- **14.5** 그림 p 14.5의 회로에서 공진주파수와 공진시의  $v_o(t)$ 를 구하라.



- **14.6** 그림 p 14.2의 *R-L-C* 직렬회로에서 다음을 구하라.
- (b) 반전력대폭 BW (c) 반전력주파수  $f_1, f_2$
- (d) 주파수에 따른  $\left| \frac{I}{I_0} \right|$ 의 변화(그림으로 그려라 공진곡선)
- **14.7** 그림 p 14.2의 R-L-C 직렬회로에서 공진주파수  $f=f_0$ , 반전력주파수  $f=f_1$  및  $f_2$ 의 각각에서의  $Y_{ab}$ , I,  $V_R$ ,  $V_L$ ,  $V_C$ ,  $V_{ab}$ 의 값을 구하라.
- 14.8 그림 p 14.2의 R-L-C 직렬회로에서 공진주파수  $f=f_0$ ,  $f=f_1$  및  $f=f_2$ 의 각각에서 I를 기준페이저로 할 때의 V,  $V_R$ ,  $V_L$ ,  $V_C$ ,  $V_{cb}$ 의 페이저도를 그 려라.
- **14.9** 그림 p 14.2의 회로에서 만일 R을 2배로 하면 문제 14.2~14.4에서 어떤 변 화가 생기는가를 말하라(예컨대 몇 배로 증가, 감소, 불변 등).
- 14.10 R-L-C 직렬공진회로가 있다. C는 40pF에서 350pF까지 변할 수 있는 바 리콘(varicon)이다.
  - (a) L을 얼마로 하면 최저공진주파수를  $530 \, \mathrm{kHz}$ 로 할 수 있는가?
  - (b) 이와 같이 L을 정할 때 이 회로의 최고공진주파수는 얼마인가?
- **14.11** R-L-C 직렬공진회로에서 공진주파수 $=1\,\mathrm{MHz}$ , 반전력대폭 $=20\,\mathrm{kHz}$ , 공진 주파수에서의 임피던스의 크기 =  $50\Omega$ 이 되도록 설계하고자 한다.
  - (a) R, L, C의 값을 정하라.
  - (b) 반전력주파수를 구하라.