FACULTAD DE INGENIERÍA ESCUELA PROFESIONAL DE INGENIERÍA INDUSTRIAL

PRACTICA CALIFICADA -I UNIDAD

1. Hallar el dominio de las siguientes funciones (2ptos)

a.
$$f(x,y) = arcosen(\frac{y-1}{x})$$

b.
$$f(x, y, z) = \sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z}$$

Grafica el dominio en el plano cartesiano (3ptos)

a.
$$f(x,y) = \sqrt{x + \sqrt{y}}$$

b.
$$f(x, y) = y^2 - x^2$$

3. Calcule las derivadas parciales indicadas (3ptos)

b)
$$f(x,y,z) = x^5 + x^4y^4z^3 + yz^2$$
; $fxyz$

c)
$$f(x,y,z) = ln(sen(x-y))$$
; $fxxy$

4. hallar la derivada direccional de cada una de las funciones, en las direcciones indicadas: (6ptos)

a)
$$f(x,y) = x^2 + y^2$$
, $v = (a,b)$ en el punto (0,0).
b) $f(x,y) = x^3 \sqrt{1 + tan^2(x + y^2)}$, $v = (0,1)$.

b)
$$f(x,y) = x^3 \sqrt{1 + \tan^2(x + y^2)}, \quad v = (0,1)$$

c)
$$f(x, y, z) = xyz$$
, $v = (\frac{1}{3}, \frac{-2}{3}, \frac{-2}{3})$.

5. Determina las siguientes derivadas parciales utilizando la regla de cadena: (4ptos)

a)
$$\frac{\partial z}{\partial u}, \frac{\partial z}{\partial v}$$
 $z = 4x - 5y^2; \quad x = u^4 - 8v^3, y = (2u - v)^2$

b)
$$\frac{\partial w}{\partial t}, \frac{\partial w}{\partial \theta} \quad w = (u^2 + v^2)^{3/2}; \quad u = e^{-t} \sin \theta, v = e^{-t} \cos \theta$$

6) Encuentre:
$$\frac{\partial z}{\partial x} y \frac{\partial z}{\partial y} si x^3 + y^3 + z^3 + 6xyz = 1$$
 (2ptos)